Índice	5.4. Suffix Automata
1. Setup 1.1. Template 1.2. Makefile 1.3. Compilar 1.4. Correr 2. STL 2.1. Búsqueda binaria en vector ordenado 2.2. Priority queue custom compare	2 6. Matemática 4 2 6.1. Aritmética 4 2 6.1.1. Techo de la división, piso de la raiz cuadrada, piso del log2 4 2 6.1.2. Aritmética en Zp 5 6.1.3. Números combinatorios 5 6.2. Teoría de números 5 6.2.1. Test de primalidad 5 6.3. Geometría 5 6.3.1. Template base 5
2.3. Intervalos consecutivos	2 6.3.2. Punto/vector/recta
3.1. Prefix + diff arrays	3 6.3.5. Fórmula de Herón 6 3 7. Programación Dinámica 6 3 7.1. Ejemplos de DP 6 3 7.1.1. DP en prefijo: 6 3 7.1.2. DP en rango: 6 3 7.1.3. DP en bitmask: traveling salesman 6 3 7.1.4. DP en árbol con toposort 6 3 7.1.5. DP en DAG: 6 3 7.1.6. DP en número: knapsack 6 4 7.1.7. Re-rooting DP 6
4. Grafos 4.1. Preprocesamiento	7.1.8. DP con Fenwick: número de subsecuencias de largo k 6 4 7.1.9. Reconstruir solución 6 4 7.2. Optimizaciones 6 4 7.2.1. Recuperar un parámetro a partir de los otros 6 4 7.2.2. Reducir complejidad de transición con una flag 6 4 7.2.3. Optimización knapsack en árbol 6 4 7.2.4. Optimización de Knuth 6 4 7.2.5. Optimización D&C 6
4.2.2. Dijkstra 4.2.3. Floyd-Warshall 4.3. Flujo y corte 4.3.1. Dinics 4.3.2. Maximum matching 4.4. Árboles 4.4.1. Aplanamiento 4.4.2. Ancestro común menor	4 8. Algoritmos 6 4 8.1. Búsqueda binaria 6 4 8.2. Búsqueda binaria paralela 6 4 9. Sin categorizar 6 4 9.1. Union find 6 4 9.2. Algoritmo de Mo 6 4 9.3. Min dequeue 6 9.4. Menor subarray que suma k 6
5. Strings 5.1. Trie: policy based	4 9.5. Subarray con mayor suma

1. Setup

1.1. Template

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
using i64 = int64_t;
#define endl
                     '\n'
#define forn(i.N)
                     for (int i = 0; i < int(N); i++)
                     cerr << #x << " = " << (x) << endl
#define dbg(x)
                     cerr << "=======" << endl
#define raya
#define all(v)
                     begin(v), end(v)
#define pb
                     push_back
#define mp
                     make_pair
#define fst
                     first
#define snd
                     second
#define forall(it,v) for (auto it = begin(v); it != end(v); it++)
#define printall(v) forall(x,v) { cout << *x << " "; } cout << endl</pre>
#define printpair(p) cout << "(" << p.fst << ", " << p.snd << ")" << endl</pre>
int main (void) {
   ios::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
   return 0:
```

1.2. Makefile

```
1 | CPPFLAGS = -std=c++17 -00 -Wall -g
2 | CC = g++
```

1.3. Compilar

Compilar \$1 y mostrar primeras \$2 lineas de error

1.4. Correr

Correr \$1 con el input \$2

2. STL

2.1. Búsqueda binaria en vector ordenado

```
template <class T> int primer_igual (vector<T>& arr, T x) {
    auto it = lower_bound(all(arr), x);
    if (it == arr.end() || *it != x) return -1;
    return it - arr.begin();
}
template <class T> int ultimo_igual (vector<T>& arr, T x) {
    if (arr.begin() == arr.end()) return -1;
    auto it = prev(upper_bound(all(arr), x));
    if (*it != x) return -1;
    return it - arr.begin();
template <class T> int ultimo_menor (vector<T>& arr, T x) {
    if (arr.begin() == arr.end()) return -1;
    auto it = prev(lower_bound(all(arr), x));
    if (*it >=) return -1;
    return it - arr.begin();
template <class T> int primer_mayor (vector<T>& arr, T x) {
    auto it = upper_bound(all(arr), x);
    if (it == arr.end()) return -1;
    return it - arr.begin();
```

2.2. Priority queue custom compare

```
priority_queue<pair<T, int>, vector<pair<T, int>>, greater<pair<T, int>>> pq;
template <typename T> using MinHeap = // ...
```

2.3. Intervalos consecutivos

