Chapitre X - Droites du plan

I - Caractérisation analytique d'une droite

Exercice: Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2; 4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Exercice : Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2;4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Ce qui suit ne fait par partie de la rédaction dans la démarche de résolution, mais ce sont des explications qui doivent vous permettre de comprendre ce qu'il faut faire.

- Tout d'abord, on cherche à déterminer une équation de droite, donc cela doit vous faire penser à des exercices des parties a) ou b). La droite d d'équation 3x 5y = 10 n'est parallèle à aucun des deux axes (sinon l'une des deux variables ne serait pas présente dans l'équation), donc la droite d' aura une équation de la forme y = mx + p.
- Il faut alors déterminer m puis p (comme dans les exercices précédents finalement).

Exercice : Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2;4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Ce qui suit ne fait par partie de la rédaction dans la démarche de résolution, mais ce sont des explications qui doivent vous permettre de comprendre ce qu'il faut faire.

- Tout d'abord, on cherche à déterminer une équation de droite, donc cela doit vous faire penser à des exercices des parties a) ou b). La droite d d'équation 3x 5y = 10 n'est parallèle à aucun des deux axes (sinon l'une des deux variables ne serait pas présente dans l'équation), donc la droite d' aura une équation de la forme y = mx + p.
- Il faut alors déterminer m puis p (comme dans les exercices précédents finalement).

Exercice : Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2;4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Ce qui suit ne fait par partie de la rédaction dans la démarche de résolution, mais ce sont des explications qui doivent vous permettre de comprendre ce qu'il faut faire.

- Tout d'abord, on cherche à déterminer une équation de droite, donc cela doit vous faire penser à des exercices des parties a) ou b). La droite d d'équation 3x-5y=10 n'est parallèle à aucun des deux axes (sinon l'une des deux variables ne serait pas présente dans l'équation), donc la droite d' aura une équation de la forme y=mx+p.
- Il faut alors déterminer m puis p (comme dans les exercices précédents finalement).

Exercice : Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2;4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Solution : Cherchons l'équation réduite de d :

$$3x - 5y = 10$$
 équivaut à $-5y = -3x + 10$ c'est-à-dire $y = \frac{3}{5}x - 2$.

Exercice: Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2; 4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Solution : Cherchons l'équation réduite de d:

$$3x - 5y = 10$$
 équivaut à $-5y = -3x + 10$ c'est-à-dire $y = \frac{3}{5}x - 2$.

Donc le coefficient directeur de d est $\frac{3}{5}$.

Exercice: Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2;4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Solution : Cherchons l'équation réduite de d :

$$3x - 5y = 10$$
 équivaut à $-5y = -3x + 10$ c'est-à-dire $y = \frac{3}{5}x - 2$.

Donc le coefficient directeur de d est $\frac{3}{5}$.

d et d' sont parallèles, donc d' a pour coefficient directeur $\frac{3}{5}$ (propriété du cours) et une équation de d' est de la forme $y=\frac{3}{5}x+b$.

Exercice: Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2; 4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Solution : Cherchons l'équation réduite de *d* :

$$3x - 5y = 10$$
 équivaut à $-5y = -3x + 10$ c'est-à-dire $y = \frac{3}{5}x - 2$.

Donc le coefficient directeur de d est $\frac{3}{\kappa}$.

d et d' sont parallèles, donc d' a pour coefficient directeur $\frac{3}{\pi}$ et une

équation de
$$d'$$
 est de la forme $y = \frac{3}{5}x + p$.

équation de
$$d'$$
 est de la forme $y=\frac{3}{5}x+p$. De plus $A(2\,;\,4)$ est sur d' , d'où $4=\frac{3}{5}\times 2+p$ et $p=\frac{14}{5}$.

Exercice: Soient d la droite d'équation 3x - 5y = 10 et le point A(2;4). Déterminer une équation de la droite d' parallèle à d et passant par A.

Solution : Cherchons l'équation réduite de d :

$$3x - 5y = 10$$
 équivaut à $-5y = -3x + 10$ c'est-à-dire $y = \frac{3}{5}x - 2$.

Donc le coefficient directeur de d est $\frac{3}{5}$.

d et d' sont parallèles, donc d' a pour coefficient directeur $\frac{3}{5}$ et une

équation de
$$d'$$
 est de la forme $y = \frac{3}{5}x + p$.

De plus
$$A(2;4)$$
 est sur d' , d'où $4=\frac{3}{5}\times 2+p$ et $p=\frac{14}{5}$.

Donc
$$d'$$
 a pour équation $y = \frac{3}{5}x + \frac{14}{5}$.