

# Bases de Datos

Clase 12: Evaluación de consultas

Recordatorio: Paginas, Discos y Buffer

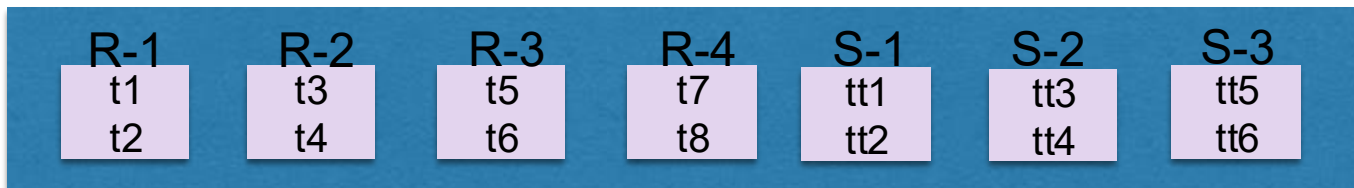
# Páginas, disco y buffer

Para trabajar con las tuplas de una relación, la base de datos carga la página desde el disco con dicha tupla

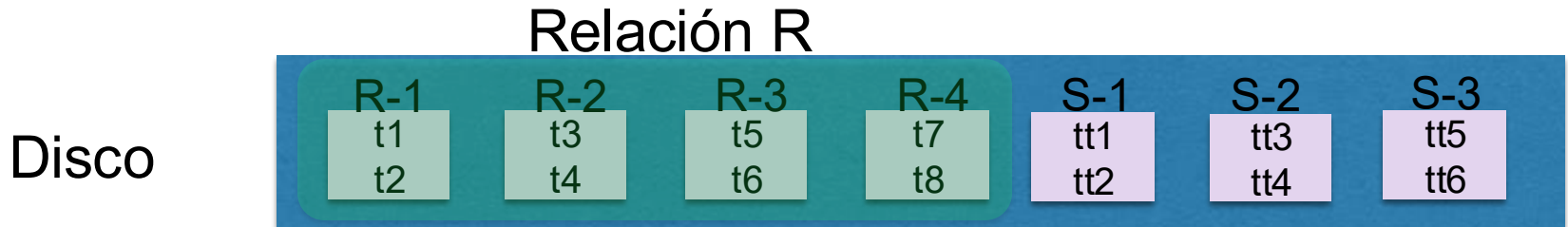
Para cargar estas páginas, la base de datos reserva un espacio en RAM llamado **Buffer**

