

$H$  表示任务集合,  $T$  表示车辆种类集合,  $K_t$  表示第  $t$  种平板车数量。

$R$  表示单个平板车运输方案集合。

$C_r$  表示车辆  $r$  的目标函数。

$Z_r$  表示车辆  $r$  是否在最终解中。

$\delta_{ir}$  表示车辆  $r$  中是否包含任务  $i$ 。

$\gamma_{tr}$  表示车辆  $r$  是否是第  $t$  种平板车。

将模型分解成主问题和子问题, 主问题是从集合  $R$  中找出满足任务出现一次和所有平板车都被使用, 且目标函数最小的解。目标函数如下:

$$\min \sum_{r \in R} C_r Z_r$$

约束 1 表示所有任务被执行且只被执行一次。

$$\sum_{r \in R} \delta_{ir} Z_r = 1, \forall i \in H$$

约束 2 表示所有平板车都被使用。

$$\sum_{r \in R} \gamma_{tr} Z_r = K_t, \forall t \in T$$

约束 3 表示  $Z_r$  取值范围

$$Z_r = \{0, 1\}, \forall r \in R$$

子问题找出一个平板车的运输方案, 约束条件满足承重约束, 时间窗约束, 任务执行时间约束。目标函数是使主问题检验数最小。定义如下变量含义:

$H_0$  表示集合  $H$  加入车场点

$x_{ij}$  表示执行完任务  $i$  执行任务  $j$ ,  $\forall i, j \in H_0$

$LT_i$  表示任务  $i$  所需要执行时间。

$uLT_{ij}$  表示执行完任务  $i$  空驶到任务  $j$  起点的时间。

$\pi_i$  表示约束 1 的对偶变量。

$\lambda_t$  表示约束 2 的对偶变量。

$\alpha_i$  表示该平板车是否执行任务  $i$ 。

$\beta_t$  表示该平板车是否是类型  $t$ 。

$y_{it}$  表示任务  $i$  是否由  $t$  类型平板车执行。

$w_i$  表示任务  $i$  中分段的重量。

$cw_t$  表示  $t$  类型平板车的承重能力。

$s_i$  表示任务  $i$  的开始执行时间。

$e_i$  表示任务时间窗起点。

$l_i$  表示任务时间窗终点。

$Q$  表示很大的正数。

目标函数是主模型的检验数

$$\min r = \sum_{i \in H_0} \sum_{j \in H_0} x_{ij} \cdot uLT_{ij} - \sum_{i \in H} \pi_i \cdot \alpha_i - \sum_{t \in T} \lambda_t \cdot \beta_t$$

$$\sum_{\substack{j \in H_0 \\ j \neq i}} x_{ij} = \alpha_i, \forall i \in H$$

$$\sum_{\substack{j \in H_0 \\ j \neq i}} x_{ji} = \alpha_i, \forall i \in H$$

$$\sum_{j \in H} x_{0j} = 1$$

$$\sum_{j \in H} x_{j0} = 1$$

$$\sum_{\substack{i \in H_0 \\ i \neq j}} x_{ij} = \sum_{\substack{i \in H_0 \\ i \neq j}} x_{ji}, \forall j \in H$$

$$\sum_{t \in T} \beta_t = 1$$

$$\sum_{i \in H} y_{it} \leq Q \cdot \beta_t, \forall t \in T$$

$$\sum_{t \in T} y_{it} = \alpha_i, \forall i \in H$$

$$w_i \leq \sum_{t \in T} y_{it} \cdot cw_t + (1 - \alpha_i) \cdot Q, \forall i \in H$$

$$-Q \cdot (1 - \alpha_i) + e_i \leq s_i \leq l_i + Q \cdot (1 - \alpha_i), \forall i \in H$$

$$s_i + LT_i + x_{ih} \cdot uLT_i - s_h \leq (1 - x_{ih}) \cdot Q, \forall i, h \in H, i \neq h$$

$$\alpha_i \in \{0, 1\}, \forall i \in H$$

$$\beta_t \in \{0, 1\}, \forall t \in T$$