Chapitre XII: Les statistiques descriptives

I - Série statistique

a) Effectifs et fréquences

Dans une **population** choisie, on étudie un **caractère** particulier. Celui-ci peut prendre différentes valeurs selon les **individus**.

Si le caractère étudié prend des valeurs numériques, on dit qu'il est quantitatif. Sinon, il est qualitatif.

On étudiera uniquement des situation avec un caractère **quantitatif discret**, ce qui signifie que les valeurs sont isolées et peuvent être énumérées (contrairement à un caractère **caractère quantitatif continu** où les valeurs seraient dans un intervalle, comme pour des distances, des données de temps, ...).

Exemple:

Au cours d'une enquête portant sur les bébés nés en 2019, on s'intéresse :

- à la couleur de leurs yeux : caractère qualitatif (marron, bleu, ...);
- au nombre de fois où ils pleurent par jour : caractère quantitatif discret (1; 2; 3; ...);
- à leur taille en centimètres : caractère quantitatif continu ([40; 45[; [45; 50[; ...).

<u>Définition</u>:

- L'effectif total est le nombre d'individus de la population.
- L'effectif d'une valeur est le nombre d'individus de la population dont le caractère prend cette valeur.
 Par moment celui-ci n'apparaitra pas et on considèrera que chaque valeur a pour effectif 1 (y compris celles qui sont répétées, sauf qu'on les écrira plusieurs fois).
- L'effectif cumulé croissant (E.C.C.) d'une valeur est le nombre d'individus dont le caractère a une valeur inférieure ou égale à celle-ci.

Remarque : L'étude de données statistiques se fait très souvent sur un nombre important de valeurs. Les outils numériques comme le **tableur** et les **algorithmes** permettent d'effectuer les calculs sur des données très importantes et prennent donc une place importante dans ce chapitre.

Exemple : Des amateurs de tir à l'arc ont effectué un parcours comportant 24 cibles. Le tableau ci-dessous (feuille de calcul d'un tableur) associe au nombre de cibles touchées, appelé « score », l'effectif de tireurs correspondant.

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J	K	L
1	scores	7	8	10	11	12	13	14	15	16	18	Total
2	effectifs	2	1	3	3	5	4	7	3	2	1	31
3	E.C.C.	2	3	6	9	14	18	25	28	30	31	

Dans cet exemple, la population est l'ensemble des tirs effectués et le caractère choisi est l'ensemble des tirs réussis. L'effectif total correspond au nombre total de tireurs. Il est égal à

L'effectif cumulé croissant de la valeur 14 vaut 25. Cela signifie que 25 tireurs ont touché 14 cibles ou moins (on peut aussi dire « au plus 14 cibles »).

Dans la feuille de calcul, en B3 on écrit puis en C3 on écrit

En recopiant (ou tirant) cette formule vers la droite jusqu'en K3, on complète alors entièrement la ligne 3.

En D3, cela nous donne la formule, ainsi de suite...

 $\frac{\text{Définition:}}{\text{Definition:}} \text{Dans une série statistique, la$ **fréquence**<math>f d'une valeur est le quotient de l'effectif de cette valeur par l'effectif total: $f = \frac{\text{effectif de la valeur}}{\text{effectif total}}$.

effectif total . $f = \frac{1}{\text{effectif total}}$. À l'aide de la fréquence f d'une valeur et de l'effectif total, on retrouve l'effectif par le calcul : effectif de la valeur $= f \times \text{effectif total}$.

La **fréquence cumulée croissante** (F.C.C.) d'une valeur est la fréquence d'individus dont le caractère a une valeur inférieure ou égale à celle-ci.

Ajoutons deux lignes dans la feuille de calcul de l'exemple 1 :

	A	В	С	D	E	F	G	Н	I	J	K	L
1	scores	7	8	10	11	12	13	14	15	16	18	Total
2	effectifs	2	1	3	3	5	4	7	3	2	1	31
3	E.C.C.	2	3	6	9	14	18	25	28	30	31	
4	Fréquence	0,065	0,032	0,097	0,097	0,161	0,129	0,226	0,097	0,065	0,032	
5	F.C.C.	0,065	0,097	0,194	0,290	0,452	0,581	0,806	0,903	0,968	1	

En B4, on souhaite effectuer le calcul $\frac{2}{31}$ qui vaut environ 0,065.

Dans la cellule B4, on peut alors écrire la formule = B2/L2.

En recopiant cette formule vers la droite, on n'obtient pas la formule attendue.

En C4, on a la formule alors qu'on aurait voulu avoir

Il convient alors de fixer la lettre L de L2, ce qui correspond à la colonne L. Cela se fait à l'aide du symbole \$.

Donc en B4 on doit écrire et on peut recopier cette formule vers la droite.

b) Traitement sous la forme d'un algorithme

Pour effectuer un traitement algorithmique de ces données, il convient d'utiliser un type de données particulier : les listes. C'est d'ailleurs ce que nous ferons avec la calculatrice.

En python, on définit une liste en utilisant des **crochets** et en séparant les valeurs par des **virgules** (je rappelle que le séparateur des décimaux est le point). Par exemple :

```
scores=[7, 8, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 18]
effectifs=[2, 1, 3, 3, 5, 4, 7, 3, 2, 1]
```

On obtient très facilement le nombre de valeurs de la liste : len(scores) (qui vaut 10 ici), len étant une contraction de « length » signifiant « longueur ».

Les valeurs présentes dans la liste scores peuvent être obtenues par leur position dans la liste sachant que la première position est toujours 0. Pour cela on utilise de nouveau des crochets : scores [0] vaut 7, scores [5] vaut 13 (c'est la 6ème valeur de la liste).

Le parcours d'une liste se fait très facilement à l'aide d'une boucle for même s'il existe deux méthodes :

- for elt in scores :

 où elt prendra successivement les valeurs de la liste (7 au premier passage, 8 au deuxième, ...).
- for i in range(len(scores)):

La liste scores ayant pour longueur 10, i prendra successivement les valeurs allant de 0 à 9 (rappelez-vous le travail effectué sur les boucles).

Avec toutes ces informations, on peut, à partir des listes scores et effectifs, calculer l'effectif total. Avant la boucle, cet effectif total vaut 0 et à chaque passage, on doit ajouter l'effectif à l'effectif total intermédiaire.

```
scores=[7, 8, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 18]
effectifs=[2, 1, 3, 3, 5, 4, 7, 3, 2, 1]
effTotal=0
for valeur in effectifs:
   effTotal=effTotal+valeur
```

On peut également construire une nouvelle liste nommée ECC. Avant la boucle, cette liste contiendra le premier effectif (comme pour le tableur) et à chaque passage dans la boucle, on lui ajoutera une valeur (avec la méthode append) égale à son dernier élément ajouté au nouvel effectif :

```
ECC=[effectifs[0]]
for i in range(1, len(effectifs)):
    ECC.append(ECC[i-1]+effectifs[i])
```

On peut également créer la liste des fréquences en python (la liste des fréquences cumulées croissantes s'effectuant comme pour les effectifs cumulés croissants), toujours à l'aide d'une boucle for (bien sûr, on utilise la variable effTotal déterminée précédemment) :

```
frequences=[]
for valeur in effectifs:
   frequences.append(valeur/effTotal)
```