

# IIC1253 Matemáticas Discretas

Sasha Kozachinskiy

DCC UC

04.08.2025

Hoy...

# Hoy...

► introducción

# Hoy...

- ▶ introducción
- ▶ Lógica proposicional: motivación, sintaxis y semántica, equivalencia de fórmulas.

# Organización

# Organización

- ▶ anuncios, entrega de las tareas – canvas.

# Organización

- ▶ anuncios, entrega de las tareas – canvas.
- ▶ materiales (programa, clases, etc.):

<https://github.com/IIC1253/IIC1253-2025-2>

# Contenido

- ▶ Lógica proposicional
- ▶ Lógica de predicados
- ▶ Teoría de conjuntos
- ▶ Inducción
- ▶ Relaciones y funciones
- ▶ Conteo y cardinalidad
- ▶ Teoría de números.



# Contenido

- ▶ **Lógica proposicional**
- ▶ Lógica de predicados
- ▶ Teoría de conjuntos
- ▶ Inducción
- ▶ Relaciones y funciones
- ▶ Conteo y cardinalidad
- ▶ Teoría de números.

# ¿Qué son las proposiciones?

# ¿Qué son las proposiciones?

- ▶ afirmaciones, oraciones...

# ¿Qué son las proposiciones?

- ▶ afirmaciones, oraciones...
- ▶ tiene que ser verdadera o falsa

# ¿Qué son las proposiciones?

- ▶ afirmaciones, oraciones...
- ▶ tiene que ser verdadera o falsa
- ▶ “Santiago es la capital de Chile”

# ¿Qué son las proposiciones?

- ▶ afirmaciones, oraciones...
- ▶ tiene que ser verdadera o falsa
- ▶ “Santiago es la capital de Chile”
- ▶ “Londres es la capital de Francia”

# ¿Qué son las proposiciones?

- ▶ afirmaciones, oraciones...
- ▶ tiene que ser verdadera o falsa
- ▶ “Santiago es la capital de Chile”
- ▶ “Londres es la capital de Francia”
- ▶ “¿Como estás?” – no

# Proposiciones en las matemáticas



# Proposiciones en las matemáticas

►  $\pi \in \mathbb{Q}$

►  $\pi > 0$

# Proposiciones en las matemáticas

- ▶  $\pi \in \mathbb{Q}$
- ▶  $\pi > 0$
- ▶ teoremas, lemas en artículos y libros matematicos

# Proposiciones en las matemáticas

- ▶  $\pi \in \mathbb{Q}$
- ▶  $\pi > 0$
- ▶ teoremas, lemas en artículos y libros matematicos
- ▶ ...y conjeturas.

# Proposiciones en las matemáticas

- ▶  $\pi \in \mathbb{Q}$
- ▶  $\pi > 0$
- ▶ teoremas, lemas en artículos y libros matematicos
- ▶ ...y conjeturas.
- ▶  $P=NP$

# Proposiciones en las matemáticas

- ▶  $\pi \in \mathbb{Q}$
- ▶  $\pi > 0$
- ▶ teoremas, lemas en artículos y libros matematicos
- ▶ ...y conjeturas.
- ▶  $P=NP$
- ▶ “ $\pi$  es un número normal”

# Proposiciones en las matemáticas

- ▶  $\pi \in \mathbb{Q}$
- ▶  $\pi > 0$
- ▶ teoremas, lemas en artículos y libros matematicos
- ▶ ...y conjeturas.
- ▶  $P=NP$
- ▶ “ $\pi$  es un número normal”
- ▶ “ $n$  es un número entero impar” – no es una proposición (¿cual es la *cuantificación* de  $n$ ?)

# Conectivos

# Conectivos

- ▶ Se puede componer proposiciones a través de *conectivos* lógicos.



# Conectivos

- ▶ Se puede componer proposiciones a través de *conectivos* lógicos.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **y** ( $\pi$  es un número racional)” –

# Conectivos

- ▶ Se puede componer proposiciones a través de *conectivos* lógicos.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **y** ( $\pi$  es un número racional)” – falsa.

