#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

# ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# «БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В. Г. ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

### Лабораторная работа №3.1

по дисциплине: Дискретная математика тема: «Отношения и их свойства»

Выполнил: ст. группы ПВ-223 Пахомов Владислав Андреевич

Проверили:

ст. пр. Рязанов Юрий Дмитриевич ст. пр. Бондаренко Татьяна Владимировна

#### Лабораторная работа №3.1

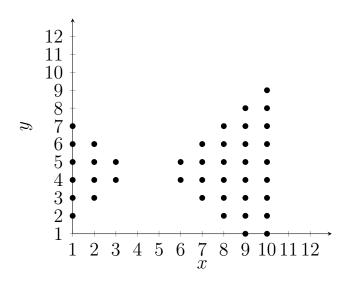
#### Отношения и их свойства Вариант 10

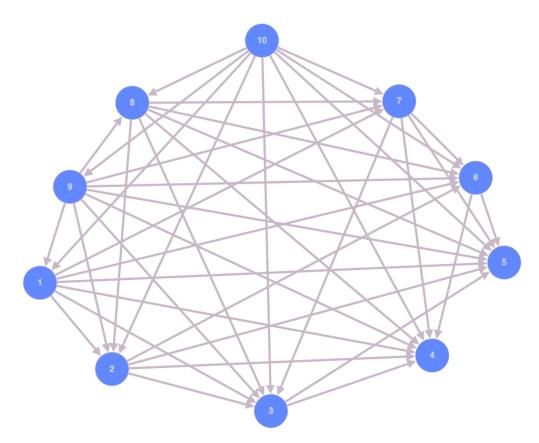
**Цель работы:** изучить способы задания отношений, операции над отношениями и свойства отношений, научиться программно реализовывать операции и определять свойства отношений.

#### Часть 1. Операции над отношениями

1.1. Представить отношения (см. "Варианты заданий", п.а) графиком, графом и матрицей.

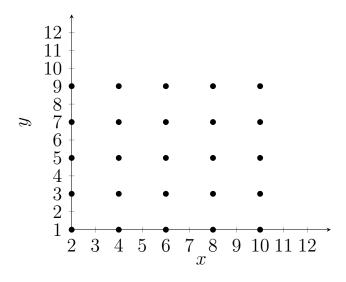
$$A = \{(x,y) | x \in N \ u \ y \in N \ u \ x < 11 \ u \ y < 11 \ u \ (x < y < (9-x) \ u \pi u \ (9-x) < y < x)\}$$

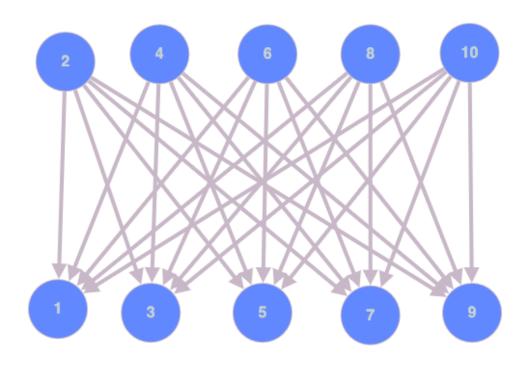




	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0
2	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0
3	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0
7	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0
8	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0
9	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0
10	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0

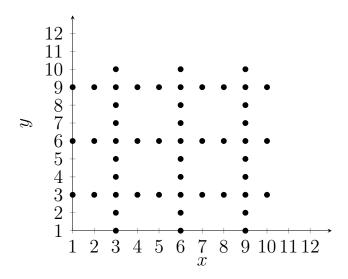
 $B = \{(x,y) | x \in N \ u \ y \in N \ u \ x < 11 \ u \ y < 11 \ u \ x$  - чётно  $u \ y$  - нечётно $\}$ 