# Páginas, disco y buffer

Disco

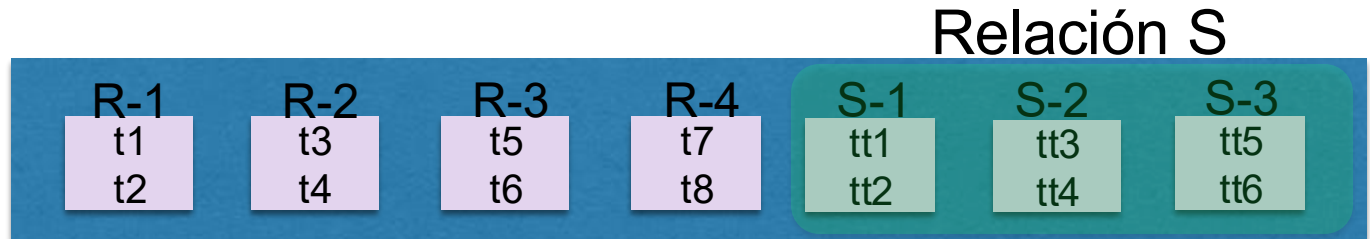


# Páginas, disco y buffer



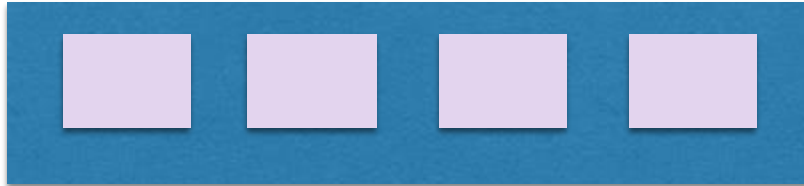
# Páginas, disco y buffer

Disco

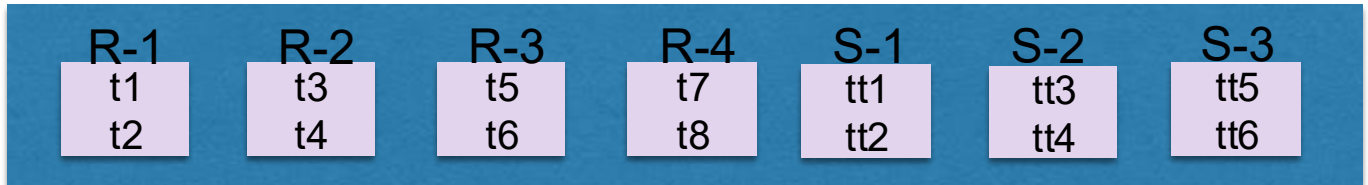


# Páginas, disco y buffer

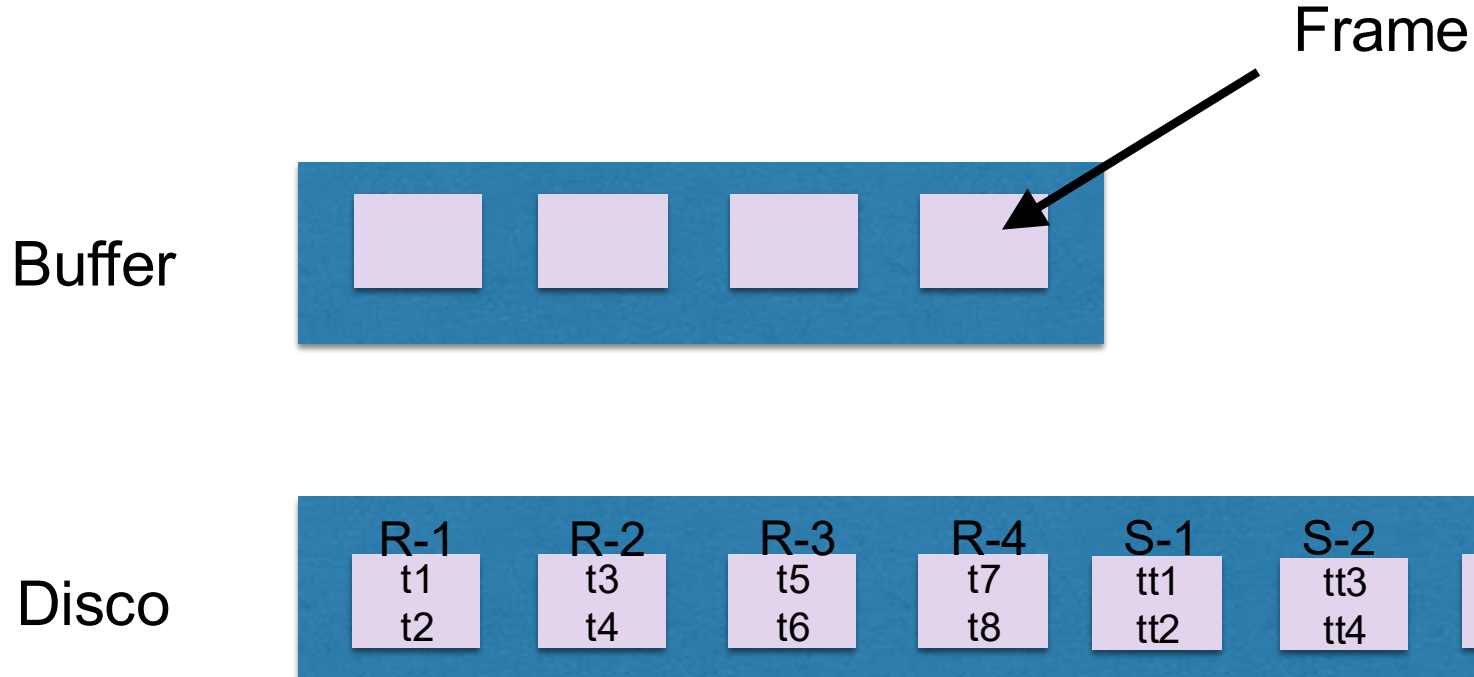
Buffer



Disco



# Páginas, disco y buffer



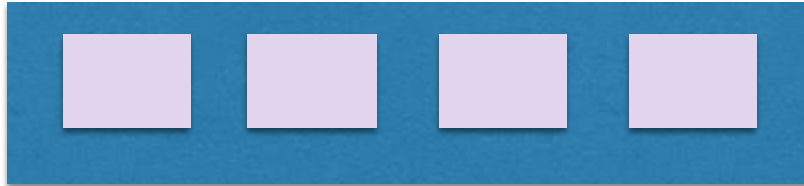


# Páginas, disco y buffer

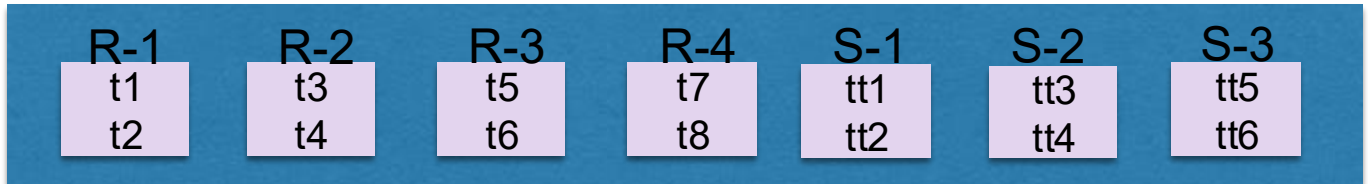
DBMS

Necesito tupla t3 de R

Buffer



Disco



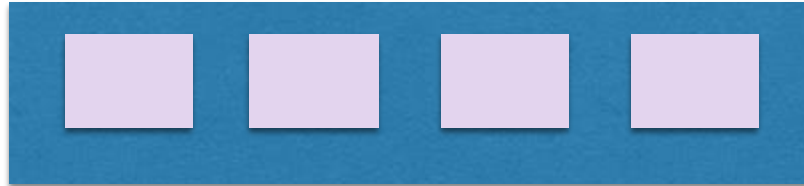
# Páginas, disco y buffer

DBMS

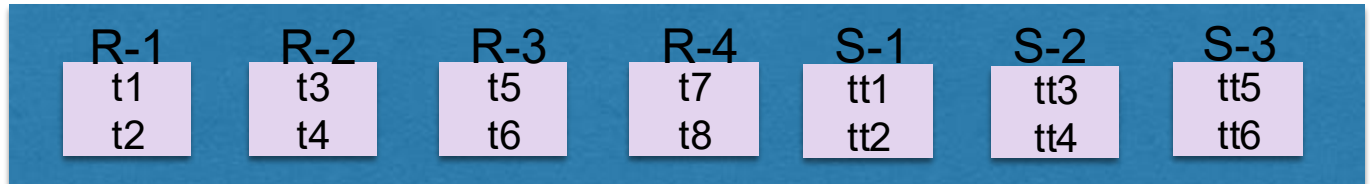
Necesito tupla t3 de R

Cargar página con t3

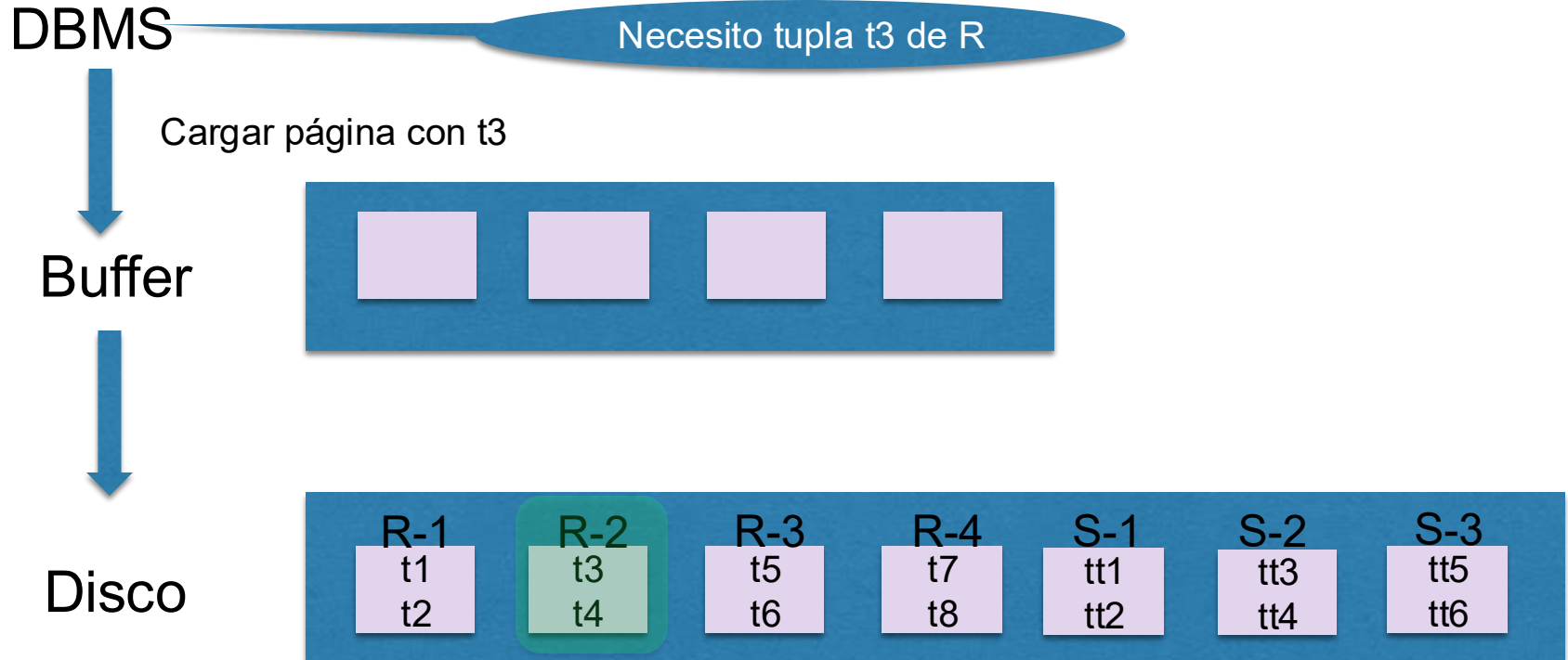
Buffer



