1. (1)
$$\lim_{x\to 0} (1-\tan 2x)^{\frac{1}{x}} = \lim_{x\to 0} (1-\tan x)^{\frac{1}{x}} \cdot \left(\frac{\tan x}{x}\right) = e^{\lim_{x\to 0} (-\frac{\tan x}{x})} = e^{-2}$$

(2)
$$\sqrt{N^{2}N} \leq \sqrt{N} = \sqrt{N} \cdot (\sqrt{N})^{2} \rightarrow 1$$

(3) $\sqrt{N^{2}N} \leq \sqrt{N^{2}} = \sqrt{N} \cdot (\sqrt{N})^{2} \rightarrow 1$

$$\frac{5^{\chi^{2}} - 4^{\chi^{3}}}{\chi^{2}} = \lim_{N \to \infty} \frac{5^{\chi^{2}} - 4^{\chi^{3}}}{\chi^{2}} = \lim_{N \to \infty} \frac{5^{\chi^{2}} - 4^{\chi^{3}}}{\chi^{2}} = \lim_{N \to \infty} \frac{5^{\chi^{3}} - 4^{\chi^{3}}}{\chi^{3}} = \lim_{N \to \infty} \frac{5^{\chi^{3}} - 4^{\chi^{$$

(4). 两于以至(10,1),则大以在(10,1)上绝对连续。从为为14至70,目分(1)。当 从,允(10,1)上 |从一台日中, 庙 | 大人)一大人) < 药 | 加 大一(1) 则 目从, 当人为从市, 有 七 < 6

理当nzylly,若凡为路额、233 N=21M

$$\left|\frac{1}{2\pi}\sum_{k=1}^{2m}(1)^{k+1}f(\frac{k}{2m})\right| = \left|\frac{f(\frac{1}{2m})-f(\frac{2}{2m})+f(\frac{3}{2m})-f(\frac{3}{2m})+\cdots+f(\frac{2m}{2m})-f(\frac{2m}{2m})}{2m}\right|$$

老内分散 feca,17.013M. 使的 HEM

3/2 A A CSE A C C E

$$\left|\frac{1}{2m+1}\sum_{k=1}^{2m+1}(1)^{k+1}f(\frac{k}{2m+1})\right| \leq \frac{f(1)}{2m+1} + \frac{\frac{2m}{2m+1}}{2m+1} < \frac{\epsilon}{2} + \frac{m\epsilon}{2m+1} < \epsilon$$

ルラ 1m 1 を(1)より(本) =0

2. (1)
$$|\sqrt{n}-1| < \epsilon \in \sqrt{n} < 1+\epsilon \in n < (1+\epsilon)^n = +\epsilon n + \frac{n(n+\epsilon)^2}{2} + \dots$$

$$\leftarrow n < \frac{n(n)}{2} \epsilon^2 \leftarrow n > \frac{2}{\epsilon^2} - 1 \Rightarrow$$

(2). 海到加坡时,

另站,对任是国色从32、当个3人时

をカラや、物

→ 从任名、风户得、

3. (1)
$$x_n' = n + \pi i , x_n'' = n$$

 $(x_n' - x_n'') = \pi i \rightarrow 0$

Min fur=X2在W, +10/上不放连续

(3). MAE>0<WE. 63 AM.

科绝文 troje o. 则 turá [a, M+17]上 秋连续

別別上述をつり、ヨる>0、当 X. X E Ca, MHT 且 K/K/こる日、有けいしていり~E

戏像②byd~1.则当X,X € Cu,+m)

对 SCI型 XX多的局面 CO,从门里的周围 CM, 440)

牛、(1) f(x)=火, X=(1)n

(2) (2-) lim f(xn) = lim int (f(xn), f(xn),)

