16

Cálculo Vetorial

Os principais resultados deste capítulo são versões em dimensão maior do Teorema Fundamental do Cálculo. Para facilitarmos a momorização, reunimos os teoremas (sem suas hipóteses) para que você possa visualizar mais facilmente suas semelhanças essenciais. Observe que em cada caso temos uma integral de uma "derivada" sobre uma região do lado esquerdo e o lado direito temos os valores da função original somente na *fronteira* da região.

Teorema Fundamental do Cálculo

$$\int_{a}^{b} F'(x) dx = F(b) - F(a)$$

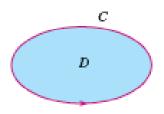
continuação

Teorema Fundamental para as Integrais de Linha
$$\int_{\mathcal{C}} \nabla f \cdot d\mathbf{r} = f(\mathbf{r}(b)) - f(\mathbf{r}(a))$$



Teorema de Green

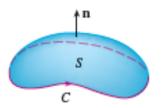
$$\iint\limits_{D} \left(\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y} \right) dA = \int_{C} P \, dx + Q \, dy$$



continuação

Teorema de Stokes

$$\iint_{S} \operatorname{rot} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{S} = \int_{C} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r}$$



Teorema do Divergente

$$\iiint\limits_{E} \operatorname{div} \mathbf{F} \, dV = \iint\limits_{S} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{S}$$