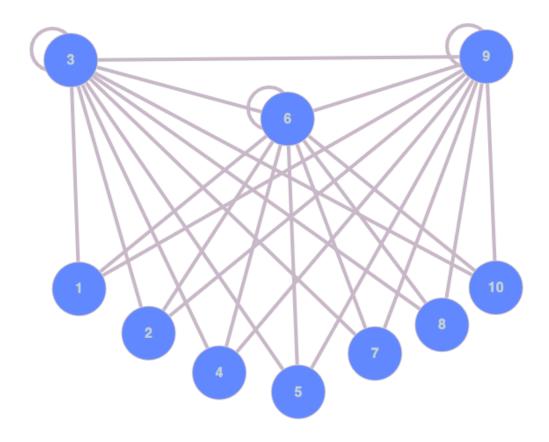




	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
6	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
8	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
10	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0

 $C = \{(x,y)|x \in N \ u \ y \in N \ u \ x < 11 \ u \ y < 11 \ u \ x \cdot y$  кратно трём $\}$ 





	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0
2	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0
3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
4	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0
5	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0
6	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
7	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0
8	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0
9	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
10	0	0	1	0	0	1	0	0	1	0

1.2. Вычислить значение выражения (см. "Варианты заданий", п.б) при заданных отношениях (см. "Варианты заданий", п.а).  $D = A \circ B^2 - \overline{C} \cup C^{-1}$ 

$$D = A \circ B^2 - \overline{C} \cup C^{-1}$$

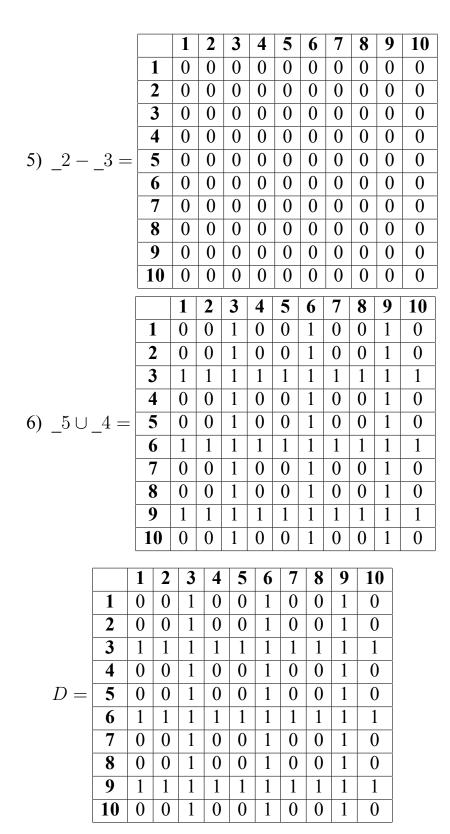
$$D = A \circ B \circ B - \frac{\mathbf{3}}{C} \cup C^{-1}$$

		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
	1	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	2	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	3	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1) $A \circ B =$	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	6	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	7	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	8	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	9	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
	10	1	0	1	0	1	0	1	0	1	0
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

		1	_	3	_	3	U	,	O	,	10
	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
2) _1 \circ B =	5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	7	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	8	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	10	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
	1	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1
	2	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1
	3	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	4	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1
3) $\overline{C} = $	5	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1
	6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	7	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1
	8	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1
	9	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	10	1	1	0	1	1	0	1	1	0	1

2 3 4 5 6 7 8 9



1.3. Написать программы, формирующие матрицы заданных отношений (см. "Варианты заданий", п.а). *main.cpp* 

```
#include "../../libs/alg/alg.h"

bool predA(int x, int y) {
      return (x < y && y < (9 - x)) || ((9 - x) < y && y < x);
}

bool predB(int x, int y) {
      return x % 2 == 0 && y % 2 != 0;</pre>
```

```
bool predC(int x, int y) {
        return (x * y) % 3 == 0;
}

int main() {
        BoolMatrixRelation a(10, predA);
        std::cout << a << std::endl;

        BoolMatrixRelation b(10, predB);
        std::cout << b << std::endl;

        BoolMatrixRelation c(10, predC);
        std::cout << c << std::endl;
}</pre>
```

