

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ  
ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ  
ФАКУЛЬТЕТ ИНФОКОММУНИКАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Отчет по лабораторной работе №7  
по курсу «Алгоритмы и структуры данных»  
Тема: Динамическое программирование №1  
Вариант 11

Выполнил:  
Кузнецов А.Г.  
К3140

Проверила:  
Артамонова В.Е.

Санкт-Петербург  
2023 г.

## Содержание отчета

<b>Содержание отчета</b>	<b>2</b>
<b>Задачи по варианту</b>	<b>3</b>
Задача №5 Наибольшая общая подпоследовательность трех последовательностей	3
Задача №6 Наибольшая возрастающая подпоследовательность	5
<b>Вывод</b>	<b>6</b>

## Задачи по варианту

### Задача №5 Наибольшая общая подпоследовательность трех последовательностей

Вычислить длину самой длинной общей подпоследовательности из трех последовательностей.

Даны три последовательности  $A = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ ,  $B = (b_1, b_2, \dots, b_m)$  и  $C = (c_1, c_2, \dots, c_l)$ , найти длину их самой длинной общей подпоследовательности, т.е. наибольшее неотрицательное целое число  $p$  такое, что существуют индексы  $1 \leq i_1 < i_2 < \dots < i_p \leq n$ ,  $1 \leq j_1 < j_2 < \dots < j_p \leq m$  и  $1 \leq k_1 < k_2 < \dots < k_p \leq l$  такие, что  $a_{i_1} = b_{j_1} = c_{k_1}$ , ...,  $a_{i_p} = b_{j_p} = c_{k_p}$ .

- Формат входного файла (input.txt).
  - Первая строка:  $n$  - длина первой последовательности.
  - Вторая строка:  $a_1, a_2, \dots, a_n$  через пробел.
  - Третья строка:  $m$  - длина второй последовательности.
  - Четвертая строка:  $b_1, b_2, \dots, b_m$  через пробел.
  - Пятая строка:  $l$  - длина третьей последовательности.
  - Шестая строка:  $c_1, c_2, \dots, c_l$  через пробел.
- Ограничения:  $1 \leq n, m, l \leq 100$ ;  $-109 < a_i, b_i, c_i < 109$
- Формат вывода / выходного файла (output.txt). Выведите число  $p$ .
- Ограничение по времени. 1 сек.

```
def lcsOf3(A, B, C, n, m, l):
    array = [[[0 for _ in range(l + 1)] for _ in range(m + 1)] for _ in
range(n + 1)]
    for i in range(n + 1):
        for j in range(m + 1):
            for k in range(l + 1):
                if (i == 0 or j == 0 or k == 0):
                    array[i][j][k] = 0

                elif (A[i - 1] == B[j - 1] and
                    A[i - 1] == C[k - 1]):
                    array[i][j][k] = array[i - 1][j - 1][k - 1] + 1

            else:
                array[i][j][k] = max(max(array[i - 1][j][k], array[i][j - 1][k]),
array[i][j][k - 1])

    return array[n][m][l]

with open('input.txt', 'r') as f:
    n = int(f.readline())
```

```

A = [int(x) for x in f.readline().split(' ')]
m = int(f.readline())
B = [int(x) for x in f.readline().split(' ')]
l = int(f.readline())
C = [int(x) for x in f.readline().split(' ')]

with open('output.txt', 'w') as f:
    f.write(str(lcsOf3(A, B, C, n, m, l)))

```

Из файла input.txt мы получаем длины и сами последовательности. После чего открываем output.txt и записываем туда результат работы функции lcsOf3. Функция создаёт трёхмерный массив. Для каждого элемента функция проверяет, является ли текущий элемент первым элементом какой-либо из последовательностей, если да, то она устанавливает значение соответствующей ячейки в массиве array равным 0. Если текущий элемент последовательности A равен текущему элементу последовательности B и текущему элементу последовательности C, функция добавляет 1 к длине LCS, сохраненной в предыдущей ячейке массива array. В противном случае он принимает максимальную длину LCS, сохраненную в ячейке выше, слева и по диагонали к текущей ячейке, и сохраняет ее в текущей ячейке. После обработки всех элементов функция возвращает значение, сохраненное в последней ячейке массива, которое соответствует длине LCS трех последовательностей.

input.txt	
1	3
2	1 2 3
3	3
4	2 1 3
5	3
6	1 3 5
output.txt	
1	2

input.txt	
1	5
2	8 3 2 1 7
3	7
4	8 2 1 3 8 10 7
5	6
6	6 8 3 1 4 7
output.txt	
1	3

Вывод по задаче: в ходе выполнения пятой задачи было реализовано динамический код, который находит наибольшую общую подпоследовательность трех последовательностей с помощью трёхмерного массива.

## Задача №6 Наибольшая возрастающая подпоследовательность

Дана последовательность, требуется найти ее наибольшую возрастающую подпоследовательность.

- Формат ввода / входного файла (input.txt). В первой строке входных данных задано целое число  $n$  – длина последовательности ( $1 \leq n \leq 300000$ ). Во второй строке задается сама последовательность. Числа разделяются пробелом.

Элементы последовательности – целые числа, не превосходящие по модулю 109.

– Подзадача 1 (полегче).  $n \leq 5000$ .

– Общая подзадача.  $n \leq 300000$ .

- Формат вывода / выходного файла (output.txt). В первой строке выведите длину наибольшей возрастающей подпоследовательности, а во второй строке выведите через пробел самую наибольшую возрастающую подпоследовательность данной последовательности. Если ответов несколько – выведите любой.

- Ограничение по времени. 2 сек.

- Ограничение по памяти. 256 мб.

```
with open("input.txt", "r") as f:
    n = int(f.readline())
    A = [int(x) for x in f.readline().split()]

dp = [1] * n
lis = [[x] for x in A]

for i in range(1, n):
    for j in range(i):
        if A[i] > A[j] and dp[i] < dp[j] + 1:
            dp[i] = dp[j] + 1
            lis[i] = lis[j] + [A[i]]

max_length = max(dp)
index = dp.index(max_length)

with open("output.txt", "w") as output_file:
    output_file.write(str(max_length) + "\n")
    output_file.write(" ".join(map(str, lis[index])))
```

На вход получаем из файла input.txt длину последовательности и саму последовательность. Создаём массив dp, который будет хранить в себе

длины массива `lis` и сам массив `lis`, в котором будут храниться подпоследовательности. Если текущий элемент последовательности больше, чем предыдущий элемент последовательности. Это условие проверяет порядок возрастания подпоследовательности. Если длина `lis`, заканчивающаяся на текущем элементе, меньше длины `lis`, заканчивающейся на предыдущем элементе плюс 1. Это условие проверяет, длиннее ли текущий `lis`, чем предыдущий `lis`. Если оба условия выполняются, он обновляет массив `dp` с индексом текущего элемента до длины `lis` предыдущего элемента плюс 1 и обновляет массив `lis` с индексом текущего элемента до `lis` предыдущего элемента плюс текущий элемент. Находим максимальную длину и по индексу максимальной длины находим наибольшую подпоследовательность, после чего записываем их в `output.txt`

input.txt	
1	6
2	3 29 5 5 28 6
output.txt	
1	3
2	3 5 28

Вывод по задаче: в ходе выполнения шестой задачи был реализован алгоритм нахождения наибольшей возрастающей подпоследовательности.

## Вывод

В ходе лабораторной работы была проведена работа по использованию динамического программирования в решении задач по нахождению наибольшей общей подпоследовательности трёх последовательностей и нахождению наибольшей возрастающей подпоследовательности.