

EDCO3A

ESTRUTURAS DE DADOS 1

Aula 07 - Tabelas Hash

Profa Tamara Angélica Baldo

Licença

Este trabalho está licenciado com uma Licença CC BY-NC-ND 4.0:



maiores informações:

https://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/deed.pt_BR

Roteiro

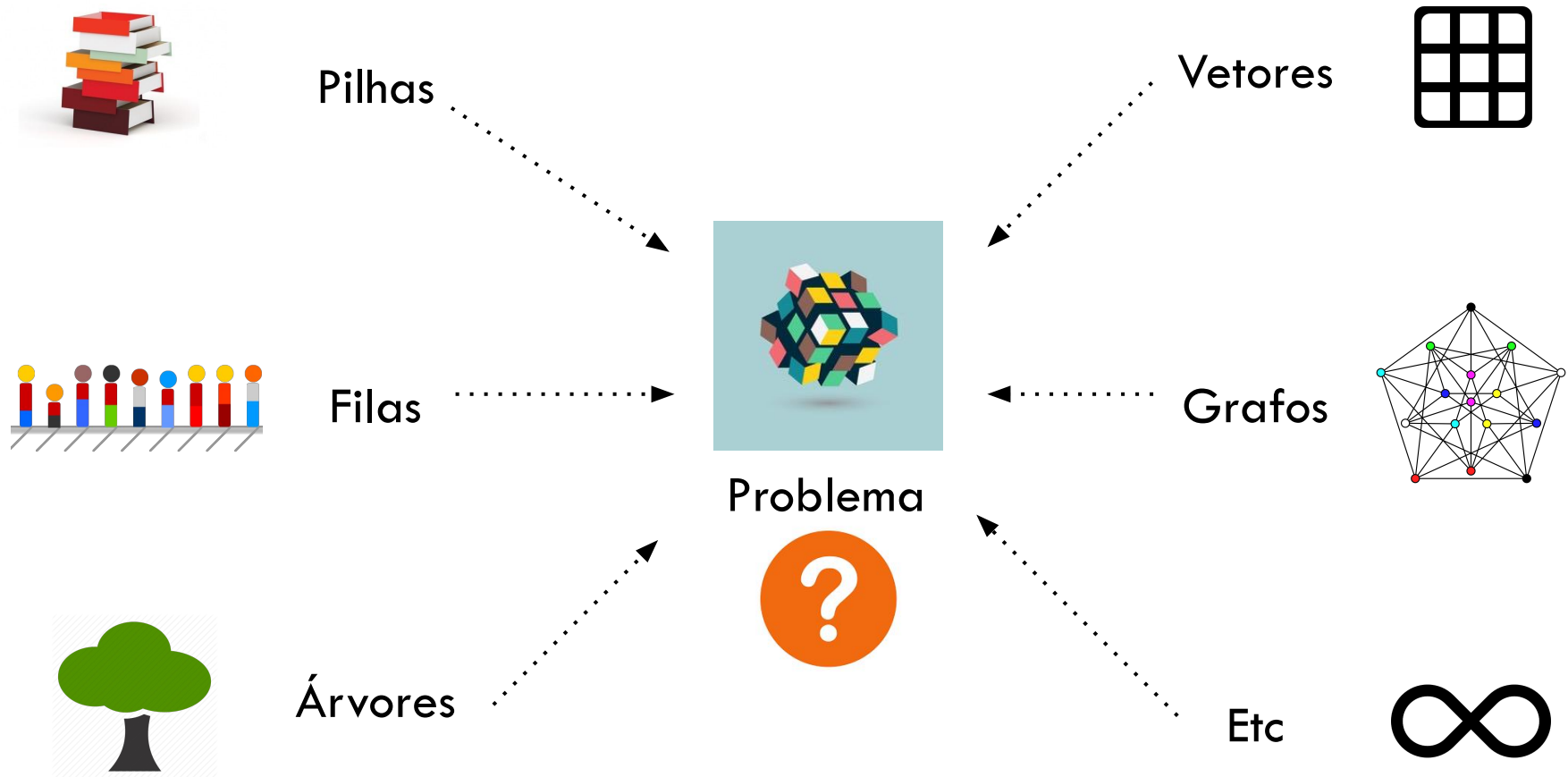


- 1** Introdução
- 2** Tabelas de Endereçamento Direto
- 3** Tabelas de Espalhamento
- 4** Resolução de colisões
- 5** Funções Hash
- 6** Referências

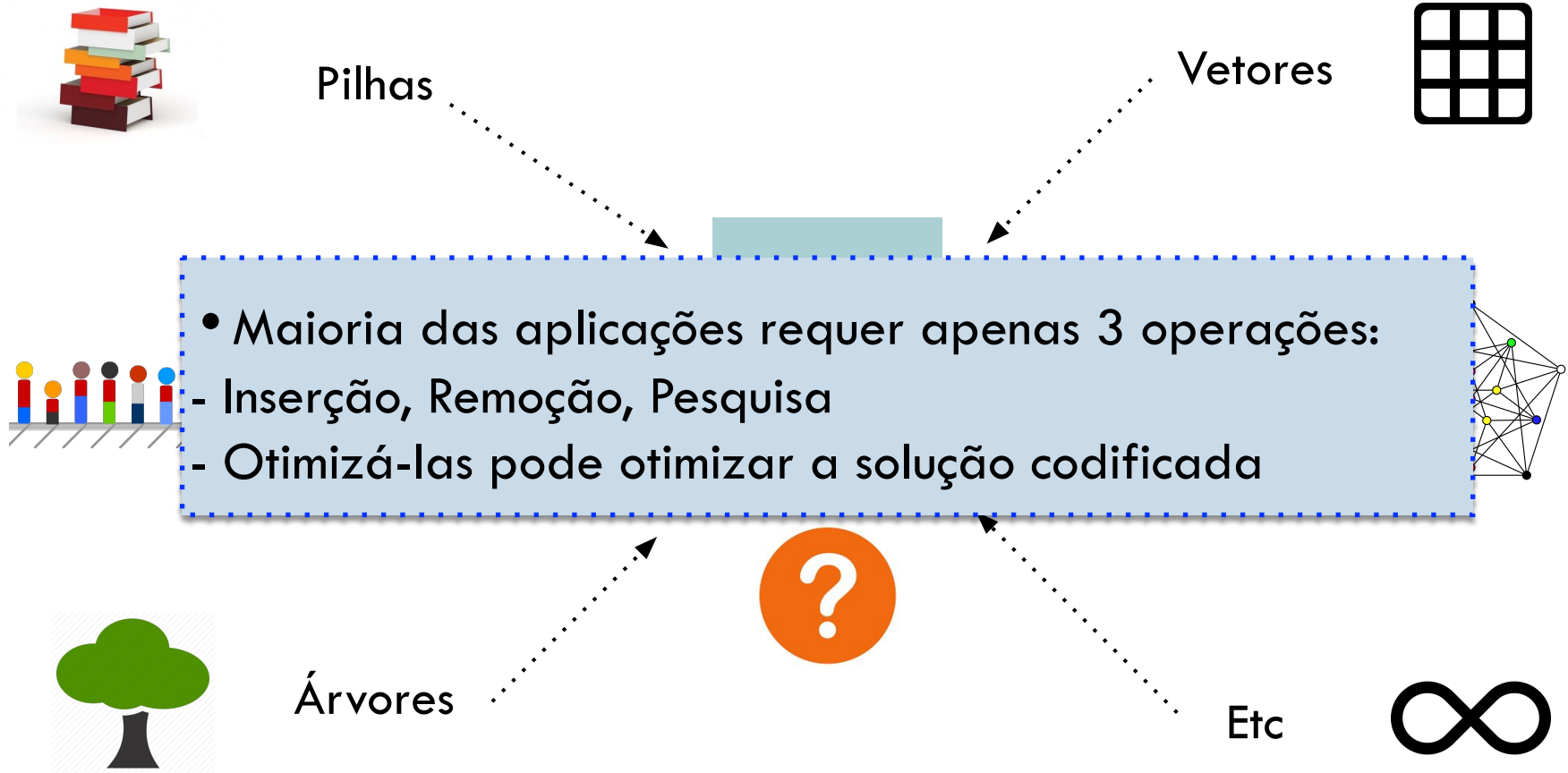
Roteiro

- 1 Introdução**
- 2 Tabelas de Endereçamento Direto**
- 3 Tabelas de Espalhamento**
- 4 Resolução de colisões**
- 5 Funções Hash**
- 6 Referências**