# alg.h (объявление методов класса)

```
class BoolMatrixRelation
        private:
        std::vector<std::vector<bool>>> data;
        int size;
        public:
        BoolMatrixRelation(const int size, bool (*pred)(int, int));
        ~BoolMatrixRelation();
        friend std::ostream& operator<<(std::ostream& out, BoolMatrixRelation &val) {
                out << std::setw(3) << "" << " ";</pre>
                for (int i = 1; i <= val.size; i++) {</pre>
                        out << std::setw(3) << i << " ";
                out << "\n";
                for (int x = 0; x < val.size; x++) {
                        out << std::setw(3) << x + 1 << " ";
                        for (int y = 0; y < val.size; y++) {
                                 out << std::setw(3) << val.data[x][y] << " ";</pre>
                        out << "\n";
                }
                return out;
        }
};
```

task13.cpp (реализация методов класса)

```
#include "../alg.h"

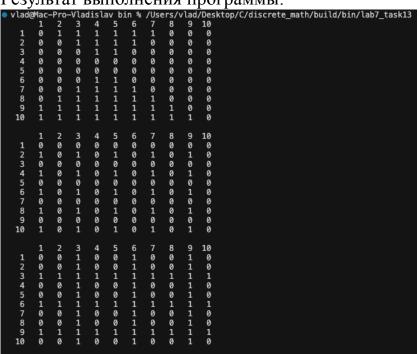
BoolMatrixRelation::BoolMatrixRelation(const int size, bool (*pred)(int, int)) {
    this->size = size;

    for (int x = 1; x <= size; x++) {
        std::vector<bool> val;

        for (int y = 1; y <= size; y++) {
            val.push_back(pred(x, y));
        }

        this->data.push_back(val);
    }
}
BoolMatrixRelation::~BoolMatrixRelation() {}
```

Результат выполнения программы:



1.4. Программно реализовать операции над отношениями. Немного модифицируем класс BoolMatrixRelation. *alg.h* (объявление методов класca)

```
class BoolMatrixRelation
{
    private:
    std::vector<std::vector<bool>>> data;
    int size;

    static BoolMatrixRelation getDefault() {
        return BoolMatrixRelation();
    }
}
```

```
public:
        BoolMatrixRelation(const int size, std::function<bool (int, int)> pred);
        BoolMatrixRelation() {
                this->size = 0;
        }
        ~BoolMatrixRelation();
        bool includes(BoolMatrixRelation b);
        bool equals(BoolMatrixRelation b);
        bool includesStrict(BoolMatrixRelation b);
        BoolMatrixRelation unite(BoolMatrixRelation b);
        BoolMatrixRelation intersect(BoolMatrixRelation b);
        BoolMatrixRelation diff(BoolMatrixRelation b);
        BoolMatrixRelation symDiff(BoolMatrixRelation b);
        BoolMatrixRelation non();
        BoolMatrixRelation transpose();
        BoolMatrixRelation compose(BoolMatrixRelation b);
        BoolMatrixRelation pow(int p);
        friend std::ostream& operator<<(std::ostream& out, BoolMatrixRelation &val) {</pre>
                out << std::setw(3) << "" << " ";
                for (int i = 1; i <= val.size; i++) {</pre>
                        out << std::setw(3) << i << " ";
                }
                out << "\n";
                for (int x = 0; x < val.size; x++) {
                        out << std::setw(3) << x + 1 << " ";
                        for (int y = 0; y < val.size; y++) {
                                out << std::setw(3) << val.data[x][y] << " ";</pre>
                        }
                        out << "\n";
                }
                return out;
       }
};
```

# task13.cpp (реализация методов класса)

```
val.push_back(pred(x, y));
}
this->data.push_back(val);
}
BoolMatrixRelation::~BoolMatrixRelation() {}
```

