# Grafos y ciclos

Clase 20

IIC 2133 - Sección 3

Prof. Eduardo Bustos

# Sumario

Introducción

Grafos

Detección de ciclos

Cierre

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

Cada tarea es indivisible

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

- Cada tarea es indivisible
- Algunas tareas tienen como requisito otras tareas

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

- Cada tarea es indivisible
- Algunas tareas tienen como requisito otras tareas
- No nos preocupamos del tiempo que toma cada tarea

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

- Cada tarea es indivisible
- Algunas tareas tienen como requisito otras tareas
- No nos preocupamos del tiempo que toma cada tarea

#### Ejemplo

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

- Cada tarea es indivisible
- Algunas tareas tienen como requisito otras tareas
- No nos preocupamos del tiempo que toma cada tarea

#### Ejemplo

Un proyecto G tiene las siguientes tareas con su especificación de requisitos

■ T0: no tiene requisitos

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

- Cada tarea es indivisible
- Algunas tareas tienen como requisito otras tareas
- No nos preocupamos del tiempo que toma cada tarea

#### Ejemplo

- T0: no tiene requisitos
- T1: requiere T0

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

- Cada tarea es indivisible
- Algunas tareas tienen como requisito otras tareas
- No nos preocupamos del tiempo que toma cada tarea

#### Ejemplo

- T0: no tiene requisitos
- T1: requiere T0
- T2: requiere T0

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

- Cada tarea es indivisible
- Algunas tareas tienen como requisito otras tareas
- No nos preocupamos del tiempo que toma cada tarea

#### Ejemplo

- T0: no tiene requisitos
- T1: requiere T0
- T2: requiere T0
- T3: requiere T1 y T2

Consideremos un proyecto complejo dividido en varias tareas

- Cada tarea es indivisible
- Algunas tareas tienen como requisito otras tareas
- No nos preocupamos del tiempo que toma cada tarea

#### Ejemplo

Un proyecto G tiene las siguientes tareas con su especificación de requisitos

- T0: no tiene requisitos
- T1: requiere T0
- T2: requiere T0
- T3: requiere T1 y T2

¿Cómo sabemos si el proyecto especificado es viable?

Solo nos interesa la ejecución de tareas con requisitos

Solo nos interesa la ejecución de tareas con requisitos

■ El proyecto no será viable si hay una referencia circular

Solo nos interesa la ejecución de tareas con requisitos

■ El proyecto no será viable si hay una referencia circular

Para dos tareas A y B, si B tiene como requisito la tarea A entonces escribiremos

$$A \rightarrow B$$

Solo nos interesa la ejecución de tareas con requisitos

El proyecto no será viable si hay una referencia circular

Para dos tareas A y B, si B tiene como requisito la tarea A entonces escribiremos

$$A \rightarrow B$$

Con esto, el proyecto es inviable si existe una secuencia de tareas

$$X \to T_1 \to \cdots \to T_n \to X$$

Solo nos interesa la ejecución de tareas con requisitos

El proyecto no será viable si hay una referencia circular

Para dos tareas A y B, si B tiene como requisito la tarea A entonces escribiremos

$$A \rightarrow B$$

Con esto, el proyecto es inviable si existe una secuencia de tareas

$$X \to T_1 \to \cdots \to T_n \to X$$

¿Es la única condición que debemos verificar para decidir?

La ausencia de secuencias circulares es condición **necesaria y suficiente** para asegurar la viabilidad del proyecto

La ausencia de secuencias circulares es condición **necesaria y suficiente** para asegurar la viabilidad del proyecto

■ Si hay una secuencia circular, no podemos ordenar las tareas

La ausencia de secuencias circulares es condición **necesaria y suficiente** para asegurar la viabilidad del proyecto

- Si hay una secuencia circular, no podemos ordenar las tareas
- Si no hay secuencia circular, ordenamos

La ausencia de secuencias circulares es condición **necesaria y suficiente** para asegurar la viabilidad del proyecto

- Si hay una secuencia circular, no podemos ordenar las tareas
- Si no hay secuencia circular, ordenamos

El orden de las tareas nos indica en qué orden **ejecutarlas** para completar el proyecto

La ausencia de secuencias circulares es condición necesaria y suficiente para asegurar la viabilidad del proyecto

- Si hay una secuencia circular, no podemos ordenar las tareas
- Si no hay secuencia circular, ordenamos

El orden de las tareas nos indica en qué orden **ejecutarlas** para completar el proyecto

¿Cómo verificar la viabilidad de un proyecto de manera algorítmica?

