

## Tarea 5

15 de Octubre de 2025

 $2^{0}$  semestre 2025 - Profesores M. Arenas - A. Kozachinskiy - M. Romero

## Requisitos

- La tarea es **individual**. Los casos de copia serán sancionados con la reprobación del curso con nota 1,1.
- Cada pregunta tiene una nota de 1 a 7 (hay 1 punto base). La nota final es el promedio de ambas preguntas.
- Entrega: Hasta las 23:59 del lunes 27 de octubre a través del buzón habilitado en el sitio del curso (Canvas).
  - Esta tarea debe ser hecha completamente en L<sup>A</sup>T<sub>E</sub>X. Tareas hechas a mano o en otro procesador de texto **no serán corregidas**.
  - Debe usar el template L<sup>A</sup>T<sub>F</sub>X publicado en la página del curso.
  - Cada solución de cada problema debe comenzar en una nueva hoja. *Hint:* Utilice \newpage
  - Los archivos que debe entregar son el archivo PDF correspondiente a su solución y un zip conteniendo el archivo .tex que compila su tarea. Si su .tex hace referencia a otros archivos, debe incluirlos también.
- El no cumplimiento de alguna de las reglas se penalizará con un descuento de 0.5 en la nota final (acumulables).
- No se aceptarán tareas atrasadas (salvo que utilice algún cupón #problemaexcepcional).
- Si tiene alguna duda, el foro de Github (issues) es el lugar oficial para realizarla.

## Pregunta 1

Sea A un conjunto y sean  $R_1, R_2$  dos relaciones de equivalencia sobre A. ¿Son las siguientes afirmaciones verdaderas o falsas? Demuestre o de un contraejemplo.

- a)  $R_1 \cap R_2$  es una relación de equivalencia.
- b)  $R_1 \cup R_2$  es una relación de equivalencia
- c)  $xR_1y \to xR_2y$  para todo  $x, y \in A$  si y sólo si  $[x]_{R_1} \subseteq [x]_{R_2}$  para todo  $x \in A$ .

## Pregunta 2

Sean  $R_1, R_2$  dos órdenes totales sobre un conjunto A. Demuestre que si  $R_1 \subseteq R_2$ , entonces  $R_1 = R_2$ .