

Arquitectura de Computadores

Clase 11 - Multiprogramación

Profesor: Germán Leandro Contreras Sagredo

Objetivos de la clase

- Conocer el concepto de multiprogramación.
- Entender la diferencia entre una memoria física y virtual, así como sus usos en la práctica.
- Entender los mecanismos que permiten la ejecución de múltiples procesos.
- Realizar ejercicios que consoliden los conocimientos anteriores.

Hasta ahora...

- Ya construimos un computador que tiene todo lo necesario para que pueda ser operado y programado, además de implementar lo necesario para que se comunique con otros dispositivos.
- Además, vimos cómo mejorar los accesos a memoria a través de una jerarquía y, puntualmente, una memoria caché.

Ahora, veremos mejoras en lo que respecta a la ejecución de **más de un programa**.

Multiprogramación

La multiprogramación corresponde a una forma básica de procesamiento "paralelo", que se realiza a partir de **un procesador**. Por lo tanto, el concepto de "paralelismo" no aplica al 100% en este caso.

Este se basa en la **ejecución intercalada** de los programas del computador en intervalos de tiempo definidos. Estos intervalos suelen ser muy pequeños, por lo que para el usuario **se percibe como paralelismo real**.

Multiprogramación - Composición de un programa

¿Qué es lo que define a un programa?

- Memoria
 - Código, variables, stack (por programa).
 - Queremos tener múltiples programas en memoria.
- Estado de procesamiento (CPU)
 - Program Counter, Stack Pointer, flags o condition codes, registros.
 - Queremos que la CPU maneje múltiples estados.

Un programa en ejecución es lo que conocemos como proceso.

Multiprogramación - Manejo de memoria

¿Cómo compartimos la memoria entre programas?

- Solución simple: Entregar un segmento de memoria fijo a cada programa. Esto, no obstante, trae consigo muchos problemas:
 - Debemos conocer con anticipación las direcciones que le corresponden a cada programa.
 - No existe protección de acceso entre programas.
 - Habría que establecer un tamaño fijo para cada programa, lo que dificulta su ejecución y programación.
- Solución real y efectiva: Memoria virtual

Memoria virtual

Corresponde a un espacio de memoria direccionable que es traducido al espacio direccionable de la memoria principal (física).

De esta forma, en la práctica los programas hacen uso de direcciones virtuales que, a través de una unidad intermediaria llamada *Memory Management Unit* (MMU), son traducidas a direcciones físicas de la memoria principal.

Dos programas distintos pueden acceder a una misma dirección de memoria a nivel de código (*i.e.* un mismo literal) que será traducida a una dirección física diferente para cada uno de ellos.

Memoria virtual

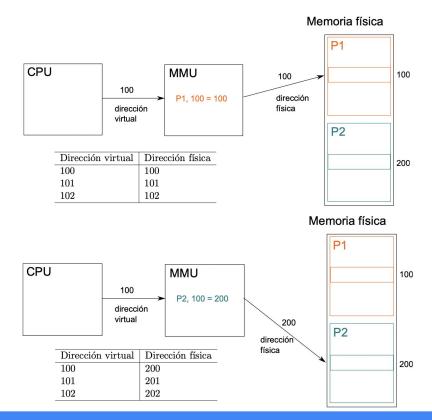
Como el espacio virtual y físico son distintos, pueden a su vez tener tamaños distintos.

En la práctica, lo normal es que el espacio de memoria virtual sea **mayor** que el de espacio de memoria física. Esto permite que los programas puedan usar más espacio del que el computador podría permitir en una primera instancia.

No obstante lo anterior, si los programas de un computador no necesitaran mucha memoria, se podría asignar un espacio de direccionamiento virtual menor.

Memoria virtual - Esquema general

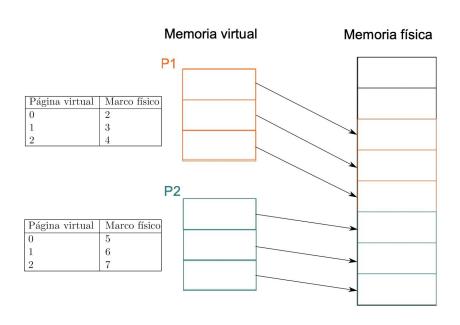
- En este ejemplo, los procesos P1 y P2 tratan de acceder a la misma dirección virtual 100.
- La MMU se encarga de traducirlos a espacios físicos diferentes. Por eso necesita tanto la dirección virtual como el identificador del proceso que solicita la dirección.



¿Cómo se lleva a cabo la traducción de una dirección virtual a una dirección física?

