Notebook Índice 1. Setup		ÍNDICE	
		9.2	9.1. Búsqueda binaria sobre ur9.2. Enumerar subconjuntos de9.3. Hashing Rabin Karp
	STL 2.1. Vector 2.1.1. Busqueda binaria (lower_bound) 2.1.2. Operaciones de conjuntos y modificación 2.2. Set 2.3. Estructuras policy based (set indexado + prefix trie) 2.4. Truquitos con la STL 2.4.1. Compresión de coordenadas	9.4 2 9.5	Lowest common ancestor Euler tour ainstorming
3.	Range queries 3.1. Range queries comunes	5 5 5 5 6 6 6	
4.	Grafos 4.1. Toposort de un DAG 4.2. DAG condensado 4.3. Bipartite check 4.4. Encontrar puentes y articulaciones 4.5. Matching maximo bipartito (Kuhn) 4.6. Menores caminos	7 7 7 8 8 8 9	
5.	Programacion Dinamica 5.1. LIS (Longest Increasing Subsequence)	9 9	
6.	6.1. Aritmética	10 10 10	
7.	7.1. Template: floats, punto	11 11 12 12 12	
8.	8.1. Disjoint set union	13 13 13	
9.	Sin categorizar	13	

	Página 1 de 15
9.1. Búsqueda binaria sobre un predicado	
9.5. Euler tour	

1. Setup

```
Template corto
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
#define forr(i,a,b) for(int i = int(a); i < int(b); i++)</pre>
#define forn(i,n)
                      forr(i,0,n)
#define all(v)
                      begin(v), end(v)
#define mp(a,b)
                      make_pair(a,b)
int main (int argc, char** argv) { if (argc == 2) freopen(argv[1], "r
   \hookrightarrow ", stdin);
   return 0:
}
run.sh: Compilar y ejecutar $1 con archivo input opcional $2
clear
make -s $1 && ./$1 $2
Makefile
CC = g++
CPPFLAGS = -Wall -g \
-fsanitize=undefined -fsanitize=bounds \
-std=c++17 -00
compilar.sh: Compilar $1 y mostrar primeras $2 lineas de error
clear
make -s $1 2>&1 | head -$2
Template completo
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
#define forr(i,a,b) for(int i = int(a); i < int(b); i++)</pre>
#define forn(i,n)
                      forr(i.0.n)
#define all(v)
                      begin(v), end(v)
#define mp(a,b)
                      make_pair(a,b)
#define sz(v)
                      int(size(v))
#define pb
                      push_back
#define fst
                      first
#define snd
                      second
#define endl
                      '\n'
                      cerr << #x << " = " << (x) << endl
#define dprint(x)
                      cerr << "========" << endl
#define raya
#define templT
                      template <class T>
#define templAB
                      template <class A, class B>
templAB ostream& operator << (ostream& o, pair<A,B>& p) { return o <<
   → p.fst << " " << p.snd; }</pre>
```

```
templT ostream& operator << (ostream& o, vector<T>& v) { forall(it, v
   → ) { o << *it << " "; } return o; }</pre>
using ll = long long;
int main (int argc, char** argv) { ios::sync_with_stdio(0); cin.tie

→ (0); cout.tie(0); if (argc == 2) freopen(argv[1], "r", stdin);

   return 0;
}
    STL
2.
2.1. Vector
2.1.1. Busqueda binaria (lower_bound)
Primer igual
templT int primer_igual (vector<T>& arr, T x) {
    auto it = lower_bound(all(arr), x);
    if (it == arr.end() || *it != x) return -1;
    return it - arr.begin();
}
Último igual
templT int ultimo_igual (vector<T>& arr, T x) {
    if (arr.begin() == arr.end()) return -1;
    auto it = prev(upper_bound(all(arr), x));
    if (*it != x) return -1;
    return it - arr.begin();
}
Primer mayor
templT int primer_mayor (vector < T > & arr, T x) {
    auto it = upper_bound(all(arr), x);
    if (it == arr.end()) return -1;
    return it - arr.begin();
}
Último menor
templT int ultimo_menor (vector<T>& arr, T x) {
    if (arr.begin() == arr.end()) return -1;
    auto it = prev(lower_bound(all(arr), x));
    if (*it >=) return -1;
    return it - arr.begin();
}
```

2.1.2. Operaciones de conjuntos y modificación

Funciones que modifican rangos

Función	Params	Ejemplo
copy	first last result	<pre>B.resize(A.size()); copy(all(A), B)</pre>
fill	first last val	memo.resize(MAXN); fill(all(memo), -1)
rotate	first middle last	<pre>rotate(begin(A), begin(A) + 3, end(A));</pre>

Operaciones de conjuntos con vectors ordenados (lineal)

```
// Siempre hacer resize al final asi:
vector<int> A = { 5, 10, 15, 20, 25};
vector<int> B = {10, 20, 30, 40, 50};

vector<int> U(A.size() + B.size());
auto it = set_union(all(A), all(B), begin(U));
U.resize(it - U.begin());
```

Función	Descripción
set_union	Unión
set_intersection	Intersección
set_difference	Elementos que están en el primero y no en el segundo
set_symmetric_difference	Elementos que están en uno pero no los dos (como el xor)