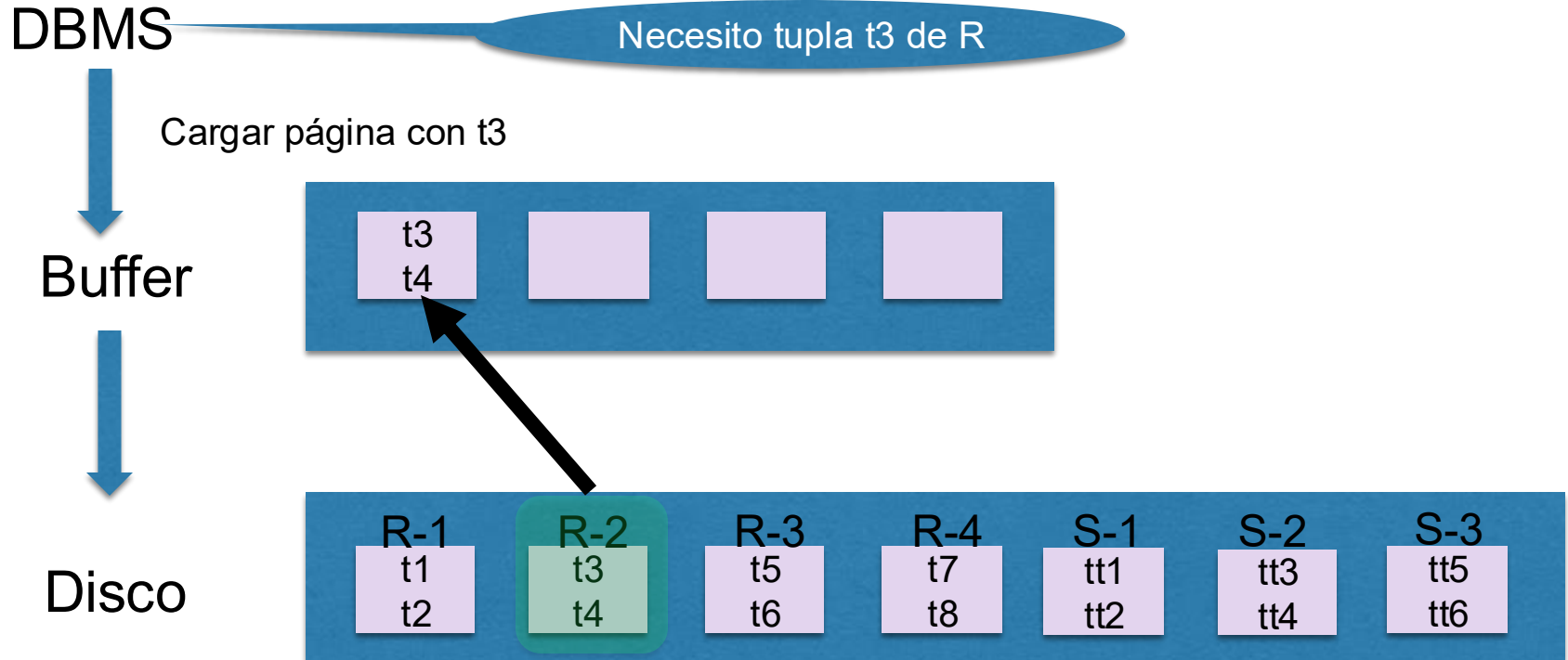
Disco



# Páginas, disco y buffer



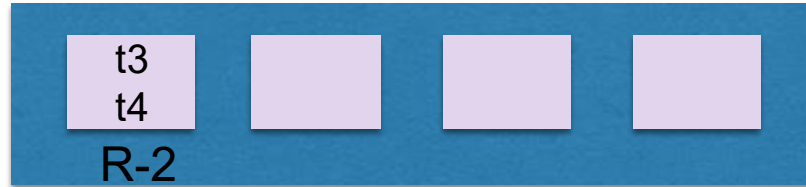
# Páginas, disco y buffer



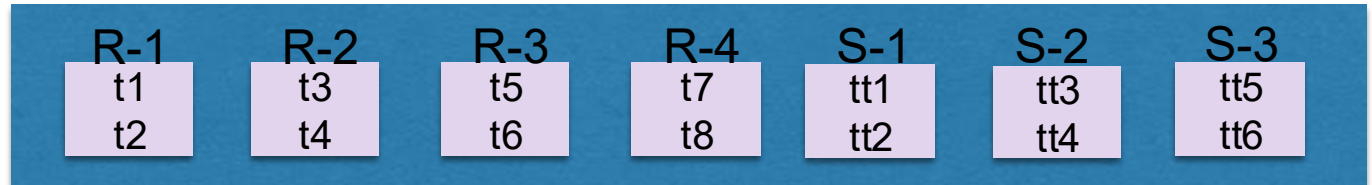
# Páginas, disco y buffer

DBMS

Buffer



Disco

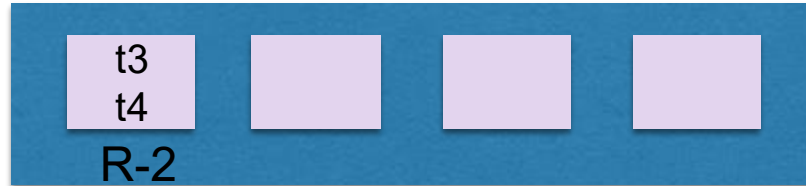


# Páginas, disco y buffer

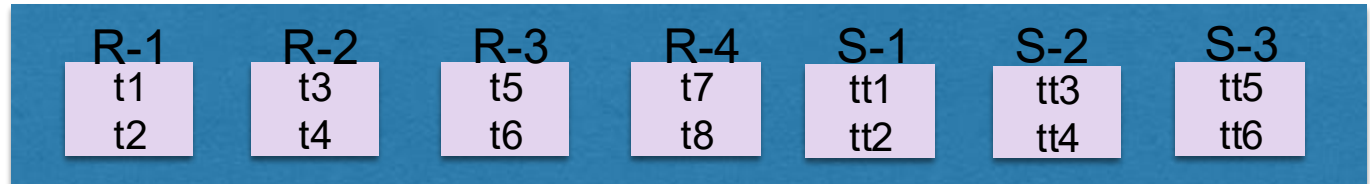
DBMS

Necesito tupla t4 de R

Buffer



Disco



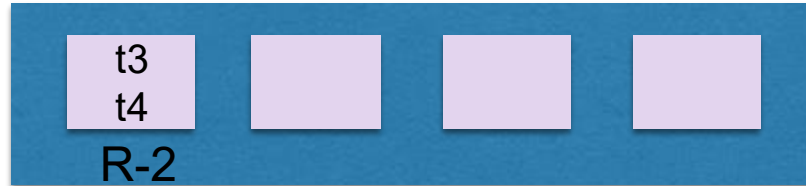
# Páginas, disco y buffer

DBMS

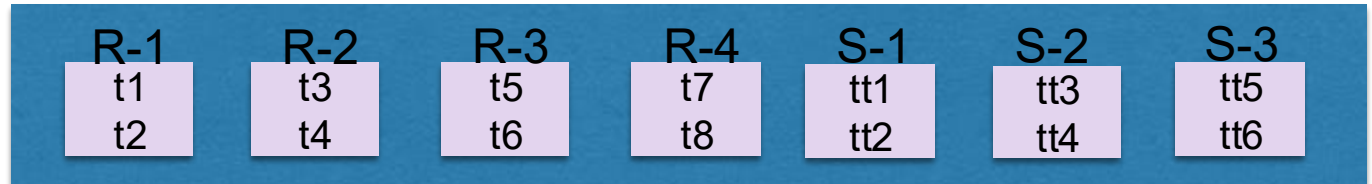
Necesito tupla t4 de R

Cargar página con t4

Buffer



Disco



# Páginas, disco y buffer

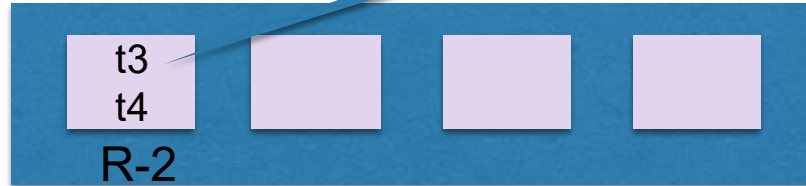
DBMS

Necesito tupla t4 de R

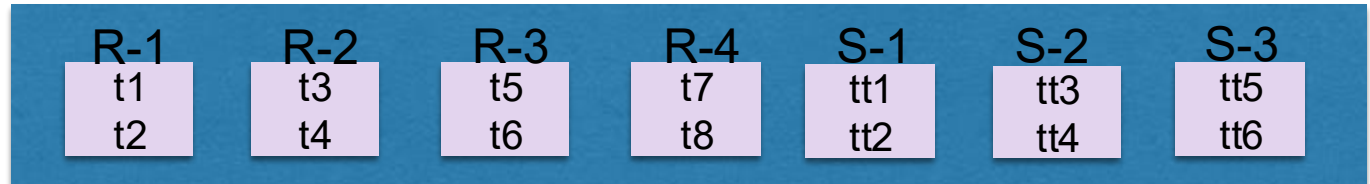
Ya la tenemos!

