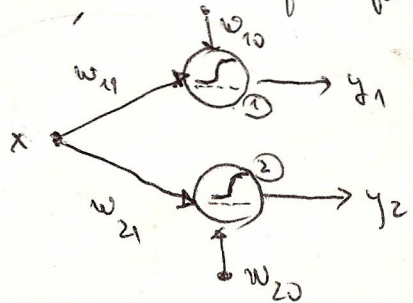


iunie 2004
(ziua 18/06, ora 14, 1)

I.a) Definiți problema algebră unui model. Ilustrați grafic definiția. Explicați graficul.

b) Fie rețeaua de percepție

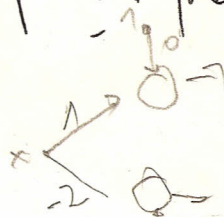


cu $x, w_{10}, w_{11}, w_{20}, w_{21} \in \mathbb{R}$

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

- b.1) Scrieți formulele lui $y_i, i=1,2$.
- b.2) Scrieți spațiul de ipoteze implementat de rețeaua de percepție.
- b.3) Dacă st. o mulțime de antrenare S funcția folosită pentru etichetarea exemplilor este

$$f(x) = \left(\frac{1}{1 + e^{-x}}, \frac{1}{1 + e^{-2x+1}} \right)^T$$



ce x poate spune despre eroarea de aproximare. Motivați răspunsul.

b.4) Particularizați regula delta cu rata de învățare 0.5 și strategia de învățare pas-cu-pas la rețeaua de percepție.

$$\begin{cases} w_{ij}^{k+1} = w_{ij}^k + \eta (d_i^k - y_i^k) f'(net_i^k) x_j^k \\ w_{i0}^{k+1} = w_{i0}^k + \eta (d_i^k - y_i^k) f'(net_i^k) \end{cases}$$

$i=1,2$

$$(t - h(x))^T (t - h(x))$$

$$t \rightarrow h \left[\begin{pmatrix} t_1 \\ t_2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} f(w_{10} + w_{11}x) \\ f(w_{20} + w_{21}x) \end{pmatrix} \right]^T$$

- 1p 1) I. a) Scrieți formula erorii totale de învățare în cazul etichetelor perturbate. Explicați marea pierderii tip de eroare. Ilustrați grafic.
- 2p b) Scrieți definiția unui perceptron cu intrări din \mathbb{R}^2 având funcție de integrare de ordinul doi și funcție de transfer liniară.
- 1p c) Scrieți algoritmul de gradient descendent pentru antrenarea "offline" a perceptronului de la punctul a) cu funcție de transfer spată cu funcție de identitate.
- 2p d) Scrieți perceptronul ce recunoaște patru eroare ~~multe~~ $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 + y^2 \leq 1\}$ ~~cu funcție de~~ având funcție de transfer ~~de~~ luată din biblioteca net (Matlab). Această problemă când ~~se~~ funcția de integrare este liniară iar funcția de transfer este funcție Heaviside.
- 2p II. Probleme 1 (propusă de M.C.) funcția XOR? Justificați.

I b.) (W, β, G_W, f_β) cu $W = \{w_0, w_1, w_2, w_{11}, w_{12}, w_{22}\}$
 $\beta = \{\alpha, \beta\}$.

$G_W: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ $G_W(x) = w_0 + \sum_{i=1}^2 w_i x_i + \sum_{i,j=1}^2 w_{ij} x_i x_j$

$f_\beta: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $f_\beta(u) = \alpha u + \beta$.

c) $\underline{w}^{(t+1)} = \underline{w}^{(t)} - \eta \nabla E(\underline{w})|_{\underline{w}^{(t)}}$ cu $\underline{w} = (w_0, w_1, w_2, w_{11}, w_{12}, w_{22})'$
 $f_\beta(u) = u$, $\eta > 0$

$E(\underline{w}) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (t_i - \underline{w}' \cdot \underline{x}_i)^2$

$\nabla E(\underline{w}) = \left(\frac{\partial E}{\partial w_0}, \dots \right)$ și $\frac{\partial E}{\partial w_i} = - \sum_j (t_j - \underline{w}' \cdot \underline{x}_j) \cdot x_{ji}$

d) - $G_W(x)$ ca la b) și $f(u) = \text{hardlim}(u)$

- Intrările perceptronului $\in \mathbb{R}^5$ cu simplificația $X = (x_1, x_2, x_1^2, x_1 x_2, x_2^2)$

$\begin{pmatrix} 1 & i=0 \\ x_1 & i=1 \\ x_2 & i=2 \\ x_1^2 & i=3 \\ x_1 x_2 & i=4 \\ x_2^2 & i=5 \end{pmatrix}$