# Conectivos

- ▶ Se puede componer proposiciones a través de *conectivos* lógicos.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **y** ( $\pi$  es un número racional)” – falsa.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **o** ( $\pi$  es un número racional)” –

# Conectivos

- ▶ Se puede componer proposiciones a través de *conectivos* lógicos.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **y** ( $\pi$  es un número racional)” – falsa.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **o** ( $\pi$  es un número racional)” – verdadera.

# Conectivos

- ▶ Se puede componer proposiciones a través de *conectivos* lógicos.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **y** ( $\pi$  es un número racional)” – falsa.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **o** ( $\pi$  es un número racional)” – verdadera.
- ▶ ‘**Si**  $\pi$  es un número racional, **entonces**  $\pi$  **no** es un número positivo’ –

# Conectivos

- ▶ Se puede componer proposiciones a través de *conectivos* lógicos.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **y** ( $\pi$  es un número racional)” – falsa.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **o** ( $\pi$  es un número racional)” – verdadera.
- ▶ ‘**Si**  $\pi$  es un número racional, **entonces**  $\pi$  **no** es un número positivo’ – verdadera!

# Conectivos

- ▶ Se puede componer proposiciones a través de *conectivos* lógicos.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **y** ( $\pi$  es un número racional)” – falsa.
- ▶ “( $\pi$  es un número positivo) **o** ( $\pi$  es un número racional)” – verdadera.
- ▶ ‘**Si**  $\pi$  es un número racional, **entonces**  $\pi$  **no** es un número positivo’ – verdadera!
- ▶ “ **Si**  $P=NP$  **implica** que  $\pi \in \mathbb{Q}$  o  $\pi < 0$ , **entonces**  $P \neq NP$ ” – ?

# Notación matemática para conectivos



# Notación matemática para conectivos

- ▶  $\wedge$  (y, conjunción)

# Notación matemática para conectivos

- ▶  $\wedge$  (y, conjunción)
- ▶  $\vee$  (o, disyunción)

# Notación matemática para conectivos

- ▶  $\wedge$  (y, conjunción)
- ▶  $\vee$  (o, disyunción)
- ▶  $\rightarrow$  (si... entonces, implicación)

# Notación matemática para conectivos

- ▶  $\wedge$  (y, conjunción)
- ▶  $\vee$  (o, disyunción)
- ▶  $\rightarrow$  (si... entonces, implicación)
- ▶  $\neg$  (no, negación)

# Notación matemática para conectivos

- ▶  $\wedge$  (y, conjunción)
- ▶  $\vee$  (o, disyunción)
- ▶  $\rightarrow$  (si... entonces, implicación)
- ▶  $\neg$  (no, negación)

$$A \wedge B, \quad A \vee B, \quad A \rightarrow B, \quad \neg B$$

¿Como se usa esa notación?

## ¿Como se usa esa notación?

- ▶ “ Si  $P=NP$  implica que  $\pi \in \mathbb{Q}$  o  $\pi < 0$ , entonces  $P \neq NP$ ”

## ¿Como se usa esa notación?

- ▶ “ Si  $P=NP$  implica que  $\pi \in \mathbb{Q}$  o  $\pi < 0$ , entonces  $P \neq NP$ ”
- ▶  $((P=NP) \rightarrow (\pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0)) \rightarrow (\neg (P=NP))$



## ¿Como se usa esa notación?

- ▶ “ Si  $P=NP$  implica que  $\pi \in \mathbb{Q}$  o  $\pi < 0$ , entonces  $P \neq NP$ ”
- ▶  $((P=NP) \rightarrow (\pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0)) \rightarrow (\neg (P=NP))$
- ▶ Paréntesis son importantes.

## ¿Como se usa esa notación?

- ▶ “ Si  $P=NP$  implica que  $\pi \in \mathbb{Q}$  o  $\pi < 0$ , entonces  $P \neq NP$ ”
- ▶  $((P=NP) \rightarrow (\pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0)) \rightarrow (\neg (P=NP))$
- ▶ Paréntesis son importantes.
- ▶  $P=NP \rightarrow \pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0 \rightarrow \neg P=NP$

¿Cuando un conector es verdadero y cuando es falso?