Cargar página con t4

Buffer



Disco





# Algoritmos en Bases de Datos

# Costo de un algoritmo

¿Cuántas veces tengo que leer una página desde el disco, o escribir una página al disco?

Las operaciones en buffer (RAM) son orden(es) de magnitud más rápidas que leer/escribir al disco – costo 0

# Algoritmos en una BD

Los algoritmos implementan una interfaz de un iterador lineal:

- `open()`
- `next()`
- `close()`

# Algoritmos en una BD

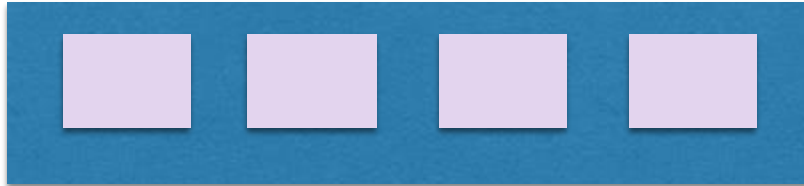
Para una relación R:

- R.open() – se posiciona **antes** de la primera tupla de R
- R.next() – devuelve la siguiente tupla o NULL
- R.close() – cierra el iterador

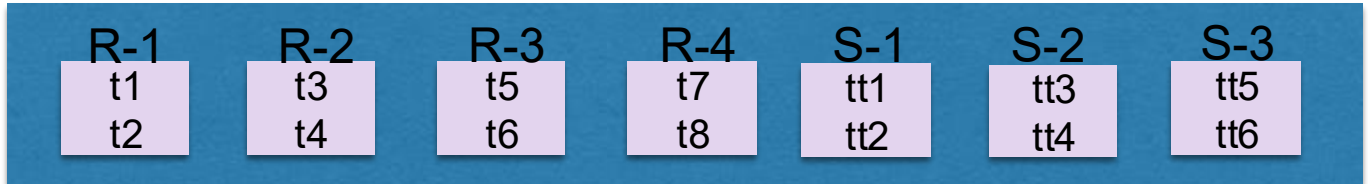
# Páginas, disco y buffer

DB

Buffer



Disco

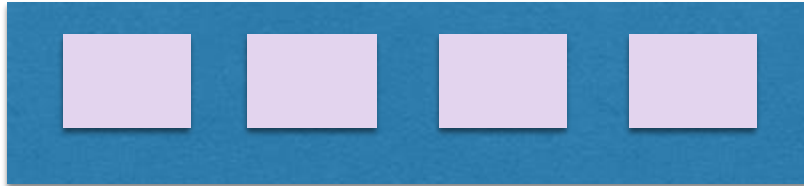


# Páginas, disco y buffer

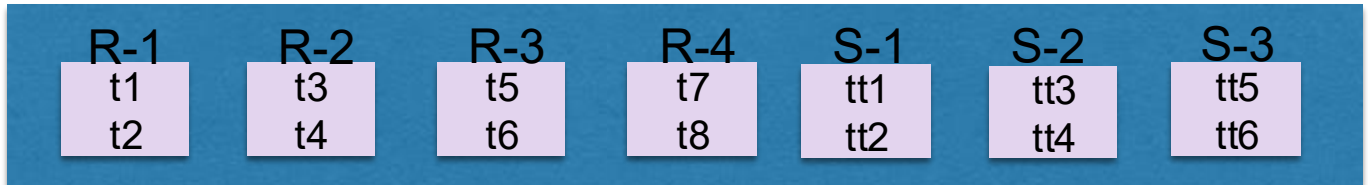
DBMS

R.open()

Buffer



Disco

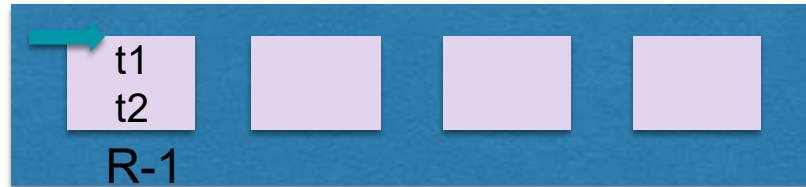


# Páginas, disco y buffer

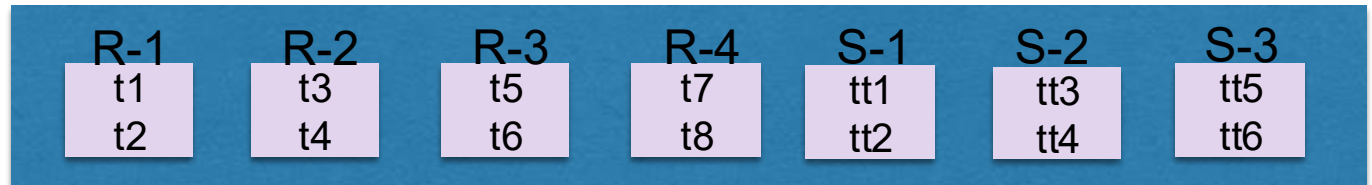
DBMS

R.open()

Buffer



Disco

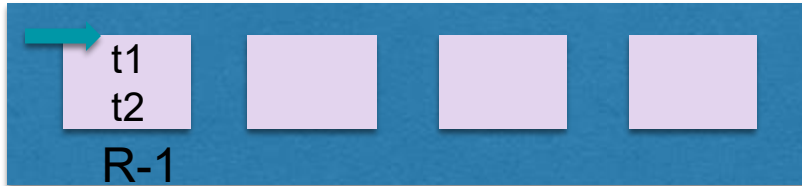


# Páginas, disco y buffer

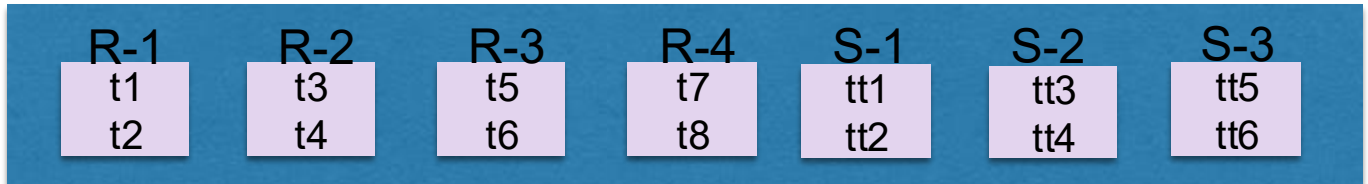
DBMS

R.next()

Buffer



Disco



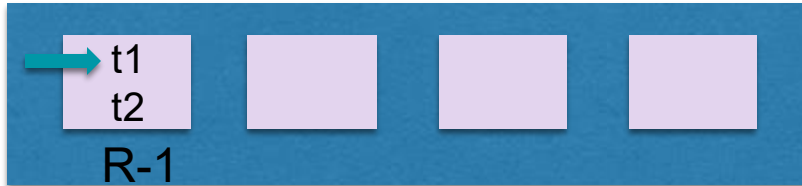


# Páginas, disco y buffer

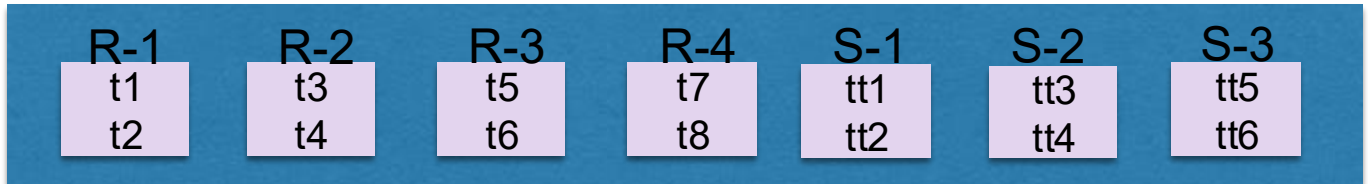
DBMS

R.next()

Buffer



Disco

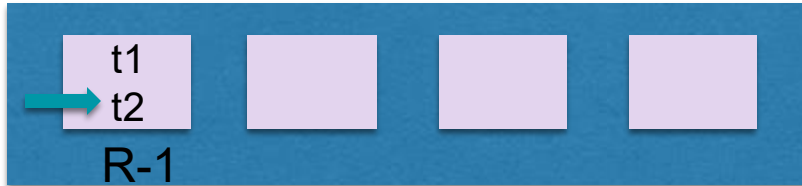


# Páginas, disco y buffer

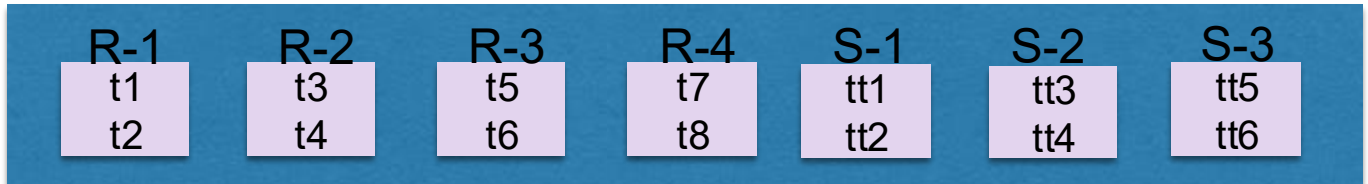
DBMS

R.next()

Buffer



Disco

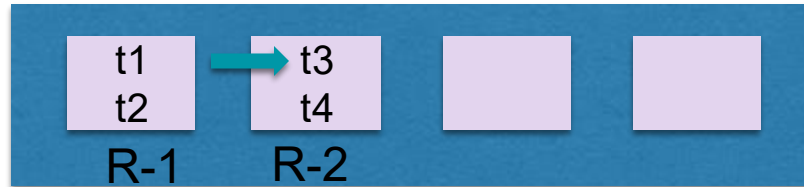


# Páginas, disco y buffer

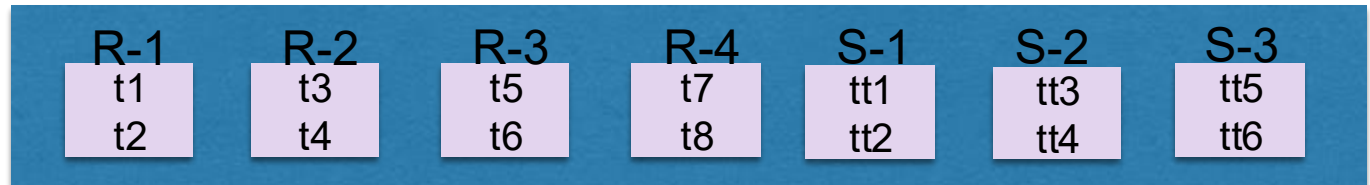
DBMS

R.next()

Buffer



Disco

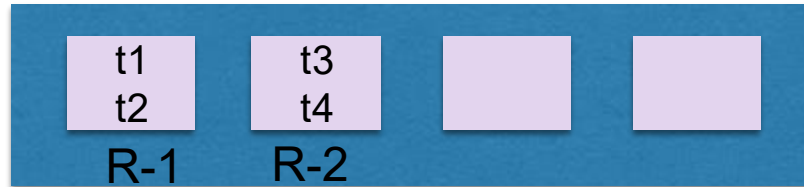


# Páginas, disco y buffer

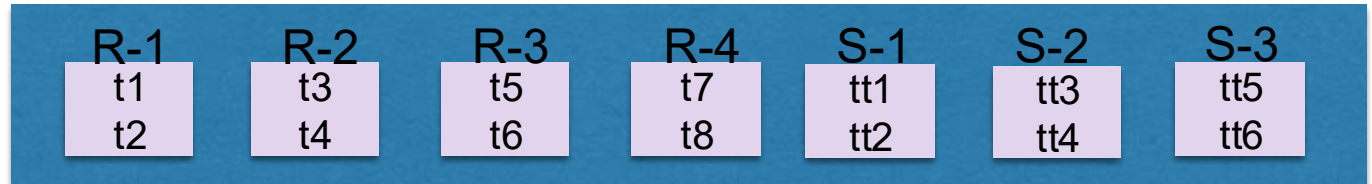
DBMS

R.close()

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

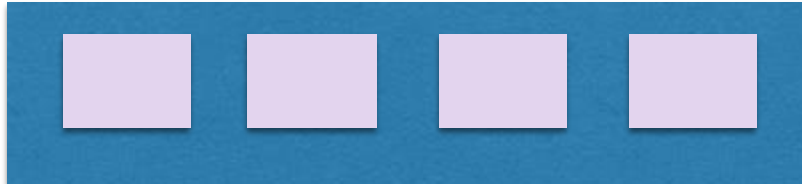
```
t:= R.next()
```

```
while t != null do  
    output t
```

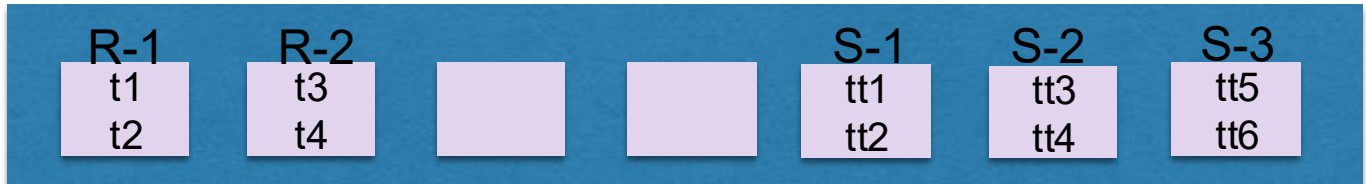
```
t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

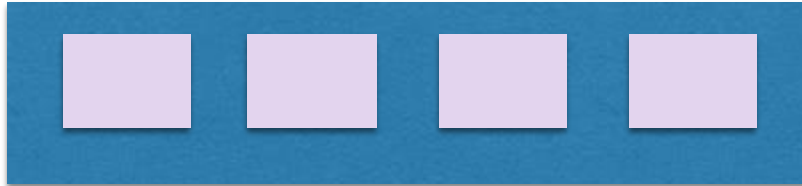
DBMS

**R.open()**

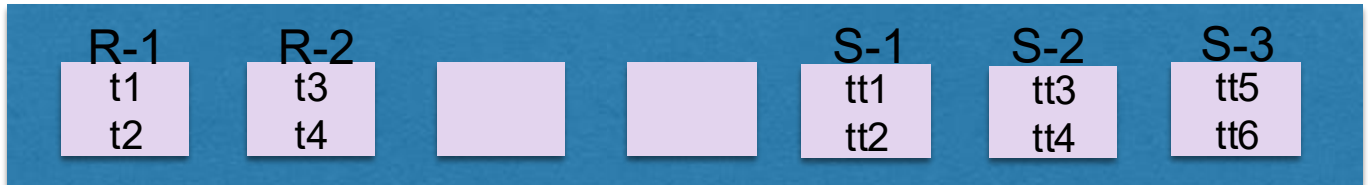
```
t:= R.next()  
while t != null do  
    output t  
    t:= R.next()
```

**R.close()**

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

**R.open()**

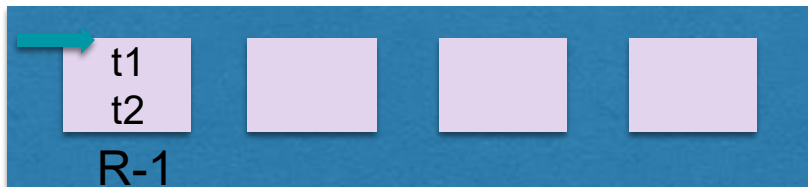
t:= R.next()

**while** t != null **do**  
    **output** t

t:= R.next()

**R.close()**

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

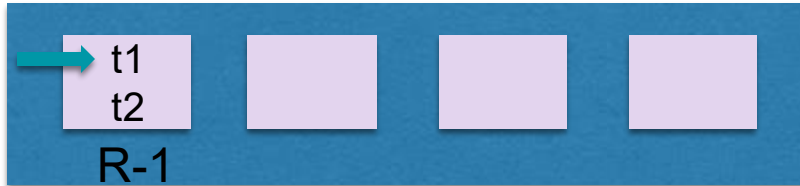
```
t := R.next()
```

```
while t != null do  
    output t
```

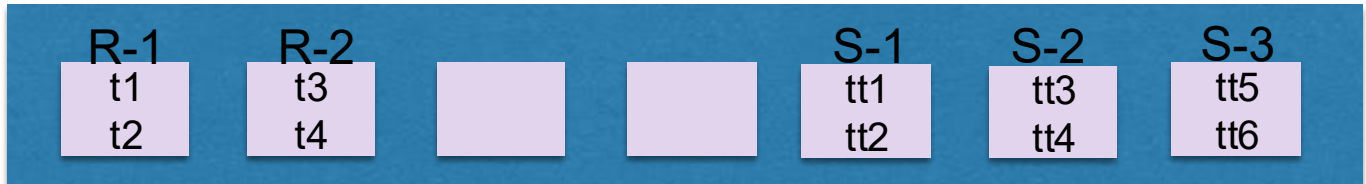
```
t := R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco





# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

```
t:= R.next()
```

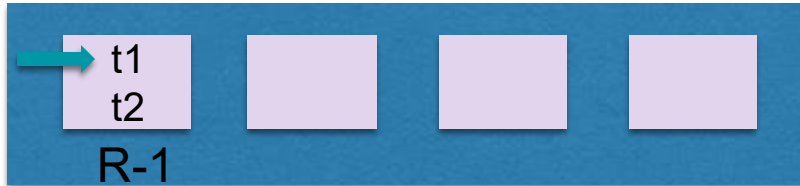
```
while t != null do
```

```
    output t
```

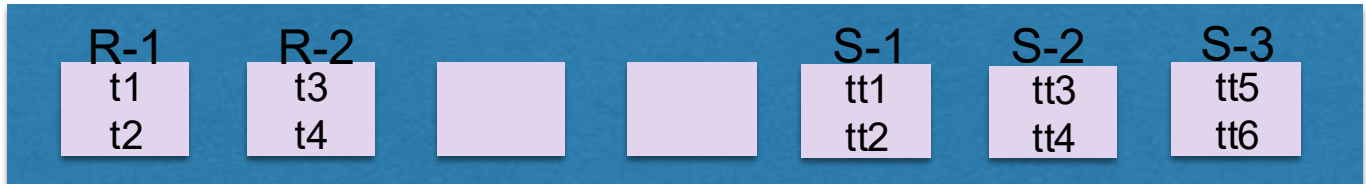
```
    t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

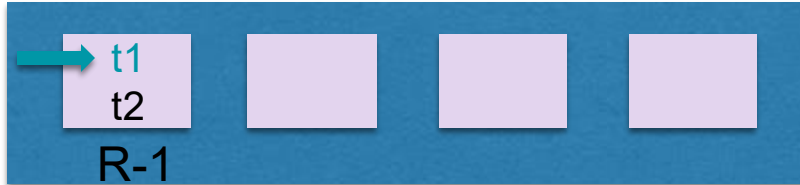
```
t:= R.next()
```

```
while t != null do  
    output t
```

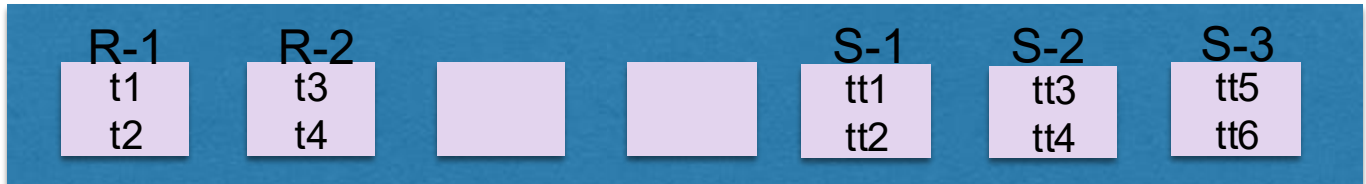
```
t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

```
t:= R.next()
```

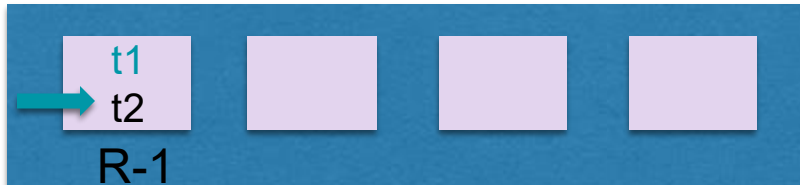
```
while t != null do
```

```
    output t
```

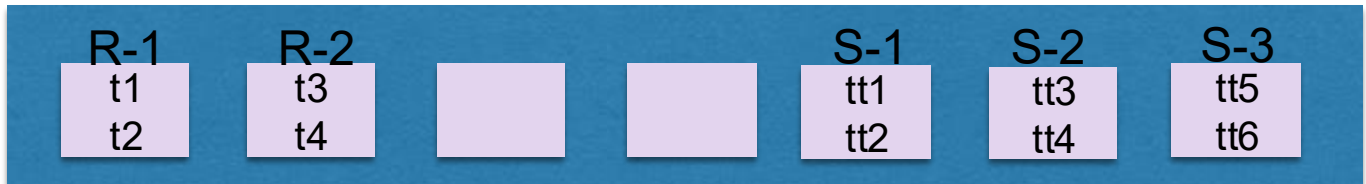
```
    t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

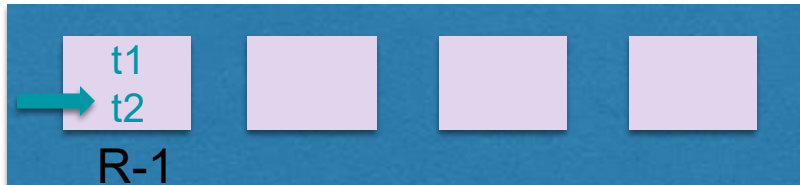
```
t:= R.next()
```

```
while t != null do  
    output t
```

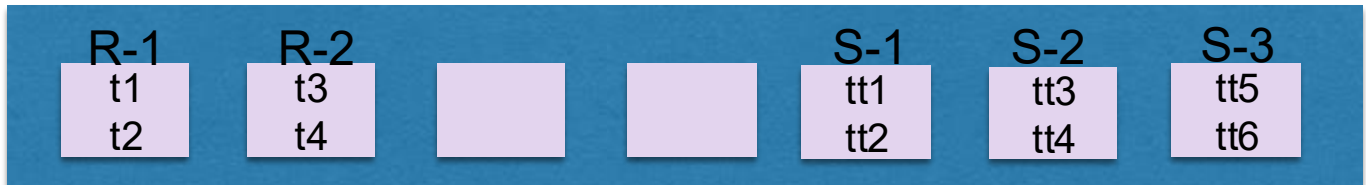
```
t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

```
t:= R.next()
```