### Representación de la dependencia de tareas

#### Ejemplo

- T0: no tiene requisitos
- T1: requiere T0
- T2: requiere T1
- T3: requiere T1, T6, T8
- T4: requiere T3, T5 y T9

- T5: requiere T6 y T8
- T6: requiere T7
- T7: requiere T0
- T8: requiere T1 y T7
- T9: requiere T2 y T8

### Representación de la dependencia de tareas

#### Ejemplo

Un proyecto  ${\it G}$  tiene las siguientes tareas con su especificación de requisitos

- T0: no tiene requisitos
- T1: requiere T0
- T2: requiere T1
- T3: requiere T1, T6, T8
- T4: requiere T3, T5 y T9

- T5: requiere T6 y T8
- T6: requiere T7
- T7: requiere T0
- T8: requiere T1 y T7
- T9: requiere T2 y T8

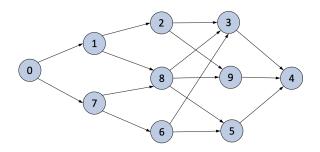
¿Cómo podemos representar de manera eficiente este escenario?

### Representación de la dependencia de tareas

#### Ejemplo

- T0: no tiene requisitos
- T1: requiere T0
- T2: requiere T1
- T3: requiere T1, T6, T8
- T4: requiere T3, T5 y T9

- T5: requiere T6 y T8
- T6: requiere T7
- T7: requiere T0
- T8: requiere T1 y T7
- T9: requiere T2 y T8



☐ Comprender el concepto de grafo y sus uso para modelar

- ☐ Comprender el concepto de grafo y sus uso para modelar
- ☐ Identificar un algoritmo para detección de ciclos

- ☐ Comprender el concepto de grafo y sus uso para modelar
- Identificar un algoritmo para detección de ciclos
- ☐ Identificar estrategias para evitar loops en algoritmos en grafos

# Sumario

Introducción

Grafos

Detección de ciclos

Cierre

La representación anterior se conoce como grafo dirigido

La representación anterior se conoce como grafo dirigido

Definición

Un grafo dirigido es un par G = (V, E), donde V es el conjunto de nodos y E es el conjunto de aristas de la forma (u, v), con  $u, v \in V$ 

La representación anterior se conoce como grafo dirigido

#### Definición

Un grafo dirigido es un par G = (V, E), donde V es el conjunto de nodos y E es el conjunto de aristas de la forma (u, v), con  $u, v \in V$ 

#### Ejemplo

$$V(G) = \{0, 1, 2, 3, 4\}$$

$$E(G) = \{(0,1), (0,2), (1,2), (1,3), (2,4)\}$$



La representación anterior se conoce como grafo dirigido

#### Definición

Un grafo dirigido es un par G = (V, E), donde V es el conjunto de nodos y E es el conjunto de aristas de la forma (u, v), con  $u, v \in V$ 

#### Ejemplo

$$V(G) = \{0, 1, 2, 3, 4\}$$

$$E(G) = \{(0,1), (0,2), (1,2), (1,3), (2,4)\}$$



Usaremos grafos dirigidos cuando exista un nodo de partida (origen) y uno de llegada (destino)

De forma análoga definimos los grafos no dirigidos

De forma análoga definimos los grafos no dirigidos

#### Definición

Un grafo no dirigido es un par G = (V, E), donde V es el conjunto de nodos y E es el conjunto de aristas de la forma  $\{u, v\}$ , con  $u, v \in V$  y  $u \neq v$ .

De forma análoga definimos los grafos no dirigidos

#### Definición

Un grafo no dirigido es un par G = (V, E), donde V es el conjunto de nodos y E es el conjunto de aristas de la forma  $\{u, v\}$ , con  $u, v \in V$  y  $u \neq v$ .

### Ejemplo

$$V(G) = \{0,1,2,3,4\}$$

$$E(G) = \{\{0,1\},\{0,2\},\{1,2\},\{1,3\},\{2,4\}\}$$



De forma análoga definimos los grafos no dirigidos

#### Definición

Un grafo no dirigido es un par G = (V, E), donde V es el conjunto de nodos y E es el conjunto de aristas de la forma  $\{u, v\}$ , con  $u, v \in V$  y  $u \neq v$ .

### Ejemplo

$$V(G) = \{0, 1, 2, 3, 4\}$$
 $E(G) = \{\{0, 1\}, \{0, 2\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 4\}\}\}$ 

Usaremos grafos no dirigidos cuando importe agrupar pares de nodos vecinos

Cuando hablemos de complejidad de algoritmo sobre grafos

Cuando hablemos de complejidad de algoritmo sobre grafos

lacktriangle usaremos |V| y |E| como parámetros de tamaño

Cuando hablemos de complejidad de algoritmo sobre grafos

- lacksquare usaremos |V| y |E| como parámetros de tamaño
- los abreviaremos como V y E

Cuando hablemos de complejidad de algoritmo sobre grafos

- usaremos |V| y |E| como parámetros de tamaño
- los abreviaremos como V y E

Con esto, expresaremos la complejidad en términos de los elementos que definen el grafo

Cuando hablemos de complejidad de algoritmo sobre grafos

- usaremos |V| y |E| como parámetros de tamaño
- los abreviaremos como V y E

Con esto, expresaremos la complejidad en términos de los elementos que definen el grafo

¿Es mejor un algoritmo  $\mathcal{O}(V)$  o  $\mathcal{O}(E)$ ?

Cuando hablemos de complejidad de algoritmo sobre grafos

- usaremos |V| y |E| como parámetros de tamaño
- los abreviaremos como V y E

Con esto, expresaremos la complejidad en términos de los elementos que definen el grafo

¿Es mejor un algoritmo  $\mathcal{O}(V)$  o  $\mathcal{O}(E)$ ?

Depende! Hay dos situaciones extremas

Cuando hablemos de complejidad de algoritmo sobre grafos

- usaremos |V| y |E| como parámetros de tamaño
- los abreviaremos como V y E

Con esto, expresaremos la complejidad en términos de los elementos que definen el grafo

¿Es mejor un algoritmo 
$$\mathcal{O}(V)$$
 o  $\mathcal{O}(E)$ ?

Depende! Hay dos situaciones extremas

$$|E| = 0$$

Cuando hablemos de complejidad de algoritmo sobre grafos

- usaremos |V| y |E| como parámetros de tamaño
- los abreviaremos como V y E

Con esto, expresaremos la complejidad en términos de los elementos que definen el grafo

¿Es mejor un algoritmo 
$$\mathcal{O}(V)$$
 o  $\mathcal{O}(E)$ ?

Depende! Hay dos situaciones extremas

- |E| = 0
- Grafo completo (todas las aristas posibles)

Necesitamos codificar los grafos y almacenarlos

Necesitamos codificar los grafos y almacenarlos

1. Listas de adyacencias en que la celda i de la lista tiene una lista con los vecinos j tales que (i,j) es arista en el grafo

#### Necesitamos codificar los grafos y almacenarlos

- 1. Listas de adyacencias en que la celda i de la lista tiene una lista con los vecinos j tales que (i,j) es arista en el grafo
- 2. Matriz de adyacencias en que la celda [i][j] indica si la arista (i,j) existe en el grafo

Necesitamos codificar los grafos y almacenarlos

- 1. Listas de adyacencias en que la celda i de la lista tiene una lista con los vecinos j tales que (i,j) es arista en el grafo
- 2. Matriz de adyacencias en que la celda [i][j] indica si la arista (i,j) existe en el grafo

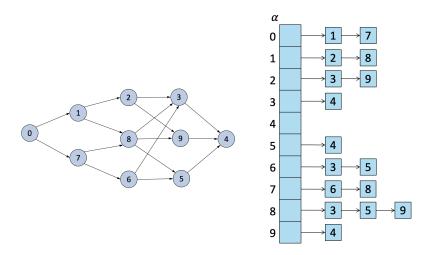
Ambas almacenan la información de nodos en sus dimensiones, mientras que las aristas son los datos adicionales

Necesitamos codificar los grafos y almacenarlos

- 1. Listas de adyacencias en que la celda i de la lista tiene una lista con los vecinos j tales que (i,j) es arista en el grafo
- 2. Matriz de adyacencias en que la celda [i][j] indica si la arista (i,j) existe en el grafo

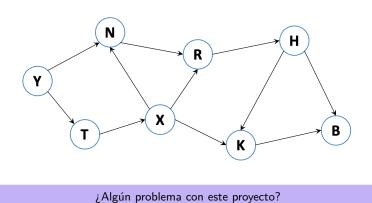
Ambas almacenan la información de nodos en sus dimensiones, mientras que las aristas son los datos adicionales

La complejidad en grafos puede depender de qué representación se usa

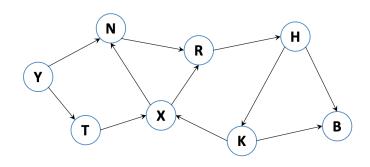


La complejidad en grafos puede depender de qué representación se usa

## Volviendo al problema



## Volviendo al problema



¿Algún problema con este proyecto?

#### Definición

Dado un grafo dirigido G=(V,E), un camino  $\pi$  es una secuencia de nodos  $v_0,v_1,\ldots,v_n$  tal que

$$\{v_i, v_{i+1}\} \in E$$
 para cada  $i < n$ 

#### Definición

Dado un grafo dirigido G = (V, E), un camino  $\pi$  es una secuencia de nodos  $v_0, v_1, \ldots, v_n$  tal que

$$\{v_i, v_{i+1}\} \in E$$
 para cada  $i < n$ 

Decimos que  $\pi := v_0, v_1, \dots, v_n$  es de largo n. Si n > 0 y  $v_0 = v_n$  diremos que  $\pi$  es un ciclo. Un grafo que posee un ciclo se dice cíclico.

#### Definición

Dado un grafo dirigido G = (V, E), un camino  $\pi$  es una secuencia de nodos  $v_0, v_1, \ldots, v_n$  tal que

$$\{v_i, v_{i+1}\} \in E$$
 para cada  $i < n$ 

Decimos que  $\pi := v_0, v_1, \dots, v_n$  es de largo n. Si n > 0 y  $v_0 = v_n$  diremos que  $\pi$  es un ciclo. Un grafo que posee un ciclo se dice cíclico.

Para nuestro problema, determinar si hay una secuencia circular de tareas equivale a determinar si el grafo de representación contiene un ciclo

#### Definición

Dado un grafo dirigido G = (V, E), un camino  $\pi$  es una secuencia de nodos  $v_0, v_1, \ldots, v_n$  tal que

$$\{v_i, v_{i+1}\} \in E$$
 para cada  $i < n$ 

Decimos que  $\pi := v_0, v_1, \dots, v_n$  es de largo n. Si n > 0 y  $v_0 = v_n$  diremos que  $\pi$  es un ciclo. Un grafo que posee un ciclo se dice cíclico.

Para nuestro problema, determinar si hay una secuencia circular de tareas equivale a determinar si el grafo de representación contiene un ciclo

¿Podemos definir un algoritmo para detectar ciclos?