#### task14.cpp (реализация методов класса)

```
#include "../alg.h"
bool BoolMatrixRelation::includes(BoolMatrixRelation b)
       if (this->size != b.size) return false;
       for (int i = 0; i < size; i++) {
               for (int j = 0; j < size; j++) {
                       if (data[i][j] && !b.data[i][j])
                        return false;
                }
       }
       return true;
bool BoolMatrixRelation::equals(BoolMatrixRelation b)
       if (this->size != b.size) return false;
       for (int i = 0; i < size; i++) {
                for (int j = 0; j < size; j++) {
                       if (data[i][j] != b.data[i][j])
                       return false;
               }
       }
       return true;
bool BoolMatrixRelation::includesStrict(BoolMatrixRelation b)
       return (*this).includes(b) && !(*this).equals(b);
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::unite(BoolMatrixRelation b)
       if (this->size != b.size) return BoolMatrixRelation::getDefault();
       return BoolMatrixRelation(size, [this, &b](int x, int y) {
                return data[x - 1][y - 1] \mid | b.data[x - 1][y - 1];
       });
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::intersect(BoolMatrixRelation b)
       if (this->size != b.size) return BoolMatrixRelation::getDefault();
```

```
return BoolMatrixRelation(size, [this, &b](int x, int y) {
                return data[x - 1][y - 1] && b.data[x - 1][y - 1];
        });
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::diff(BoolMatrixRelation b)
       if (this->size != b.size) return BoolMatrixRelation::getDefault();
        return BoolMatrixRelation(size, [this, &b](int x, int y) {
                return data[x - 1][y - 1] && !b.data[x - 1][y - 1];
       });
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::symDiff(BoolMatrixRelation b)
       if (this->size != b.size) return BoolMatrixRelation::getDefault();
        return BoolMatrixRelation(size, [this, &b](int x, int y) {
                return data[x - 1][y - 1] ^ b.data[x - 1][y - 1];
        });
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::non()
        return BoolMatrixRelation(size, [this](int x, int y) {
                return !data[x - 1][y - 1];
       });
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::transpose()
{
        return BoolMatrixRelation(size, [this](int x, int y) {
               return data[y - 1][x - 1];
       });
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::compose(BoolMatrixRelation b)
        if (this->size != b.size) return BoolMatrixRelation::getDefault();
        return BoolMatrixRelation(size, [this, &b](int x, int y) {
                for (int z = 0; z < size; z++) {
                        if (data[x - 1][z] && b.data[z][y - 1])
                        return true;
                }
                return false;
       });
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::pow(int p)
       if (p < 0) return transpose();</pre>
       if (p == 0) return BoolMatrixRelation(size, [](int x, int y){return x == y;});
       if (p == 1) return *this;
        BoolMatrixRelation lowP = pow(p - 1);
        return compose(lowP);
}
```

1.5. Написать программу, вычисляющую значение выражения (см. "Варианты заданий", п.б) и вычислить его при заданных отношениях (см. "Варианты заданий", п.а).

main.cpp

```
#include "../../libs/alg/alg.h"

bool predA(int x, int y) {
        return (x < y && y < (9 - x)) || ((9 - x) < y && y < x);
}

bool predB(int x, int y) {
        return x % 2 == 0 && y % 2 != 0;
}

bool predC(int x, int y) {
        return (x * y) % 3 == 0;
}

int main() {
        BoolMatrixRelation a(10, predA);
        BoolMatrixRelation b(10, predB);
        BoolMatrixRelation c(10, predC);
        BoolMatrixRelation d = (((a.compose(b)).compose(b)).diff(c.non())).unite(c.pow(-1));

        std::cout << d << std::endl;
}</pre>
```

Результат выполнения программы:

Значение формулы D, вычисленное вручную, и результат выполненния программы совпали.

Часть 2. Свойства отношений

2.1. Определить основные свойства отношений (см. "Варианты заданий", п.а).

	A	В	C
Рефлексивность			
Антирефлексивность	+	+	
Симметричность			+
Антисимметричность	+	+	
Транзитивность	+	+	
Антитранзитивность		+	
Полнота			

2.2. Определить, являются ли заданные отношения отношениями толерантности, эквивалентности и порядка.

