IIC2343 - Arquitectura de Computadores (II/2025)

Guía de ejercicios: Representación de números

Ayudantes: Daniela Ríos (danielaarp@uc.cl), Alberto Maturana (alberto.maturana@uc.cl)

1. Ejercicios

- (a) Convierta los siguientes números decimales a binario:
 - 1. 74_{10}
 - $2. 125_{10}$
 - 3.511_{10}
 - 4. 1015_{10}
 - 5. 2837₁₀
 - 6. 5531₁₀
 - 7. 6412_{10}
 - 8. 10745₁₀
 - 9. 15813₁₀
 - 10. 16000_{10}

Solución: ¡ Para pasar los números a binario usaremos la siguiente tabla de potencias

de 2.

2^{13}	2^{12}	2^{11}	2^{10}	2^{9}	2^{8}	2^7	2^{6}	2^{5}	2^{4}	2^3	2^2	2^1	2^0
8192	4096	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1

1. 74_{10} :

Buscamos la potencia de 2 más grande que sea menor o igual a 74.

$$74 - 2^6 = 78 - 64 = 10$$

Ahora hacemos lo mismo pero con 10, y repetimos hasta llegar a 0.

$$10 - 2^3 = 10 - 8 = 2$$

$$2 - 2^1 = 2 - 2 = 0$$

Entonces, 74 se puede escribir como:

$$74 = 2^6 + 2^2 + 2^1$$

Esto en binario,

$$74_{10} = 1001010_2$$

Se repite el procedimiento anterior para los demás números:

$$125 = 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^0$$
$$125_{10} = 1111101_2$$

$$511 = 2^8 + 2^7 + 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0$$
$$511_{10} = 111111111_2$$

$$1015 = 2^9 + 2^8 + 2^7 + 2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^2 + 2^1 + 2^0$$
$$1015_{10} = 1111110111_2$$

$$2837 = 2^{11} + 2^9 + 2^8 + 2^4 + 2^2 + 2^0$$
$$2837_{10} = 101100010101_2$$

6.
$$5531_{10}$$

$$5531 = 2^{12} + 2^{10} + 2^8 + 2^7 + 2^4 + 2^3 + 2^1 + 2^0$$
$$5531_{10} = 1010110011011_2$$

7.
$$6412_{10}$$

$$6412 = 2^{12} + 2^{11} + 2^8 + 2^3 + 2^2$$
$$6412_{10} = 1100100001100_2$$

8.
$$10745_{10}$$

$$10745 = 2^{13} + 2^{11} + 2^{8} + 2^{7} + 2^{6} + 2^{5} + 2^{4} + 2^{3} + 2^{0}$$
$$10745_{10} = 10100111111001_{2}$$

9.
$$15813_{10}$$

$$15813 = 2^{13} + 2^{12} + 2^{11} + 2^{10} + 2^{8} + 2^{7} + 2^{6} + 2^{2} + 2^{0}$$
$$15813_{10} = 11110111000101_{2}$$

10.
$$16000_{10}$$

$$16000 = 2^{13} + 2^{12} + 2^{11} + 2^{10} + 2^9 + 2^7$$
$$16000_{10} = 11111010000000_2$$

- (b) Convierta los siguientes números binarios a decimal:
 - 1. 111001₂
 - 2. 11000111₂
 - $3. 11010101_2$
 - $4. 1010110010_2$
 - $5. 11110000111_2$

Solución:

$$1. 111001_2$$

$$111001_2 = 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^0 = 57_{10}$$

$$2. 11000111_2$$

$$11000111_2 = 2^7 + 2^6 + 2^2 + 2^1 + 2^0 = 199_{10}$$

$$3. 11010101_2$$

$$11010101_2 = 2^7 + 2^6 + 2^4 + 2^2 + 2^0 = 213_{10}$$

$$4. 1010110010_2$$

$$1010110010_2 = 2^9 + 2^7 + 2^5 + 2^4 + 2^1 = 690_{10}$$

$$11110000111_2 = 2^{10} + 2^9 + 2^8 + 2^7 + 2^2 + 2^1 + 2^0 = 1927_{10}$$

- (c) Convierta los siguientes números a base 8 y 16.
 - 1. 15_{10}
 - 2.72_{10}
 - $3. 101_{10}$
 - 4. 355_{10}
 - 5. 4031₁₀
 - 6. 11111001₂
 - $7. 1010101_2$
 - $8. \ 101110101101_2$
 - 9. 111000101010_2
 - 10. 101101011010_2

Solución:

1. 15_{10} : Primero pasamos a base 2:

$$15 = 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0$$

$$15_{10} = 1111_2$$

Dado que 8 es igual al 2^3 , para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits (de derecha a izquierda) y estos se pasan a base 8. Si el último grupo no tiene la cantidad de bits necesarios, se rellena con 0's a la izquierda:

$$\underbrace{001}_{1}\underbrace{111}_{7}$$

$$1111_2 = 17_8$$

Para el caso de base 16, se debe realizar el miso procedimiento, pero dado que 16 es igual a 2^4 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{1111}_{F}$$

$$1111_2 = F_{16}$$

2. 72₁₀: Se repite el mismo procedimiento, primero pasamos a base 2:

$$72 = 2^6 + 2^3$$

$$72_{10} = 1001000_2$$

para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{001}_{1}\underbrace{001}_{1}\underbrace{000}_{0}$$

$$1001000_2 = 110_8$$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{0100}_{4}\underbrace{1000}_{8}$$

$$1001000_2 = 48_{16}$$

3. 101_{10} : Se repite el mismo procedimiento, primero pasamos a base 2:

$$101 = 2^6 + 2^5 + 2^2 + 2^0$$

$$101_{10} = 1100101_2$$

para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{001}_{1}\underbrace{100}_{4}\underbrace{101}_{5}$$

$$1100101_2 = 145_8$$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{0110}_{6}\underbrace{0101}_{5}$$

$$1100101_2 = 65_{16}$$

4. 355₁₀:Se repite el mismo procedimiento, primero pasamos a base 2:

$$355 = 2^8 + 2^6 + 2^5 + 2^1 + 2^0$$

$$355_{10} = 101100011_2$$

para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{101}_{5}\underbrace{100}_{4}\underbrace{011}_{3}$$

$$101100011_2 = 543_8$$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{0001}_{1}\underbrace{0110}_{6}\underbrace{0011}_{3}$$

$$101100011_2 = 163_{16}$$

5. 4031_{10} : Se repite el mismo procedimiento, primero pasamos a base 2:

$$355 = +2^{11} + 2^{10} + 2^9 + 2^8 + 2^7 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0$$

$$355_{10} = 1111101111111_2$$

para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{111}_{7}\underbrace{110}_{6}\underbrace{111}_{7}\underbrace{111}_{7}$$

$$1111101111111_2 = 7677_8$$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{1111}_{F}\underbrace{1011}_{B}\underbrace{1111}_{F}$$

$$11111101111111_2 = FBF_{16}$$

6. 11111001₂: Dado que ya se encuentra en base 2, solo se debe agrupar. Para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{011}_{3}\underbrace{111}_{7}\underbrace{001}_{1}$$

$$11111001_2 = 371_8$$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{1111}_{F}\underbrace{1001}_{9}$$

$$111111001_2 = F9_{16}$$

7. 1010101₂: Se repite el procedimiento anterior. Para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{001}_{1}\underbrace{010}_{2}\underbrace{101}_{5}$$

$$1010101_2 = 125_8$$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{0101}_{5}\underbrace{0101}_{5}$$

$$1010101_2 = 55_{16}$$

8. 101110101101_2 : Se repite el procedimiento anterior. Para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{\frac{101}{5}\underbrace{\frac{110}{6}\underbrace{\frac{101}{5}\underbrace{101}}_{5}}_{5}\underbrace{\frac{101}{5}}$$

$$101110101101_{2} = 5655_{8}$$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{1011}_{B}\underbrace{1010}_{A}\underbrace{1101}_{D}$$

 $101110101101_2 = BAD_{16}$

9. 1110001010102: Se repite el procedimiento anterior.

Para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{111}_{7}\underbrace{000}_{0}\underbrace{101}_{5}\underbrace{010}_{2}$$

 $111000101010_2 = 7052_8$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{1110}_{E}\underbrace{0010}_{2}\underbrace{1010}_{A}$$

 $111000101010_2 = E2A_{16}$

10. 101101011010₂: Se repite el procedimiento anterior. Para convertir el número a base 8 se agrupan de 3 bits:

$$\underbrace{\frac{101}{5}\underbrace{\frac{101}{5}\underbrace{\frac{011}{3}\underbrace{010}_{2}}}_{5}\underbrace{0110101011010_{2}}_{5532_{8}}$$

para convertir el número a base 16 se agrupan de 4 bits:

$$\underbrace{1011}_B\underbrace{0101}_5\underbrace{1010}_A$$

 $101101011010_2 = B5A_{16}$

2. Calculadora Windows

Para verificar los resultados de las conversiones, se puede utilizar la calculadora integrada de Windows. Esta herramienta incluye un modo de calculadora programable que permite visualizar la representación de números en sistemas binarios, decimales, hexadecimales y octales como se puede ver a continuación:

