

Ordenación lineal

Clase 7

IIC 2133 - Sección 1

Prof. Diego Arroyuelo

Objetivos de la clase

Objetivos de la clase

- Conocer algoritmos de ordenación en tiempo lineal

Objetivos de la clase

- ☐ Conocer algoritmos de ordenación en tiempo lineal
- ☐ Comprender la limitación de dominio para tener tales algoritmos

Sumario

Ordenación lineal

Cierre

Ordenación en tiempo lineal

Ordenación en tiempo lineal

Consideremos una A secuencia de n naturales entre 0 y k

Ordenación en tiempo lineal

Consideremos una A secuencia de n naturales entre 0 y k

- Para todo $a_i \in A$, se tiene que $0 \leq a_i \leq k$

Ordenación en tiempo lineal

Consideremos una A secuencia de n naturales entre 0 y k

- Para todo $a_i \in A$, se tiene que $0 \leq a_i \leq k$
- Notemos que no necesariamente $n = k - 1$

Ordenación en tiempo lineal

Consideremos una A secuencia de n naturales entre 0 y k

- Para todo $a_i \in A$, se tiene que $0 \leq a_i \leq k$
- Notemos que no necesariamente $n = k - 1$
- La secuencia A puede tener elementos repetidos

Ordenación en tiempo lineal

Consideremos una A secuencia de n naturales entre 0 y k

- Para todo $a_i \in A$, se tiene que $0 \leq a_i \leq k$
- Notemos que no necesariamente $n = k - 1$
- La secuencia A puede tener elementos repetidos

Propondremos un algoritmo de ordenación que **no compara**

Ordenación en tiempo lineal

Consideremos una A secuencia de n naturales entre 0 y k

- Para todo $a_i \in A$, se tiene que $0 \leq a_i \leq k$
- Notemos que no necesariamente $n = k - 1$
- La secuencia A puede tener elementos repetidos

Propondremos un algoritmo de ordenación que **no compara**

- Para cada dato, contaremos cuántos datos son menores que él

Ordenación en tiempo lineal

Consideremos una A secuencia de n naturales entre 0 y k

- Para todo $a_i \in A$, se tiene que $0 \leq a_i \leq k$
- Notemos que no necesariamente $n = k - 1$
- La secuencia A puede tener elementos repetidos

Propondremos un algoritmo de ordenación que **no compara**

- Para cada dato, contaremos cuántos datos son menores que él
- Esto nos indica la posición final de cada elemento

Ordenación en tiempo lineal

Consideremos una A secuencia de n naturales entre 0 y k

- Para todo $a_i \in A$, se tiene que $0 \leq a_i \leq k$
- Notemos que no necesariamente $n = k - 1$
- La secuencia A puede tener elementos repetidos

Propondremos un algoritmo de ordenación que **no compara**

- Para cada dato, contaremos cuántos datos son menores que él
- Esto nos indica la posición final de cada elemento

Si $k \in \mathcal{O}(n)$, entonces este algoritmo será $\Theta(n)$

El algoritmo CountingSort()

input : Arreglo $A[0 \dots n-1]$, natural k

output: Arreglo $B[0 \dots n-1]$

CountingSort (A, k):

```
1    $B[0 \dots n-1] \leftarrow$  arreglo vacío de  $n$  celdas
2    $C[0 \dots k] \leftarrow$  arreglo vacío de  $k+1$  celdas
3   for  $i = 0 \dots k$  :
4        $C[i] \leftarrow 0$ 
5   for  $j = 0 \dots n-1$  :
6        $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$ 
7   for  $p = 1 \dots k$  :
8        $C[p] \leftarrow C[p] + C[p-1]$ 
9   for  $r = n-1 \dots 0$  :
10       $B[C[A[r]] - 1] \leftarrow A[r]$ 
11       $C[A[r]] \leftarrow C[A[r]] - 1$ 
12   return  $B$ 
```