- La MMU debe contar con una **tabla** que posea la asociación entre direcciones virtuales y físicas, como se ilustró en el ejemplo.
- No podemos almacenar estas asociaciones en formato 1 a 1.
 Cada programa necesitaría una asociación virtual-física para todas las direcciones de memoria disponibles, lo que podría ocupar todo el espacio de la memoria principal.

- Solución: Paginación.
- El espacio de memoria virtual se divide en bloques contiguos* llamados páginas.
 Cada página será mapeada a un marco de la memoria física, bloque contiguo de la memoria principal del mismo tamaño.



Mapeo de las páginas de los procesos P1 y P2 a marcos físicos de la memoria, incluyendo sus tablas de página. En estas, solo almacenamos en memoria la asociación entre una página y un marco, lo que ocupa menos espacio.

^{*} Similar a los conceptos de línea y bloque de memoria vistos para el esquema de caché, pero son independientes.

- Para llevar a cabo la traducción de una dirección virtual en un esquema de páginas, hacemos uso de los bits de esta para separar el número de página del offset de la palabra buscada dentro de la página.
- **Ejemplo:** Si tenemos un espacio direccionable virtual de 9 bits, un espacio direccionable físico de 8 bits y poseemos un tamaño de página de 32 bytes (2⁵ bytes):
 - Usamos 5 bits para ubicar una palabra en una página.
 - Si tomamos la dirección virtual 43:
 43 = 000101011 → Nº de página = 0001, Offset = 01011

Siguiendo el ejemplo anterior, si contamos con la siguiente asociación entre páginas y marcos:

Página	Marco
0000	100
0001	101
0010	110
•••	

Entonces, realizamos la siguiente traducción: 000101011 → 0001 (página) = 101 (marco)

Dirección física: 10101011

Cabe destacar dos cosas del ejemplo:

- Pasamos de una dirección de 9 bits a otra de 8 en este esquema, que es la dirección física.
- Del ejercicio asumimos que cada dirección almacena una palabra de 1 byte. Entonces, tenemos una memoria virtual de 29 bytes y una memoria física de 28 bytes.

¿Por qué los bits más significativos señalan el número de página?

Porque sigue la misma lógica que la obtención de *tags* en una memoria caché: Si tenemos 2⁹ direcciones virtuales y tamaños de página de 2⁵ bytes, entonces:

2⁹ direcciones ÷ 2⁵ direcciones/página → 2⁴ páginas

Esto equivale a realizar 5 shift rights sobre la dirección virtual:

 $b_8b_7b_6b_5b_4b_3b_2b_1b_0 \rightarrow b_8b_7b_6b_5$: Dirección de una página $b_4b_3b_2b_1b_0$: Dirección de una palabra en una página

¿Por qué los bits más significativos señalan el número de marco?

Misma lógica: Si tenemos 2⁸ direcciones físicas y tamaños de marco de 2⁵ bytes (ya que debe coincidir con el tamaño de página), entonces:

 2^8 direcciones $\div 2^5$ direcciones/marco $\rightarrow 2^3$ marcos

Esto equivale a realizar 5 shift rights sobre la dirección física:

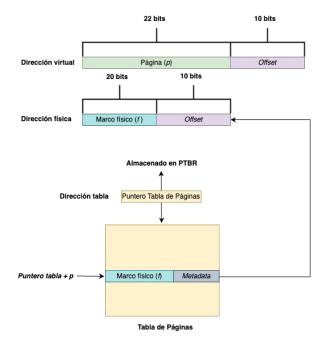
$$b_7b_6b_5b_4b_3b_2b_1b_0 \rightarrow b_7b_6b_5$$
: Dirección de un marco físico $b_4b_3b_2b_1b_0$: Dirección de una palabra en un marco

Memoria virtual - Tabla de páginas

- Al crear un proceso a partir de la ejecución de un programa, a este se le asigna una tabla de páginas que se encuentra en la sección protegida de la memoria. La dirección de esta tabla se almacena en un registro especial: Page Table Base Register (PTBR).
- El índice de cada entrada (PTE, *Page Table Entry*) representa el **número de página** y en estas se almacenan los siguientes datos:
 - Bits de marco físico, utilizados para llevar a cabo la traducción de la dirección.
 - Bits de metadata, que entregan información sobre la asociación entre la página y un marco físico.

Memoria virtual - Tabla de páginas

- Cuando un proceso accede a una dirección virtual, se obtiene su número de página y, a partir de la dirección almacenada en el registro PTBR, se revisa la entrada correspondiente en la tabla de páginas.
- Antes de realizar la traducción directa, es necesario revisar los bits de metadata.