	A	В	C
Толерантно			
Эквивалентно			
Порядка	+	+	
Нестрогого порядка			
Строгого порядка	+	+	
Линейного порядка			
Нестрогого линейного порядка			
Строгого линейного порядка			

2.3. Написать программу, определяющую свойства отношения, в том числе толерантности, эквивалентности и порядка, и определить свойства отношений (см. "Варианты заданий", п.а). *main.cpp* 

```
#include "../../libs/alg/alg.h"
bool predA(int x, int y) {
    return (x < y \&\& y < (9 - x)) \mid | ((9 - x) < y \&\& y < x);
}
bool predB(int x, int y) {
    return x % 2 == 0 && y % 2 != 0;
bool predC(int x, int y) {
    return (x * y) % 3 == 0;
}
void outputProperties(std::string name, BoolMatrixRelation a) {
    std::pair<int, int> failedAt;
    std::cout << "Properties for " << name << "\n";</pre>
    if (a.isReflexive(failedAt)) {
        std::cout << "Reflexive\n";</pre>
    } else {
        std::cout << "Non reflexive, failed pair: (" << failedAt.first << ", " << failedAt.second << ")\n";</pre>
    if (a.isAntiReflexive(failedAt)) {
        std::cout << "Antireflexive\n";</pre>
        std::cout << "Non antireflexive, failed pair: (" << failedAt.first << ", " << failedAt.second << ")\n";</pre>
    if (a.isSymmetric(failedAt)) {
        std::cout << "Symmetric\n";</pre>
        std::cout << "Non symmetric, failed pair: (" << failedAt.first << ", " << failedAt.second << ")\n";</pre>
    }
    if (a.isAntiSymmetric(failedAt)) {
        std::cout << "AntiSymmetric\n";</pre>
```

```
} else {
        std::cout << "Non antisymmetric, failed pair: (" << failedAt.first << ", " << failedAt.second << ")\n";</pre>
   if (a.isTransitive(failedAt)) {
        std::cout << "Transitive\n";</pre>
   } else {
        std::cout << "Non transitive, failed pair: (" << failedAt.first << ", " << failedAt.second << ")\n";</pre>
   }
   if (a.isAntiTransitive(failedAt)) {
        std::cout << "AntiTransitive\n";</pre>
   } else {
        std::cout << "Non antitransitive, failed pair: (" << failedAt.first << ", " << failedAt.second << ")\n";</pre>
    if (a.isFull(failedAt)) {
        std::cout << "Full\n";</pre>
    } else {
        std::cout << "Non full, failed pair: (" << failedAt.first << ", " << failedAt.second << ")\n";</pre>
    std::cout << (a.isTolerant() ? "Tolerant" : "Non tolerant") << "\n";</pre>
    std::cout << (a.isEquivalent() ? "Equivalent" : "Non equivalent") << "\n";</pre>
    std::cout << (a.isOrdered() ? "Ordered" : "Non ordered") << "\n";</pre>
    std::cout << (a.isOrderedNonStrict() ? "Ordered non strict" : "Non ordered non strict") << "\n";</pre>
    std::cout << (a.isOrderedStrict() ? "Ordered strict" : "Non ordered strict") << "\n";</pre>
    std::cout << (a.isOrderedLinear() ? "Ordered linear" : "Non ordered linear") << "\n";</pre>
    std::cout << (a.isOrderedLinearNonStrict() ? "Ordered linear non strict" : "Non ordered linear non strict")
std::cout << (a.isOrderedLinearStrict() ? "Ordered linear strict" : "Non ordered linear strict") << "\n" <<</pre>

    std::endl;

int main() {
    BoolMatrixRelation a(10, predA);
    BoolMatrixRelation b(10, predB);
    BoolMatrixRelation c(10, predC);
    outputProperties("A", a);
    outputProperties("B", b);
    outputProperties("C", c);
}
```