$$f(\lim_{n\to\infty} x_n) = f(\lim_{n\to\infty} x_n + x$$

要证 in t(x) =+(inx), 只知 int(tru), t(xn), ...)=f(int(x, xn,...))

```
证明研·设加=1叶(x, xn), …), 即证 in+(t,xn), t,xn)...y=+(m)
          XX & m x k>n
   又挂着的人校。于(Xx)为于(M)、从K>N
   みなつの、日XV (NEN)、なかm<XV <mtを
   f(x) ★ x=m处连缓则对 ∀ ≥20、 3 5>0 当 ◆X-m <3 时,有
                  \f(x)-tun) \< 2.
   Wastrew JXN. 位台 /t(X)-tun) )<E.
                 pp +(X) < f(m)+ €. i2+.
   (法二). 企 Ling X = A. 则 习 {Xnk} . st. lim Xnk = A
       于是im+(xnx)=+(A) (+(xnx))至++(xn)分次收款子(-例)
              J(A) > m +1 x)
       顶(f(xn))jn于到(xmk)y. sit. limf(xm)=limf(xh)
      又 {Xmky 有好,则有收敛子约 {Xmk ]. st.
              \lim_{k\to\infty} f(\chi_{mk}) = f(\lim_{k\to\infty} \chi_{mk}) = \lim_{n\to\infty} f(\chi_n)
         Z lim Kni > A.
            别 19十分产的性. him text)=f(him Xmk')> f(A)
       新上 1m+(xn)=+(A)= ナ(加水)
 5. (1) g(x)= two-x
      且 g(a)= f(a)-a >0, g(b)= f(b)-b∈0. 两个经验.∃c∈C,6]. St f(o)=c.
   (2)(分)不知论于(10)70, 大山的 到了到于经济区
      地内· た A={X | XE(a,6] A fox)>X y
        oxiaca, bt. 则和蛤青品则有上游点.
```

全M= aup A.
(i) 考MEA. 別対45>0. MTE #A. W这里正を誇れ、使作MTE

デ旦、 ナ(M) ミナ(MTE) ミMTE.
あとば(を) と、 ナ(M) SM. 与 M GA 有 ナ(M)>M. 矛盾.
な M #A

```
(ii) 单当从 FA 谢.
         M 量 + (m) SM.
    23 (1) 900 + (M)
     艺+WLM、则红的样色.
     2001 fly < M.
    则内场介述公郊, 习 X6A. f(M) < X0 < M 图 +(的 > Y0
      7色 X>f(W) >f(X)>Xo 矛盾.
  从的 经银色
(法二). 若不存在 C Eta,幻、云t + CULC. 型效有
          f(a) 7 a, f(b) <b
      1 ai=a, bj=b.
    松子any July 为.
        $ f(\frac{anthn}{2}) > \frac{anthn}{2} . Bi) ant = \frac{anthn}{2} bn = bn.
       BILLY & anti = an bonn = anthon
    则我们构造了旧石油屋
           (i) [an bn] > [ann. hm]. Vn.
           (ii) bn-an = \frac{b-a}{2^{n+1}} \rightarrow 0 \ (n=n)
           ( ivi). f(an) > an, Hbn) < bn.
   为闭飞的复杂处,习 C C(a,b).
```

St. $\lim_{n\to\infty} a_n = \lim_{n\to\infty} b_n = C$.

An $\leq c \leq b_n$ an $< f(a_n) \leq f(c) \leq f(b_n) < b_n$.

To $b \leq n \to \infty$. By c = f(c).

6.
$$\overline{ibol}R$$
: (x)
 $0 \le a_{m+n} + \frac{2}{m+n} \le (a_m + \frac{1}{m}) + (a_m + \frac{1}{m})$
 $\stackrel{?}{\epsilon}b_n = a_m + \frac{2}{m}$
 $\stackrel{?}{\epsilon}l_1 0 \le b_{m+n} \le b_{m+b_n}$
 $\stackrel{?}{\beta}l_2 = b_{m+n} = b_{m+b_n}$
 $\stackrel{?}{\beta}l_3 = b_{m} = b_{m+b_n} = b_{m+b_n}$
 $\stackrel{?}{\beta}l_4 = a_{m+b_n} = b_{m+b_n} = b_{m+b_n}$
 $\stackrel{?}{\beta}l_4 = a_{m+b_n} = b_{m+b_n} = b_{m+b$

科 xo < Xi < な ∈ (a. 1).

ヨスといり、かけ 以二入が十(1-2)な

73 f(x)-f(x) = 2 f(x)+(x)+(x)+(x)+(x) + (x) + (x

即fw-Hb 在X>X中是学纲基础后

在X支侧 我 C G (a.b)

 $\frac{1}{x^{2}-c} = \frac{f(x)-f(c)}{x-c} \leq \frac{f(x)-f(x)}{x-x_{0}}$

· 程 大以大的 存品, 从各机阳流.

X0= 1C+(2)X

 $\frac{f(x)+f(x_0)}{X-X_0} = \frac{f(x_0)+f(x_0)}{X_0-X} \ge \frac{2f(x_0)+f(x_0)+f(x_0)}{A(x_0-A)X} = \frac{f(x_0)+f(x_0)}{X_0-X_0} = \frac{f(x_0)+f(x_0)}{X_0-X_0$