Ejemplo de traducción para direcciones virtuales de 32 bits, direcciones físicas de 30 bits y tamaño de página de 1KB.

Memoria virtual - Tabla de páginas

Para efectos de este curso, existen dos bits de *metadata* que será de interés considerar:

- Valid bit: Indica si la entrada en la tabla de páginas es válida o no. Si no es válida, esto significa que la página no posee un marco físico asociado.
- Present bit: Indica, para una entrada válida, si el contenido de la página está en un marco físico ("presente") o si está en el swap file.

Memoria virtual - Page fault

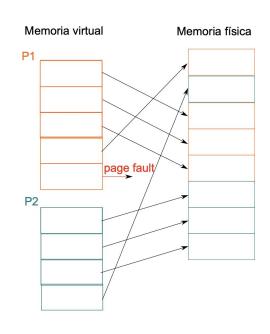
Al momento de buscar el marco físico para una página, incurrimos en un *page fault* si:

- La página no posee un marco físico asociado ($Valid\ bit = 0$).
- La página posee un marco físico, pero se encuentra en el swap file $(Valid\ bit = 1, Present\ bit = 0).$

Veremos a continuación cada caso.

Memoria virtual - Page fault por página no asignada

- Cuando un proceso es creado, el sistema operativo suele asignarle solo algunos marcos físicos a sus páginas con el fin de optimizar espacio.
- Si se accede a una dirección de una página sin marco físico, se genera un page fault y se le asigna uno si es que existen marcos disponibles.
- ¿Qué pasa si no hay marcos disponibles?



Ejemplo de *page fault* sin marcos físicos disponibles en la memoria principal.

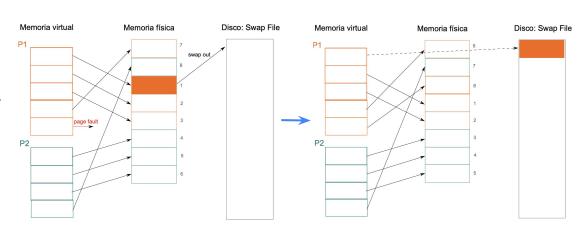
Memoria virtual - Page fault por página no asignada

El sistema operativo puede manejar el caso de no poseer espacio en la memoria principal de dos maneras:

- Arrojar error de ejecución por falta de espacio (<u>Ejemplo: malloc()</u>
 <u>ENOMEM</u>).
- Realizar swapping: Copiar el contenido de un marco físico según un criterio cualquiera a un swap file que se encuentra en el siguiente nivel de jerarquía de memoria, para posteriormente asociar la página al nuevo marco físico recientemente liberado.

Memoria virtual - Page fault por página no asignada

- El criterio para elegir el marco a ser copiado depende del sistema operativo. Al igual que con la memoria caché, se ocupan políticas como FIFO, LFU, LRU, entre otras.
- Se busca reducir la cantidad de swaps ya que estos involucran la transferencia de datos de una memoria con latencias mayores a las de la caché y memoria principal.

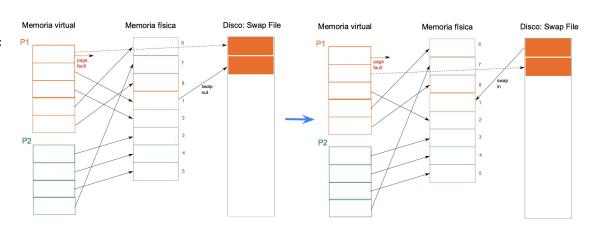


Página virtual	Marco físico	Validez	Disco
0	2	1	1
1	3	1	0
2	4	1	0
3	0	1	0
4	2	1	0
5	x	0	0
6	x	0	0
7	x	0	0

Ejemplo de swapping: El proceso P1 realiza swap out del marco físico asociado a la página 0 y dicho marco ahora se asocia a la página 4. El Valid bit y Present bit ("Validez" y "Disco" respectivamente) de la primera entrada de la tabla de páginas de este proceso representan este caso.

Memoria virtual - Page fault por swap file

- Cuando un proceso posee una página válida (Valid bit = 1) pero esta se encuentra en el swap file (Present bit = 0), también se genera un page fault.
- En este caso, independiente de que existan o no marcos físicos disponibles, es necesario realizar un swap in: copiar en un marco físico el contenido de una página almacenada en el swap file.



Página virtual	Marco físico	Validez	Disco
0	3	1	0
1	3	1	1
2	4	1	0
3	0	1	0
4	2	1	0
5	x	0	0
6	x	0	0
7	x	0	0

Ejemplo de swap in: El proceso P1 genera un page fault de una página que está en el swap file.
Primero hace swap out del marco asociado a la página 1 y luego, en el marco liberado, hace el swap in para copiar el contenido de la página 0. El sistema operativo se encarga de actualizar los bits de metadata para reflejar este cambio.

Ya con todo el esquema anterior claro: ¿cuántos accesos a memoria se requieren para obtener un dato de la memoria principal?

Al menos dos:

- Un acceso a la memoria principal para acceder a la tabla de páginas para realizar la traducción a una dirección física.
- El acceso a la jerarquía de memoria para el dato deseado.

¿Cómo podemos mejorar esto?



Agregamos otra memoria caché: Translation Lookaside Buffer (TLB).

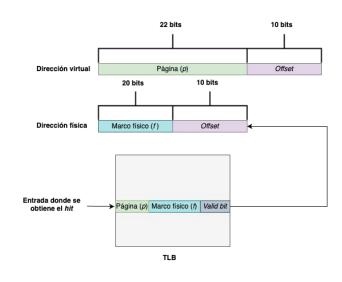
- Guarda las traducciones de página que van siendo accedidas por cada proceso.
- Memoria relativamente pequeña (entre 16 y 512 entradas).
- Al ser más pequeñas, suelen ser fully associative (costo razonable para recorrer todas las entradas).
- Al igual que con las caché, puede tener niveles (L1, L2, L3).



¿Qué almacena una entrada de la TLB?

- Al ser una caché fully associative, el tag a utilizar es la porción de bits de la dirección virtual que no es parte del offset. En este caso, corresponde a los bits del número de página.
- El contenido a almacenar en la entrada corresponde a lo mínimo requerido para realizar la traducción, *i.e.* los bits de marco físico.
- Al igual que con cualquier caché, requiere de un bit de validez para tener certeza de que el contenido de la entrada es válido.

- Al ser *fully associative*, hay que recorrer todas las entradas de la TLB hasta encontrar una donde el *tag* coincida con el número de página de la dirección. Se acepta esto por sobre el uso de una caché *N-way* por tener pocas entradas (entre 16 y 512).
- En estricto rigor no es necesario almacenar los bits de metadata de la tabla de páginas ya que los marcos físicos accedidos más recientemente suelen estar en memoria y no en disco, pero existen implementaciones donde se incluyen.



Ejemplo de traducción para direcciones virtuales de 32 bits, direcciones físicas de 30 bits, tamaño de página de 1KB y uso de una TLB.

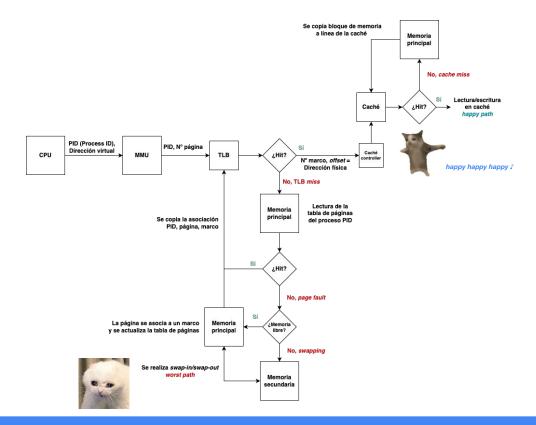
¿Qué pasa si dos procesos acceden a la TLB?

Cuando cambia el proceso en ejecución, hablamos de un cambio de contexto. En este caso, las entradas de la TLB son inválidas para el nuevo proceso en ejecución. Esto se puede resolver de dos formas:

- 1. Flush: Se "vacía" la caché (Valid bit = 0 en todas las entradas).
- 2. ASID (Address Space Identifier): Identificador del proceso al que pertenece la traducción. Se almacena en cada entrada de la TLB y usa menos bits que el PID (Process Identifier), pero poseen asociación directa de igual forma.

Con esto en consideración, el proceso completo de un acceso a memoria se observa en el siguiente diagrama.

Se apunta a que la mayoría de accesos sigan el *happy path* para disminuir el tiempo de ejecución de los procesos.



Una mejora que se puede realizar para disminuir el *overhead* del *swapping* (y así los tiempos de acceso en el *worst path*) es la adición del *dirty bit*.



Este bit se agrega a la *metadata* de cada PTE e indica si el marco físico ha sido modificado o no. Si no es el caso (*dirty bit* = 0), entonces el *swap out* de un marco físico **no se realiza**, se asume que su contenido sigue igual en el *swap file*. Como esto involucra la transferencia de datos con la memoria secundaria, el ahorro de tiempo es **sustancial**.

¿Tiene algún problema el esquema de paginación?

Supongamos que tenemos un esquema con:

- Palabras de memoria de 1B.
- Direcciones virtuales de 32 bits $(2^{32}B = 4GB)$.
- Direcciones físicas de 30 bits (2³⁰B = 1GB).
- Tamaño de página de 1KB (2¹⁰B → 10 bits de offset).
- #Bits de *metadata* = 4 bits (varía por implementación).

¿Cuál es el tamaño de la tabla de páginas de un proceso?

<u>Importante</u>: Para efectos prácticos:

- 1 byte = 1B
 2¹⁰B = 1KB
 2²⁰B = 2¹⁰ KB = 1MB
 2³⁰B = 2¹⁰ MB = 1GB
 2⁴⁰B = 2¹⁰ GB = 1TB
- * Si realizan el cálculo en la calculadora de Google, notarán que 1KB = 1000B, 1MB = 1000KB, etc. Esto responde a la diferencia entre unidades decimales y binarias. En este curso, utilizamos las medidas binarias (bi-bytes): KiB, MiB, GiB, TiB. Por simplicidad los denotamos por KB, MB, GB y TB.

Tamaño de tabla de páginas: #PTEs * sizeof(PTE)

- #Bits de página = Bits dir. virtual Bits offset = 32 10 = 22
- #Bits de marco = Bits dir. física Bits offset = 30 10 = 20
- #PTEs = Cantidad de páginas = 2^{#Bits de página} = 2²²
- sizeof(PTE) = #Bits de marco + #Bits metadata = 20 + 4 = 24 bits = 3B
- Tamaño de tabla de páginas = 2²² * 3B = 12MB

¿Tiene algo de malo este tamaño de tabla de páginas?

Problemas del esquema anterior

- La tabla de páginas no cabe dentro de una página (12MB > 1KB) Generalmente se busca que quepa de forma que esta pueda contenerse por completo en un marco físico.
- Se ocupan 12MB de espacio por proceso en ejecución Si tenemos, por ejemplo, 50 procesos en ejecución, ocuparemos 600MB de espacio (más del 50% de la memoria de 1GB) solo en tablas de páginas.

¿Cómo podemos mejorar esto?

Solución simple: Aumentar el tamaño de páginas hasta que la tabla quepa completamente en una.

Si en el esquema anterior aumentamos el tamaño de página a 256KB (18 bits de *offset*), tendremos 2¹⁴ páginas y entradas de 2B, lo que se traduce en un tamaño de tabla de páginas de 32KB.

Esta es una solución *naive*: Aumentar el tamaño de página implica aumentar la cantidad de memoria **mínima** que utiliza cada proceso. Si ocupan menos memoria, esta será desaprovechada y se generará **fragmentación interna**.

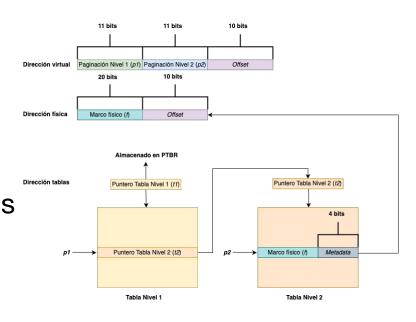
Solución real: Esquemas de paginación alternativos.

Existen dos tipos de esquema de paginación alternativos que resuelven el problema del tamaño de una tabla de páginas:

- Tabla de páginas invertida

Memoria virtual - Tabla de páginas multinivel

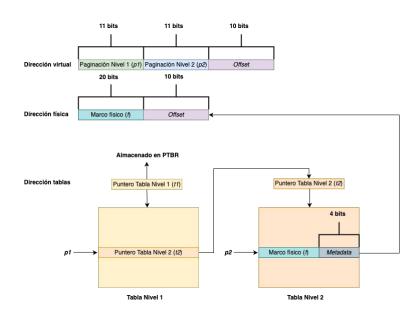
- Se tiene una tabla de primer nivel cuyas entradas son punteros a tablas de segundo nivel (direcciones físicas).
- En un esquema de paginación de dos niveles, las tablas de segundo nivel poseerán la asociación de marco físico y los bits de metadata para evaluar la validez de la entrada.



Ejemplo de paginación de 2 niveles para el esquema ejemplificado anteriormente.