Introdução



Introdução



Introdução

Tabela de Espalhamento

Rafael

Luiz

Tamara

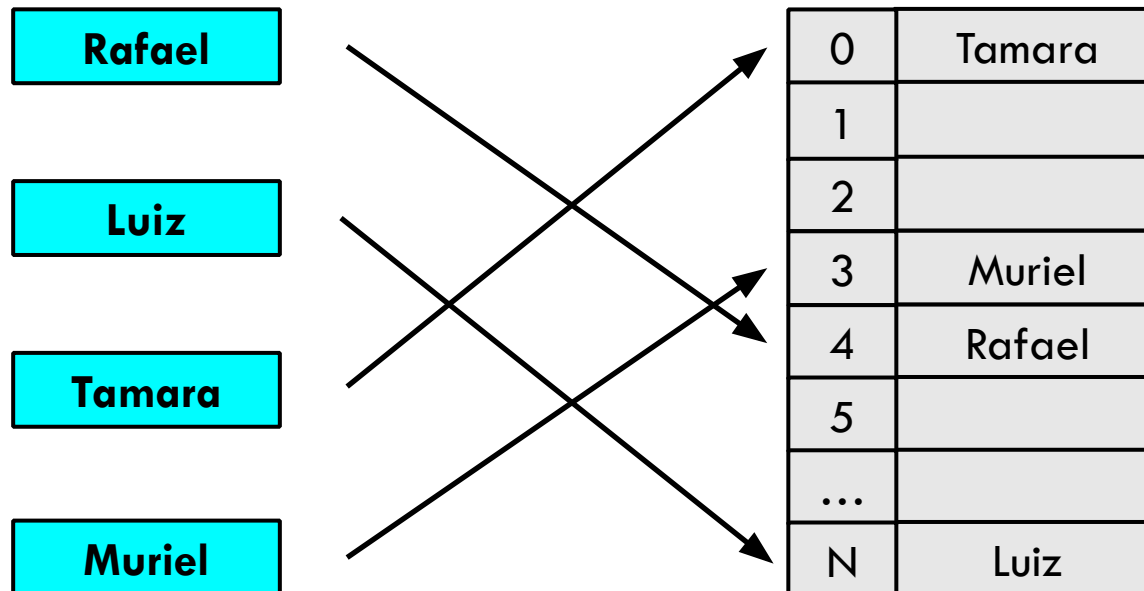
Muriel



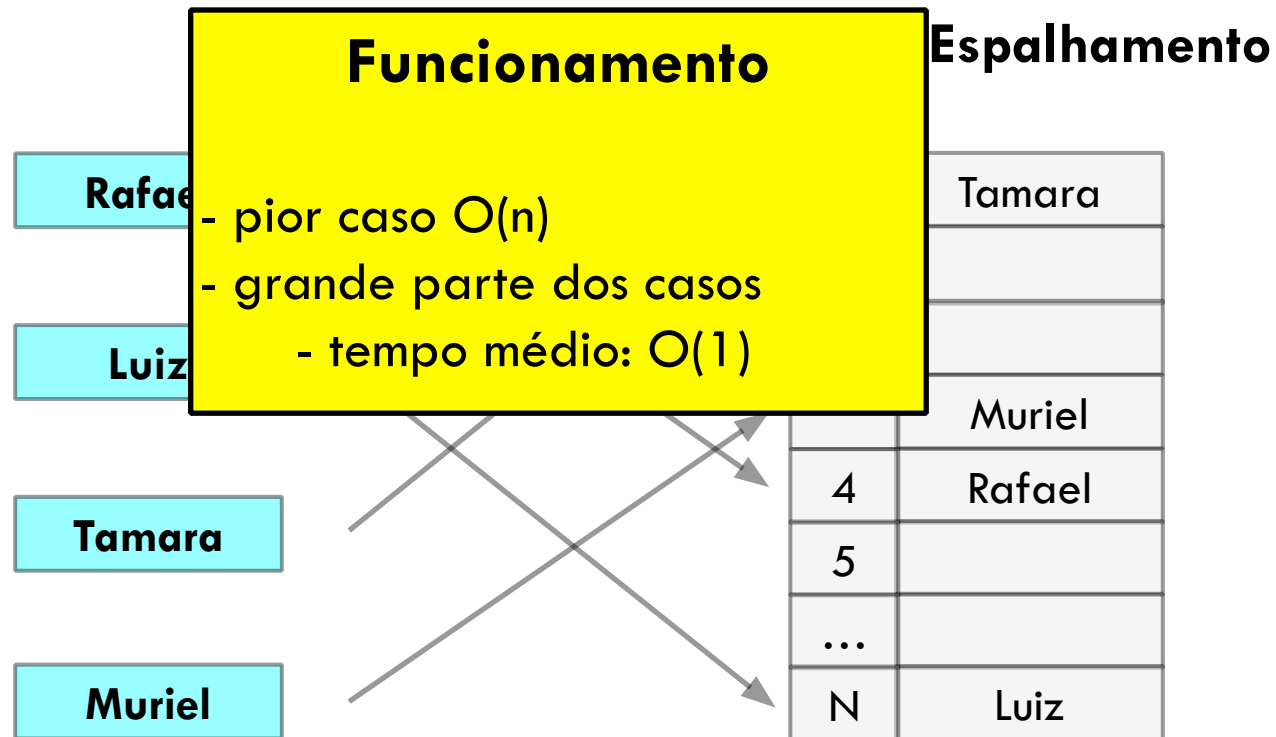
0	
1	
2	
3	
4	
5	
...	
N	

Introdução

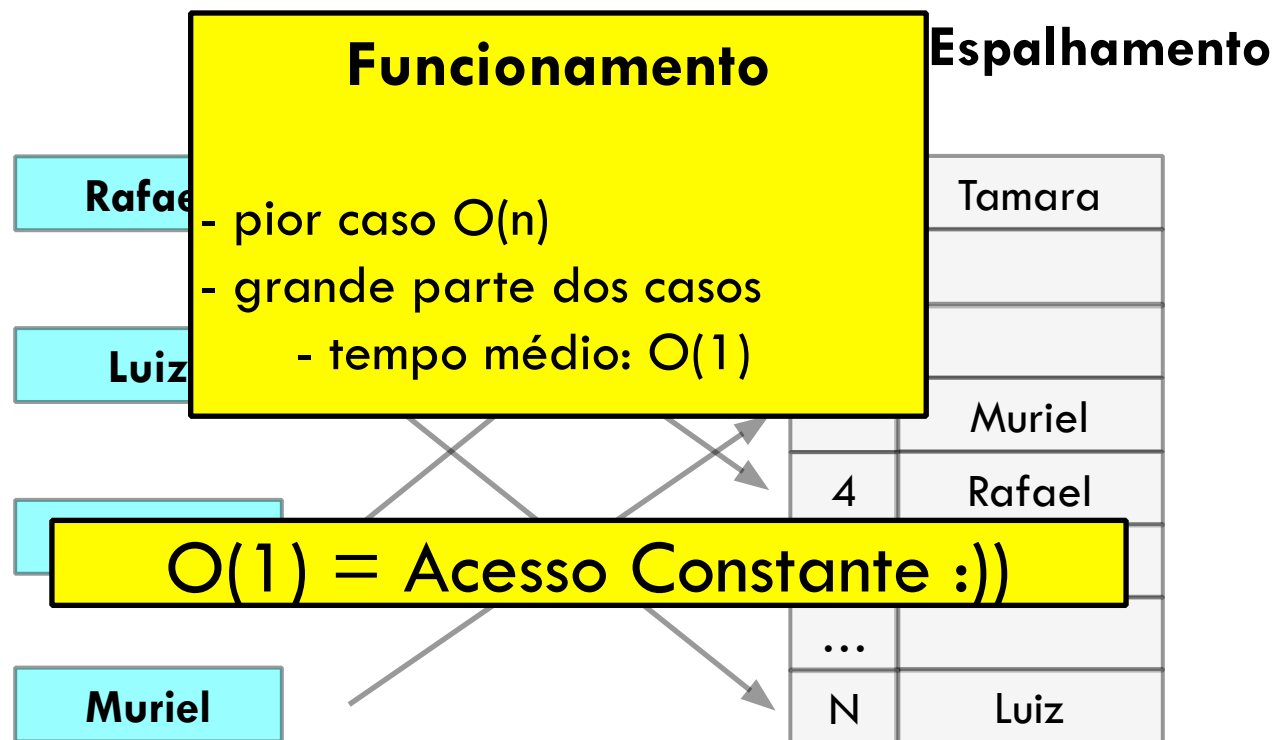
Tabela de Espalhamento



Introdução



Introdução



Introdução

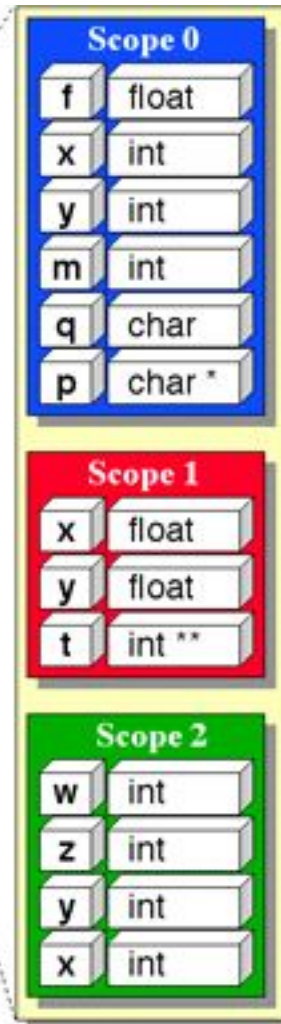
Ex: Tabela(s) de Símbolos (compilador)

```
float f;  
int x, y, m;  
char q, *p;  
...  
{
```

```
float x, y;  
int **t;  
...  
{
```

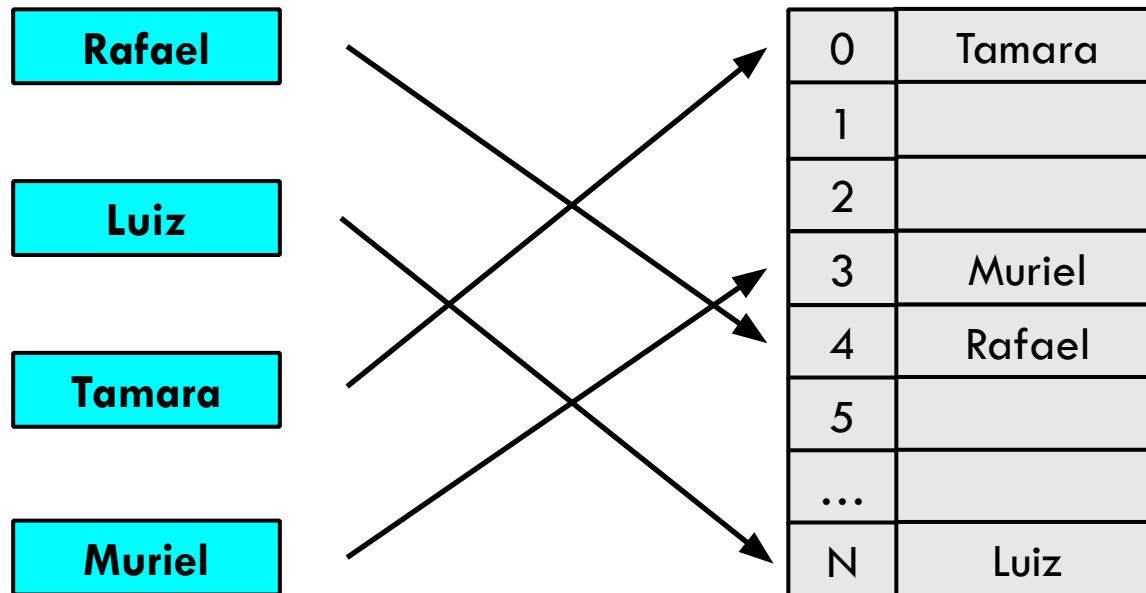
```
int w, z, y, x;  
...
```

Symbol Table	
<i>scopes</i>	
<i>symbols</i>	
<i>attributes</i>	
Create	
AddSymbol	
GetAttributes	
OpenScope	
CloseScope	
Destroy	