El algoritmo CountingSort()

CountingSort (A, k):

```
1    $B[0 \dots n-1] \leftarrow$  arreglo vacío
2    $C[0 \dots k] \leftarrow$  arreglo vacío
3   for  $i = 0 \dots k$  :
4        $C[i] \leftarrow 0$ 
5   for  $j = 0 \dots n-1$  :
6        $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$ 
7   for  $p = 1 \dots k$  :
8        $C[p] \leftarrow C[p] + C[p-1]$ 
9   for  $r = n-1 \dots 0$  :
10       $B[C[A[r]] - 1] \leftarrow A[r]$ 
11       $C[A[r]] \leftarrow C[A[r]] - 1$ 
12   return  $B$ 
```

- La complejidad del algoritmo es $\Theta(n + k)$
- Si $k \in \mathcal{O}(n)$, entonces CountingSort() es $\Theta(n)$

El algoritmo CountingSort()

CountingSort (A, k):

```
1    $B[0 \dots n-1] \leftarrow$  arreglo vacío
2    $C[0 \dots k] \leftarrow$  arreglo vacío
3   for  $i = 0 \dots k$  :
4        $C[i] \leftarrow 0$ 
5   for  $j = 0 \dots n-1$  :
6        $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$ 
7   for  $p = 1 \dots k$  :
8        $C[p] \leftarrow C[p] + C[p-1]$ 
9   for  $r = n-1 \dots 0$  :
10       $B[C[A[r]] - 1] \leftarrow A[r]$ 
11       $C[A[r]] \leftarrow C[A[r]] - 1$ 
12   return  $B$ 
```

- La complejidad del algoritmo es $\Theta(n + k)$
- Si $k \in \mathcal{O}(n)$, entonces CountingSort() es $\Theta(n)$

¡Este es un mejor tiempo que $\mathcal{O}(n \log(n))$!

Ejemplo de ejecución

CountingSort (A, k):

```
1   $B[0 \dots n-1] \leftarrow$  arreglo vacío
2   $C[0 \dots k] \leftarrow$  arreglo vacío
3  for  $i = 0 \dots k$  :
4       $C[i] \leftarrow 0$ 
5  for  $j = 0 \dots n-1$  :
6       $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$ 
7  for  $p = 1 \dots k$  :
8       $C[p] \leftarrow C[p] + C[p-1]$ 
9  for  $r = n-1 \dots 0$  :
10      $B[C[A[r]] - 1] \leftarrow A[r]$ 
11      $C[A[r]] \leftarrow C[A[r]] - 1$ 
12 return  $B$ 
```

A

7	1	1	3	0	7	5	5	7	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

Ejemplo de ejecución

CountingSort (A, k):

```
1   $B[0 \dots n-1] \leftarrow$  arreglo vacío
2   $C[0 \dots k] \leftarrow$  arreglo vacío
3  for  $i = 0 \dots k$  :
4       $C[i] \leftarrow 0$ 
5  for  $j = 0 \dots n-1$  :
6       $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$ 
7  for  $p = 1 \dots k$  :
8       $C[p] \leftarrow C[p] + C[p-1]$ 
9  for  $r = n-1 \dots 0$  :
10      $B[C[A[r]] - 1] \leftarrow A[r]$ 
11      $C[A[r]] \leftarrow C[A[r]] - 1$ 
12  return  $B$ 
```

A

7	1	1	3	0	7	5	5	7	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

Hacemos el llamado CountingSort($A, 7$)

Ejemplo de ejecución

CountingSort (A, k):

- 1 $B[0 \dots n-1] \leftarrow$ arreglo vacío
- 2 $C[0 \dots k] \leftarrow$ arreglo vacío
- 3 **for** $i = 0 \dots k$:
- 4 $C[i] \leftarrow 0$

A

7	1	1	3	0	7	5	5	7	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

C

0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7

Ejemplo de ejecución

CountingSort (A, k):