# Sumario

Introducción

Grafos

Detección de ciclos

Cierre

Dadas dos tareas X e Y, diremos que Y es posterior a X si

Dadas dos tareas X e Y, diremos que Y es posterior a X si



Dadas dos tareas X e Y, diremos que Y es posterior a X si

- $X \rightarrow Y \circ$
- existe una tarea Z tal que  $X \rightarrow Z$  e Y es posterior a Z

Dadas dos tareas X e Y, diremos que Y es posterior a X si

- $X \rightarrow Y \circ$
- existe una tarea Z tal que  $X \rightarrow Z$  e Y es posterior a Z

En esencia: Y es posterior a X si X debe realizarse antes que Y

Dadas dos tareas X e Y, diremos que Y es posterior a X si

- $X \rightarrow Y \circ$
- existe una tarea Z tal que  $X \rightarrow Z$  e Y es posterior a Z

En esencia: Y es posterior a X si X debe realizarse antes que Y

Esta propiedad es clave para definir un algoritmo de detección de ciclos

```
input : Grafo G, nodo X \in V(G)
Posteriors(G, X):
1   P \leftarrow \emptyset
2   for Y tal que X \rightarrow Y:
3   P \leftarrow P \cup \{Y\}
4   P \leftarrow P \cup Posteriors(G, Y)
5   return P
```

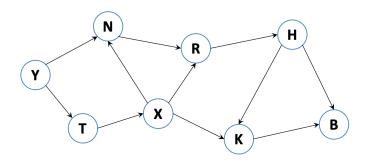
```
input : Grafo G, nodo X \in V(G)
Posteriors(G, X):

P \leftarrow \varnothing
for Y tal que X \rightarrow Y :

P \leftarrow P \cup \{Y\}
P \leftarrow P \cup Posteriors(G, Y)

return P
```

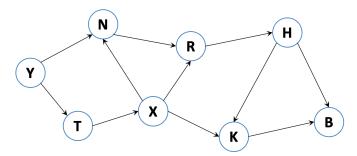
¿Qué complejidad tiene este algoritmo?



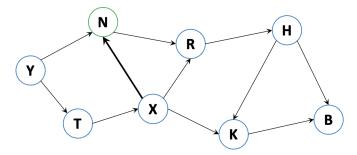
### Ejercicio

Para el grafo anterior, determine los nodos posteriores a  $\boldsymbol{X}$  usando el algoritmo Posteriors

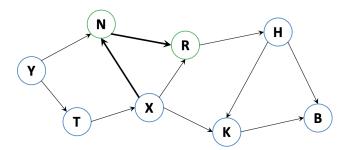
### Exploramos cada arista de salida desde $\boldsymbol{X}$



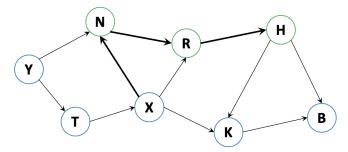
### Encontramos primero a N



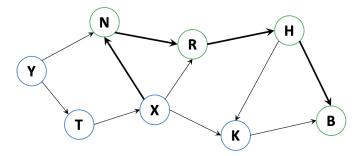
Ojo, ahora corresponde revisar las aristas de  ${\it N}$  recursivamente: encontramos a  ${\it R}$ 



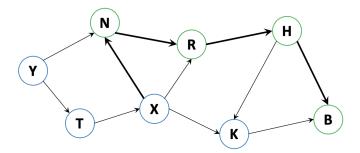
Seguimos, comenzando en  ${\it R}$  y encontrando  ${\it H}$ 



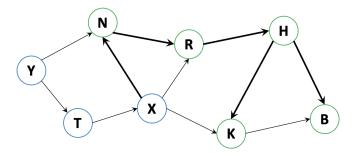
Seguimos, comenzando en  ${\cal H}$  y encontrando  ${\cal B}$ 



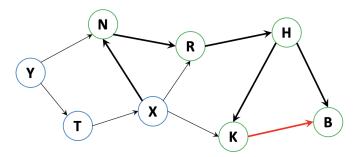
Comenzando en B no tenemos aristas de salida. Retornamos hacia atrás



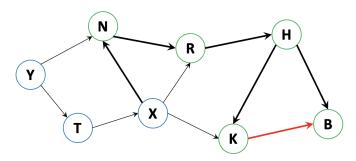
Comenzando en  ${\cal H}$ , exploramos la otra arista de salida, encontrando  ${\cal K}$ 



Desde K volvemos a encontrarnos con B y retornamos hacia atrás



Desde K volvemos a encontrarnos con B y retornamos hacia atrás



¿Qué problema tiene el algoritmo actual?