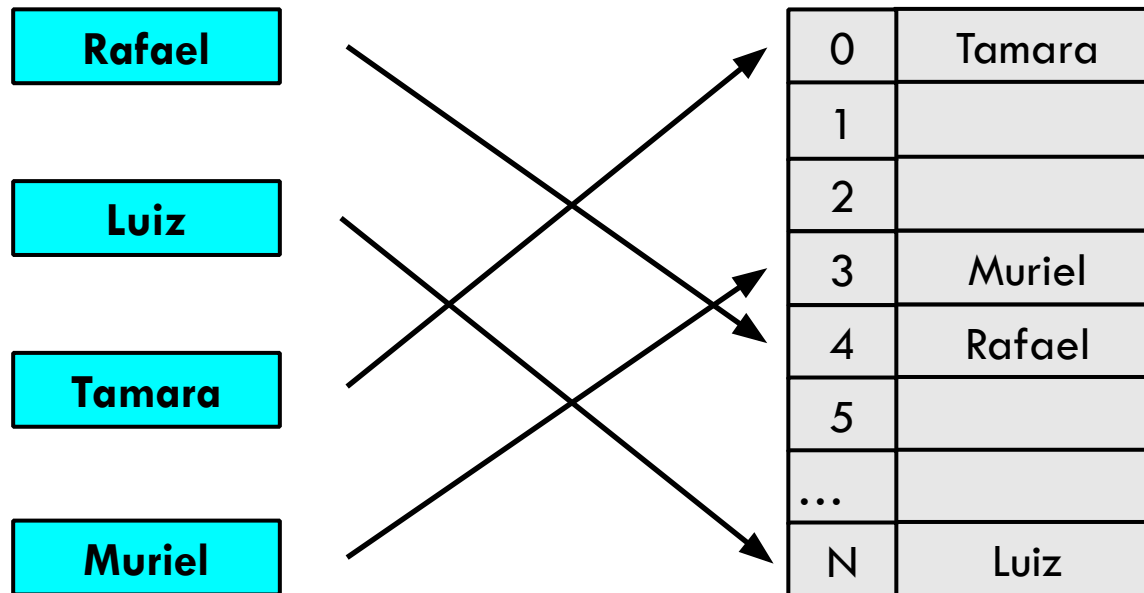
Introdução

Tabela de Espalhamento



Introdução

Tabela de Espalhamento



Como é feito o espalhamento?

Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Tabelas de Endereçamento Direto
- 3 Tabelas de Espalhamento
- 4 Resolução de colisões
- 5 Funções Hash
- 6 Referências

Tabela de Endereçamento Direto

Tabela

0 - Tamara

1- Luiz

2 - Rafael

3 - Muriel

0	Tamara
1	Luiz
2	Rafael
3	Muriel
4	
5	

Tabela de Endereçamento Direto

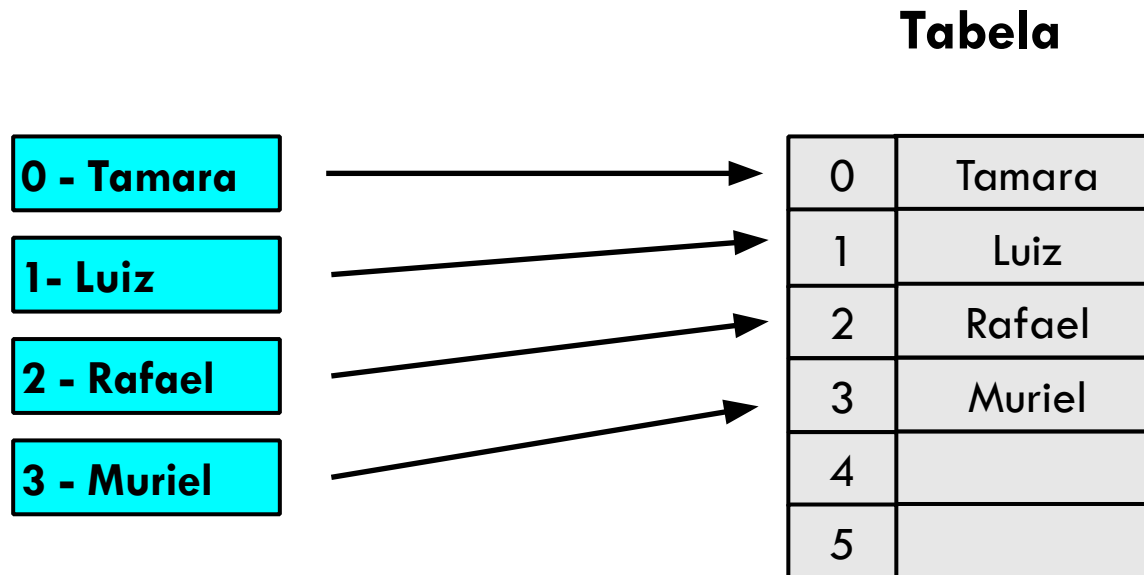
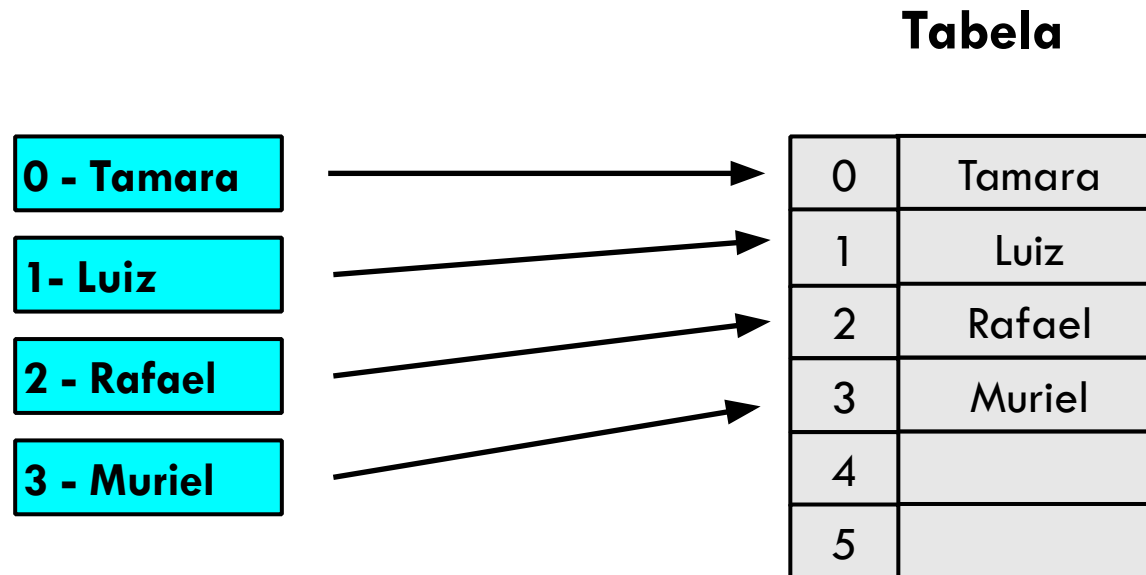


Tabela de Endereçamento Direto



Simple, funciona quando o universo de chaves (U) é razoavelmente pequeno.

Tabela de Endereçamento Direto

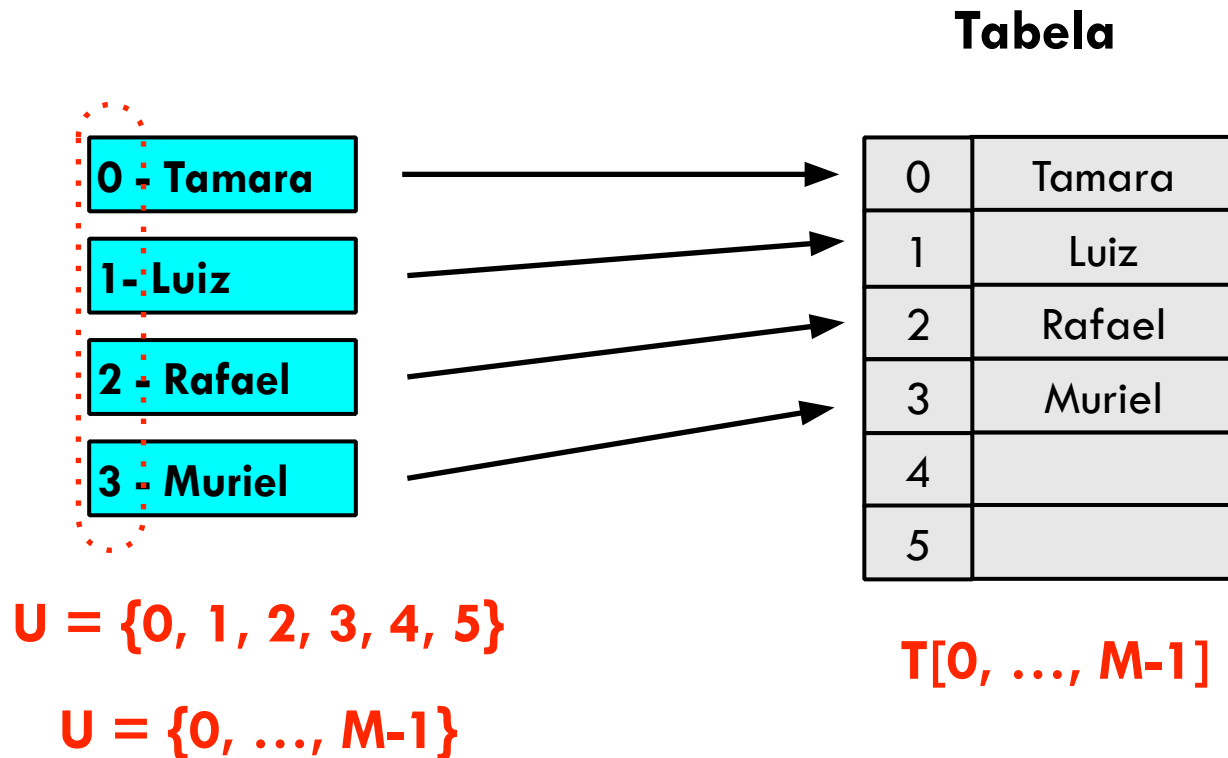
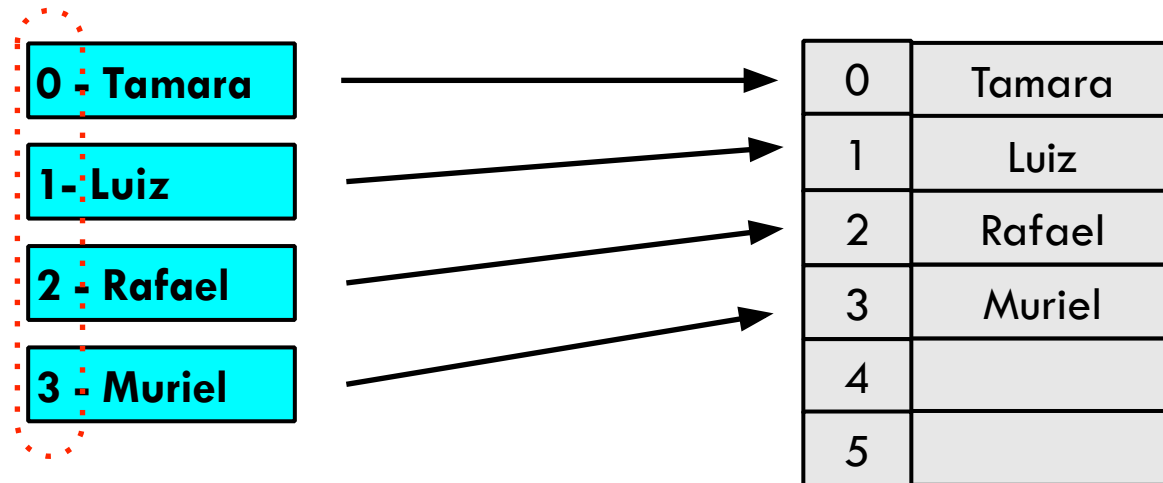