- 1 $B[0 \dots n-1] \leftarrow$ arreglo vacío
- 2 $C[0 \dots k] \leftarrow$ arreglo vacío
- 3 **for** $i = 0 \dots k$:
- 4 $C[i] \leftarrow 0$
- 5 **for** $j = 0 \dots n-1$:
- 6 $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$

A

7	1	1	3	0	7	5	5	7	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

C

0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7

C

1	2	0	2	0	2	0	3
0	1	2	3	4	5	6	7

Ejemplo de ejecución

CountingSort (A, k):

```
1   $B[0 \dots n-1] \leftarrow$  arreglo vacío
2   $C[0 \dots k] \leftarrow$  arreglo vacío
3  for  $i = 0 \dots k$  :
4       $C[i] \leftarrow 0$ 
5  for  $j = 0 \dots n-1$  :
6       $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$ 
```

A

7	1	1	3	0	7	5	5	7	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

C

0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	2	3	4	5	6	7	

C

1	2	0	2	0	2	0	3
0	1	2	3	4	5	6	7

Hasta aquí, $C[x]$ contiene el número de copias de x en A

Ejemplo de ejecución

CountingSort (A, k):

```
1   $B[0 \dots n-1] \leftarrow$  arreglo vacío
2   $C[0 \dots k] \leftarrow$  arreglo vacío
3  for  $i = 0 \dots k$  :
4       $C[i] \leftarrow 0$ 
5  for  $j = 0 \dots n-1$  :
6       $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$ 
7  for  $p = 1 \dots k$  :
8       $C[p] \leftarrow C[p] + C[p-1]$ 
```

A

7	1	1	3	0	7	5	5	7	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

C

1	2	0	2	0	2	0	3
0	1	2	3	4	5	6	7

C

1	3	3	5	5	7	7	10
0	1	2	3	4	5	6	7

Ejemplo de ejecución

CountingSort (A, k):

```
1   $B[0 \dots n-1] \leftarrow$  arreglo vacío
2   $C[0 \dots k] \leftarrow$  arreglo vacío
3  for  $i = 0 \dots k$  :
4       $C[i] \leftarrow 0$ 
5  for  $j = 0 \dots n-1$  :
6       $C[A[j]] \leftarrow C[A[j]] + 1$ 
7  for  $p = 1 \dots k$  :
8       $C[p] \leftarrow C[p] + C[p-1]$ 
```

A

7	1	1	3	0	7	5	5	7	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

C

1	2	0	2	0	2	0	3
0	1	2	3	4	5	6	7

C

1	3	3	5	5	7	7	10
0	1	2	3	4	5	6	7

Hasta aquí, $C[x]$ contiene cuántos elementos
menores o iguales a x hay en A

Ejemplo de ejecución

```
9  for  $r = n - 1 \dots 0$  :  
10      $B[C[A[r]] - 1] \leftarrow A[r]$   
11      $C[A[r]] \leftarrow C[A[r]] - 1$ 
```

Para $r = 9$

A

7	1	1	3	0	7	5	5	7	3
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

B

				3					
0	1	2	3	4	5	6	7	8	9

C

1	3	3	5	5	7	7	10
0	1	2	3	4	5	6	7

1	3	3	4	5	7	7	10
0	1	2	3	4	5	6	7

Ejemplo de ejecución

A

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	7	1	1	3	0	7	5	5	7	3

B

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
				3					
				3					7
				3	5				7
				3	5	5			7
				3	5	5		7	7
0				3	5	5		7	7
0			3	3	5	5		7	7
0		1	3	3	5	5		7	7
0	1	1	3	3	5	5		7	7
0	1	1	3	3	5	5	7	7	7