Memoria virtual - Tabla de páginas multinivel

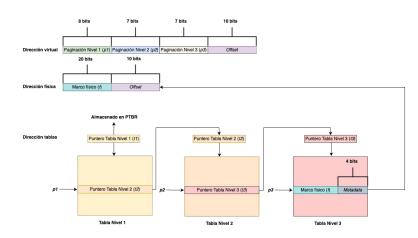
- Cada proceso siempre utilizará su tabla de primer nivel, con un tamaño igual a: 2¹¹ * 30b = 7.5KB.
- Las tablas de segundo nivel se inicializan en memoria solo cuando se accede a sus direcciones. Su tamaño es: 2¹¹ * 3B = 6KB.
- El uso de memoria mínimo es, entonces: 7.5KB + 6KB = 13.5 KB



Ejemplo de paginación de 2 niveles para el esquema ejemplificado anteriormente.

Memoria virtual - Tabla de páginas multinivel

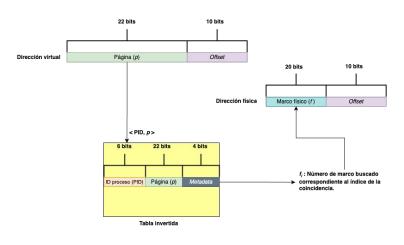
- Podemos extender este esquema a tres niveles con los siguientes tamaños de tabla por nivel:
 - \circ Nivel 1: $2^8 * 30b = 0.9375KB$
 - \circ Nivel 2: $2^7 * 30b = 0.46875KB$
 - \circ Nivel 3: $2^7 * 3B = 0.375KB$
- Entonces, tenemos un uso de memoria por tabla de páginas por proceso mínimo de: 0.9375KB + 0.46875KB + 0.375KB = 1.78125KB



Ejemplo de paginación de 3 niveles para el esquema ejemplificado anteriormente.

Memoria virtual - Tabla de páginas invertida

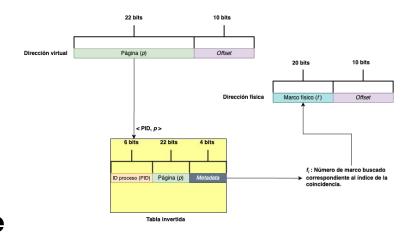
- En vez de tener una tabla de páginas por proceso, tenemos una única tabla compartida por todo proceso que almacena la asociación <PID, Nº página>.
- Se tienen tantas entradas como marcos físicos. El índice donde se encuentre la combinación <PID, Nº página> buscada será el marco físico a utilizar.



Ejemplo de paginación con tabla de páginas invertida en base al esquema anterior.

Memoria virtual - Tabla de páginas invertida

- Si asumimos un PID de 6 bits, el tamaño de tabla de página es:
 2²⁰ * 4B = 4MB.
- No cabe en una página, pero es el único espacio de tabla utilizado para todos los procesos. Su desventaja, no obstante, es que la traducción se debe buscar en todas las entradas de la tabla.



Ejemplo de paginación con tabla de páginas invertida en base al esquema anterior.

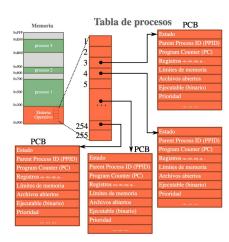
¿Cómo manejamos la ejecución de múltiples procesos?

- Como señalamos anteriormente, un proceso corresponde a un programa en ejecución. De esta manera, el proceso comprende tanto el código como los datos en memoria y el estado de procesamiento en la CPU.
- ¿Cómo mantenemos registro de esto para cada proceso?

En la sección de memoria protegida (accesible solo por el sistema operativo), se almacena una tabla de procesos. Cada entrada de esta tabla posee un puntero a un Process Control Block (PCB).

El PCB posee la información que permite mantener registro del estado de un proceso. Entre los datos relevantes encontramos:

- Estado
- Dirección de tabla de páginas
- Valores de registros: PC, SP, etc.
- Prioridad (si corresponde)



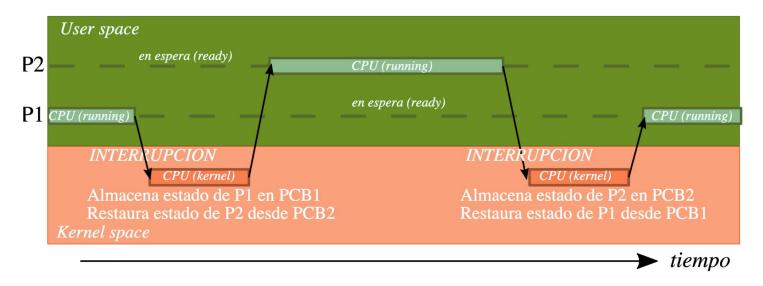
Ejemplo de una tabla de procesos (fuente: Cristian Ruz, IIC2333).