```
struct IntervalosConsecutivos {
    set<int> I;
    map<int, int> L;
    IntervalosConsecutivos (int i, int j) {
        I.insert(i);
        I.insert(j);
        L[j - i]++;
    }
    void cortar (int k) {
        int i = *prev(I.lower_bound(k));
    }
}
```

```
int j = *(I.lower_bound(k));
L[j - i] --;
if (L[j - i] == 0) L.erase(j - i);
L[k - i]++;
L[j - k]++;
I.insert(k);
}
i64 max_intervalo () {
    return (*L.rbegin()).fst;
}
};
```

2.4. Indexed set y multiset

```
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
template<class T> struct IndexedSet {
    tree<
        T, null_type, less<T>,
        rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update
    > s;
    void add (T x) { ms.insert(x); }
    int idx (T x) { return ms.order_of_key(x); }
    bool has (T x) { return ms.find(x) != ms.end(); }
         ith (int i) { return *ms.find_by_order(i); }
};
template<class T> struct IndexedMultiset {
    int t = 0; tree<</pre>
        pair<T, int>, null_type, less<pair<T, int>>,
        rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update
    > ms;
    void add (T x) { ms.insert(mp(x, t++)); }
    int nle (T x) { return ms.order_of_key(mp(x, -1)); }
    int nleq (T x) { return ms.order_of_key(mp(x, INT_MAX)); }
    int cnt (T x) \{ return nleq(x) - nle(x); \}
         ith (int i) { return (*ms.find_by_order(i)).fst; }
};
```

3. Range queries

3.1. Prefix + diff arrays

3.1.1. 1D

```
Usar array indexado desde 1 con A[0] = 0.
Usar intervalos cerrado-cerrado (indexados desde 1).
```

```
vector<int> make_diff_array (vector<int>& A) {
    vector<int> D(A.size() - 1);
    forn(i, A.size() - 1) D[i] = A[i+1] - A[i];
    return D;
}

void diff_array_range_update (vector<int>& D, int i, int j, int v) {
    D[i-1] += v;
    D[j] -= v;
}

vector<int> make_prefix_array (vector<int>& A) {
    vector<int> P(A.size() + 1);
    P[0] = 0;
    forn(i, A.size()) P[i+1] = P[i] + A[i];
    return P;
}

int prefix_array_range_query (vector<int>& P, int i, int j) {
    return P[j+1] - P[i];
}
```

- 3.1.2. 2D
- 3.2. Fenwick tree
- 3.2.1. Range query point update
- 3.2.2. Range update point query
- 3.2.3. Range update range query
- 3.3. Operaciones sin inverso
- 3.3.1. Sparse table

Operacion asociativa idempotente

```
// Operacion IDEMPOTENTE

#define log2fl(x) (x ? 63 - __builtin_clzll(x) : -1)
```

```
struct STable {
    vector<int>& arr; int N;
    vector<vector<int>> st;
    int op (int a, int b) { return min(a,b); }
    void make () {
        st.resize(20, vector<int>(N));
        st[0] = arr; scn(w,1,19) scn(i,0,N - (1 << w))
            st[w][i] = op(st[w-1][i], st[w-1][i + (1 << (w-1))]);
    }
    int q (int i, int j) {
        int w = log2f1(j - i + 1);
        return op(st[w][i], st[w][j - (1 << w) + 1]);
    }
};</pre>
```

3.3.2. Segment tree: range query point set

Recordatorio: modificar elemento neutro

```
template<class T> struct SegTree {
    vector<T>& arr; int N; T id;
    T op (T a, T b) { return 0; } //!
    vector<T> t;
    void make () {
        t.resize(N \ll 1); rep(i,N) t[i+N] = arr[i];
        for (int i = N - 1; i; i—) t[i] = op(t[i << 1], t[i << 1|1]);
    void set (int i, T v) {
        for(t[i += N] = v; i > 1; i >>= 1) t[i>>1] = op(t[i], t[i^1]);
    T q (int 1, int r) {
        T res = id;
        for (1 += N, r += N; 1 < r; 1 >>= 1, r >>= 1) {
            if (1\&1) res = op(res, t[1++]);
            if (r\&1) res = op(res, t[--r]);
        } return res;
};
```

4. Grafos

- 4.1. Preprocesamiento
- 4.1.1. Clasificación de aristas
- 4.1.2. Puentes y puntos de articulación
- 4.1.3. DAG condensado
- 4.1.4. Kruskal
- 4.2. Menor camino
- 4.2.1. BFS
- 4.2.2. Dijkstra
- 4.2.3. Floyd-Warshall
- 4.3. Flujo y corte
- 4.3.1. Dinics
- 4.3.2. Maximum matching
- 4.4. Árboles
- 4.4.1. Aplanamiento
- 4.4.2. Ancestro común menor
- 5. Strings
- 5.1. Trie: policy based
- 5.2. Trie genérico
- 5.3. Rabin-Karp
- 5.4. Suffix Automata
- 6. Matemática
- 6.1. Aritmética
- 6.1.1. Techo de la división, piso de la raiz cuadrada, piso del log2