Tabela de Endereçamento Direto



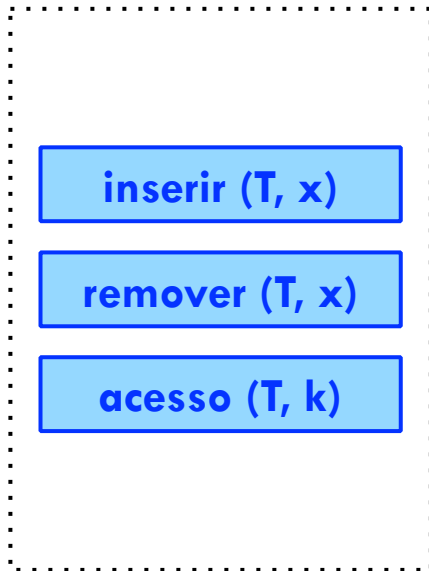
$U = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$

$T[0, \dots, M-1]$

$U = \{0, \dots, M-1\}$

Posição **K** aponta para o elemento com chave **K**.
Se o conjunto em **K** é vazio, então $T[K] = \text{NULL}$

Tabela de Endereçamento Direto



**Operações de
modificação**

Tabela de Endereçamento Direto

- Operações de Modificação

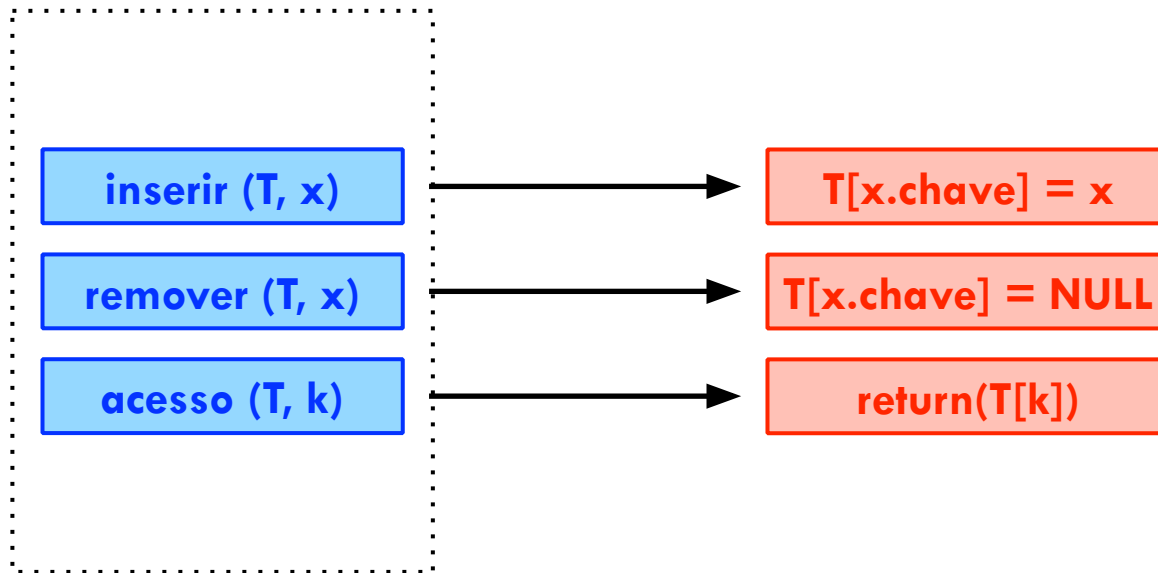
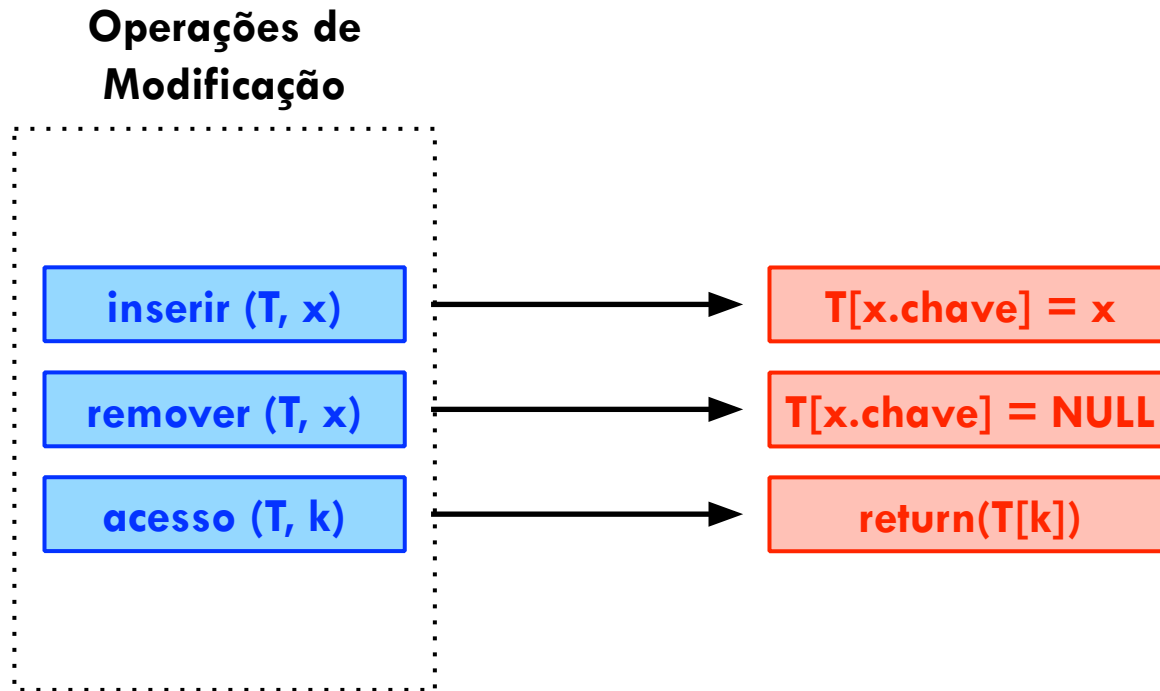


Tabela de Endereçamento Direto



tempo das operações $\gg O(1)$

Exercício 01

- Dado um conjunto S de itens formado por uma tabela $T[0 \dots M-1]$. Faça uma função em C para computar o elemento máximo de S .
- Qual o desempenho no pior caso ?

Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Tabelas de Endereçamento Direto
- 3 Tabelas de Espalhamento
- 4 Resolução de colisões
- 5 Funções Hash
- 6 Referências

Tabela de Espalhamento

0	Tamara
1	Luiz
2	Rafael
3	Muriel
4	
5	

Problemas?

Endereçamento
Aberto

Tabela de Espalhamento

0	Tamara
1	Luiz
2	Rafael
3	Muriel
4	
5	

Endereçamento
Aberto

Problemas?

- se U é grande, consome muita memória

Tabela de Espalhamento

0	Tamara
1	Luiz
2	Rafael
3	Muriel
4	
5	

Endereçamento
Aberto

Problemas?

- se U é grande, consome muita memória
- chaves armazenadas $<$ chaves totais
(muitas posições nulas)

Tabela de Espalhamento

0	Tamara
1	Luiz
2	Rafael
3	Muriel
4	
5	

Endereçamento
Aberto

Problemas?

- se U é grande, consome muita memória
- chaves armazenadas $<$ chaves totais
(muitas posições nulas)

Solução !

- reduzir o tamanho da tabela
- “Espalhar” as chaves

Tabela de Espalhamento

Tabela de Espalhamento

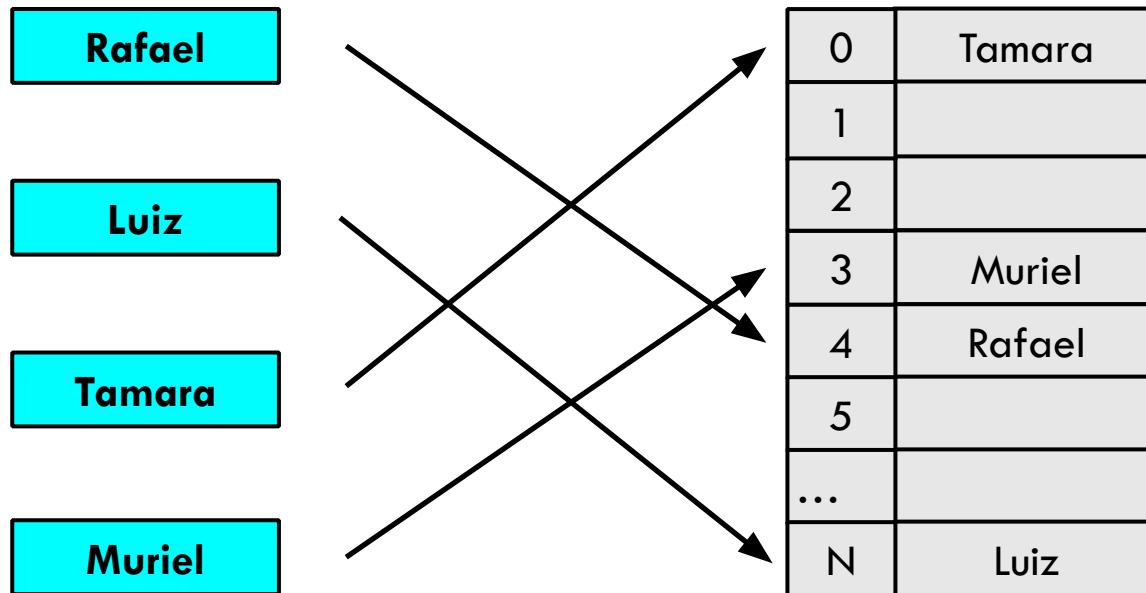
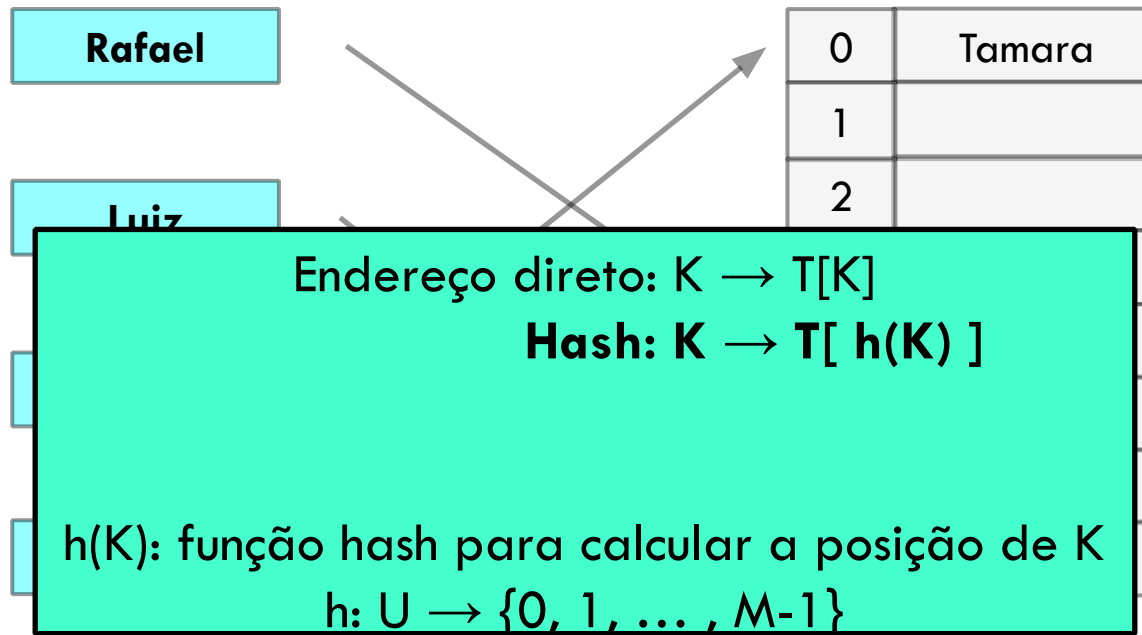


Tabela de Espalhamento

Tabela de Espalhamento



“Um elemento com a chave K **se espalha** até a posição $h(K)$ ”

“ $h(K)$ é o valor hash de K ”

Tabela de Espalhamento

- Operações de Modificação

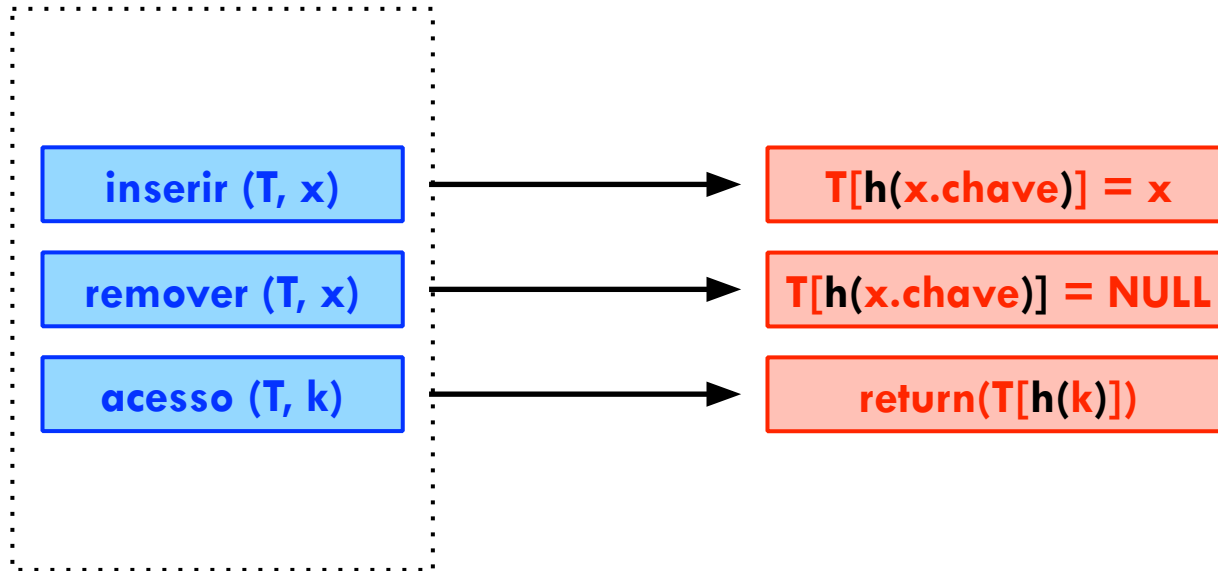
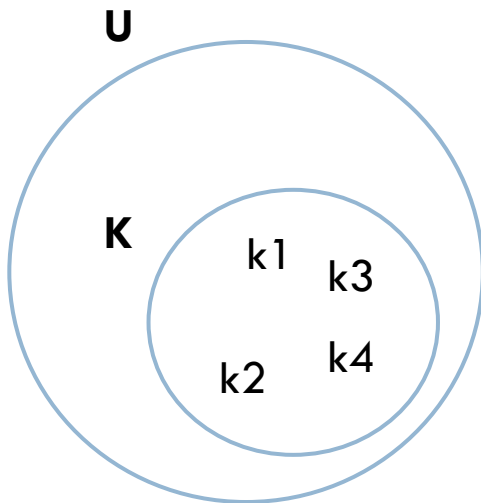


Tabela de Espalhamento



T

0	
1	
2	
3	
4	
5	
...	
N	

Tabela de Espalhamento

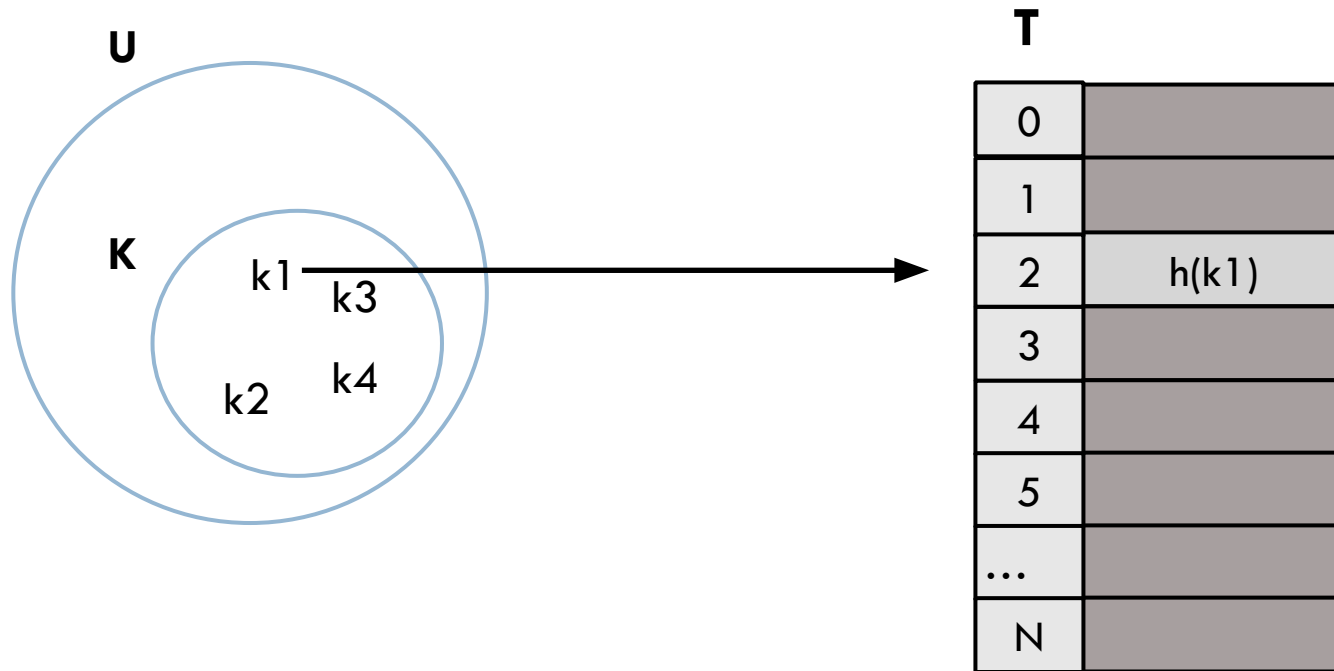


Tabela de Espalhamento

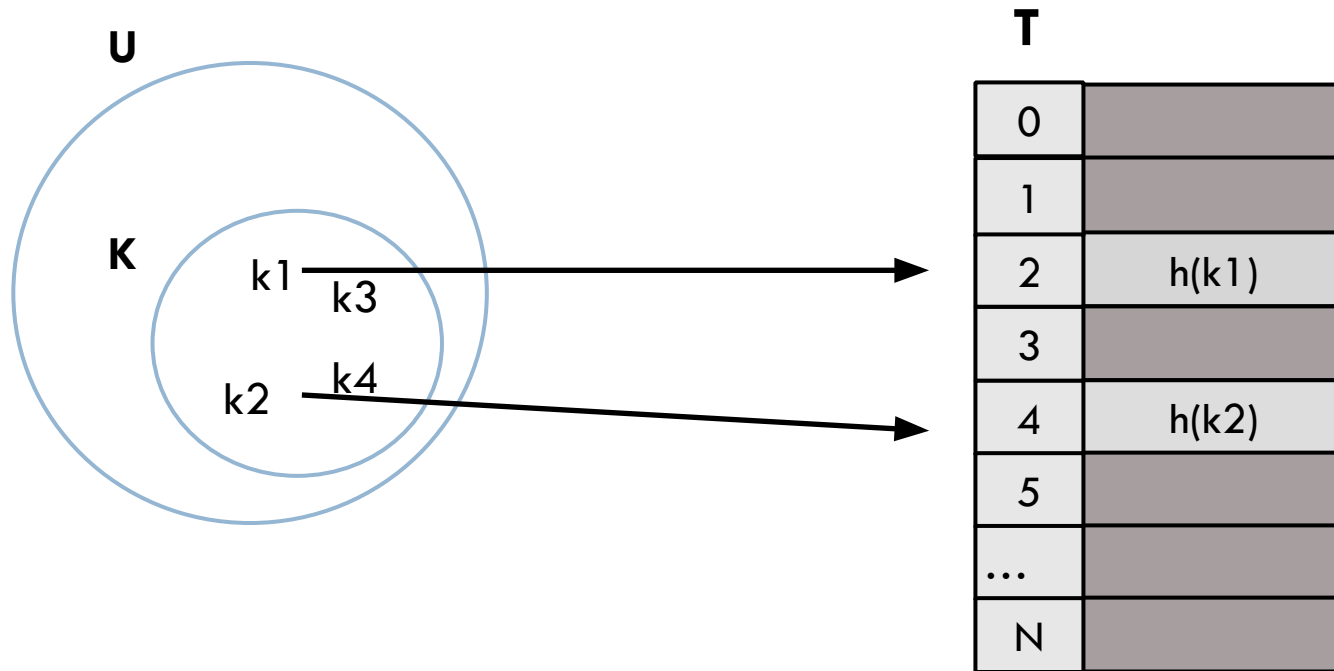


Tabela de Espalhamento

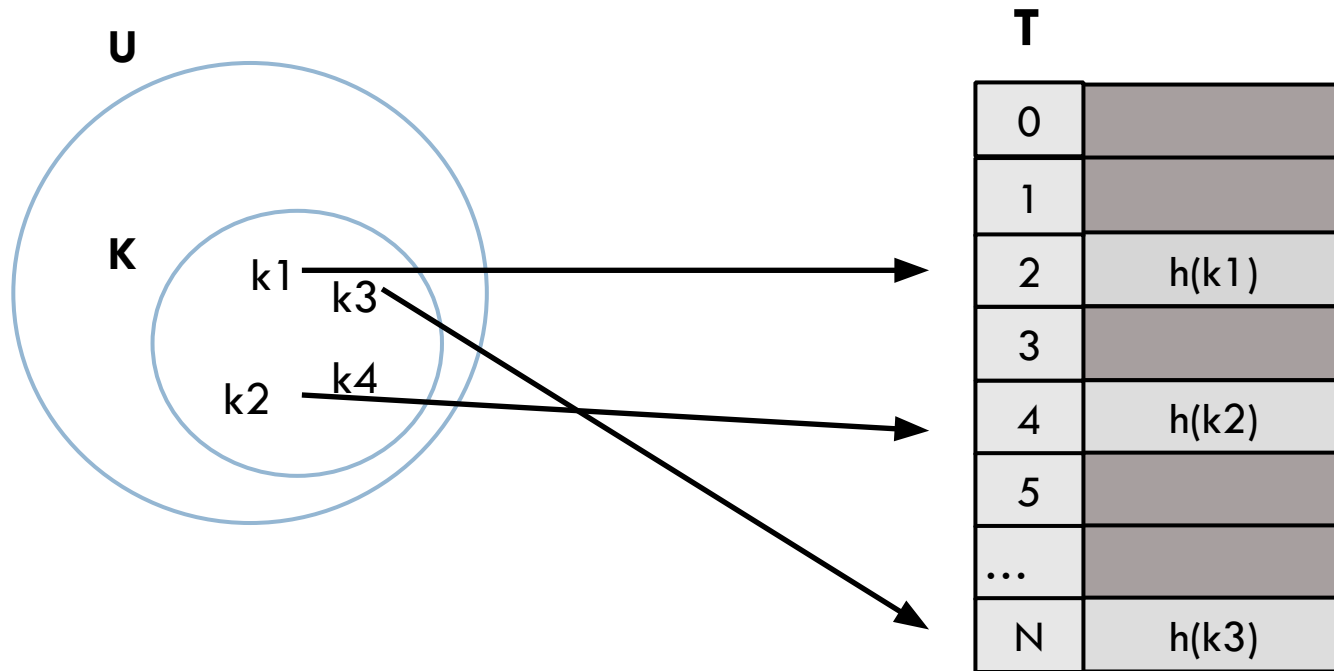


Tabela de Espalhamento

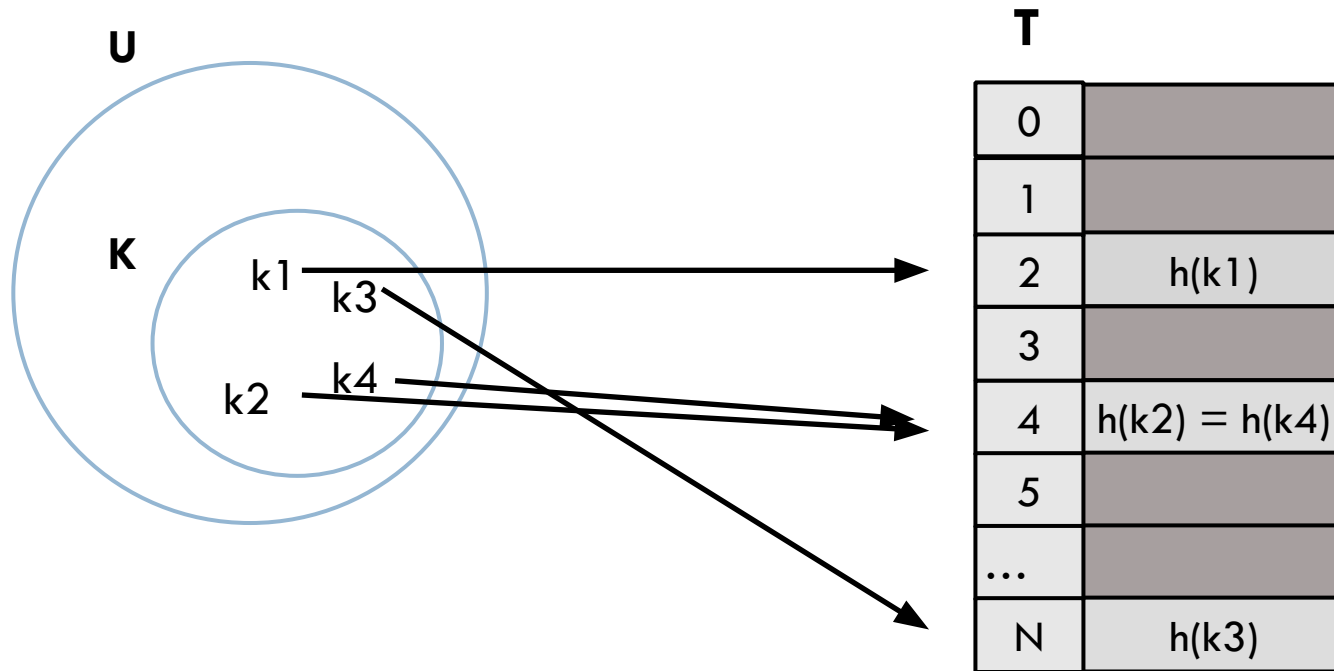
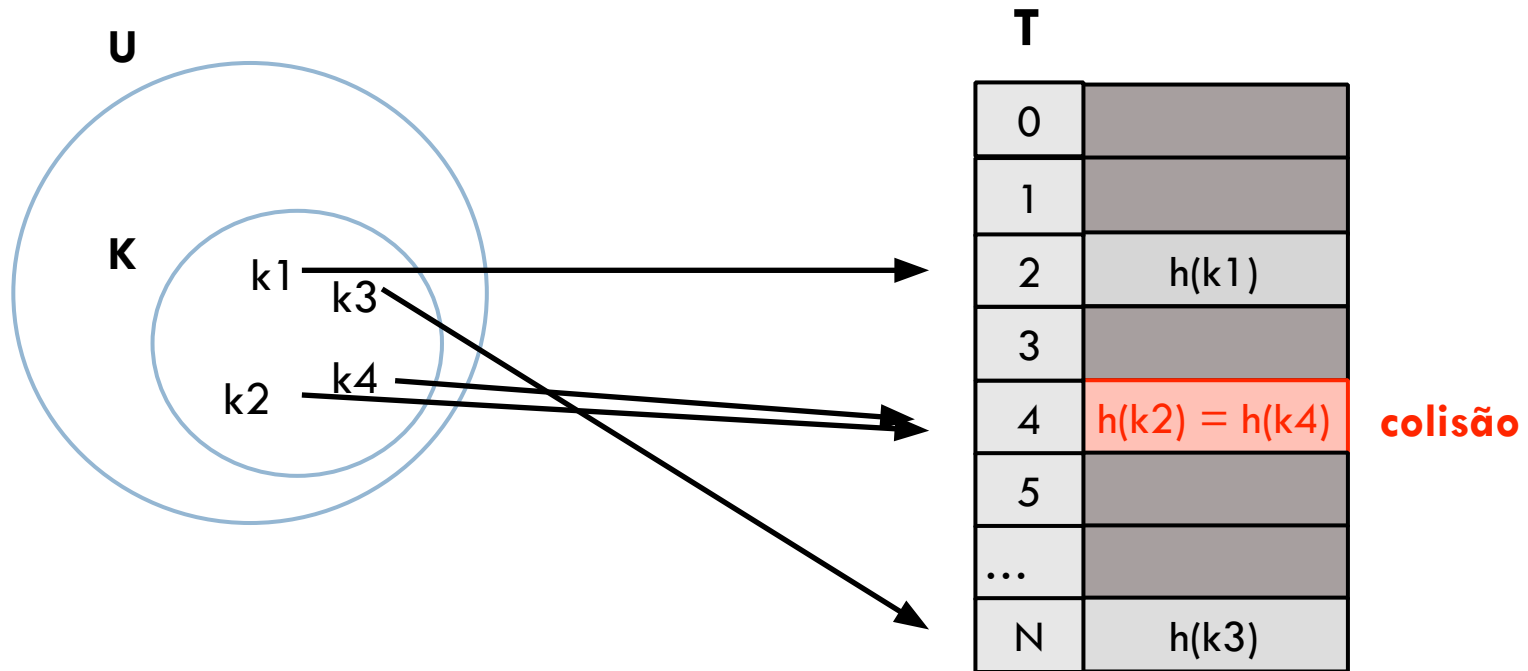