2.2. Set.

Multiset

```
struct Multiset {
  map<int, int> ocurrencias;
  void insertar (int x) { ocurrencias[x]++; }
   void eliminar (int x) {
      auto it = ocurrencias.find(x);
     assert(it != ocurrencias.end());
      if (--it->snd == 0) ocurrencias.erase(it);
  int count (int x) {
      auto it = ocurrencias.find(x);
     return it == ocurrencias.end() ? 0 : it->snd;
  }
  int min (void) {
     assert(ocurrencias.size());
      return ocurrencias.begin()->fst;
  }
  int max (void) {
      assert(ocurrencias.size());
```

```
return ocurrencias.rbegin()->fst;
   }
   int primer_mayor (int x) {
      assert(x < max());</pre>
      return ocurrencias.upper_bound(x)->fst;
   }
   int primer_menor (int x) {
      assert(min() < x);</pre>
      return prev(ocurrencias.lower_bound(x))->fst;
};
Intervalos consecutivos (simular cortes en un palito)
struct IntervalosConsecutivos {
    set < int > I;
    map < int , int > L;
    IntervalosConsecutivos (int i, int j) {
        I.insert(i);
        I.insert(j);
        L[j - i]++;
    void cortar (int k) {
        int i = *prev(I.lower_bound(k));
        int j = *(I.lower_bound(k));
        L[j - i]--;
        if (L[j-i] == 0) L.erase(j-i);
        L[k - i]++;
        L[j - k] ++;
        I.insert(k);
    int max intervalo () {
        return (*L.rbegin()).fst;
    int min_intervalo () {
        return (*L.begin()).fst;
    }
};
Multiset de diferencias
struct MultisetDiferencias {
   Multiset elementos, diferencias;
   void insertar (int x) {
      if (elementos.count(x)) {
         elementos.insertar(x);
         diferencias.insertar(0);
         return;
      elementos.insertar(x);
      int m = elementos.min(), M = elementos.max();
      int a, b;
```

```
if (x < M) 
         b = elementos.primer_mayor(x);
         diferencias.insertar(b - x);
      }
      if (m < x) {
         a = elementos.primer_menor(x);
         diferencias.insertar(x - a);
      if (m < x && x < M) diferencias.eliminar(b - a);</pre>
   }
   void eliminar (int x) {
      assert(elementos.count(x));
      if (elementos.count(x) > 1) {
         elementos.eliminar(x);
         diferencias.eliminar(0);
         return:
      }
      int m = elementos.min(), M = elementos.max();
      elementos.eliminar(x):
      int a, b;
      if (x < M) {
         b = elementos.primer_mayor(x);
         diferencias.eliminar(b - x);
      }
      if (m < x) 
         a = elementos.primer_menor(x);
         diferencias.eliminar(x - a);
      if (m < x && x < M) diferencias.insertar(b - a);</pre>
   }
};
Suma K nums mas grandes
struct SumaKNumsMasGrandes {
    11 k = 0 / 0, sum = 0 / 0;
    priority_queue < 11, vector < 11 >, greater < 11 >> minheap;
    void insertar (ll x) {
        if (sz(minheap) < k) {</pre>
            __insertar(x);
            return;
        }
        11 m = minheap.top();
        if (m < x) {
            minheap.pop();
            sum -= m;
            __insertar(x);
        }
    }
    void __insertar (ll x) {
        minheap.push(x);
```

```
sum += x;
};
2.3. Estructuras policy based (set indexado + prefix trie)
Set indexado
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
templT struct SetIndexado {
    tree<
        T, null_type, less<T>,
        rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update
    > s;
    void add (T
                 x) \{ s.insert(x); \}
                  x) { return s.order_of_key(x); }
    int idx (T
    bool has (T x) { return s.find(x) != ms.end(); }
         ith (int i) { return *s.find_by_order(i); }
};
Multiset indexado
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
templT struct MultisetIndexado {
    int t = 0; tree<</pre>
        pair<T, int>, null_type, less<pair<T, int>>,
        rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update
                 x) { ms.insert(mp(x, t++)); }
    void add (T
                  x) { return ms.order_of_key(mp(x, -1)); }
        nle (T
                  x) { return ms.order_of_key(mp(x, INT_MAX)); }
    int nleq (T
    int cnt (T x) { return nleq(x) - nle(x); }
         ith (int i) { return (*ms.find_by_order(i)).fst; }
};
Prefix trie
using Trie = trie<string, null_type, trie_string_access_traits<>,
   → pat_trie_tag, trie_prefix_search_node_update>;
bool string_existe (Trie& T, string& s) {
   auto [from, to] = T.prefix_range(x);
   return from != to && *from == x;
}
void print_prefix_matches (Trie& T, string& prefix) {
```

```
auto [from, to] = T.prefix_range(prefix);
  for (auto it = from; it != to; it++) cout << *it << ', ';</pre>
  cout << endl:</pre>
    Truguitos con la STL
2.4.1. Compresión de coordenadas
Para números enteros (con lower_bound)
// Obtener valor original con D[A[i]]
vector<11> CompCoordenadas (vector<11>& A) {
   int N = A.size():
   vector < 11 > D = A;
   sort(all(D)):
   D.resize(unique(all(D)) - D.begin());
   forn(i, N) A[i] = lower_bound(all(D), A[i]) - D.begin();
   return D:
}
Versión genérica (con map)
templT map <T, int > CompCoordenadas (vector <T > & A) {