¿Cómo cambiamos la ejecución de un proceso a otro?

El sistema operativo, que es a su vez un proceso con privilegios, se encarga de realizar el cambio de contexto de la siguiente forma:

- Actualiza el bit de modo (kernel/supervisor mode) para tener acceso a la sección protegida de la memoria principal.
- Respalda el estado del proceso que detendrá su ejecución en su PCB correspondiente.
- Actualiza, a partir del PCB del proceso a ejecutar, los registros de la CPU para comenzar/retomar su ejecución (PTBR, PC, SP, etc.).

¿Cómo cambiamos la ejecución de un proceso a otro?



Ejemplo de un cambio de contexto entre dos procesos P1 y P2 (fuente: Cristian Ruz, IIC2333).

Trivia: Si usáramos memoria virtual en el computador básico, ¿las direcciones de los registros PC y SP serían físicas o virtuales?

R: ¡Virtuales! En un cambio de contexto, los valores de los registros PC y SP se almacenan en el PCB. Si ocurriera *swapping*, los marcos físicos asignados a las páginas del proceso podrían cambiar y, por ende, las direcciones físicas de PC y SP ya no serían válidas. Por este motivo usan direcciones virtuales traducidas por el MMU.

La única excepción donde se almacenan direcciones físicas es el registro PTBR, ya que la MMU lo usa para realizar las traducciones.

¿Cuándo realizamos un cambio de contexto?

El sistema operativo, mediante algoritmos de *scheduling*, selecciona los procesos que ejecutarán en la CPU por un intervalo de tiempo determinado.

Estos algoritmos determinan el orden de ejecución y el tiempo que le toma a los procesos terminar. Aprenderán de ellos en el curso de **Sistemas Operativos y Redes**.

Ahora, veremos algunos ejercicios.

Estos se basan en preguntas de tareas y pruebas de semestres anteriores, por lo que nos servirán de preparación para las evaluaciones.



¿Tiene sentido usar memoria virtual, si la cantidad de memoria física es igual a la cantidad de memoria direccionable? Justifique su respuesta.

Interrogación 3, 2017-1

Considere un computador con un espacio direccionable virtual de 32 bits, espacio de direccionamiento físico de 30 bits y páginas de 8KB.

- 1. Describa la composición interna de una dirección virtual.
- ¿Cuál es el máximo número de entradas válidas que pueden existir en una tabla de páginas?

Interrogación 3, 2016-1

En un computador con soporte para memoria virtual, ¿cómo se pueden implementar regiones de memoria protegidas y regiones de memoria compartidas?

Interrogación 3, 2016-1

En un computador Von Neumann, donde las instrucciones y los datos de un programa están en el mismo espacio de memoria, suponiendo que se tiene memoria virtual, ¿qué se podría hacer para que las páginas de datos nunca sean interpretadas como instrucciones por el computador?

Examen, 2018-1

Suponga que se tiene un espacio de direcciones virtuales de 30 bits y direcciones físicas de 20 bits. Indique, en bytes, el tamaño de página mínimo que permite que la tabla de páginas de un proceso "quepa" por completo en una página, *i.e.* que su tamaño no supere el tamaño de la tabla. Asuma que en cada entrada de la tabla de páginas se utilizan 3 bits de *metadata*.

Examen, 2023-1

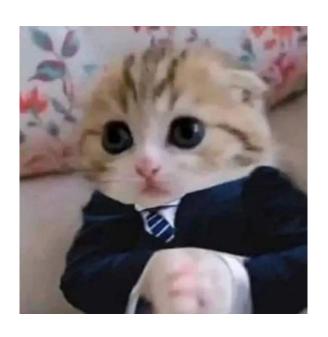
Antes de terminar

¿Dudas?

¿Consultas?

¿Inquietudes?

¿Comentarios?





Arquitectura de Computadores

Clase 11 - Multiprogramación

Profesor: Germán Leandro Contreras Sagredo

Anexo - Resolución de ejercicios

¡Importante!

Estos ejercicios pueden tener más de un desarrollo correcto. Las respuestas a continuación no son más que soluciones que **no excluyen** otras alternativas igual de correctas.



¿Tiene sentido usar memoria virtual, si la cantidad de memoria física es igual a la cantidad de memoria direccionable? Justifique su respuesta.

Sí. Aunque ya no se pueda utilizar más espacio de la memoria principal realizando *swapping*, se siguen teniendo las ventajas de multiprogramación: (1) El/la programador(a) no se preocupa del direccionamiento a nivel de código; (2) se añade protección al evitar accesos de memoria a otros procesos; y (3) se puede ocupar todo el espacio de direccionamiento virtual, sin cotas superiores ni inferiores en términos de direcciones.

Considere un computador con un espacio direccionable virtual de 32 bits, espacio de direccionamiento físico de 30 bits y páginas de 8KB.

Describa la composición interna de una dirección virtual.

Al tener un tamaño de página de 8KB, se tiene un total de 2^3 KB = 2^{13} B, es decir, se almacenan 2^{13} palabras. Para poder ubicar una palabra en la página, entonces, se necesitan 13 bits. Luego, como la dirección virtual consta de 32 bits, se tienen 32 - 13 = 19 bits para indicar el número de página (es decir, se puede tener un total de 2^{19} páginas).

Entonces, la composición interna de una dirección virtual es como sigue

10110100101101011011011011011110

Donde el segmento rojo (porción más significativa) corresponde al número de página, y el naranjo (porción menos significativa) al offset.

¹Número totalmente arbitrario.

²Si usted es daltónico, ruego me disculpe.

Considere un computador con un espacio direccionable virtual de 32 bits, espacio de direccionamiento físico de 30 bits y páginas de 8KB.

 ¿Cuál es el máximo número de entradas válidas que pueden existir en una tabla de páginas?

El máximo número de entradas válidas será el número máximo de marcos físicos posibles. Primero, al tener 13 bits de offset, se tiene un total de 30 - 13 = 17 bits para direccionar marcos, es decir, se puede tener un total de 2^{17} marcos físicos. Ahora, uno de estos marcos **debe** almacenar la tabla de páginas. Por lo que si se tiene un solo proceso, se puede tener un total de $2^{17} - 1$ entradas en tabla.

^{*} Como los marcos que guardan las tablas de página son de la sección protegida de memoria, en la práctica son menos las entradas que pueden ser válidas al mismo tiempo.

En un computador con soporte para memoria virtual, ¿cómo se pueden implementar regiones de memoria protegidas y regiones de memoria compartidas?

Para implementar regiones de memoria compartida, basta con permitir la asignación de un mismo marco a dos páginas diferentes. Así, un proceso podría acceder a los datos de otro (pues comparten el espacio). Por otra parte, para implementar regiones de memoria protegidas, basta con prohibir el uso de un marco físico para la asignación de una página (por ejemplo, con un *stack* que contenga las direcciones de los marcos físicos que pueden ser asignados). Así, las regiones de memoria protegidas podrían ser accedidas solo por el sistema operativo (modo *kernel*).

En un computador Von Neumann donde las instrucciones y los datos de un programa están en el mismo espacio de memoria, suponiendo que se tiene memoria virtual, ¿qué se podría hacer para que las páginas de datos nunca sean interpretadas como instrucciones por el computador?

Se puede agregar un bit **NX** a la *metadata* de una entrada de la tabla de páginas que indique si las direcciones contenidas en ella se pueden ejecutar o no. Si el bit NX está en 1, cualquier intento de ejecutar su código debiera ignorarse y/o activar un *trap*.

Suponga que se tiene un espacio de direcciones virtuales de 30 bits y direcciones físicas de 20 bits. Indique, en bytes, el tamaño de página mínimo que permite que la tabla de páginas de un proceso "quepa" por completo en una página, *i.e.* que su tamaño no supere el tamaño de la tabla. Asuma que en cada entrada de la tabla de páginas se utilizan 3 bits de *metadata*.

Respuesta en la siguiente diapositiva.

Solución: El tamaño de página mínimo necesario para cumplir lo solicitado es de 32KB. Para este tamaño, se tiene un total de $\log_2(2^{15}) = 15$ bits de offset, lo que deriva en 15 bits de número de página y 5 bits de número de marco. Entonces, sabemos que se tiene un total de 2^{15} entradas de tabla de página y un ancho de entrada de 5+3=8 bits (1 byte). Esto da un total de $2^{15}B=32KB$, haciendo que la tabla de páginas quepa de forma exacta en una página. A partir de la elección de un tamaño de página (independiente

Importante: En este ejercicio, muchos/as tratan de buscar una fórmula para obtener el valor de forma precisa, pero esto involucra un mayor tiempo de resolución al tener que plantear fórmulas y realizar aproximaciones. Se sugiere, en cambio, partir de un tamaño de página arbitrario y de ahí revisar si dicho tamaño debe incrementarse o disminuirse para acercarse a la respuesta. Los cálculos son lo suficientemente rápidos para resolver el problema de esta forma.