El algoritmo Posteriors no evita nodos ya visitados

El algoritmo Posteriors no evita nodos ya visitados

esto no solo impacta en la complejidad práctica

 ${\sf El}$  algoritmo  ${\sf Posteriors}$  no evita nodos ya visitados

- esto no solo impacta en la complejidad práctica
- si hay un ciclo en el grafo, el algoritmo no termina

El algoritmo Posteriors no evita nodos ya visitados

- esto no solo impacta en la complejidad práctica
- si hay un ciclo en el grafo, el algoritmo no termina

Necesitamos poder distinguir a los ya visitados

El algoritmo Posteriors no evita nodos ya visitados

- esto no solo impacta en la complejidad práctica
- si hay un ciclo en el grafo, el algoritmo no termina

Necesitamos poder distinguir a los ya visitados

Agregamos un atributo a los nodos

```
input : Grafo G, nodo X \in V(G)
Posteriors(G, X):

if X.visited = 1 : return \emptyset

2    X.visited \leftarrow 1

3    P \leftarrow \emptyset
4    for Y tal que X \rightarrow Y :

5        P \leftarrow P \cup Posteriors(G, Y)

7    return P
```

```
input : Grafo G, nodo X \in V(G)
Posteriors(G, X):

if X.visited = 1 : return \emptyset

2    X.visited \leftarrow 1

3    P \leftarrow \emptyset

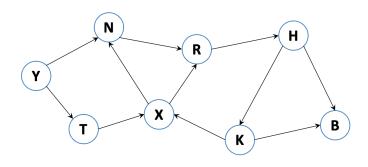
4    for Y tal que X \rightarrow Y :

5    P \leftarrow P \cup {Y}

6    P \leftarrow P \cup Posteriors(G, Y)

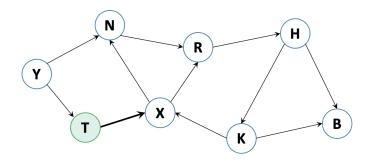
7    return P
```

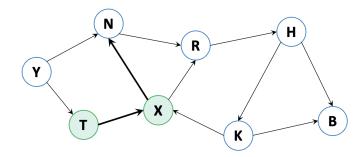
#### Esta versión termina siempre

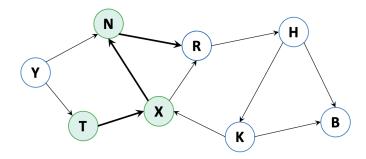


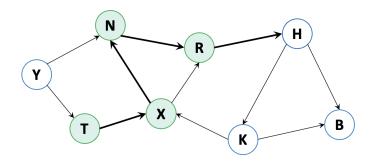
### Ejercicio

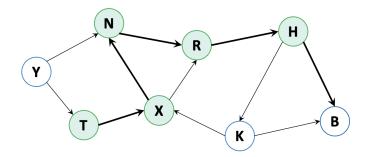
Para el grafo anterior, determine los nodos posteriores a  $\mathcal T$  usando el algoritmo Posteriors que detecta visitados

