# Estructuras de datos y algoritmos

IIC 2133 - Sección 1

Prof. Yadran Eterovic

## Sumario

#### Introducción

Programa del curso

Prerrequisitos

Algoritmos y notación

Memoria de un computador

Estructuras básicas

Cierre

# US\$ 71,383.86

# US\$ 71,383.86

Costo de 2 horas de una función recursiva sin caso base en Google Cloud.<sup>1</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> "The story of how one little recursive function took down an entire business" https://www.youtube.com/watch?v=N6IYcXjd4pg

# $2^{20} \cdot 2^{14}$

# $2^{20} \cdot 2^{14}$

Número total de filas y columnas en una hoja de cálculo (1.048.576 filas por 16.384 columnas)<sup>2</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Especificaciones y límites de Excel @ https://support.microsoft.com

## Estructuras de datos y algoritmos

Estudio de algoritmos y su **implementación eficiente** mediante estructuras de datos

## Sumario

Introducción

Programa del curso

Prerrequisitos

Algoritmos y notación

Memoria de un computador

Estructuras básicas

Cierre

## Objetivos del curso

- 1. Desarrollar el pensamiento algorítmico.
- 2. Estudiar y aplicar distintos tipos de estructuras de datos.
- 3. Estudiar y aplicar distintas técnicas algorítmicas.

#### Contenidos del curso

- 1. Estructuras fundamentales
  - Arreglos
  - Listas ligadas
  - Stacks
  - Heaps
  - Colas
  - Tablas de Hash
- 2. Árboles de búsqueda
  - Árboles binarios y balanceados
  - Árboles 2-3
  - Árboles B+
- 3. Algoritmos de ordenación
  - selectionsort
  - insertionsort
  - heapsort

- quicksort
  - mergesort
- countingsort
- 4. Técnicas algorítmicas
  - Dividir para conquistar
  - Backtracking
  - Programación dinámica
  - Algoritmos codiciosos
- 5. Algoritmos en grafos
  - Representación de grafos
  - Exploración
  - Ordenación topológica
  - Componentes fuertemente conectadas
  - Árboles de cobertura
    - Rutas más cortas

## Metodología

Clases expositivas: lunes y miércoles módulo 4.

sala B11

Ayudantías: Viernes módulo 4.

sala B13

El material de clases será subido a la página del curso en Github

## Evaluación

1. Tareas de programación.

2. Interrogaciones escritas.

#### **Tareas**

- Cuatro tareas de programación en C.
  - No hay tareas optativas.
  - La tarea 0 sirve de introducción al lenguaje C.
- Las fechas de publicación serán informadas oportunamente.
- Plazo de ≈ 2 semanas por tarea.
- La corrección de las tareas se realizará de forma automatizada.

## Tareas: política de atrasos

- Poseerán 2 cupones de atraso durante el semestre
- Cada cupón permite postergar el día de entrega de la tarea correspondiente 1 día calendario
- Importante: los cupones solo podrán ser usados en las tareas 1, 2 y 3 (no en la tarea 0)
- En caso de entregar una tarea con atraso, se hará un descuento:
  - 5 décimas por a lo más 3 horas de atraso
  - 2 puntos por a lo más 24 horas de atraso

Tareas con más de 1 día de atraso se califican con nota 1.0

## Interrogaciones

Tres interrogaciones escritas (presenciales)

	Fecha	Hora
Interrogación 1	martes 23 de septiembre	17:30
Interrogación 2	viernes 7 de noviembre	17:30
Interrogación 3	jueves 11 de diciembre	08:20

- La inasistencia a la interrogación 1 o 2 debe ser justificada ante la DIPRE para optar a preguntas adicionales en la interrogación 3 a modo de reemplazar su nota faltante
- No se podrá optar a preguntas recuperativas sin justificación
- La inasistencia al examen debe ser justificada ante la DIPRE para evaluar la aplicación de nota P

Es responsabilidad del estudiante cualquier tope de evaluaciones con otros cursos de la Escuela de Ingeniería

### Evaluación

Nota Tareas (NT):

$$\textbf{NT} \ = \ 0, 2 \cdot T_0 \ + \ 0, 3 \cdot T_1 \ + \ 0, 25 \cdot T_2 \ + \ 0.25 \cdot T_3$$

Nota Interrogaciones (NI):

$$NI = (I_1 + I_2 + I_3)/3$$

Nota Final (NF):

$$\textbf{NF} \ = \ \begin{cases} \frac{\textbf{NI} + \textbf{NT}}{2}, & \text{si } \textbf{NI} \geq 3.7 \text{ y } \textbf{NT} \geq 3.7 \\ \min \big( \textbf{NF}, \ 3.9 \big), & \text{en otro caso} \end{cases}$$

## Código de Honor

Este curso suscribe el Código de Honor de la Universidad

http://www.uc.cl/codigo-de-honor/

La copia y otros serán sancionados con nota final  ${\bf NF}=1.1$  en el curso

## Comunicación digital

Anuncios . . .