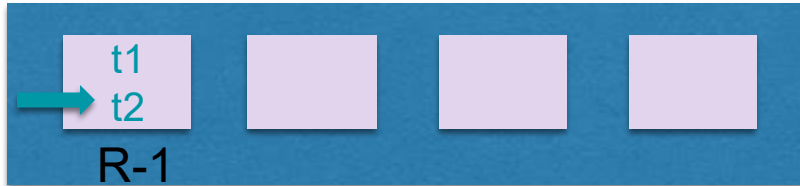
```
while t != null do
```

```
    output t
```

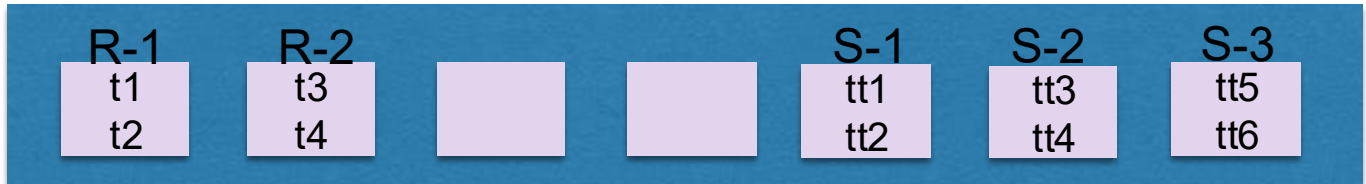
```
    t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

```
t:= R.next()
```

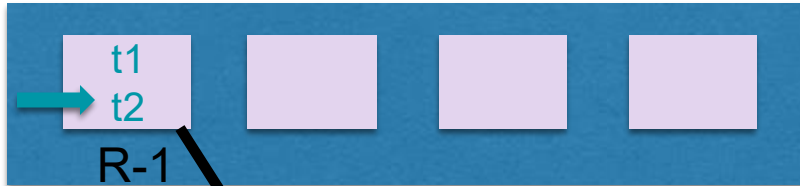
```
while t != null do
```

```
    output t
```

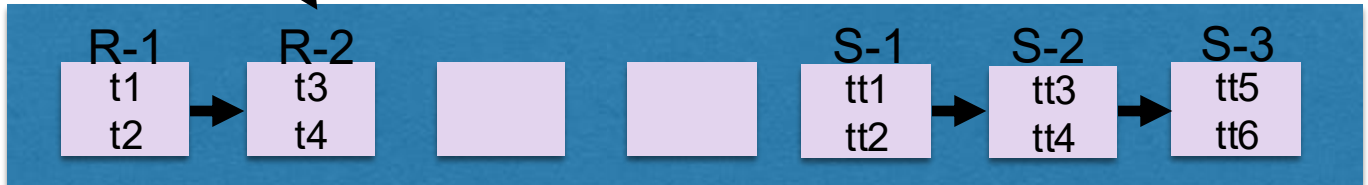
```
    t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

```
t:= R.next()
```

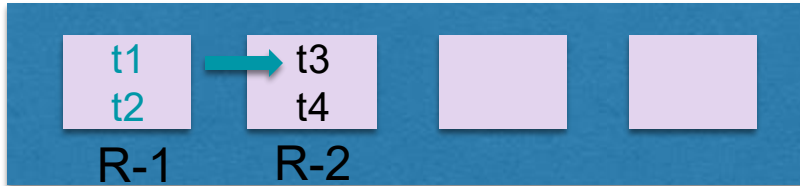
```
while t != null do
```

```
    output t
```

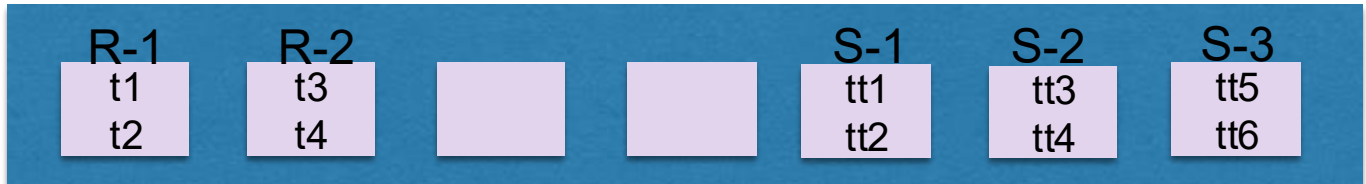
```
    t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

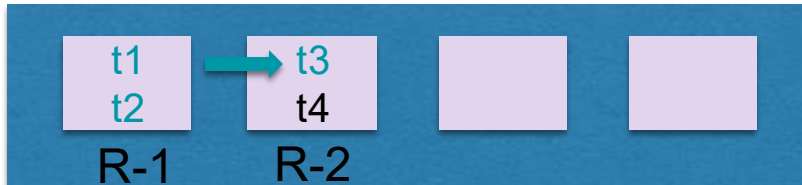
```
t:= R.next()
```

```
while t != null do  
    output t
```

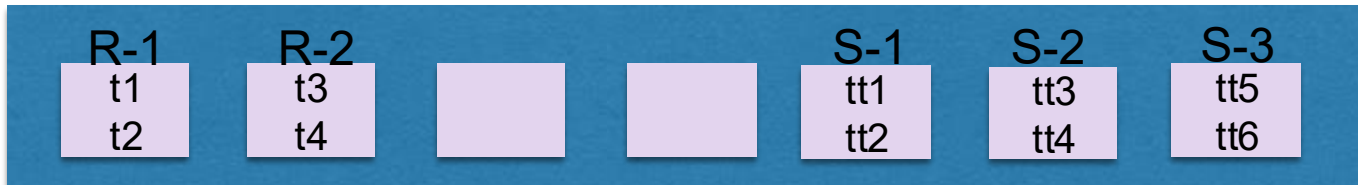
```
t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco





# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

```
t:= R.next()
```

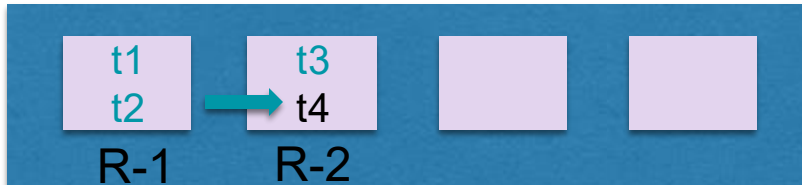
```
while t != null do
```

```
    output t
```

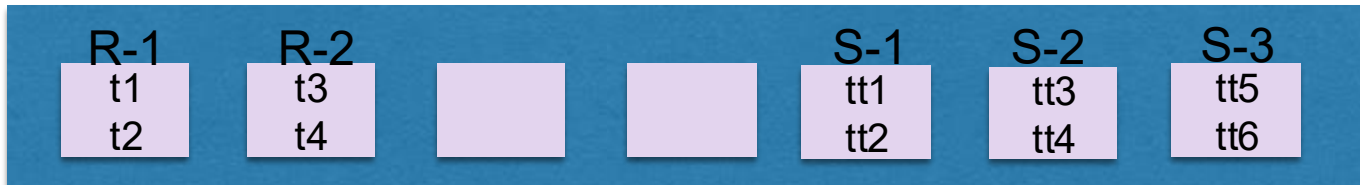
```
    t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

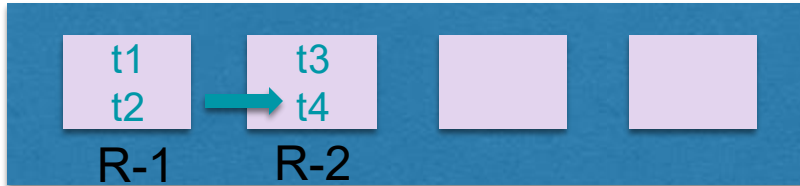
```
t:= R.next()
```