   map < T , int > ord;
   int n = 0:
   for (auto v : A) ord[v];
   for (auto& e : ord) e.snd = n++;
   return ord;
    Range queries
3.1. Range queries comunes
3.1.1. Suma estático (prefix + diff arrays)
Range sum (prefix array)
templT vector<T> prefix_array (vector<T>& A) {
    vector <T> P(A.size());
    P[0] = A[0];
    forn(i, P.size() - 1) P[i+1] = P[i] + A[i+1];
    return P;
}
// Retorna A[i] + ... + A[j]
templT T query_prefix_array (vector<T>& P, int i, int j) {
    T res = P[j];
    if (i > 0) res -= P[i-1];
    return res:
```

```
}
Range update (diff array)
templT vector<T> diff_array (vector<T>& A) {
    vector <T> D(A.size());
    D[O] = A[O]:
    forn(i, D.size() - 1) D[i+1] = A[i+1] - A[i];
    return D;
}
// Aplica +x en A[i] ... A[j]
templT void update_diff_array (vector < T > & D, int i, unsigned j, T x)
    D[i] += x;
    if (j + 1 < D.size()) D[j+1] -= x;
}
3.1.2. Suma dinámico (fenwick tree)
Range sum point set
using FT = 11;
using Fenwick = unordered_map <int, FT>;
FT FT_prefix (Fenwick& A, int i) {
    FT res = 0;
    for (int j = i; j \ge 0; j = j & (j + 1), j--) res += A[j];
    return res;
void FT_add (Fenwick& A, int N, int i, FT x) {
    for (; i < N; i = i | (i + 1)) A[i] += x;
FT FT_sum (Fenwick& A, int i, int j) {
    return FT_prefix(A, j) - FT_prefix(A, i - 1);
void FT_set (Fenwick& A, int N, int i, FT x) {
    FT_add(A, N, i, - FT_sum(A, i, i));
    FT_add(A, N, i, + x);
}
Range add point get
using FT = 11;
using Fenwick = unordered_map < int , FT >;
FT FT_prefix (Fenwick& A, int i) {
    FT res = 0:
    for (int j = i; j \ge 0; j = j & (j + 1), j--) res += A[j];
    return res;
}
void FT_update (Fenwick& A, int N, int i, FT x) {
    for (; i < N; i = i | (i + 1)) A[i] += x;
}
```

```
FT FT_get (Fenwick& A, int i) {
    return FT_prefix(A, i);
}
void FT_add (Fenwick& A, int N, int i, int j, FT x) {
    FT_update(A, N, i, x);
    FT_update(A, N, j+1, -x);
}
3.1.3. Range minimum query (RMQ) (sparse table + segment tree)
RMQ estático 1D (sparse table)
using ST = int;
using SparseT = vector < vector < ST >>;
SparseT ST_build (vector < ST > & A, int N) {
    SparseT res(20, vector < ST > (N));
    res[0] = A;
    forr(w, 1, 20) forn(i, N - (1 << w) + 1)
        res[w][i] = min(res[w - 1][i], res[w - 1][i + (1 << (w - 1))
            \hookrightarrow ]);
    return res;
}
ST ST_rmq (SparseT& S, int i, int j) {
    int w = 63 - __builtin_clzll(j - i + 1);
    return min(S[w][i], S[w][j - (1 << w) + 1]);
}
RMQ + point set (segment tree)
      Segment tree point set
Template
struct STNode {
   // Completar
};
STNode operator * (STNode a, STNode b) {
   // Completar
const STNode ST_ID = {
   // Completar
using STree = vector < STNode >;
STree segtree_build (STree& hojas) {
   int N = hojas.size();
   STree S(N \ll 1);
   forn(i, N) S[i + N] = hojas[i];
```

```
for (int i = N - 1; i; i--) S[i] = S[i << 1] * <math>S[i << 1 \mid 1];
   return S;
}
STNode segtree_query (STree& S, int i, int j) {
   int N = S.size() >> 1;
   STNode res = ST_ID;
   int 1 = i + N;
   int r = j + N + 1;
   for (; 1 < r; 1 >>= 1, r >>= 1) {
      if (1 & 1) res = res * S[1++];
      if (r \& 1) res = res * S[--r];
   }
   return res;
}
void segtree_update (STree& S, int i, STNode x) {
   int N = S.size() >> 1;
   S[i += N] = x:
   for (; i > 1; i >>= 1) S[i >> 1] = S[i] * S[i ^ 1];
}
RMQ
struct STNode { int val; };
STNode operator * (STNode a, STNode b) { return (a.val < b.val) ? a :
   \hookrightarrow b; }
const STNode ST_ID = { INT_MAX };
vector < int > A = { ... };
vector < STNode > hojas(A.size());
transform(all(A), begin(hojas), [](int x) { return (STNode){x}; });
STree T = segtree_build(hojas);
XOR
struct STNode { int val; };
STNode operator * (STNode a, STNode b) { return { a.val ^ b.val }; }
const STNode ST_ID = { 0 };
vector < int > A = { ... };
vector < STNode > hojas(A.size());
transform(all(A), begin(hojas), [](int x) { return (STNode){x}; });
STree T = segtree_build(hojas);
3.3. MO
MO comun
struct Query { int idx, i, j; };
```

```
const int MOSIZE = 0 / 0; // ~sqrt(n) (entre 150 y 800)
bool mosort (Query const& p, Query const& q) {
   int bp = p.i / MOSIZE, bq = q.i / MOSIZE;
   if (bp == bq) return bq % 2 ? p.j > q.j : p.j < q.j;</pre>
   return bp < bq;</pre>
vector < int > mosolve (vector < Query > & queries) {
    sort(all(queries), mosort);
    vector<int> res(sz(queries));
    // Inicializar estructura
    Query a = \{ -1, 0, -1 \};
    for (auto q : queries) {
        while (a.i > q.i) {
            a.i--:
            assert(0); // Estructura.add(a.i)
        }
        while (a.j < q.j) {
            a.j++;
            assert(0); // Estructura.add(a.j)
        while (a.i < q.i) {</pre>
            assert(0): // Estructura.erase(a.i)
            a.i++;
        }
        while (a.j > q.j) {
            assert(0); // Estructura.erase(a.j)
            a.j--;
        res[q.idx] = 0 / 0; // Resolver query
    }
    return res;
Sort con curva de Hilbert
??? (LMAO)
Con rollback
??? (LMAO)
    Grafos
```

4.1. Toposort de un DAG

```
using AdjList = vector<vector<int>>;
```

```
vector<int> Toposort (AdjList& G) {
    int N = G.size();
    vector<int> indegree(N), res;
    forn(u, N) for (int v : G[u]) indegree[v]++;
    // Elegir crierio de priorizacion cambiando el orden en el que se
       \hookrightarrow sacan
    // (por defecto el menor)
    using Bag = priority_queue<int, vector<int>, greater<int>>;
    forn(u, N) if(indegree[u] == 0) bag.push(u);
    while (bag.size()) {
        int u = bag.top();
        bag.pop();
        res.push_back(u);
        for (int v : G[u]) {
            indegree[v]--;
            if (indegree[v] == 0) bag.push(v);
        }
    }
    return res;
}
4.2. DAG condensado
using AdjList = vector<vector<int>>;
AdjList DAGCondensado (AdjList& G) {
   int N = G.size();
   vector < bool > visitado(N);
   vector<int> orden;
   function < void(int) > get_orden = [&](int u) -> void {
      visitado[u] = true;
      for (int v : G[u]) if (!visitado[v]) get_orden(v);
      orden.pb(u);
  };
   forn(u, N) if (!visitado[u]) get_orden(u);
   reverse(all(orden)):
   AdjList T(N);
   forn(u, N) for (int v : G[u]) T[v].pb(u);
   vector<int> comp, raiz(N), raices;
   function < void (int) > extraer_comp = [&] (int u) -> void {
      visitado[u] = true:
      comp.pb(u);
      for (int v : T[u]) if (!visitado[v]) extraer_comp(v);
  };
   visitado.assign(N, false);
   for (int u : orden) if (!visitado[u]) {
```

```
extraer_comp(u);
   int r = comp.front();
   for (int v : comp) raiz[v] = r;
   raices.pb(r);
   comp.clear();
}
// Opcion 1: hacer compresion de coordenadas: O(nlogn) lento
int c = 0;
map<int, int> coords;
for (int r : raices) coords[r];
for (auto& e : coords) e.snd = c++;
AdjList SCC(raices.size());
forn(u, N) for (int v : G[u]) {
   int ru = coords[raiz[u]], rv = coords[raiz[v]];
   if (ru != rv) SCC[ru].pb(rv);
}
return SCC;
// Opcion 2: no hacer compresion y devolver raices (rapido)
// AdjList SCC(N);
// forn(u, N) for (auto [v, w] : G[u]) {
   // int ru = raiz[u], rv = raiz[v];
   // if (ru != rv) SCC[ru].pb({rv, w});
   // else (RC[ru]) += R(w);
// }
```

4.3. Bipartite check

```
using AdjList = vector<vector<int>>;
bool EsBipartito (AdjList& G) {
    vector < int > color(G.size(), -1);
    color[0] = 0;
    queue < int > bag;
    for (bag.push(0); bag.size();) {
        int u = bag.front();
        bag.pop();
        for (int v : G[u]) {
            if (color[u] == color[v]) return false;
            if (color[v] == -1) {
                color[v] = 1 - color[u];
                bag.push(v);
            }
        }
    }
    return true;
```

4.4. Encontrar puentes y articulaciones

```
using AdjList = vector < vector < int >>;
using Edge = pair<int, int>;
pair < vector < Edge > , vector < int >> GetPuentesArticulaciones (AdjList& G)
   int N = G.size(), time = 0;
   vector < bool > visitado(N);
   vector<int> tin(N, -1), tlow(N, -1), articulaciones;
   vector < Edge > puentes;
   function < void (int, int) > dfs = [&] (int u, int p) -> void {
      visitado[u] = true;
      tin[u] = tlow[u] = time++;
      int hijos = 0;
      for (int v : G[u]) {
         if (v == p) continue;
         if (visitado[v]) tlow[u] = min(tlow[u], tin[v]);
         else {
            dfs(v, u);
            hijos++;
            tlow[u] = min(tlow[u], tlow[v]);
            if (tlow[v] > tin[u]) puentes.pb({u,v});
            if (tlow[v] >= tin[u] && p != -1) articulaciones.pb(u);
         }
      if (p == -1 && hijos > 1) articulaciones.pb(u);
   };
   forn(r, N) if (!visitado[r]) dfs(r, -1);
   return mp(puentes, articulaciones);
}
4.5. Matching maximo bipartito (Kuhn)
```

```
vector<int> kuhn_matching (AdjList& grafo) {
    vector < int > match(sz(grafo), -1);
    vector < bool > visitado(sz(grafo));
    function < bool (int) > kuhn_dfs = [&](int u) -> bool {
        if (visitado[u]) return false;
        visitado[u] = true;
        for (int v : grafo[u]) if (match[v] == -1 || kuhn_dfs(match[v])
            → ])) {
            match[v] = u;
            return true;
        } return false;
   };
    forn(u, sz(grafo)) {
        visitado.assign(sz(grafo), false);
        kuhn_dfs(u);
```

```
}
    return match;
int res = 0:
forn(u, sz(grafo)) if (match[u] != -1) res++;
cout << res / 2 << endl;</pre>
4.6. Menores caminos
Dijkstra
struct Hedge { ll weight; int node; };
bool operator < (const Hedge& a, const Hedge& b) { return a.weight >
   → b.weight; }
using AdjList = vector<vector<Hedge>>;
void Dijkstra (AdjList& G, int s, vector<11>& dist, vector<int>&
   → parent) {
   int N = G.size();
   dist.assign(N, LLONG_MAX);
   dist[s] = 0;
   parent.assign(N, -1);
   parent[s] = s;
   priority_queue < Hedge > bag;
   for (bag.push({0, s}); bag.size();) {
      auto [d, u] = bag.top();
      bag.pop();
      if (d > dist[u]) continue;
      for (auto [w, v] : G[u]) {
         11 \text{ relax} = d + w;
         if (relax < dist[v]) {</pre>
            dist[v] = relax;
            parent[v] = u;
            bag.push({relax, v});
         }
      }
Floyd-Warshall
templT using Matriz = vector<vector<T>>;
const 11 INF = LLONG_MAX / 4;
void FloydWarshall (Matriz<11>& D) {
   int N = D.size();
   forn(u, N) D[u][u] = 0;
   forn(k, N) forn(u, N) forn(v, N) if (D[u][k] < INF) if (D[k][v] < INF)
```

D[u][v] = min(D[u][v], D[u][k] + D[k][v]);

5.1. LIS (Longest Increasing Subsequence)

Obtener largo del LIS

```
// Usa compresion de coordenadas y segtree point set RMQ (tomar el
    \hookrightarrow maximo)
int LIS (vector<int>& A) {
   int N = A.size():
   auto C = Compress(A);
   vector < STNode > hojas(N, {0});
   STree dp = segtree_build(hojas);
   segtree_update(dp, C[A[0]], {1});
   forr(i, 1, N) {
      int x = C[A[i]];
      int subres = 0;
      if (x-1 \ge 0) subres = segtree_query(dp, 0, x-1).val;
      segtree_update(dp, x, {1 + subres});
   return segtree_query(dp, 0, N - 1).val;
}
Construir LIS lexicograficamente menor
struct STNode { int len, idx, val, parent; };
bool operator < (STNode a, STNode b) {</pre>
   if (a.len != b.len) return a.len < b.len;</pre>
   return a.val > b.val;
STNode operator * (STNode a, STNode b) { return max(a,b); }
const STNode ST_ID = { -INT_MAX, -1, INT_MAX, -1 };
vector<int> LIS (vector<int>& A) {
   int N = A.size();
   auto C = Compress(A);
   STNode def = \{0, -1, INT_MAX, -1\};
   vector < STNode > hojas(N, def);
   STree dp = segtree_build(hojas);
```

}

```
vector < STNode > res(N);
   res[0] = \{1, 0, A[0], -1\};
   segtree_update(dp, C[A[0]], {1, 0, A[0], -1});
   forr(i, 1, N) {
      int x = C[A[i]];
      STNode subres = def;
      if (x-1 \ge 0) subres = segtree_query(dp, 0, x-1);
      STNode r = {1 + subres.len, i, A[i], subres.idx};
      segtree_update(dp, x, r);
      res[i] = r;
   }
   vector < int > path;
   STNode best = *max_element(all(res));
   STNode x;
   for (x = best; x.parent != -1; x = res[x.parent]) path.pb(x.idx);
   path.pb(x.idx);
   reverse(all(path));
   return path;
LIS en arbol (largo del LIS de raiz a cada nodo)
// Usa compresion de coordenadas y segtree point set RMQ (tomar el
   \hookrightarrow maximo)
using AdjList = vector<vector<int>>;
vector < int > LIS (AdjList& G, vector < int > & valor_nodo, int root = 0) {
   int N = valor_nodo.size();
   auto C = Compress(valor_nodo);
   STNode def = { 0 };
   vector < STNode > hojas(N, def);
   STree dp = segtree_build(hojas);
   vector < int > res(N);
   segtree_update(dp, C[valor_nodo[root]], {1});
   function < void(int) > dfs = [&](int u) {
      int x = C[valor_nodo[u]];
      int old = segtree_query(dp, x, x).val;
      int subres = \{0\};
      if (x-1 \ge 0) subres = segtree_query(dp, 0, x-1).val;
      segtree_update(dp, x, {1 + subres});
      res[u] = segtree_query(dp, 0, N-1).val;
      for (int v : G[u]) dfs(v);
      segtree_update(dp, x, {old});
   };
   dfs(root);
   return res;
```

6. Matemática

6.1. Aritmética

Techo de la división

```
#define ceildiv(a,b) ((a + b - 1) / b)
```

Piso de la raiz cuadrada

```
using ll = long long;

ll isqrt (ll x) {
    ll s = 0;
    for (ll k = 1 << 30; k; k >>= 1)
        if ((s+k) * (s+k) <= x) s += k;
    return s;
}</pre>
```

Piso del log2

```
#define log2fl(x) (x ? 63 - _builtin_clzll(x) : -1)
```

Aritmética en Zp

```
const ll mod = 1e9 + 7;

ll resta_mod (ll a, ll b) { return (a - b + mod) % mod; }

ll pow_mod (ll x, ll n) {
    ll res = 0;
    while (n) {
        if (n % 2) res = res * x % mod;
        n /= 2;
        x = x * x % mod;
    } return res;
}

ll div_mod (ll a, ll b) { return a * pow_mod(b, mod - 2) % mod; }
```

6.2. Teoria de numeros

Criba

```
struct Criba {
   bool c[1000001]; vector<int> p;
   Criba () {
```

```
p.reserve(1<<16);
        for (int i = 2; i <= 1000000; i++) if (!c[i]) {</pre>
            p.pb(i);
            for (int j = 2; i*j \le 1000000; j++) c[i*j] = 1;
        }
    }
    bool isprime (int x) {
        for (int i = 0, d = p[i]; d*d \le x; d = p[++i])
            if (!(x % d)) return false;
        return x >= 2;
    }
};
Phollards Rho
11 gcd(ll a, ll b){return a?gcd(b %a, a):b;}
//COMPILAR CON G++20
11 mulmod(ll a, ll b, ll m) {
return ll(__int128(a) * b % m);
ll expmod (ll b, ll e, ll m)\{//0(\log b)
        if(!e) return 1;
        11 q = expmod(b, e/2, m); q = mulmod(q, q, m);
        return e %2? mulmod(b,q,m) : q;
}
bool es_primo_prob (ll n, int a)
        if (n == a) return true;
        11 s = 0, d = n-1;
        while (d \% 2 == 0) s++, d/=2;
        11 x = expmod(a,d,n);
        if ((x == 1) || (x+1 == n)) return true;
        forn (i, s-1){
                x = mulmod(x, x, n);
                if (x == 1) return false;
                if (x+1 == n) return true;
        return false;
}
bool rabin (ll n){ //devuelve true si n es primo
        if (n == 1)
                        return false;
        const int ar[] = \{2,3,5,7,11,13,17,19,23\};
                if (!es_primo_prob(n,ar[j]))
```

```
return false;
        return true:
}
11 rho(11 n){
    if( (n & 1) == 0 ) return 2;
    11 x = 2 , y = 2 , d = 1;
    11 c = rand() % n + 1;
    while( d == 1 ){
        x = (mulmod(x, x, n) + c) %n;
        y = (mulmod(y, y, n) + c) %n;
        y = (mulmod(y, y, n) + c)%n;
        if(x - y >= 0) d = gcd(x - y, n);
        else d = gcd(y - x, n);
    return d==n? rho(n):d;
}
map<ll, ll> prim;
void factRho (ll n){ //O (lg n)^3. un solo numero
        if (n == 1) return;
        if (rabin(n)){
                prim[n]++;
                return;
        11 factor = rho(n);
        factRho(factor);
        factRho(n/factor);
}
```

7. Geometria

7.1. Template: floats, punto

Punto flotante

Convex Hull

```
struct Punto { Sca x, y; };
Punto operator * (Punto p, Sca a) { return {p.x * a, p.y * a}; }
Punto operator + (Punto p, Punto q) { return {p.x + q.x, p.y + q.y};
Sca operator * (Punto p, Punto q) { return p.x * q.x + p.y * q.y;
   \hookrightarrow } // |p| |q| cos theta
Sca operator ^ (Punto p, Punto q) { return p.x * q.y - p.y * q.x;
   \hookrightarrow } // |p| |q| sin theta
Punto operator - (Punto p, Punto q) { return p + (q * -1); }
Punto operator / (Punto p, Sca a) { return {p.x / a, p.y / a}; }
                  (Punto p, Punto q) { return p * q / sqrtl(q * q); }
Sca proj
Sca angulo
                  (Punto p, Punto q) { return acos(p * q / sqrtl(p*p)
   → / sqrtl(q*q)); }
Sca dist2
                  (Punto p, Punto q) { return (p - q) * (p - q); }
                  (Punto p, Punto q) { return sqrtl(dist2(p, q)); }
Sca dist
ostream& operator << (ostream &o, Punto& p) { auto x = mp(p.x, p.y);
   \hookrightarrow return o << x; }
bool operator == (Punto p, Punto q) { return sca_eq(p.x, q.x) &&
   \hookrightarrow sca_eq(p.y, q.y); }
bool operator < (Punto p, Punto q) { return sca_eq(p.y, q.y) ?</pre>
   \hookrightarrow sca_le(p.x, q.x) : sca_le(p.y, q.y); }
7.2. Recta: Intersection, Comparation
Interseccion de recta
Punto intersect_recta (Punto p1, Punto d1, Punto p2, Punto d2) {
    // d1 ^ d2 == 0 ?
```

```
Punto intersect_recta (Punto p1, Punto d1, Punto p2, Punto d2) {
    // d1 ^ d2 == 0 ?
    return p1 + d1 * ((p2 - p1) ^ d1) / (d1 ^ d2);
}
```

Ecuacion de la recta (comparar por igualdad)

7.3. Circulo: Interseccion

Template

```
struct Circ { Punto p; Sca r; };
```

```
bool operator == (Circ o1, Circ o2) { return o1.p == o2.p && sca_eq(
   \hookrightarrow o1.r, o2.r); }
Interseccion circulo-recta
vector < Punto > intersect_circ_recta (Sca r, Sca a, Sca b, Sca c) {
    Sca z = a*a + b*b;
    Punto p = \{-a*c / z, -b*c / z\};
    if (flt_le(r*r*z, c*c)) return {};
    if (flt_eq(r*r*z, c*c)) return {p};
    Sca m = sqrtl((r*r - c*c / z) / z);
    Punto d1 = { b*m, -a*m }, d2 = { -b*m, a*m };
    return { p + d1, p + d2 };
}
Interseccion circulo-circulo
vector<Punto> intersect_circ_circ (Circ o1, Circ o2) {
    // Mismo origen, distinto radio -> cero puntos
    // Mismo origen, mismo radio -> infinitos puntos
    Circ o = \{\{o2.p - o1.p\}, o2.r\};
    Sca x = o.p.x, y = o.p.y;
    auto res = intersect_circ_recta(o1.r, -2*x, -2*y, x*x + y*y + o1.
        \rightarrow r*o1.r - o.r*o.r);
    forn(i, res.size()) res[i] = res[i] + o1.p;
    return res;
}
7.4. Misc: Triangulo, Poligono, Convex Hull
Triangulo: area, isosceles
Sca area_triang (vector < Punto > T) { return abs((T[2] - T[1]) ^ (T[1]
   \hookrightarrow - T[0])) / 2; }
bool es_isosceles (vector < Punto > T) {
   forn(i, 3) {
      Punto a = T[i], b = T[(i+1) \%3], c = T[(i+2) \%3];
      if (sca_eq(dist2(a,b), dist2(b,c))) return true;
   } return false;
Poligono: area
Sca area_poli (vector < Punto > P) {
    Sca res = 0:
    forn(i, P.size()) {
        Punto p = i ? P[i - 1] : P.back();
        res += (p.x - P[i].x) * (p.y + P[i].y);
    } return abs(res) / 2;
}
```

};

```
struct pto{
        11 x, y; int t;
        pto(11 x=0, 11 y=0, int t = -1):x(x),y(y), t(t){}
        pto operator-(pto a){return pto(x-a.x, y-a.y);}
        11 operator*(pto a){return x*a.x+y*a.y;}
        11 operator^(pto a){return x*a.y-y*a.x;}
        bool left(pto q, pto r){return ((q-*this)^(r-*this))>0;}
        bool operator < (const pto &a) const{return x < a.x || (x == a.x &&
            \hookrightarrow y<a.y);}
  bool operator == (pto a) {return x == a.x && y == a.y;}
};
//stores convex hull of P in S, CCW order
//left must return >=0 to delete collinear points!
void CH(vector<pto>& P, vector<pto> &S){
        S.clear();
        sort(P.begin(), P.end());//first x, then y
        forn(i, sz(P)){//lower hull
                 while (sz(S) \ge 2 \&\& S[sz(S) - 1] \cdot left(S[sz(S) - 2], P[i]))

    S.pop_back();

                S.pb(P[i]);
        S.pop_back();
        int k=sz(S);
        dforn(i, sz(P)){//upper hull
                 while(sz(S) >= k+2 \&\& S[sz(S)-1].left(S[sz(S)-2], P[i])
                    → ])) S.pop_back();
                S.pb(P[i]);
        S.pop_back();
}
```

8. Estructuras locas

8.1. Disjoint set union

```
struct DSU {
    vector < int > p, w; int nc;
    DSU (int n) {
        nc = n, p.resize(n), w.resize(n);
        forn(i,n) p[i] = i, w[i] = 1;
    }
    int get (int x) { return p[x] == x ? x : p[x] = get(p[x]); }
    void join (int x, int y) {
        x = get(x), y = get(y);
        if (x == y) return;
        if (w[x] > w[y]) swap(x,y);
        p[x] = y, w[y] += w[x];
    }
    bool existe_camino (int x, int y) { return get(x) == get(y); }
```

```
8.2. Binary trie
```

```
struct BinaryTrieVertex { vector<int> next = {-1, -1}; };
using BinaryTrie = vector < BinaryTrieVertex >;
void binary_trie_add (BinaryTrie& trie, int x) {
    int v = 0:
    for (int i = 31; i >= 0; i--) {
        bool b = (x & (1 << i)) > 0;
        if (trie[v].next[b] == -1) {
            trie[v].next[b] = trie.size();
            trie.emplace_back();
        v = trie[v].next[b];
    }
}
int binary_trie_max_xor (BinaryTrie& trie, int x) {
    int v = 0, res = 0;
    for (int i = 31; i >= 0; i--) {
        bool b = (x & (1 << i)) > 0;
        if (trie[v].next[!b] != -1) {
            v = trie[v].next[!b];
            if (!b) res |= (1 << i);</pre>
        }
        else {
            v = trie[v].next[ b];
            if ( b) res |= (1 << i);</pre>
    } return res;
}
// Inicializar asi:
BinaryTrie trie(1);
```

