

Ayudantía 2 - Decidibilidad y Reducciones

Pregunta 1

Argumente si los siguientes lenguajes/problemas son decidibles o indecidibles.

- i) $L = \mathbb{N}$ pares
- $ii) L = \mathbb{Q}$
- iii) $L = \{\pi\}$
- $iv) L = \mathbb{I}$
- v) L = números primos
- vi) L = cualquier conjunto finito
- vii) $L = 2^{\mathbb{N}}$, todos los subconjuntos de los naturales.
- viii) Ejecutar cualquier MT sobre cualquier Input de su Alfabeto.
- ix) Resolver el Ajedrez.
- x) Encontrar una solución a toda EDO.

Más problemas indecidibles (link): Mortality, Corresponcencia, si una CFG es ambigua, etc.

Pregunta 2

Argumente si las siguientes funciones/algotirmos son computables.

- i) $f(w_d) = w_b$, función que convierte una codificación decimal a binario.
- $ii) f(w) = \sqrt{w}$

- $iii) \ f(w) = w^{inv} \ (invertir \ el \ input)$
- iv) f(w) = |w|
- $v)\ f(w)=\pi_w,$ función que convierte un entero en el dígito número w de $\pi.$
- $vi) \ f(w) = w_1 \# w_2 \# ... \# w_n,$ donde cada w_i es un posible slice de w.

Pregunta 3

Reducir L_1 a L_2 .

$$L_1 = \{ w \mid \exists M1, M2.w = C(M1)0000C(M2), M1 \ acepta \ C(M2) \lor M2 \ acepta \ C(M1) \}$$

$$L_2 = \{ w \mid \exists M.w = C(M), M \ acepta \ C(M) \}$$