$r = 9$

0	1	2	3	4	5	6	7
1	3	3	5	5	7	7	10

$r = 8$

0	1	2	3	4	5	6	7
1	3	3	4	5	7	7	10

$r = 7$

0	1	2	3	4	5	6	7
1	3	3	4	5	7	7	9

$r = 6$

0	1	2	3	4	5	6	7
1	3	3	4	5	6	7	9

$r = 5$

0	1	2	3	4	5	6	7
1	3	3	4	5	5	7	9

$r = 4$

0	1	2	3	4	5	6	7
1	3	3	4	5	5	7	8

$r = 3$

0	1	2	3	4	5	6	7
0	3	3	4	5	5	7	8

$r = 2$

0	1	2	3	4	5	6	7
0	3	3	3	5	5	7	8

$r = 1$

0	1	2	3	4	5	6	7
0	2	3	3	5	5	7	8

$r = 0$

0	1	2	3	4	5	6	7
0	1	3	3	5	5	7	8

RadixSort

Otro algoritmo de ordenación en tiempo lineal es RadixSort

RadixSort

Otro algoritmo de ordenación en tiempo lineal es RadixSort

- Usado por las máquinas que ordenaban tarjetas perforadas

RadixSort

Otro algoritmo de ordenación en tiempo lineal es RadixSort

- Usado por las máquinas que ordenaban tarjetas perforadas
- Cada tarjeta tiene 80 columnas y 12 líneas

RadixSort

Otro algoritmo de ordenación en tiempo lineal es RadixSort

- Usado por las máquinas que ordenaban tarjetas perforadas
- Cada tarjeta tiene 80 columnas y 12 líneas
- Cada columna puede tener un agujero en una línea

RadixSort

Otro algoritmo de ordenación en tiempo lineal es RadixSort

- Usado por las máquinas que ordenaban tarjetas perforadas
- Cada tarjeta tiene 80 columnas y 12 líneas
- Cada columna puede tener un agujero en una línea

RadixSort

El algoritmo ordena las tarjetas revisando una columna determinada

RadixSort

El algoritmo ordena las tarjetas revisando una columna determinada

- Si hay un agujero en la columna, se pone en uno de los 12 compartimientos

RadixSort

El algoritmo ordena las tarjetas revisando una columna determinada

- Si hay un agujero en la columna, se pone en uno de los 12 compartimientos
- Las tarjetas con la perforación en la primera columna quedan encima

RadixSort

El algoritmo ordena las tarjetas revisando una columna determinada

- Si hay un agujero en la columna, se pone en uno de los 12 compartimientos
- Las tarjetas con la perforación en la primera columna quedan encima
- La misma idea funciona para d columnas

RadixSort

El algoritmo ordena las tarjetas revisando una columna determinada

- Si hay un agujero en la columna, se pone en uno de los 12 compartimientos
- Las tarjetas con la perforación en la primera columna quedan encima
- La misma idea funciona para d columnas

Podemos generalizarla para un número natural de d dígitos

Ordenando por dígito

Ordenando por dígito

Consideremos un número natural de d dígitos $n_0 n_1 \cdots n_{d-1}$

Ordenando por dígito

Consideremos un número natural de d dígitos $n_0 n_1 \cdots n_{d-1}$

- Podemos ordenar según el dígito más significativo n_0

Ordenando por dígito

Consideremos un número natural de d dígitos $n_0 n_1 \cdots n_{d-1}$

- Podemos ordenar según el dígito más significativo n_0
- Según este dígito, separamos los números en *compartimientos*

Ordenando por dígito

Consideremos un número natural de d dígitos $n_0 n_1 \cdots n_{d-1}$

- Podemos ordenar según el dígito más significativo n_0
- Según este dígito, separamos los números en *compartimientos*
- Luego, ordenados recursivamente cada compartimiento por su segundo dígito más significativo n_1

Ordenando por dígito

Consideremos un número natural de d dígitos $n_0 n_1 \cdots n_{d-1}$

- Podemos ordenar según el dígito más significativo n_0
- Según este dígito, separamos los números en *compartimientos*
- Luego, ordenados recursivamente cada compartimiento por su segundo dígito más significativo n_1
- Finalmente, combinamos los contenidos de cada compartimiento