#### alg.h

```
class BoolMatrixRelation
{
private:
    std::vector<std::vector<bool>>> data;
    int size;

static BoolMatrixRelation getDefault() {
        return BoolMatrixRelation();
}
```

```
}
public:
   BoolMatrixRelation(const int size, std::function<bool (int, int)> pred);
   BoolMatrixRelation() {
       this->size = 0;
   }
   ~BoolMatrixRelation();
   bool includes(BoolMatrixRelation b);
   bool equals(BoolMatrixRelation b);
   bool includesStrict(BoolMatrixRelation b);
   BoolMatrixRelation unite(BoolMatrixRelation b);
   BoolMatrixRelation intersect(BoolMatrixRelation b);
   BoolMatrixRelation diff(BoolMatrixRelation b);
   BoolMatrixRelation symDiff(BoolMatrixRelation b);
   BoolMatrixRelation non();
   BoolMatrixRelation transpose();
   BoolMatrixRelation compose(BoolMatrixRelation b);
   BoolMatrixRelation pow(int p);
   static BoolMatrixRelation getIdentity(int size);
   static BoolMatrixRelation getUniversum(int size);
   bool isEmpty();
   bool isReflexive(std::pair<int, int> &failed);
   bool isAntiReflexive(std::pair<int, int> &failed);
   bool isSymmetric(std::pair<int, int> &failed);
   bool isAntiSymmetric(std::pair<int, int> &failed);
   bool isTransitive(std::pair<int, int> &failed);
   bool isAntiTransitive(std::pair<int, int> &failed);
   bool isFull(std::pair<int, int> &failed);
   bool isTolerant();
   bool isEquivalent();
   bool isOrdered();
   bool isOrderedNonStrict();
   bool isOrderedStrict();
   bool isOrderedLinear();
   bool isOrderedLinearNonStrict();
   bool isOrderedLinearStrict();
   friend std::ostream& operator<<(std::ostream& out, BoolMatrixRelation &val) {</pre>
       out << std::setw(3) << "" << " ";
       for (int i = 1; i <= val.size; i++) {</pre>
           out << std::setw(3) << i << " ";
       }
       out << "\n";
       for (int x = 0; x < val.size; x++) {
            out << std::setw(3) << x + 1 << " ";
           for (int y = 0; y < val.size; y++) {
                out << std::setw(3) << val.data[x][y] << " ";
           }
```

```
out << "\n";
}
return out;
}
</pre>
```

