

Lista de Exercícios 2

Instruções de Entrega:

- Informe o seu nome e RA na página inicial da lista de exercícios.
- Entregue somente as respostas das questões. Não copie o enunciado da questão na entrega das respostas.
- A lista de exercícios deve ser entregue em formato PDF no site da disciplina.
- Não serão consideradas listas entregues fora do prazo e/ou em formato diferente do solicitado.
- O não cumprimento dos itens acima gera desconto da nota.

Questão 1 (1,0 pontos) Determine as gramáticas livres de contexto que geram as seguintes linguagens:

(a) $L_1 = \{0^n 1^{2n} \mid n \geq 1\}$

(b) $L_2 = \{w \in \{0, 1\}^* \mid w \text{ contém o mesmo número de 0s e 1s}\}.$

Questão 2 (1,0 pontos) Dada a gramática livre de contexto: $G_3 = (\{x, y, z\}, \{Z, A, B, C\}, \mathbb{P}, Z)$, $\mathbb{P} = \{Z \rightarrow AxByC, A \rightarrow xAx, A \rightarrow \varepsilon, B \rightarrow By, B \rightarrow \varepsilon, C \rightarrow zAz\}$, apresente para a sentença $xxxyyzxxz$:

- (a) A árvore sintática.
- (b) As derivações canônicas.
- (c) As sequências de reconhecimento.

Questão 3 (1,0 pontos) Dada a gramática com símbolo não-terminal e sentencial S , símbolos terminais a, b e produções: $S \rightarrow aSbS \mid bSaS \mid \varepsilon$ Mostre, usando a sentença $abab$, que a gramática é ambígua. Para isso, mostre para esta sentença:

- (a) Duas derivações canônicas mais à direita.
- (b) Duas derivações canônicas mais à esquerda.
- (c) Duas árvores sintáticas.
- (d) Apresente as novas regras de produção para remoção da ambiguidade.
- (e) Apresente a derivação canônica mais à direita e mais à esquerda sem ambiguidade.

Questão 4 (1,0 pontos) Considere a seguinte gramática: $G = (\{a, b\}, \{Z\}, \mathbb{P}, Z)$, tal que $\mathbb{P} = \{Z \rightarrow ZZ \mid aZa \mid bZb \mid \varepsilon\}$

- (a) Qual a linguagem gerada?

(b) Para a palavra aabbaaaa:

- 1) Apresente a árvore sintática de derivação.
- 2) Para a árvore construída, determine as derivações mais à esquerda e mais à direita.

(c) A gramática é ambígua? Explique.

Questão 5 (1,0 pontos)

(a) Dada a gramática $G = (\{a, (\cdot)\}, \{Z, S, E\}, \mathbb{P}, Z)$, tal que: $\mathbb{P} = \{Z \rightarrow (S), S \rightarrow SE \mid \varepsilon, E \rightarrow a \mid Z\}$, apresente a gramática G na Forma Normal de Chomsky.

(b) Dadas as produções a seguir, apresente a gramática na forma normal de Chomsky: $\mathbb{P} = \{S \rightarrow ASA \mid aB, A \rightarrow B \mid S, B \rightarrow b \mid \varepsilon\}$

Questão 6 (1,0 pontos)

- Dada a gramática $G = (\{a, b\}, \{S, A\}, \mathbb{P}, S)$ tal que $\mathbb{P} = \{S \rightarrow AA \mid a, A \rightarrow SS \mid b\}$, apresente a gramática G na Forma Normal de Greibach.
- Dada a gramática $G = (\{b, c, d\}, \{Z, B, C, D\}, \mathbb{P}, Z)$, tal que: $\mathbb{P} = \{Z \rightarrow CB, B \rightarrow BBD \mid b, C \rightarrow BBC \mid Dc, D \rightarrow ZD \mid d\}$, apresente a gramática G na Forma Normal de Greibach.

Questão 7 (1,0 pontos) Dada a gramática LLC com regras de produção $\mathbb{P} = \{Z \rightarrow (A), A \rightarrow Aa \mid b\}$:

- (a) Apresente a representação formal de conjuntos dessa linguagem.
- (b) Apresente as regras de produção com remoção das recursões à esquerda.
- (c) Apresente a tabela sintática de derivações.
- (d) Apresente a sequência de reconhecimento com um autômato de pilha da palavra: $w = (baa)$
- (e) Apresente a sequência de reconhecimento com um autômato de pilha da palavra: $w = (baaab)$

Questão 8 (1,0 pontos) Seja a Máquina de Turing $M_1 = (Q, \Sigma, \tau, \delta, q_1, q_{aceita}, q_{rejeita})$ para decidir a linguagem $B = \{w\#w \mid w \in \{0, 1\}^*\}$:

- $Q = \{q_1, \dots, q_8, q_{aceita}, q_{rejeita}\}$
- $\sigma = \{0, 1, \#\}$
- $\tau = \{0, 1, \#, x, \sqcup\}$
- δ é representado pelo diagrama de estados da Figura 1:

Forneça a sequência de configurações que M_1 realiza ao receber as seguintes palavras de entrada:

- (a) 11
- (b) 1#1
- (c) 1##1

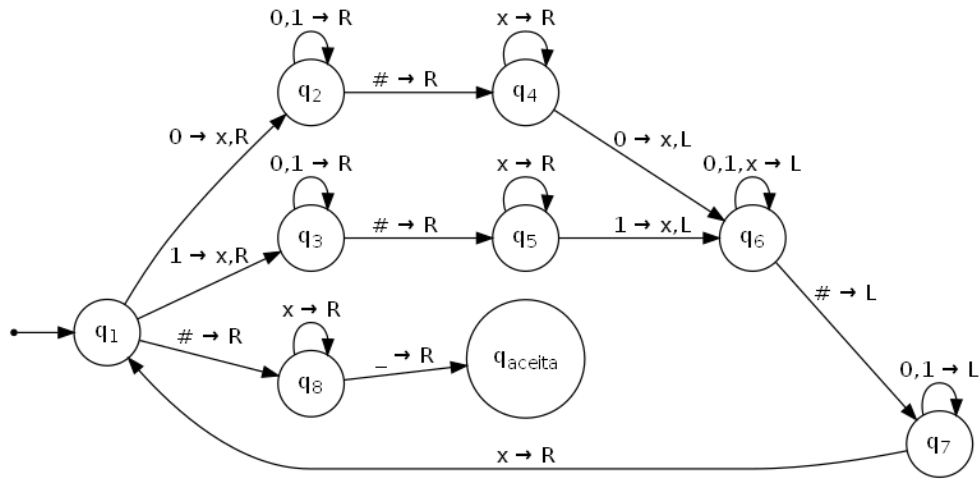


Figura 1: Diagrama de Estados de M_1 .

- (d) 10#11
- (e) 10#10

Questão 9 (1,0 pontos) Defina cada um dos termos:

- (a) A Tese de Church-Turing sobre linguagens decidíveis.
- (b) Decidibilidade.
- (c) Redutibilidade.
- (d) Linguagem Não-computável.
- (e) Problema da Parada.

Questão 10 (1,0 pontos) Defina cada um dos termos:

- (a) Classes de Complexidades de Problemas P;
- (b) Classes de Complexidades de Problemas NP;
- (c) Classes de Complexidades de Problemas NP-Completo;
- (d) Classes de Complexidades de Problemas NP Difícil;
- (e) Intratabilidade.