Ordenando por dígito

Consideremos un número natural de d dígitos $n_0 n_1 \dots n_{d-1}$

- Podemos ordenar según el dígito más significativo n_0
- Según este dígito, separamos los números en *compartimientos*
- Luego, ordenados recursivamente cada compartimiento por su segundo dígito más significativo n_1
- Finalmente, combinamos los contenidos de cada compartimiento

Problema: posiblemente muchos llamados recursivos

Ordenación estable

Un ingrediente fundamental para el algoritmo que plantearemos es el siguiente

Ordenación estable

Un ingrediente fundamental para el algoritmo que plantearemos es el siguiente

Definición

Dada una secuencia $A[0 \dots n-1]$, sea $B[0 \dots n-1]$ la secuencia resultante de ordenar A usando un algoritmo de ordenación S .

Ordenación estable

Un ingrediente fundamental para el algoritmo que plantearemos es el siguiente

Definición

Dada una secuencia $A[0 \dots n-1]$, sea $B[0 \dots n-1]$ la secuencia resultante de ordenar A usando un algoritmo de ordenación \mathcal{S} . Sean a, a' elementos en A tales que para el algoritmo \mathcal{A} son equivalentes y a aparece antes que a' en A .

Ordenación estable

Un ingrediente fundamental para el algoritmo que plantearemos es el siguiente

Definición

Dada una secuencia $A[0 \dots n-1]$, sea $B[0 \dots n-1]$ la secuencia resultante de ordenar A usando un algoritmo de ordenación \mathcal{S} . Sean a, a' elementos en A tales que para el algoritmo \mathcal{A} son equivalentes y a aparece antes que a' en A . Diremos que \mathcal{S} es **estable** si los elementos correspondientes b y b' aparecen en el mismo orden relativo en B .

Ordenación estable

Un ingrediente fundamental para el algoritmo que plantearemos es el siguiente

Definición

Dada una secuencia $A[0 \dots n-1]$, sea $B[0 \dots n-1]$ la secuencia resultante de ordenar A usando un algoritmo de ordenación \mathcal{S} . Sean a, a' elementos en A tales que para el algoritmo \mathcal{A} son equivalentes y a aparece antes que a' en A . Diremos que \mathcal{S} es **estable** si los elementos correspondientes b y b' aparecen en el mismo orden relativo en B .

Si ordenamos por el segundo dígito, un orden estable dejaría elementos que comparten segundo dígito en el mismo orden en que nos llegaron

RadixSort

El algoritmo RadixSort ordena por dígito **menos significativo**

RadixSort

El algoritmo RadixSort ordena por dígito **menos significativo**

- Ordena por dígito n_{d-1}

RadixSort

El algoritmo RadixSort ordena por dígito **menos significativo**

- Ordena por dígito n_{d-1}
- Luego, usando el mismo arreglo, ordena por dígito n_{d-2} , **con un algoritmo estable**

RadixSort

El algoritmo RadixSort ordena por dígito **menos significativo**

- Ordena por dígito n_{d-1}
- Luego, usando el mismo arreglo, ordena por dígito n_{d-2} , **con un algoritmo estable**
- Luego de ordenar k dígitos, los datos están ordenados si solo miramos el fragmento $n_{d-k} \cdots n_{d-1}$

RadixSort

El algoritmo RadixSort ordena por dígito **menos significativo**

- Ordena por dígito n_{d-1}
- Luego, usando el mismo arreglo, ordena por dígito n_{d-2} , **con un algoritmo estable**
- Luego de ordenar k dígitos, los datos están ordenados si solo miramos el fragmento $n_{d-k} \cdots n_{d-1}$
- Se requieren solo d pasadas para ordenar la secuencia completa