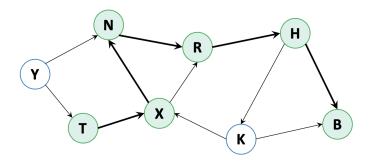


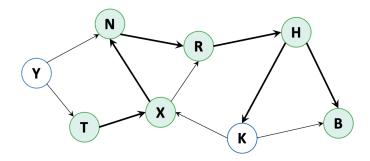


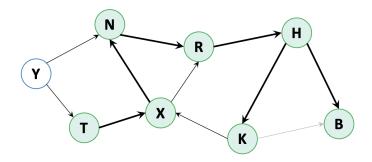


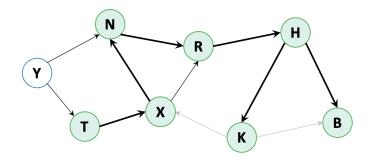


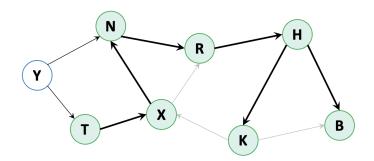


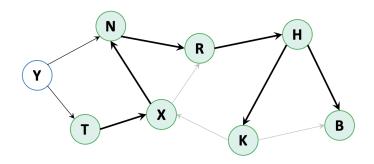


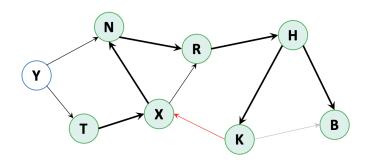




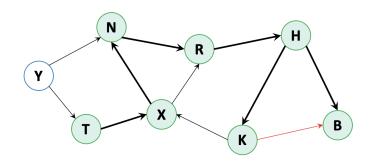








Queremos que esto sea detectado como ciclo



Esto NO DEBE ser considerado un ciclo

Proponemos la siguiente regla para detección de ciclos usando Posteriors

Proponemos la siguiente regla para detección de ciclos usando Posteriors

■ Si el nodo Y que vamos a visitar ya fue visitado

Proponemos la siguiente regla para detección de ciclos usando Posteriors

- Si el nodo Y que vamos a visitar ya fue visitado
  - 1. Si estamos en un nodo posterior a Y, hay ciclo

Proponemos la siguiente regla para detección de ciclos usando Posteriors

- Si el nodo Y que vamos a visitar ya fue visitado
  - 1. Si estamos en un nodo posterior a Y, hay ciclo
  - 2. Si no, entonces **esta arista no forma ciclo** (pueden haber en otras zonas)

Proponemos la siguiente regla para detección de ciclos usando Posteriors

- Si el nodo Y que vamos a visitar ya fue visitado
  - 1. Si estamos en un nodo posterior a Y, hay ciclo
  - 2. Si no, entonces **esta arista no forma ciclo** (pueden haber en otras zonas)

Importante: hasta que  ${\tt Posteriors}(G,X)$  retorne, todos los visitados que se marcan son posteriores a X

Proponemos la siguiente regla para detección de ciclos usando Posteriors

- Si el nodo Y que vamos a visitar ya fue visitado
  - 1. Si estamos en un nodo posterior a Y, hay ciclo
  - 2. Si no, entonces **esta arista no forma ciclo** (pueden haber en otras zonas)

Importante: hasta que  $\operatorname{Posteriors}(G,X)$  retorne, todos los visitados que se marcan son posteriores a X

Agregamos colores para distinguir el tipo de visitado:

Proponemos la siguiente regla para detección de ciclos usando Posteriors

- Si el nodo Y que vamos a visitar ya fue visitado
  - 1. Si estamos en un nodo posterior a Y, hay ciclo
  - 2. Si no, entonces **esta arista no forma ciclo** (pueden haber en otras zonas)

Importante: hasta que  $\operatorname{Posteriors}(G,X)$  retorne, todos los visitados que se marcan son posteriores a X

Agregamos colores para distinguir el **tipo de visitado**: blanco=no visitado, gris=visitado posterior, negro=visitado no posterior

```
input : Grafo G, nodo X \in V(G)

cycleAfter(G, X):

1 if X.color = gris: return true

2 if X.color = negro: return false

3 X.color \leftarrow gris

4 for Y tal que X \rightarrow Y:

5 if cycleAfter(G, Y): return true

6 X.color \leftarrow negro

7 return false
```

```
input : Grafo G, nodo X \in V(G)

cycleAfter(G, X):

1 if X.color = gris: return true

2 if X.color = negro: return false

3 X.color \leftarrow gris

4 for Y tal que X \rightarrow Y:

5 if cycleAfter(G, Y): return true

6 X.color \leftarrow negro

7 return false
```

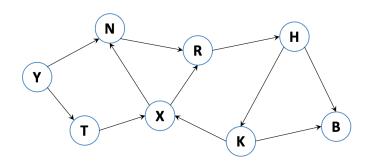
Este algoritmo decide si hay un ciclo partiendo desde X

```
input : Grafo G
  isCyclic(G):

for X ∈ V(G):
   if X.color ≠ blanco:
      continue
   if CycleAfter(G, X):
      return true
```