```
#define ceildiv(a,b) ((a+b-1)/b)

i64 isqrt (i64 x) {
    i64 s = 0; for (i64 k = 1 << 30; k; k >>= 1)
        if ((s+k)*(s+k) <= x) s += k;
```

```
return s;
  #define log2fl(x) (x ? 63 - _builtin_clzll(x) : -1)
6.1.2. Aritmética en Zp
  const i64 \mod = 1e9 + 7;
  i64 resta_mod (i64 a, i64 b) { return (a - b + mod) % mod; }
  i64 pow_mod (i64 x, i64 n) {
      i64 res = 0;
      while (n) {
          if (n % 2) res = res * x % mod;
          n /= 2;
          x = x * x \% mod;
      } return res:
  | i64 div_mod (i64 a, i64 b) { return a * pow_mod(b, mod - 2) % mod; }
6.1.3. Números combinatorios
      Teoría de números
6.2.1. Test de primalidad
  struct primetest {
      bool c[1000001]; vector<int> p;
      primetest () {
          p.reserve(1<<16); scn(i,2,1000000) if (!c[i]) {
              p.pb(i); for (int j = 2; i*j < 1000001; j++) c[i*j] = 1;
      bool isprime (int x) {
          for (int i = 0, d = p[i]; d*d \le x; d = p[++i])
              if (!(x % d)) return false;
          return x \ge 2;
  };
      Geometría
6.3.
6.3.1. Template base
  using flt = long double;
  const flt EPS = 1e-9;
  bool flt_leq (flt a, flt b) { return a < b + EPS; }</pre>
```

```
bool flt_eq (flt a, flt b) { return -EPS <= a - b && a - b <= EPS; }

struct Vec {
   int x, y;
   Vec operator+(Vec p) { return {x + p.x, y + p.y}; }
   Vec operator-(Vec p) { return {x - p.x, y - p.y}; }
   int operator*(Vec p) { return x * p.x + y * p.y; }
   int operator^(Vec p) { return x * p.y + y * p.x; }
};

int norma2 (Vec p) { return p.x * p.x + p.y * p.y; }

// TODO: area triangulo, formula de heron</pre>
```

- 6.3.2. Punto/vector/recta
- 6.3.3. Producto escalar y vectorial
- 6.3.4. Área triángulo
- 6.3.5. Fórmula de Herón

7. Programación Dinámica

- 7.1. Ejemplos de DP
- 7.1.1. DP en prefijo:
- 7.1.2. DP en rango:
- 7.1.3. DP en bitmask: traveling salesman
- 7.1.4. DP en árbol con toposort
- 7.1.5. **DP** en **DAG**:
- 7.1.6. DP en número: knapsack
- 7.1.7. Re-rooting DP
- 7.1.8. DP con Fenwick: número de subsecuencias de largo k
- 7.1.9. Reconstruir solución
- 7.2. Optimizaciones
- 7.2.1. Recuperar un parámetro a partir de los otros
- 7.2.2. Reducir complejidad de transición con una flag
- 7.2.3. Optimización knapsack en árbol
- 7.2.4. Optimización de Knuth
- 7.2.5. Optimización D&C

8. Algoritmos

8.1. Búsqueda binaria

Si existe, idx de primer true Si no, d

```
i64 bsearch (i64 i, i64 j, bool (*pred)(i64), i64 d) {
   while (!(i + 1 == j)) {
      i64 m = i + ((j - i) >> 1);
      pred(m) ? j = m : i = m;
   }
   if (pred(i)) return i;
   if (pred(j)) return j;
```

```
return d;
}
```

- 8.2. Búsqueda binaria paralela
- 9. Sin categorizar
- 9.1. Union find
- 9.2. Algoritmo de Mo
- 9.3. Min dequeue
- 9.4. Menor subarray que suma k
- 9.5. Subarray con mayor suma
- 9.6. Mayor subcadena común

10. Brainstorming

Graficar como puntos/grafos Pensarlo al revez ¿Que propiedades debe cumplir una solución? Si existe una solución, ¿existe otra más simple? ¿Hay elecciones independientes? ¿El proceso es parecido a un algoritmo conocido?