

Repaso I2

Clase 24

IIC 2133 - Sección 4

Prof. Sebastián Buggedo

Sumario

Obertura

Tablas de hash

Estrategias algorítmicas

DFS

Un ejemplo de prueba

Epílogo

¿Cómo están?



Entendez-vous

Traditional

1. 2.

En - ten - dez - vous dans le feu tous ces bruits mys - té - ri - eux?

5 3. 4.

Ce sont les ti - sons qui chan - tent: Com - pa - gnon, sois jo - yeux!

The musical score is written on two staves in G major (one flat) and common time. The first staff contains measures 1 through 4, with measure numbers 1. and 2. above the first and second measures respectively. The second staff contains measures 5 through 8, with measure numbers 5, 3., and 4. above the first, third, and fourth measures respectively. The melody is simple and folk-like, with lyrics written below the notes.

Entendez-vous dans le feu
tous ces bruits mystérieux?

Ce sont les tisons qui chantent:
Compagnon, sois joyeux!

Los grandes temas

En esta interrogación abarcamos los siguientes macrotemas

1. Diccionarios
 - Tablas de hash
2. Estrategias algorítmicas
 - Backtracking
 - Algoritmos codiciosos (greedy)
 - Programación dinámica
3. Intro a algoritmos en grafos
 - DFS (detección de ciclos, orden topológico, Kosaraju)

Más de un tema podría corresponderse con una misma pregunta en la I2

Interrogación 2

Objetivos a evaluar en la I2

- ☐ Comprender implementación y uso de tablas de hash
- ☐ Diseñar algoritmos usando técnicas e ideas estudiadas
- ☐ Aplicar y modificar algoritmos basados en DFS para resolver problemas en grafos

Varios objetivos pueden incluirse en cada pregunta

Interrogación 2

Formato de la prueba

- 2 horas de tiempo
- Pool de 4 preguntas para elegir 3
- Cada pregunta incluye un título que describe sus temas
- ¡**SOLO** se entregan 3 preguntas respondidas!

Nota de la I2: promedio de las 3 preguntas entregadas

Interrogación 2

Material adicional

- Pueden usar un formulario/apuntes durante la prueba
- Debe estar escrito a mano (puede ser impreso de tablet)
- Una hoja (por ambos lados)
- Sugerencia: incluyan los pseudocódigos vistos

No se aceptarán diapositivas impresas

Objetivos de la clase

- ☐ Recordar elementos esenciales de los contenidos a evaluar
- ☐ Identificar diferencias de contenidos que aplican a un mismo escenario
- ☐ Aplicar algunos de los contenidos a ejemplos concretos
- ☐ Conocer enfoque esperado en las respuestas de algunos ejemplos

Sumario

Obertura

Tablas de hash

Estrategias algorítmicas

DFS

Un ejemplo de prueba

Epílogo

Diccionarios

Definición

Un **diccionario** es una estructura de datos con las siguientes operaciones

- **Asociar** un valor a una llave
- **Actualizar** el valor asociado a una llave
- **Obtener** el valor asociado a una llave
- En ciertos casos, **eliminar** de la estructura una asociación llave-valor

Objetivo central: búsqueda eficiente

Diccionarios: dos enfoques

Vimos dos instancias de diccionarios

1. Árboles de búsqueda

- Binarios AVL
- 2-3
- Binarios rojo-negro

2. Tablas de Hash

Tablas de Hash

Aspectos esenciales de las tablas de hash

- La búsqueda se basa en el resultado de una **función de hash**
- El valor de hash se usa como índice en un arreglo (la tabla)
- Cada colisión se almacena mediante algún procedimiento
 - Direccionamiento abierto: dónde se pueda
 - Encadenamiento: usar listas ligadas de colisiones

También se podrían usar árboles para manejar colisiones.