# ¿Cuando un conectivo es verdadero y cuando es falso?

## ► Negación

$A$	$\neg A$
V	F
F	V

# ¿Cuándo un conectivo es verdadero y cuándo es falso?

## ► Negación

$A$	$\neg A$
V	F
F	V

## ► Conjunción (y)

$A$	$B$	$A \wedge B$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

# ¿Cuándo un conectivo es verdadero y cuándo es falso?

## ► Negación

$A$	$\neg A$
V	F
F	V

## ► Disjunción (o)

$A$	$B$	$A \vee B$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

## ► Conjunción (y)

$A$	$B$	$A \wedge B$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

# ¿Cuándo un conectivo es verdadero y cuándo es falso?

## ► Negación

$A$	$\neg A$
V	F
F	V

## ► Disjunción (o)

$A$	$B$	$A \vee B$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

## ► Conjunción (y)

$A$	$B$	$A \wedge B$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

## ► Implicación

$A$	$B$	$A \rightarrow B$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

# ¿Porque la implicación se define así?

## ► Implicación

$A$	$B$	$A \rightarrow B$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V



## ¿Porque la implicación se define así?

### ► Implicación

$A$	$B$	$A \rightarrow B$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

- “Para cada número entero  $n$ , si  $n$  es divisible por 4, entonces  $n$  es divisible por 2”.

# Todos juntos

$A$	$B$	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \rightarrow B$
V	V	F	V	V	V
V	F	F	F	V	F
F	V	V	F	V	V
F	F	V	F	F	V

# Notación 0,1

# Notación 0,1

- ▶  $F = 0, V = 1.$

# Notación 0,1

►  $F = 0, V = 1.$



$A$	$B$	$\neg A$	$A \wedge B$	$A \vee B$	$A \rightarrow B$
1	1	0	1	1	1
1	0	0	0	1	0
0	1	1	0	1	1
0	0	1	0	0	1

# ¿Cómo se calcula el valor de una proposición compuesta?

►  $((\pi > 0) \vee (\pi \in \mathbb{Q})) \rightarrow (2 \cdot 2 = 5).$

## ¿Cómo se calcula el valor de una proposición compuesta?

$$\blacktriangleright \underbrace{((\pi > 0))}_1 \vee \underbrace{(\pi \in \mathbb{Q})}_0 \rightarrow \underbrace{(2 \cdot 2 = 5)}_0.$$

## ¿Cómo se calcula el valor de una proposición compuesta?

$$\blacktriangleright \underbrace{((\pi > 0))}_{1} \underbrace{\vee}_{1} \underbrace{(\pi \in \mathbb{Q})}_{0} \rightarrow \underbrace{(2 \cdot 2 = 5)}_0.$$



## ¿Cómo se calcula el valor de una proposición compuesta?

► 
$$\underbrace{((\pi > 0))}_{1} \underbrace{\vee}_{1} \underbrace{(\pi \in \mathbb{Q})}_{0} \underbrace{\rightarrow}_{0} \underbrace{(2 \cdot 2 = 5)}_{0}.$$

# ¿Cómo se calcula el valor de una proposición compuesta?

- ▶ A veces se puede definir el valor sin saber la verdad de todas las proposiciones atómicas.

# ¿Cómo se calcula el valor de una proposición compuesta?

- ▶ A veces se puede definir el valor sin saber la verdad de todas las proposiciones atómicas.
- ▶  $(P=NP \rightarrow (\pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0)) \rightarrow (\neg(P=NP))$

# ¿Cómo se calcula el valor de una proposición compuesta?

- ▶ A veces se puede definir el valor sin saber la verdad de todas las proposiciones atómicas.
- ▶ 
$$\underbrace{(P=NP)}_x \rightarrow \left( \underbrace{(\pi \in \mathbb{Q})}_0 \vee \underbrace{(\pi < 0)}_0 \right) \rightarrow \underbrace{(\neg(P=NP))}_x$$

# Formulas proposicionales

# Formulas proposicionales

- ▶ Formulas algebraicas:  $(x + y)(x - y)$ ,  $xy + x$ .

# Formulas proposicionales

- ▶ Formulas algebraicas:  $(x + y)(x - y)$ ,  $xy + x$ .
- ▶ Podemos sustituir variables por números y obtener el valor numérico:

$$x \leftarrow 1, y \leftarrow 2, \quad (x + y)(x - y) \leftarrow (1 + 2)(1 - 2) = -3.$$

# Formulas proposicionales

- ▶ Formulas algebraicas:  $(x + y)(x - y)$ ,  $xy + x$ .
- ▶ Podemos sustituir variables por números y obtener el valor numérico:

$$x \leftarrow 1, y \leftarrow 2, \quad (x + y)(x - y) \leftarrow (1 + 2)(1 - 2) = -3.$$

- ▶ Así mismo existen *fórmulas proposicionales*.



# Formulas proposicionales

- ▶ Formulas algebraicas:  $(x + y)(x - y)$ ,  $xy + x$ .
- ▶ Podemos sustituir variables por números y obtener el valor numérico:

$$x \leftarrow 1, y \leftarrow 2, \quad (x + y)(x - y) \leftarrow (1 + 2)(1 - 2) = -3.$$

- ▶ Así mismo existen *fórmulas proposicionales*.
- ▶ Se construyen a través de conectivos y *variables proposicionales*.

# Formulas proposicionales

- ▶ Formulas algebraicas:  $(x + y)(x - y)$ ,  $xy + x$ .
- ▶ Podemos sustituir variables por números y obtener el valor numérico:

$$x \leftarrow 1, y \leftarrow 2, \quad (x + y)(x - y) \leftarrow (1 + 2)(1 - 2) = -3.$$

- ▶ Así mismo existen *fórmulas proposicionales*.
- ▶ Se construyen a través de conectivos y *variables proposicionales*.
- ▶ Por ejemplo  $(A \vee B) \rightarrow C$

$$A \leftarrow (\pi > 0), \quad B \leftarrow (\pi \in \mathbb{Q}), \quad C \leftarrow (2 \cdot 2 = 5)$$
$$(A \vee B) \rightarrow C \leftarrow \left[ ((\pi > 0) \vee (\pi \in \mathbb{Q})) \rightarrow (2 \cdot 2 = 5) \right]$$

# Repetición de las variables

- ▶ Variables pueden repetirse...

# Repetición de las variables

- ▶ Variables pueden repetirse...
- ▶  $Prop = \left[ (P=NP \rightarrow (\pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0)) \rightarrow (\neg(P=NP)) \right].$

# Repetición de las variables

- ▶ Variables pueden repetirse...
- ▶  $Prop = \left[ (P=NP \rightarrow (\pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0)) \rightarrow (\neg(P=NP)) \right]$ .
- ▶  $(A \rightarrow (B \vee C)) \rightarrow (\neg A)$  recibe el valor *Prop* cuando

$$A \leftarrow [P = NP], \quad B \leftarrow [\pi \in \mathbb{Q}], \quad C \leftarrow [\pi < 0].$$

# Repetición de las variables

- ▶ Variables pueden repetirse...

# Repetición de las variables

- ▶ Variables pueden repetirse...
- ▶  $Prop = \left[ (P=NP \rightarrow (\pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0)) \rightarrow (\neg(P=NP)) \right].$

# Repetición de las variables

- ▶ Variables pueden repetirse...
- ▶  $Prop = \left[ (P=NP \rightarrow (\pi \in \mathbb{Q} \vee \pi < 0)) \rightarrow (\neg(P=NP)) \right]$ .
- ▶ La formula  $(A \rightarrow (B \vee C)) \rightarrow (\neg A)$  recibe el valor  $Prop$  cuando

$$A \leftarrow [P = NP], \quad B \leftarrow [\pi \in \mathbb{Q}], \quad C \leftarrow [\pi < 0].$$



# Equivalencias lógicas

- ▶ existen leyes (igualdades, equivalencias) para fórmulas algebraicas, tal cómo  $x + y = y + x$ ,  $(x + y)z = xz + yz$ .

# Equivalencias lógicas

- ▶ existen leyes (igualdades, equivalencias) para fórmulas algebraicas, tal cómo  $x + y = y + x$ ,  $(x + y)z = xz + yz$ .
- ▶ Así mismo existen *equivalencias lógicas* para fórmulas proposicionales.

# Equivalencias lógicas

- ▶ existen leyes (igualdades, equivalencias) para fórmulas algebraicas, tal cómo  $x + y = y + x$ ,  $(x + y)z = xz + yz$ .
- ▶ Así mismo existen *equivalencias lógicas* para fórmulas proposicionales.

## Definición

*Dos fórmulas proposicionales  $\phi$  y  $\psi$  son equivalentes si para cada posible valor de verdad de sus variables,  $\phi$  es verdadera si y solo si  $\psi$  es verdadera.*

# Equivalencias lógicas

- ▶ existen leyes (igualdades, equivalencias) para fórmulas algebraicas, tal cómo  $x + y = y + x$ ,  $(x + y)z = xz + yz$ .
- ▶ Así mismo existen *equivalencias lógicas* para fórmulas proposicionales.

## Definición

*Dos fórmulas proposicionales  $\phi$  y  $\psi$  son equivalentes si para cada posible valor de verdad de sus variables,  $\phi$  es verdadera si y solo si  $\psi$  es verdadera.*

Notamos  $\phi = \psi$

# Conmutatividad y asociatividad de $\wedge$ y $\vee$

## Teorema

*Tenemos las siguientes equivalencias lógicas:*

$$A \vee B = B \vee A, \quad A \wedge B = B \wedge A,$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C), \quad (A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C).$$

# Conmutatividad y asociatividad de $\wedge$ y $\vee$

## Teorema

*Tenemos las siguientes equivalencias lógicas:*

$$A \vee B = B \vee A, \quad A \wedge B = B \wedge A,$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C), \quad (A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C).$$

Eso nos permite escribir sin paréntesis:

$$A \vee B \vee C, \quad X \wedge Y \wedge Z \wedge T.$$

# Conmutatividad y asociatividad de $\wedge$ y $\vee$

## Teorema

*Tenemos las siguientes equivalencias lógicas:*

$$A \vee B = B \vee A, \quad A \wedge B = B \wedge A,$$

$$(A \vee B) \vee C = A \vee (B \vee C), \quad (A \wedge B) \wedge C = A \wedge (B \wedge C).$$

Eso nos permite escribir sin paréntesis:

$$A \vee B \vee C, \quad X \wedge Y \wedge Z \wedge T.$$

Demostración.

## $\wedge$ y $\vee$ no acotados

- ▶ Así mismo cómo con  $+$  y  $\cdot$  de números:

$$x_1 + x_2 + \dots + x_n = \sum_{i=1}^n x_i$$

$$y_1 \cdot y_2 \cdot \dots \cdot y_n = \prod_{i=1}^n y_i$$



## $\wedge$ y $\vee$ no acotados

- ▶ Así mismo cómo con  $+$  y  $\cdot$  de números:

$$x_1 + x_2 + \dots + x_n = \sum_{i=1}^n x_i$$

$$y_1 \cdot y_2 \cdot \dots \cdot y_n = \prod_{i=1}^n y_i$$

- ▶ ...se puede escribir  $\vee$  y  $\wedge$  de  $n$  proposiciones así:

$$P_1 \vee P_2 \vee \dots \vee P_n = \bigvee_{i=1}^n P_i, \quad Q_1 \wedge Q_2 \wedge \dots \wedge Q_n = \bigwedge_{i=1}^n Q_i$$

## $\wedge$ y $\vee$ no acotados

- ▶ Así mismo cómo con  $+$  y  $\cdot$  de números:

$$x_1 + x_2 + \dots + x_n = \sum_{i=1}^n x_i$$

$$y_1 \cdot y_2 \cdot \dots \cdot y_n = \prod_{i=1}^n y_i$$

- ▶ ...se puede escribir  $\vee$  y  $\wedge$  de  $n$  proposiciones así:

$$P_1 \vee P_2 \vee \dots \vee P_n = \bigvee_{i=1}^n P_i, \quad Q_1 \wedge Q_2 \wedge \dots \wedge Q_n = \bigwedge_{i=1}^n Q_i$$

- ▶ ¿Es verdad  $\bigwedge_{i=1}^{90} \bigvee_{j=i}^{i+9} (j \text{ es primo})$ ?