#### Canvas del curso

 Clases, guía de instalación de C, enunciados de tareas y repositorios de entrega de tareas

#### Repositorio Github del curso

Preguntas sobre materia y tareas

#### Discussions de Github

Ante problemas...

El equipo docente del curso estamos aquí para ayudarlos a aprender

Si durante el semestre se les presentan problemas, escríbannos cuanto antes.

A veces podremos ayudar

Comuníquense con nosotros!

## Etiqueta

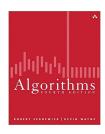
- El ideal es obtener una experiencia de sala lo más fluida posible, y fomentar el participar en clases
- Prepárese, aporte, dude, pregunte, participe
- Consultas / Atención: Antes/después de clases Por email a los profesores o ayudante jefe

## Bibliografía del curso



#### Introduction to Algorithms

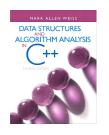
- T. Cormen, C. Leiserson, R. Rivest, C. Stein
- The MIT Press
- Tercera edición: 2009



#### **Algorithms**

- R. Sedgewick, K. Wayne
- Addison-Wesley
- Cuarta edición: 2011

## Bibliografía del curso



#### "Data Structures and Algorithm Analysis in C++

- M. Weiss
- Pearson
- Cuarta edición: 2014.

## Sumario

Introducción

Programa del curso

#### Prerrequisitos

Algoritmos y notación

Memoria de un computador

Estructuras básicas

Cierre

### Herramientas matemáticas

Herramientas que necesitamos (las iremos refrescando)

- Exponentes
- Logaritmos
- Series
- Aritmética modular

### Métodos de demostración

Métodos para demostrar que más utilizaremos

- Inducción (simple)
- Contradicción
- Demostración por contraejemplo

## Nociones de programación

Usaremos regularmente la noción de recursión

## Sumario

Introducción

Programa del curso

Prerrequisitos

Algoritmos y notación

Memoria de un computador

Estructuras básicas

Cierre

## ¿qué es un algoritmo?

#### Definición

Un algoritmo es una secuencia ordenada de pasos que permite hacer un cálculo o hallar la solución de un tipo de problemas.

Los algoritmos son independientes de los lenguajes de programación

Un algoritmo puede estar dado por cualquier lenguaje:

- Lenguaje de programación.
  - C, Python, Java, C++, etc
- Lenguaje natural.
- Pseudo-código.

Usaremos pseudo-código para describir algoritmos

## Pseudocódigo

La notación que usaremos para el pseudocódigo incluye

- Control de flujo: if, else, while, for
- Lenguaje matemático: operaciones lógicas, de conjuntos, vectoriales,...
- Atributos, métodos y subíndices
- Lenguaje natural cuando es más claro que usando lo anterior

## Pseudocódigo: un ejemplo

Algoritmo simple para identificar si un número es primo

```
input : Número natural n \ge 2
output: Valor booleano
isprime (n):
   for i \in [2...\sqrt{n}]:
      if n \mod i = 0:
      return false
   return true
```

## Pseudocódigo: un ejemplo

En este caso puede ser más claro usar lenguaje natural

```
input : Número natural n \ge 2
output: Valor booleano
isprime (n):
   for i \in [2...\sqrt{n}]:
        if n es divisible por i:
        return false
        return true
```

## Implementación

Para un algoritmo no existe una única implementación

- En clases veremos algoritmos de manera conceptual
- En las tareas tendrán que pensar en cómo implementarlos

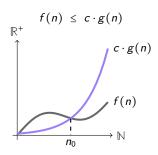
No solo nos interesa que la implementación sea correcta... nos interesa estudiar qué tan buena es una solución a un problema

La principal herramienta que usaremos para esto es la **complejidad computacional** 

## Complejidad: Notación $\mathcal O$

#### Definición

Para  $g: \mathbb{N} \to \mathbb{R}^+$ , se define el conjunto  $\mathcal{O}(g)$  de las funciones  $f: \mathbb{N} \to \mathbb{R}^+$  tales que existen constantes c > 0 y  $n_0 \in \mathbb{N}$  tales que para todo  $n \ge n_0$ :



Si  $f \in \mathcal{O}(g)$ , entonces f crece más lento o igual que g.

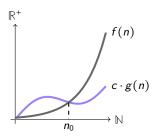
## Complejidad: Notación $\Omega$

Sean  $f: \mathbb{N} \to \mathbb{R}^+$  y  $g: \mathbb{N} \to \mathbb{R}^+$ .

#### Definición

Para  $g:\mathbb{N} \to \mathbb{R}^+$ , se define el conjunto  $\Omega(g)$  tal que

$$f \in \Omega(g) \iff g \in \mathcal{O}(f)$$



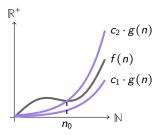
Si  $f \in \Omega(g)$ , entonces f crece más rápido o igual que g.