RadixSort

El algoritmo RadixSort ordena por dígito **menos significativo**

- Ordena por dígito n_{d-1}
- Luego, usando el mismo arreglo, ordena por dígito n_{d-2} , **con un algoritmo estable**
- Luego de ordenar k dígitos, los datos están ordenados si solo miramos el fragmento $n_{d-k} \cdots n_{d-1}$
- Se requieren solo d pasadas para ordenar la secuencia completa

RadixSort(A, d):

for $j = 0 \dots d - 1$:

 StableSort(A, j) ▷ algoritmo de ordenación estable por
 j -ésimo dígito menos significativo

Ejemplo de ejecución

	Arreglo inicial	Ordenado por unidad	Ordenado por decena	Ordenado por centena
0	0 6 4	0 0 0	0 0 0	0 0 0
1	0 0 8	0 0 1	0 0 1	0 0 1
2	2 1 6	5 1 2	0 0 8	0 0 8
3	5 1 2	3 4 3	5 1 2	0 2 7
4	0 2 7	0 6 4	2 1 6	0 6 4
5	7 2 9	1 2 5	1 2 5	1 2 5
6	0 0 0	2 1 6	0 2 7	2 1 6
7	0 0 1	0 2 7	7 2 9	3 4 3
8	3 4 3	0 0 8	3 4 3	5 1 2
9	1 2 5	7 2 9	0 6 4	7 2 9

RadixSort

RadixSort(A, d):

for $j = 0 \dots d - 1$:

 StableSort(A, j) ▷ algoritmo de ordenación estable por
 j -ésimo dígito menos significativo

RadixSort

RadixSort(A, d):

for $j = 0 \dots d - 1$:

 StableSort(A, j) ▷ algoritmo de ordenación estable por
 j -ésimo dígito menos significativo

Supongamos que A tiene n datos naturales con d dígitos y se usa algoritmo estable lineal

RadixSort

RadixSort(A, d):

for $j = 0 \dots d - 1$:

 StableSort(A, j) ▷ algoritmo de ordenación estable por
 j -ésimo dígito menos significativo

Supongamos que A tiene n datos naturales con d dígitos y se usa algoritmo estable lineal

- Si cada dígito puede tomar k valores distintos. . .

RadixSort

RadixSort(A, d):

for $j = 0 \dots d - 1$:

 StableSort(A, j) ▷ algoritmo de ordenación estable por
 j -ésimo dígito menos significativo

Supongamos que A tiene n datos naturales con d dígitos y se usa algoritmo estable lineal

- Si cada dígito puede tomar k valores distintos. . .
- Entonces RadixSort toma tiempo $\Theta(d \cdot (n + k))$

RadixSort

RadixSort(A, d):

for $j = 0 \dots d - 1$:

 StableSort(A, j) ▷ algoritmo de ordenación estable por
 j -ésimo dígito menos significativo

Supongamos que A tiene n datos naturales con d dígitos y se usa algoritmo estable lineal

- Si cada dígito puede tomar k valores distintos...
- Entonces RadixSort toma tiempo $\Theta(d \cdot (n + k))$
- Si d es constante y $k \in \mathcal{O}(n)$, entonces RadixSort es $\Theta(n)$

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)
- Funciona bien si el largo es pequeño

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)
- Funciona bien si el largo es pequeño
- No recursivo

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)
- Funciona bien si el largo es pequeño
- No recursivo

MSD string sort (*Most Significant Digit*)

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)
- Funciona bien si el largo es pequeño
- No recursivo

MSD string sort (*Most Significant Digit*)

- Si los strings tienen largo diferente

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)
- Funciona bien si el largo es pequeño
- No recursivo

MSD string sort (*Most Significant Digit*)

- Si los strings tienen largo diferente
- Ordenamos con `CountingSort()` por primer caracter

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)
- Funciona bien si el largo es pequeño
- No recursivo

MSD string sort (*Most Significant Digit*)

- Si los strings tienen largo diferente
- Ordenamos con `CountingSort()` por primer caracter
- Recursivamente ordenamos subarreglos correspondientes a cada caracter (excluyendo el primero, que es común en cada subarreglo)

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)
- Funciona bien si el largo es pequeño
- No recursivo

MSD string sort (*Most Significant Digit*)

- Si los strings tienen largo diferente
- Ordenamos con `CountingSort()` por primer caracter
- Recursivamente ordenamos subarreglos correspondientes a cada caracter (excluyendo el primero, que es común en cada subarreglo)
- Como Quicksort, puede ordenar de forma independiente

Dos implementaciones

Estas ideas tiene dos implementaciones

LSD string sort (*Least Significant Digit*)

- Si todos los strings son del mismo largo (patentes, IP's, teléfonos)
- Funciona bien si el largo es pequeño
- No recursivo

MSD string sort (*Most Significant Digit*)

- Si los strings tienen largo diferente
- Ordenamos con `CountingSort()` por primer caracter
- Recursivamente ordenamos subarreglos correspondientes a cada caracter (excluyendo el primero, que es común en cada subarreglo)
- Como Quicksort, puede ordenar de forma independiente
- **Pero** particiona en tantos grupos como valores del primer caracter

MSD en acción

she
sells
seashells
by
the
sea
shore
the
shells
she
sells
are
surely
seashells

are
by
she
sells
seashells
sea
shore
shells
she
sells
surely
seashells
the
the

are
by
sells
seashells
sea
sells
seashells
she
shore
shells
she
surely
the
the

are
by
seashells
sea
seashells
sells
sells
she
shore
shells
she
surely
the
the

... are
by
sea
seashells
seashells
sells
sells
she
she
shells
shore
surely
the
the

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2
 $she \leq shells$

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2
 $she \leq shells$
- Pueden usarse diferentes alfabetos

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2
 $she \leq shells$
- Pueden usarse diferentes alfabetos
 - binario (2)

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2

$she \leq shells$

- Pueden usarse diferentes alfabetos

- binario (2)
- minúsculas (26)

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2
 $she \leq shells$
- Pueden usarse diferentes alfabetos
 - binario (2)
 - minúsculas (26)
 - minúsculas + mayúsculas + dígitos (64)

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2
 $she \leq shells$
- Pueden usarse diferentes alfabetos
 - binario (2)
 - minúsculas (26)
 - minúsculas + mayúsculas + dígitos (64)
 - ASCII (128)

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2

$she \leq shells$

- Pueden usarse diferentes alfabetos
 - binario (2)
 - minúsculas (26)
 - minúsculas + mayúsculas + dígitos (64)
 - ASCII (128)
 - Unicode (65.536)

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2
 $she \preceq shells$
- Pueden usarse diferentes alfabetos
 - binario (2)
 - minúsculas (26)
 - minúsculas + mayúsculas + dígitos (64)
 - ASCII (128)
 - Unicode (65.536)
- Para subarreglos pequeños (e.g. $|A| \leq 10$)

Cuidados de MSD

En la ejecución de MSD string sort se debe considerar

- Si un string s_1 es prefijo de otro s_2 , s_1 es menor que s_2
 $she \leq shells$
- Pueden usarse diferentes alfabetos
 - binario (2)
 - minúsculas (26)
 - minúsculas + mayúsculas + dígitos (64)
 - ASCII (128)
 - Unicode (65.536)
- Para subarreglos pequeños (e.g. $|A| \leq 10$)
 - cambiar a InsertionSort que *sepa* que los primeros k caracteres son iguales

Sumario

Ordenación lineal

Cierre

Objetivos de la clase

Objetivos de la clase

- Conocer algoritmos de ordenación en tiempo lineal

Objetivos de la clase

- ☐ Conocer algoritmos de ordenación en tiempo lineal
- ☐ Comprender la limitación de dominio para tener tales algoritmos