Beneficio: la búsqueda es más rápida que en las listas

Tablas de Hash

Operaciones

- Búsqueda en dos fases

1. Identificación de celda: $\mathcal{O}(1)$ si la función de hash es adecuada
2. Búsqueda en colisiones

- Inserción también en dos fases

Note que la complejidad depende de cómo se almacenan colisiones

- Listas: $\mathcal{O}(n)$ en el peor caso

- Árboles: $\mathcal{O}(\log(n))$ en el peor caso, manteniendo balance

Se pueden usar otras formas de almacenamiento de colisiones:
tablas de hash por ej

Tablas de hash

Orientaciones para el estudio

- ☐ Comprender funciones de hash y propiedades deseables (impacto en las colisiones)
- ☐ Comparar desempeño de técnicas de resolución de colisiones
- ☐ Uso de tablas para almacenar y consultar valores

Sumario

Obertura

Tablas de hash

Estrategias algorítmicas

DFS

Un ejemplo de prueba

Epílogo

Estrategias algorítmicas

Estudiamos tres de ellas: Backtracking, greedy y programación dinámica

Aspectos esenciales

- Cada una se centra en una forma de tomar decisiones y avanzar
 - Backtracking: se puede arrepentir y cambiar su decisión
 - Codiciosos: toman la mejor decisión aparente en el momento y no se arrepienten
 - Dinámica: comparan soluciones de subproblemas, recordando
- Las tres se pueden usar para optimizar, pero greedy y dinámica son las más indicadas para esto

Estrategias algorítmicas

Backtracking

- Requiere considerar **satisfacción de restricciones**
- Al evaluar una decisión posible, se verifica si es factible *en este momento*
- Se hace un llamado recursivo para determinar si dicha decisión puede ser exitosa en última instancia
- Si no lo es, entonces se revierte y se toma otra
- Cuando no quedan opciones, se da por fracasado el llamado actual

Estrategias algorítmicas

Algoritmos codiciosos

- Exclusivos para problemas de optimización
- Se basan en una **estrategia codiciosa**
- Esta define qué elemento/decisión tomar a continuación
- Existen problemas sin una estrategia codiciosa exitosa

Estrategias algorítmicas

Programación dinámica

- Muy usados para problemas de optimización, pero no de forma exclusiva
- Se basan en una **ecuación de recurrencia**
- Esta compara decisiones posibles (recursivas)
- La recurrencia sugiere la forma del algoritmo diseñado
- **Se deben guardar** los resultados de subproblemas para reciclarlos

Orden lineal

Orientaciones para el estudio

- ☐ Comprender casos de uso de las tres estrategias
- ☐ Conocer la idea general del funcionamiento de cada estrategia
- ☐ Diseñar algoritmos usando estas estrategias

Sumario

Obertura

Tablas de hash

Estrategias algorítmicas

DFS

Un ejemplo de prueba

Epílogo

Intro a algoritmos en grafos

Algoritmos basados en DFS

- **Búsqueda en profundidad** que recorre aristas hasta agotarlas
- Permite resolver variados problemas
 - Detección de ciclos: aristas hacia atrás en grafos dirigidos
 - Orden topológico
 - Kosaraju: componentes fuertemente conectadas

Sumario

Obertura

Tablas de hash

Estrategias algorítmicas

DFS

Un ejemplo de prueba

Epílogo

Ejemplo: Dinámica

Ejercicio (I2 P2 - 2023-2)

Dado un conjunto de enteros positivos $A = \{a_1, \dots, a_n\}$, el problema `DivSum` consiste en responder si es posible construir dos conjuntos B_1, B_2 disjuntos, no vacíos, tales que $B_1 \cup B_2 = A$ y tales que tienen la misma suma de sus elementos. `DivSum` puede resolverse como problema de decisión, definiendo

$$p(k, S) := \begin{array}{l} 1 \text{ si y solo si es posible construir un conjunto con} \\ \text{elementos de } a_k, \dots, a_n \text{ con suma exactamente } S. \end{array}$$

y su relación recursiva

$$p(k, S) = p(k+1, S) \text{ OR } p(k+1, S - a_k)$$

donde `OR` es el operador de disyunción que evalúa primero el lado izquierdo. Si dicho lado es 1, entrega 1 sin evaluar el lado derecho.

Esto significa que es posible que ciertos llamados de $p(k, S)$ no se realicen.

Ejemplo: Dinámica

Ejercicio

- (a) Identifique los casos base para $p(k, S)$. Defina el valor adecuado de $p(k, S)$ en tales casos.

Propuesta de solución.