## Complejidad: Notación Θ

#### Definición

Para  $g:\mathbb{N} o \mathbb{R}^+$ , se define el conjunto de funciones  $\Theta(g)$  tal que

$$f\in\Theta(g) \iff f\in\mathcal{O}(g)\wedge f\in\Omega(g)$$



Si  $f \in \Theta(g)$ , entonces f crece igual que g.

## Complejidad: resumen de cálculo

Nos interesan dos tipos de complejidades para algoritmos como funciones del tamaño del input n (i.e. número de datos de entrada)

- Complejidad de tiempo: T(n)
- Complejidad de memoria adicional: M(n)

Si bien en general T(n) es nuestra prioridad, no hay que olvidar que

$$T \in \Omega(M)$$

### Complejidad: resumen de cálculo

Para etapas sucesivas (una después de la otra) dentro de un algoritmo

- La complejidad de la secuencia de etapas es la suma de sus complejidades
- Consecuencia: un paso que se repite n veces, en general, contribuye con una complejidad que es n veces la complejidad del paso individual
- Al sumar, el término que crece más rápido es el que domina la complejidad

# Sumario

Introducción

Programa del curso

Prerrequisitos

Algoritmos y notación

Memoria de un computador

Estructuras básicas

Cierre

#### Memoria RAM

Un bit es la unidad indivisible de información computacional que puede valer  $0\ o\ 1$ 

Además, un bit es una celda física indivisible de almacenamiento en un computador

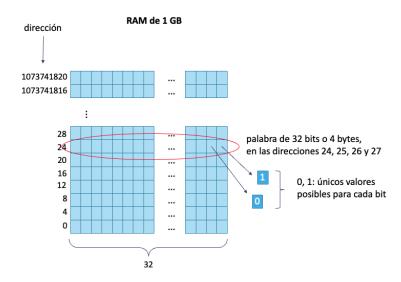
La memoria principal de un computador (RAM) puede ser imaginada como una gran tabla, arreglo o matriz de bits

- Cierto número de columnas
- Algunos miles de millones de filas

Cada fila de esta tabla tiene una dirección única

- Corresponde a su posición relativa dentro de la tabla
- Es un natural que parte en 0 (dirección de la primera fila) y aumenta de 4 en 4

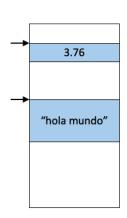
#### Memoria RAM



#### Memoria RAM

Cada variable de un programa tiene

- Posición (dirección de memoria)
- Tamaño, en número de bytes
- Valor



# Sumario

Introducción

Programa del curso

Prerrequisitos

Algoritmos y notación

Memoria de un computador

Estructuras básicas

Cierre

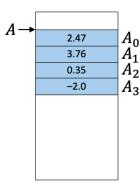
## Arreglos

Un arreglo es una secuencia de celdas que tiene largo fijo

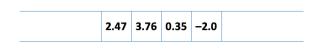
- Cada celda es del mismo tamaño
- Almacenan valores del mismo tipo

Se almacena en memoria de manera contigua

Esto permite acceso por índice en tiempo  $\mathcal{O}(1)$ 



# Arreglos



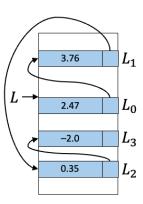
### Listas ligadas

Una lista ligada es una secuencia de celdas que tiene largo variable

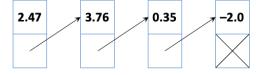
 Cada celda es del mismo tamaño

Se almacena en memoria de manera aleatoria, utilizando punteros

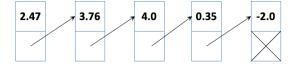
 Esto no permite acceso eficiente por índice



## Listas ligadas



## Listas ligadas



# Outline

Introducción

Programa del curso

Prerrequisitos

Algoritmos y notación

Memoria de un computador

Estructuras hásicas

Cierre

### Esta semana: lenguaje C

Los próximos dos módulos (ayudantía y clase) C

Es una actividad muy relevante para las tareas del curso

Les llegará un correo con las instrucciones que deberán seguir para acceder al material

## Consejos para afrontar el curso

#### Este curso mezcla teoría y práctica

- No basta con revisar las diapositivas de clase para preparar las interrogaciones
- No basta con leer el enunciado de las tareas el día antes de la entrega

Esperamos que sean capaces de desarrollar habilidades que son muy útiles para su vida profesional, pero esto requiere dedicación

#### Consejos

- Luego de revisar las diapositivas, pónganse a prueba: ¿puedo crear un ejemplo propio para explicar este concepto?
- Abordar ejercicios de los libros, quizás viendo soluciones, para luego...
- Enfrentarse a problemas de la bibliografía sin ver soluciones.

#### El desafío es que creen sus propios algoritmos