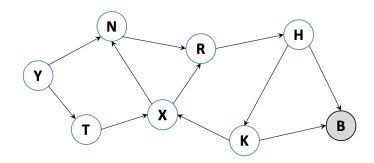
```
input : Grafo G
isCyclic(G):
for X ∈ V(G):
if X.color ≠ blanco:
continue
if CycleAfter(G,X):
return true
return false
```

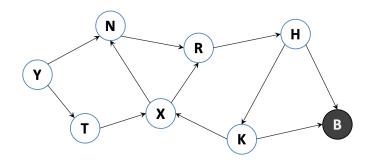
Este algoritmo decide si hay un ciclo en el grafo

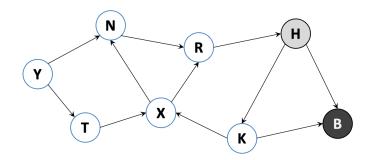


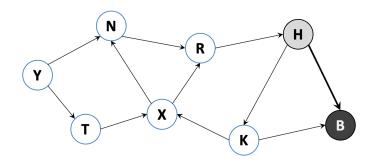
#### Ejercicio

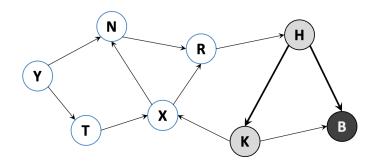
Para el grafo anterior, determine si posee algún ciclo usando el algoritmo isCyclic. Asuma que el **for** de la línea 1 de isCyclic escoge los nodos en orden alfabético

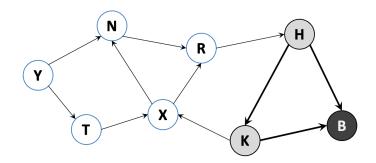


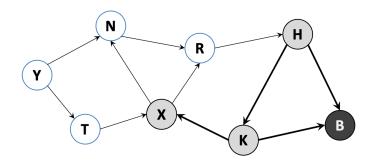


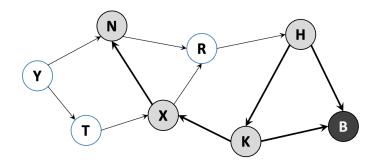


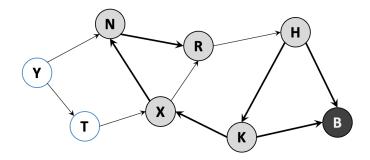


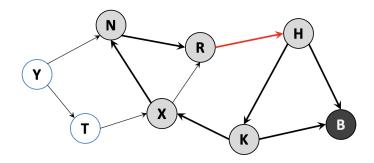












El algoritmo isCyclic sigue una estrategia de búsqueda en profundidad

■ también abreviada DFS por las siglas de Depth First Search

- también abreviada DFS por las siglas de Depth First Search
- la estrategia es avanzar por aristas adyacentes hasta más no poder

- también abreviada DFS por las siglas de Depth First Search
- la estrategia es avanzar por aristas adyacentes hasta más no poder
- luego de agotar esa ruta, se retrocede y se exploran otras

- también abreviada DFS por las siglas de Depth First Search
- la estrategia es avanzar por aristas adyacentes hasta más no poder
- luego de agotar esa ruta, se retrocede y se exploran otras
- todas las rutas se exploran en profundidad

El algoritmo isCyclic sigue una estrategia de búsqueda en profundidad

- también abreviada DFS por las siglas de Depth First Search
- la estrategia es avanzar por aristas adyacentes hasta más no poder
- luego de agotar esa ruta, se retrocede y se exploran otras
- todas las rutas se exploran en profundidad

¿Cuál es la complejidad de estos algoritmos?

# Sumario

Introducción

Grafos

Detección de ciclos

Cierre

☐ Comprender el concepto de grafo y sus uso para modelar

- ☐ Comprender el concepto de grafo y sus uso para modelar
- ☐ Identificar un algoritmo para detección de ciclos

- ☐ Comprender el concepto de grafo y sus uso para modelar
- Identificar un algoritmo para detección de ciclos
- ☐ Identificar estrategias para evitar loops en algoritmos en grafos