9. Sin categorizar

9.1. Búsqueda binaria sobre un predicado

```
int primer_true (int i, int j, function < bool(int) > P, int def) {
    while (j - i > 1) {
        int m = i + ((j - i) >> 1);
        P(m) ? j = m : i = m;
    }
    if (P(i)) return i;
    if (P(j)) return j;
    return def;
```

```
int ultimo_false (int i, int j, function < bool(int) > P, int def) {
   while (i - i > 1) {
      int m = i + ((j - i) >> 1);
      P(m) ? j = m : i = m;
   }
   if (!P(j)) return j;
   if (!P(i)) return i;
   return def;
9.2. Enumerar subconjuntos de un conjuto con bitmask
// Imprimir representaciones en binario de todos los numeros "[0,
   \hookrightarrow ..., 2^N-1]"
forn(mask, (1 << N)) {
    forn(i, N) cout << "01" [(mask & (1 << i)) > 0] << "\0\n"[i == N
       → -1]:
// Iterar por los bits de cada subconjunto
forn(mask, (1 << N)) {
    forn(i, N) {
        bool on = (mask & (1 << i)) > 0;
        if (on) { ... }
        else { ... }
9.3. Hashing Rabin Karp
using ll = long long;
const ll primo = 27, MAX_PRIME_POW = 1e6;
11 prime_pow[MAX_PRIME_POW];
void get_prime_pow () {
    prime_pow[0] = 1;
    forn(i, MAX_PRIME_POW) prime_pow[i+1] = prime_pow[i] * primo %
       \hookrightarrow mod:
}
vector<ll> get_rolling_hash (string& s) {
    vector<ll> rh(s.size() + 1);
    rh[0] = 0;
    // Djo: es 'A' o 'a' ???
    forn(i, s.size()) rh[i+1] = (rh[i] * primo % mod + s[i] - 'A') %
       \hookrightarrow mod;
    return rh;
```

```
11 hash_range_query (vector<11>& rh, int i, int j) {
    j++;
    return (rh[j] - (rh[i] * prime_pow[j - i] % mod) + mod) % mod;
}
9.4. Lowest common ancestor (LCA)
#define log2fl(x) (x ? 63 - __builtin_clzll(x) : -1)
using AdjList = vector<vector<int>>;
struct LCA {
    AdjList& G; int N, R; // Grafo (ROOTEADO), #vertices y raiz
    int M; vector<int> e, f, d; AdjList st;
    void dfs (int u, int de = 0) {
        d[u] = de, f[u] = e.size(), e.pb(u);
        for (int v : G[u]) dfs(v,de+1), e.pb(u);
    }
    int op (int a, int b) {
        if (a == -1) return b:
        if (b == -1) return a;
        return d[a] < d[b] ? a : b:
   }
    void make () {
        f.resize(N), d.resize(N), dfs(R), M = e.size();
        st.resize(20, vector<int>(M));
        st[0] = e; scn(w,1,19) scn(i,0,M - (1 << w))
            st[w][i] = op(st[w-1][i], st[w-1][i + (1 << (w-1))]);
    int q (int u, int v) {
        int i = f[u], j = f[v];
        if (i > j) swap(i,j);
        int w = log2fl(j - i + 1);
        return op(st[w][i], st[w][j - (1 << w) + 1]);</pre>
    int di (int u, int v) {
        int c = q(u,v);
        return d[u] + d[v] - 2*d[c];
    }
};
bool visited[500001]; void rootear (int u) {
    visited[u] = 1:
    for (int v : grafo_original[u]) if (!visited[v]) {
        grafo_rooteado[u].pb(v);
        rootear(v);
// Usar asi:
```

```
rootear(r);
LCA lca = {grafo_rooteado, N, r}; lca.make();
9.5. Euler tour
typedef vector < vector < int >> adj;
typedef vector < vector < pair < int, i64>>> wadj;
struct ETour {
    adj& G; int N, R;
    vector < int > t, f, d;
    void dfs (int u, int de = 0) {
        d[u] = de, f[u] = t.size(), t.pb(u);
        for (int v : G[u]) { dfs(v,de+1); t.pb(u); }
    void make () { f.resize(N), d.resize(N), dfs(R); }
};
int main (void) {
    ios::sync_with_stdio(0); cin.tie(0);
    adj G; int N; cin >> N; G.resize(N);
    scn(u,1,N-1) {
        int p; cin >> p; p--;
        G[p].pb(u);
    }
    ETour et = \{G, N, 0\}; et.make();
    forall(v,et.t) { cout << *v + 1 << " "; } cout << endl;
    forall(v,et.t) { cout << et.d[*v] << " "; } cout << endl;
    forall(v,et.t) { cout << et.f[*v] << " "; } cout << endl;
    return 0;
}
1 3 2 3 5 3 1 4 1
0 1 2 1 2 1 0 1 0
0 1 2 1 4 1 0 7 0
```

10. Brainstorming

- Graficar como puntos/grafos
- Usar geometria
- ¿Que propiedades debe cumplir una solución?
- ¿Existen varias soluciones? ¿Hay una forma canónica?
- ¿Hay electiones independientes?

- Pensarlo al revez
- ¿El proceso es parecido a un algoritmo conocido?
- lacksquare Si se busca calcular f(x) para todo x, calcular cuánto contribuye x a f(y) para los otros y
- Definiciones e identidades: ¿que significa que un array sea palindromo? (ejemplo)