$\wedge, \vee, y, 0, 1$

►  $A \wedge 1 =$

$\wedge, \vee$  y  $0, 1$

►  $A \wedge 1 = A.$

►  $A \wedge 0 =$

$\wedge, \vee$  y  $0, 1$

- ▶  $A \wedge 1 = A.$
- ▶  $A \wedge 0 = 0.$
- ▶  $A \vee 1 =$

$\wedge, \vee$  y  $0, 1$

►  $A \wedge 1 = A.$

►  $A \wedge 0 = 0.$

►  $A \vee 1 = 1.$

►  $A \vee 0 =$

$\wedge, \vee$  y  $0, 1$

- ▶  $A \wedge 1 = A.$
- ▶  $A \wedge 0 = 0.$
- ▶  $A \vee 1 = 1.$
- ▶  $A \vee 0 = A$

# Distributividad

## Teorema

*Tenemos las siguientes equivalencias lógicas:*

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C) \quad (A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$



# Distributividad

## Teorema

*Tenemos las siguientes equivalencias lógicas:*

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C) \quad (A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$

## Demostración 1.

$A$	$B$	$C$	$A \vee B$	$(A \vee B) \wedge C$	$A \wedge C$	$B \wedge C$	$(A \wedge C) \vee (B \wedge C)$
1	1	1	1	1	1	1	1
1	1	0	1	0	0	0	0
1	0	1	1	1	1	0	1
1	0	0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	1	0	1	1
0	1	0	1	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0

# Distributividad

## Teorema

*Tenemos las siguientes equivalencias lógicas:*

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C) \quad (A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$

## Demostración 2.



# Distributividad

## Teorema

*Tenemos las siguientes equivalencias lógicas:*

$$(A \vee B) \wedge C = (A \wedge C) \vee (B \wedge C) \quad (A \wedge B) \vee C = (A \vee C) \wedge (B \vee C)$$

## Demostración 2.



# Simplificación de formulas

¿tiene la formula:

$$(X \wedge A) \vee (X \wedge B) \vee (Y \wedge B) \vee (Y \wedge A)$$

una fórmula equivalente donde todas las variables aparecen una vez?

# Otras equivalencias

## Teorema (Doble negación)

$$\neg\neg A = A.$$

## Teorema (Ley de Morgan)

$$\neg(A \wedge B) = (\neg A) \vee (\neg B), \quad \neg(A \vee B) = (\neg A) \wedge (\neg B).$$

## Teorema (Ley de absorción)

$$A \vee (A \wedge B) = A, \quad A \wedge (A \vee B) = A.$$

## Teorema (Ley de deducción)

$$A \rightarrow (B \rightarrow C) = (A \wedge B) \rightarrow C$$





## Necesidad de los paréntesis

- ¿Porque no son equivalentes  $(A \wedge B) \vee C$  y  $A \wedge (B \vee C)$ ?



# Necesidad de los paréntesis

- ▶ ¿Porque no son equivalentes  $(A \wedge B) \vee C$  y  $A \wedge (B \vee C)$ ?
- ▶ ¿Porque no son equivalentes  $(A \rightarrow B) \rightarrow C$  y  $A \rightarrow (B \rightarrow C)$ ?

# Necesidad de los paréntesis

- ▶ ¿Porque no son equivalentes  $(A \wedge B) \vee C$  y  $A \wedge (B \vee C)$ ?
- ▶ ¿Porque no son equivalentes  $(A \rightarrow B) \rightarrow C$  y  $A \rightarrow (B \rightarrow C)$ ?

## Teorema (lectura única, informal)

*Si cada uso de un conectivo está rodeado con paréntesis:*

$$(\neg\phi), \quad (\phi \wedge \psi), \quad (\phi \vee \psi), \quad (\phi \rightarrow \psi),$$

*entonces cada formula proposicional admite el único orden de lectura.*

# Necesidad de los paréntesis

- ▶ ¿Porque no son equivalentes  $(A \wedge B) \vee C$  y  $A \wedge (B \vee C)$ ?
- ▶ ¿Porque no son equivalentes  $(A \rightarrow B) \rightarrow C$  y  $A \rightarrow (B \rightarrow C)$ ?

## Teorema (lectura única, informal)

*Si cada uso de un conectivo está rodeado con paréntesis:*

$$(\neg\phi), \quad (\phi \wedge \psi), \quad (\phi \vee \psi), \quad (\phi \rightarrow \psi),$$

*entonces cada formula proposicional admite el único orden de lectura.*

Formalizaremos y probaremos en el tema “inducción estructural”.

¡Gracias!