Como nos interesa que la recursión no persista, debemos considerar:

1. $k > n$ que representa el caso en que no quedan elementos o $S < 0$ que representa suma negativa
2. $S = 0$ que representa la condición de éxito (agotamos la suma buscada)

Con esto, los casos se resumen en

$$p(k, S) = \begin{cases} 0 & k > n \vee S < 0 \\ 1 & S = 0 \end{cases}$$

Ejemplo: Dinámica

Ejercicio

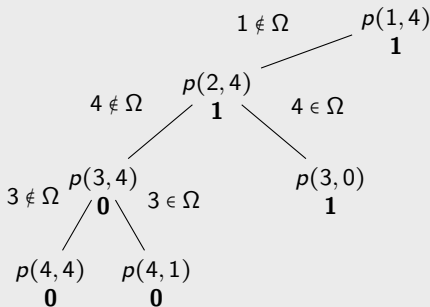
- (b) Resuelva el problema `DivSum` para $A = \{1, 4, 3\}$ mediante la definición de $p(k, S)$, usando un llamado inicial adecuado. Muestre el árbol recursivo de llamados que se genera, indicando qué elementos se incluyen/descartan en cada paso y mostrando cuándo la recursión llega a un caso base.

Ejemplo: Dinámica

Ejercicio

Propuesta de solución.

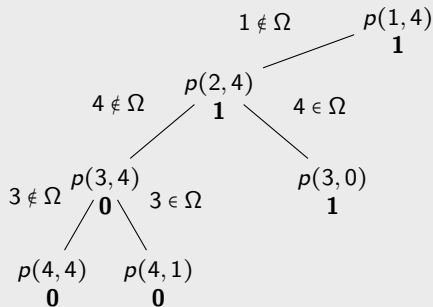
El llamado que responde al problema DivSum para $A = \{1, 4, 3\}$ es $p(1, 4)$, donde el segundo argumento es la mitad de la suma de todos los elementos de A . Si $p(1, 4) = 1$, significa que es posible construir conjuntos con igual suma. Sea Ω uno de los subconjuntos. A continuación mostramos los llamados recursivos que indican cómo construir Ω .



Ejemplo: Dinámica

Ejercicio

Propuesta de solución.



Observamos que todo el subárbol derecho no se genera porque se llegó a un 1 en el lado izquierdo. Del árbol, deducimos que sí el problema DivSum tiene respuesta positiva para A . Más aún, el diagrama muestra $\Omega = \{4\}$ como uno de los conjuntos.

Ejemplo: Dinámica

Ejercicio

- (c) Proponga el pseudocódigo de un algoritmo recursivo que para cualquier conjunto A de enteros positivos, responda el problema `DivSum` para A .

Ejemplo: Dinámica

Propuesta de solución.

Se asume M un arreglo bidimensional con celdas vacías. Primero proponemos el algoritmo de programación dinámica que calcula $p(k, S)$.

$\text{Dynamic}(k, S)$:

```
1   if  $k > n \vee S < 0$  :  
2       return 0  
3   if  $S = 0$  :  
4       return 1  
5   else:  
6       if  $M[k][S] \neq \emptyset$  :  
7           return  $M[k][S]$   
8       else:  
9            $M[k][S] \leftarrow \text{Dynamic}(k + 1, S) \text{ OR } \text{Dynamic}(k + 1, S - a_k)$   
10          return  $M[k][S]$ 
```

Ejemplo: Dinámica

Propuesta de solución.

Luego, el algoritmo que resuelve el problema DivSum es

DivSum(A):

```
1    $S \leftarrow \text{SUM}(A)$ 
2   if  $S$  es impar :
3       return 0
4   return Dynamic(1,  $S/2$ )
```


Sumario

Obertura

Tablas de hash

Estrategias algorítmicas

DFS

Un ejemplo de prueba

Epílogo

Recomendaciones finales

Para los ejemplos vistos en clase

- Replicarlos comprendiendo los pasos de su resolución
- Asegurarse de poder motivar las decisiones

Pautas anteriores

- Hay hart material resuelto en el repo!
- No se aprendan pautas... seleccionen y aprovéchenlas
- Planifiquen su solución antes de verla, y luego consulten la pauta

Playlist 3



Playlist: DatiWawos Tercer Acto

Además sigan en instagram:

@orquesta_tamen

Objetivos de la clase

- ☐ Recordar elementos esenciales de los contenidos a evaluar
- ☐ Identificar diferencias de contenidos que aplican a un mismo escenario
- ☐ Aplicar algunos de los contenidos a ejemplos concretos
- ☐ Conocer enfoque esperado en las respuestas de algunos ejemplos