#### task23.cpp

```
#include "../alg.h"
bool BoolMatrixRelation::isEmpty() {
   for (int i = 0; i < size; i++) {
       for (int j = 0; j < size; j++) {
           if (data[i][j]) return false;
       }
   }
   return true;
}
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::getIdentity(int size) {
   return BoolMatrixRelation(size, [](int x, int y) {
       return x == y;
   });
}
BoolMatrixRelation BoolMatrixRelation::getUniversum(int size) {
return BoolMatrixRelation(size, [](int x, int y) {
        return true;
   });
}
bool BoolMatrixRelation::isReflexive(std::pair<int, int> &failed)
   for (int i = 0; i < size; i++) {
       if (!data[i][i]) {
           failed = \{i + 1, i + 1\};
           return false;
       }
   }
   return true;
bool BoolMatrixRelation::isAntiReflexive(std::pair<int, int> &failed)
   for (int i = 0; i < size; i++) {
       if (data[i][i]) {
           failed = \{i + 1, i + 1\};
           return false;
       }
   }
```

```
return true;
}
bool BoolMatrixRelation::isSymmetric(std::pair<int, int> &failed)
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        for (int j = i + 1; j < size; j++) {
            if (data[i][j] != data[j][i]) {
                failed = \{i + 1, j + 1\};
                return false;
            }
       }
    }
   return true;
bool BoolMatrixRelation::isAntiSymmetric(std::pair<int, int> &failed)
{
    for (int i = 0; i < size; i++) {
       for (int j = i + 1; j < size; j++) {
            if (data[i][j] && data[j][i]) {
                failed = \{i + 1, j + 1\};
                return false;
            }
       }
    }
    return true;
bool BoolMatrixRelation::isTransitive(std::pair<int, int> &failed)
    //return ((*this).pow(2)).includes((*this));
    for (int i = 0; i < size; i++) {
       for (int j = 0; j < size; j++) {
            for (int z = 0; z < size; z++) {
                if ((data[i][z] && data[z][j]) && !data[i][j]) {
                    failed = \{i + 1, j + 1\};
                    return false;
                }
           }
        }
   }
    return true;
bool BoolMatrixRelation::isAntiTransitive(std::pair<int, int> &failed)
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            for (int z = 0; z < size; z++) {
                if ((data[i][z] && data[z][j]) && data[i][j]) {
                    failed = \{i + 1, j + 1\};
                    return false;
                }
            }
```

```
}
    }
   return true;
}
bool BoolMatrixRelation::isFull(std::pair<int, int> &failed)
{
    for (int i = 0; i < size; i++) {
       for (int j = i + 1; j < size; j++) {
            if (!(data[i][j] || data[j][i])) {
               failed = \{i + 1, j + 1\};
               return false;
           }
       }
   }
   return true;
bool BoolMatrixRelation::isTolerant()
{
    std::pair<int, int> ignored;
   return isReflexive(ignored) && isSymmetric(ignored);
bool BoolMatrixRelation::isEquivalent()
{
   std::pair<int, int> ignored;
   return isReflexive(ignored) && isSymmetric(ignored) && isTransitive(ignored);
bool BoolMatrixRelation::isOrdered()
    std::pair<int, int> ignored;
    return isAntiSymmetric(ignored) && isTransitive(ignored);
bool BoolMatrixRelation::isOrderedNonStrict()
    std::pair<int, int> ignored;
   return isOrdered() && isReflexive(ignored);
bool BoolMatrixRelation::isOrderedStrict()
    std::pair<int, int> ignored;
   return isOrdered() && isAntiReflexive(ignored);
bool BoolMatrixRelation::isOrderedLinear()
{
    std::pair<int, int> ignored;
    return isOrdered() && isFull(ignored);
bool BoolMatrixRelation::isOrderedLinearNonStrict()
    std::pair<int, int> ignored;
    return isOrderedNonStrict() && isFull(ignored);
bool BoolMatrixRelation::isOrderedLinearStrict()
```

```
{
    std::pair<int, int> ignored;
    return isOrderedStrict() && isFull(ignored);
}
```

Результат выполнения программы:

```
vlad@Mac-Pro-Vladislav bin % /Users/vlad/Desktop/C/discrete_math/build/bin/lab7_task23
Properties for A
Non reflexive, failed pair: (1, 1)
Antireflexive
Antireflexive
Non symmetric, failed pair: (1, 2)
AntiSymmetric
Transitive
Non antitransitive, failed pair: (1, 3)
Non full, failed pair: (1, 8)
Non tolerant
Non equivalent
Non tolerant
Non equivalent
Ordered
Non ordered non strict
Ordered strict
Non ordered linear
Non ordered linear non strict
Non ordered linear strict
Properties for B
Non reflexive, failed pair: (1, 1)
Antireflexive
Non symmetric, failed pair: (1, 2)
AntiSymmetric
Transitive
AntiTransitive
Non full, failed pair: (1, 3)
Non tolerant
Non equivalent
Ordered
 Ordered
Non ordered non strict
 Ordered strict
Non ordered linear
Non ordered linear non strict
Non ordered linear strict
 Properties for C
Non reflexive, failed pair: (1, 1)
Non antireflexive, failed pair: (3, 3)
 Symmetric
Non antisymmetric, failed pair: (1, 3)
Non transitive, failed pair: (1, 1)
Non antitransitive, failed pair: (1, 3)
Non full, failed pair: (1, 2)
Non tolerant
Non tolerant
Non equivalent
Non ordered
Non ordered non strict
Non ordered strict
Non ordered linear
Non ordered linear non strict
Non ordered linear strict
```

Вывод: в ходе лабораторной работы изучили способы задания отношений, операции над отношениями и свойства отношений, научились программно реализовывать операции и определять свойства отношений.