Tabela de Espalhamento



Colisão: duas ou mais chaves mapeadas para a mesma posição

Tabela de Espalhamento

U

T

0

- Ideal: evitar colisões por completo
 - função h adequada, "aleatória" no sentido de espalhar
 - h deve ser determinística, k sempre produz $h(k)$
 - como $|U| > M$, haverá colisões
 - devemos tratá-las

N

$h(k_3)$

Colisão: duas ou mais chaves mapeadas para a mesma posição

Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Tabelas de Endereçamento Direto
- 3 Tabelas de Espalhamento
- 4 Resolução de colisões
- 5 Funções Hash
- 6 Referências

Resolução de Colisões



- A** Endereçamento Aberto
- B** Resolução por encadeamento

Resolução de Colisões



- A** Endereçamento Aberto
- B** Resolução por encadeamento

Endereçamento aberto

"Quando uma chave colide com outra, a colisão é resolvida encontrando-se uma entrada diferente, e disponível"

- Se $h(k)$ está ocupada, verifica:

... , $h(k) + 1$, $h(k) + 2$, $h(k) + 3$, ...

- **Sondagem linear**

Exemplo: A2, A3, A5, B2, B5, A9, C2, B9

Tabela Hash de 10 espaços

Endereçamento aberto

Ex: A2, A3, A5, B2, B5, A9, C2, B9

T	
0	
1	
2	A2
3	A3
4	
5	A5
6	
7	
8	
9	

(a)

T	
0	
1	
2	A2
3	A3
4	B2
5	A5
6	B5
7	
8	
9	A9

(b)

T	
0	B9
1	
2	A2
3	A3
4	B2
5	A5
6	B5
7	C2
8	
9	A9

(c)

Endereçamento aberto

Ex: A2, A3, A5, B2, B5, A9, C2, B9

T					
0		Desvantagem: gera “agrupamentos”, dados não ficam espalhados		1	B9
1				1	
2	A2			2	A2
3	A3			3	A3
4				4	B2
5	A5	1	A2	5	A5
6		2	A3	6	B5
7		3	A5	7	C2
8		4	B2	8	
9		5	B5	9	A9
		6			
		7			
		8			
		9	A9		

(a) (b) (c)

Endereçamento aberto

Alternativa: Sondagem quadrática

$$h(k) + i^2, h(k) - i^2 \quad \text{para } i = 1, 2, \dots, (M-1)/2$$

Sequência de sondagens:

$$h(k), h(k) + 1, h(k) - 1, h(k) + 4, h(k) - 4, h(k) + 9, h(k) - 9, \dots$$

Ex: A2, A3, A5, B2, B5, A9, C2, B9

Exercício 02

Ex: A2, A3, A5, B2, B5, A9, C2, B9 → Sondagem Quadrática

T

0	
1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	

(a)

(b)

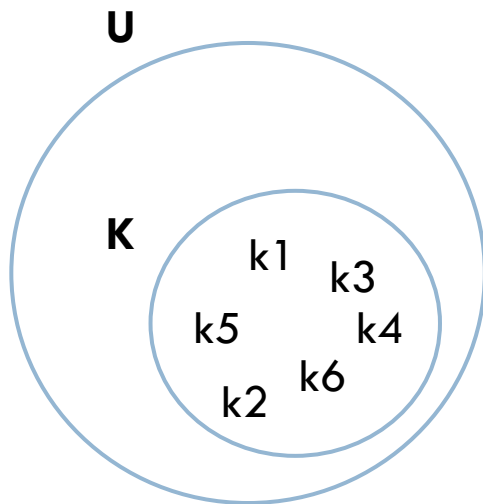
(c)

Resolução de Colisões



- A** Endereçamento Aberto
- B** Resolução por encadeamento

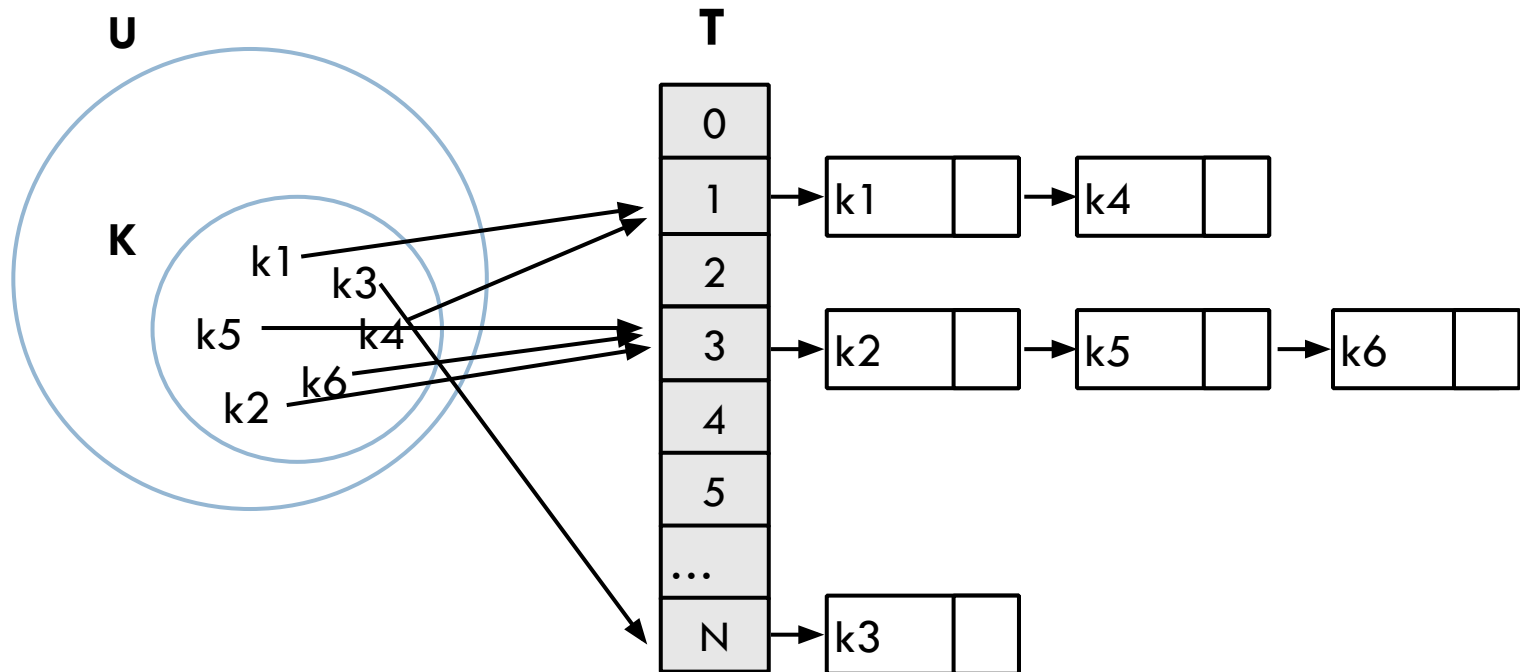
Resolução por encadeamento



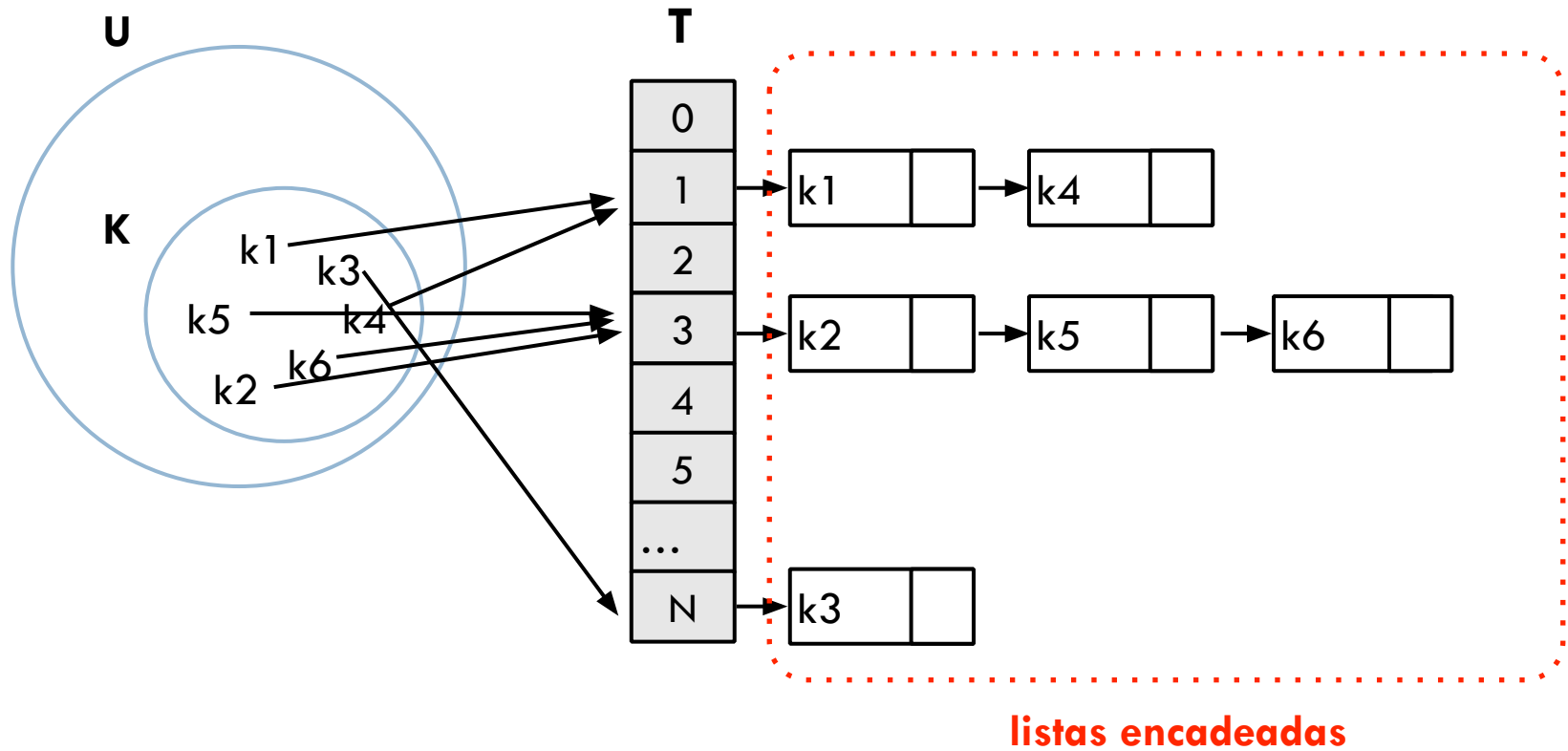
T

0
1
2
3
4
5
...
N

Resolução por encadeamento

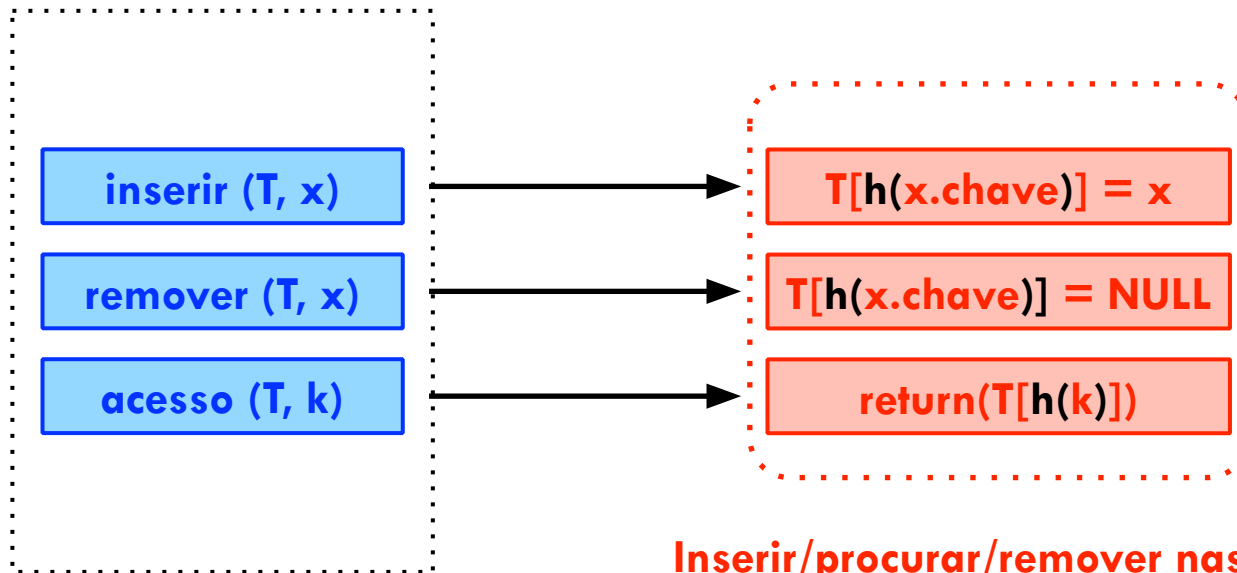


Resolução por encadeamento



Resolução por encadeamento

- Operações de Modificação



Inserir/procurar/remover nas listas indexadas pela posição da tabela

Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Tabelas de Endereçamento Direto
- 3 Tabelas de Espalhamento
- 4 Resolução de colisões
- 5 Funções Hash
- 6 Referências

Funções Hash

Uma boa função deve:

- distribuir as chaves com igual probabilidade nas M posições
- na prática não se pode garantir, pois não temos ideia da distribuição de probabilidade das chaves
- usamos então **heurísticas**

A Método da divisão

B Método da multiplicação

Método da Divisão

Usa o resto da divisão de K por M:

$$h(k) = K \bmod M$$

"Valores de M"

- * Evitar potência de 2
- * Preferência por **números primos**

Exercício 03

Criar tabela Hash com $M = 13$, e inserir as chaves apresentadas abaixo.
Use encadeamento para tratar das colisões.

$k = 100$

$k = 0$

$k = 4$

$k = 48$

$k = 40$

$k = 17$

$k = 25$

$k = 96$

$k = 6$

$k = 15$

$k = 63$

$k = 2$

Método da Multiplicação

Cria a função hash em duas etapas:

1) primeiro, multiplica K por uma constante A

$$0 < A < 1 \rightarrow (K * A)$$

2) multiplica por M, e toma o piso do resultado:

$$h(K) = \text{ground}(M * ((K * A) \bmod 1))$$

* Literatura sugere $A = 0.618$

* Pegar a parte inteira de $h(k)$

Exercício 04

Criar tabela Hash com $M = 13$ e $A = 0.618$, e inserir as chaves abaixo.
Use encadeamento para tratar as colisões.

$k = 100$
$k = 0$
$k = 4$
$k = 48$

$k = 40$
$k = 17$
$k = 25$
$k = 96$

$k = 6$
$k = 15$
$k = 63$
$k = 2$

Exercício 05



Comparar as tabelas resultantes dos exercícios 3 e 4.

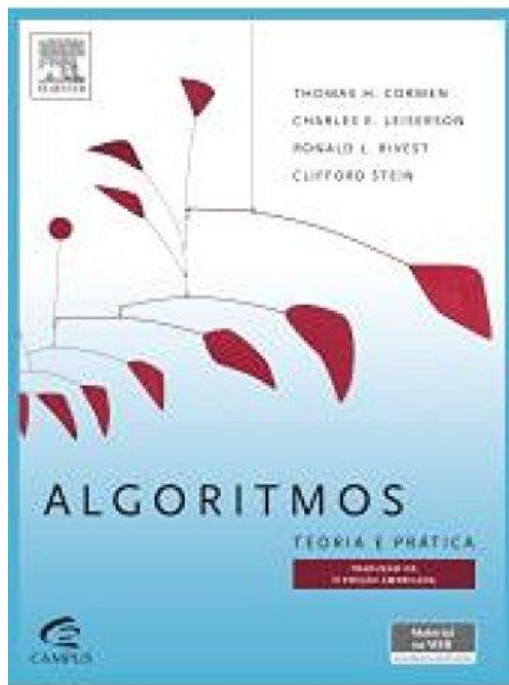
Exercício 06

Desenhe o conteúdo da tabela hash resultante da inserção de registros com as chaves: {A, G, U, D, E, S, L, I, C, H, P, R} nesta ordem, em uma tabela inicialmente vazia de tamanho 19 (dezenove), usando endereçamento aberto com hashing linear para a escolha de localizações alternativas. Use a função hash $h(k) = k \bmod 19$, para a k -ésima letra do alfabeto.

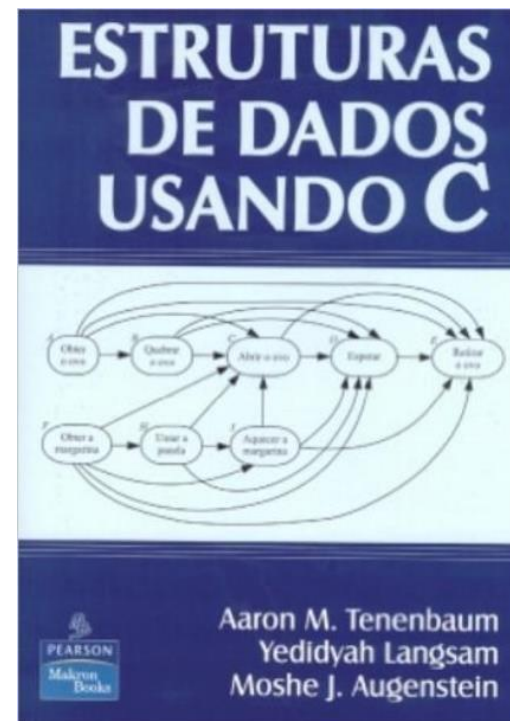
Roteiro

- 1 Introdução
- 2 Tabelas de Endereçamento Direto
- 3 Tabelas de Espalhamento
- 4 Resolução de colisões
- 5 Funções Hash
- 6 Referências

Referências sugeridas

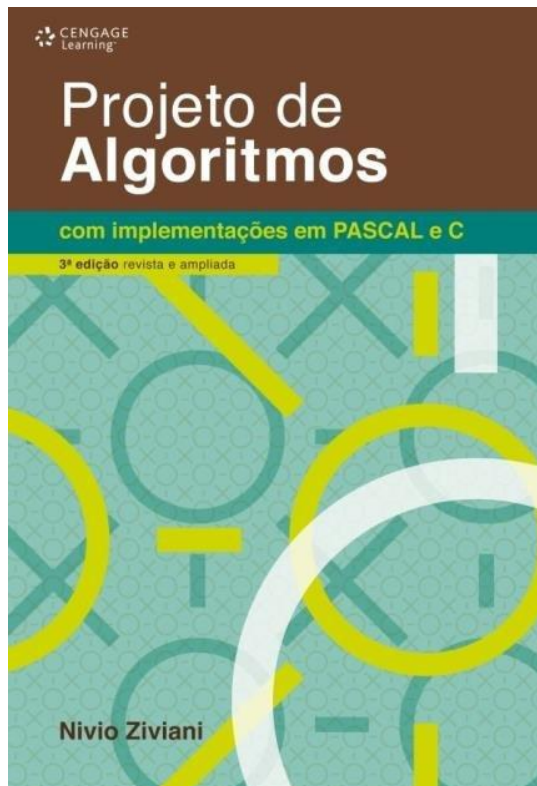


[Cormen et al, 2018]



[Tenenbaum et al, 1995]

Referências sugeridas



[Ziviani, 2010]



[Drozdek, 2017]



Perguntas?