```
while t != null do  
    output t
```

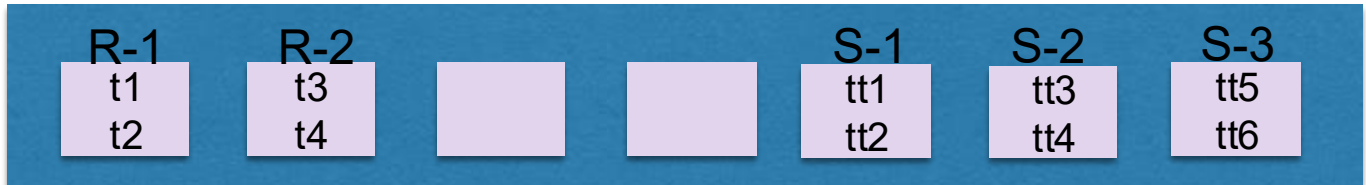
```
t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

DBMS

```
R.open()
```

```
t:= R.next()
```

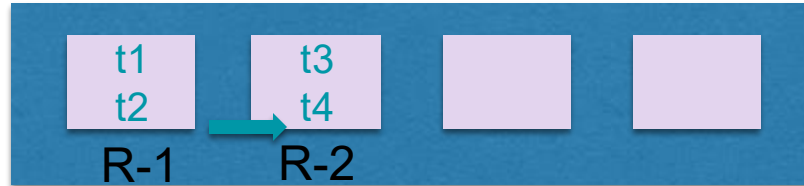
```
while t != null do
```

```
    output t
```

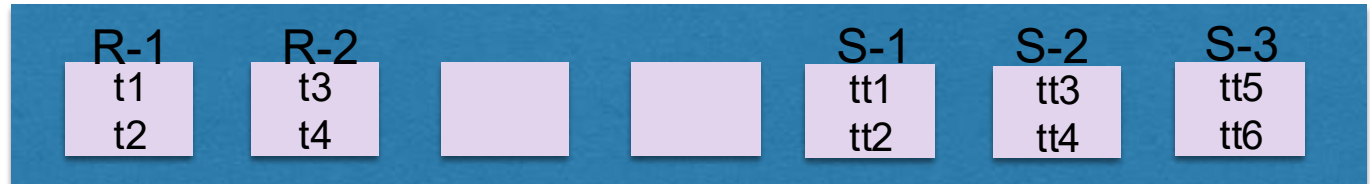
```
    t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# SELECT \* FROM R

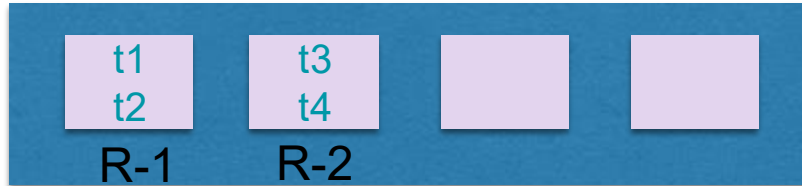
DBMS

```
R.open()
```

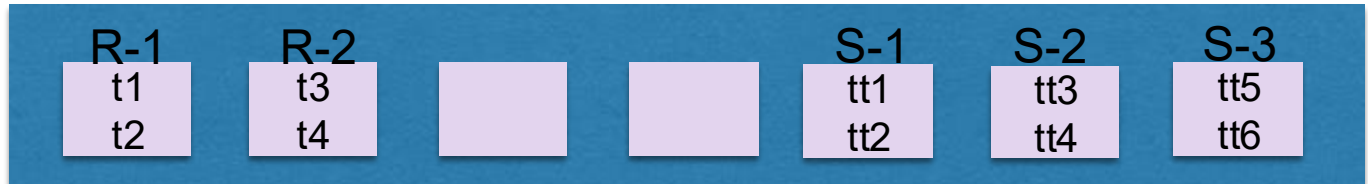
```
t:= R.next()  
while t != null do  
    output t  
    t:= R.next()
```

```
R.close()
```

Buffer



Disco



# En realidad

Cada operador de algebra relacional implementa interfaz de un iterador lineal:

- open()
- next()
- close()

# Algoritmos – Operadores Lineales

# Selección

El algoritmo de selección cambia dependiendo si es una consulta de igualdad (=) o de rango (<, >)

También depende si el atributo a seleccionar está indexado

Este implementa la interfaz de iterador lineal

# Selección

## Sin índice:

Si queremos hacer una selección sobre una tabla **R**

```
open()
  R.open()

next() // retorna el siguiente seleccionado
  t:= R.next()
  while t != null do
    if t satisfice condición then
      return t
    t:= R.next()
  return null
```



## Sin índice

# Selección

Si queremos hacer una selección sobre una tabla **R**

```
open()
  R.open()

next() // retorna el siguiente seleccionado
  t:= R.next()
  while t != null do
    if t satisface condición then
      return t
    t:= R.next()
  return null

close()
  R.close()
```

Para recorrer la selección  $Sel = \sigma_{cond} (R)$

```
Sel.open()

t := Sel.next()
while t != null do
  output t
  t:= Sel.next()

Sel.close()
```

# Selección

Sin índice, **necesariamente** tenemos que recorrer todo R “**FULL SCAN**”

# Selección

## Con índice y consulta de igualdad:

Si queremos hacer una selección sobre una tabla **R** a un atributo indexado con un índice **I**

```
open()  
  I.open()  
  I.search(Atributo = valor)
```

```
next()  
  t:= I.next()  
  while t != null do  
    return t  
  return null
```

```
close()  
  I.close()
```

# Selección

## Con índice y consulta de igualdad:

Sólo tenemos que leer las páginas que satisfacen la condición (más I/O si muchas tuplas satisfacen la condición)

Cambia un poco si el índice es Clustered o Unclustered (¿Por qué?)

Si el atributo es llave primaria entonces la operación prácticamente tiene  $I/O \sim 1$

# Selección

¿Cómo podemos hacer este tipo de consultas de forma eficiente?

Usando **Proyección**

# Proyección

Algoritmo muy sencillo

open()

    R.open()

next()

    t:= R.next()

**while** t != null **do**

**return** project(t, atributos)

**return** null

close()

    R.close()

# Proyección

Necesariamente tenemos que recorrer todo **R**

# Joins

Operación muy costosa

Supondremos solamente restricciones de igualdad (por ejemplo,  $R.a = S.a$ )



# Nested Loop Joins

# Nested Loop Join

Queremos hacer un join entre **R** y **S**, cuando se satisface un predicado **p**

```
open()  
  R.open()  
  S.open()  
  r:= R.next()
```

```
close()  
  R.close()  
  S.close()
```

# Nested Loop Join

Queremos hacer un join entre **R** y **S**, cuando se satisface un predicado **p**

```
next()  
  while r != null do  
    s:= S.next()  
    if s == null then  
      S.close()  
      r:= R.next()  
      S.open()  
    else if (r, s) satisfacen p then  
      return (r, s)  
  return null
```

# Nested Loop Join

DB

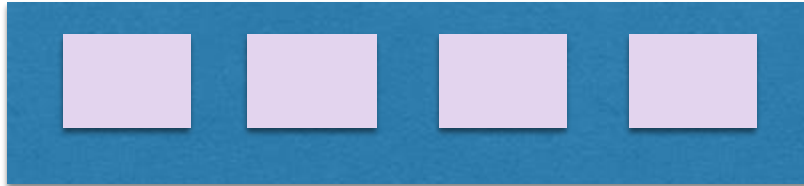
$$\text{Join} = R \bowtie_p S$$

Join.open()

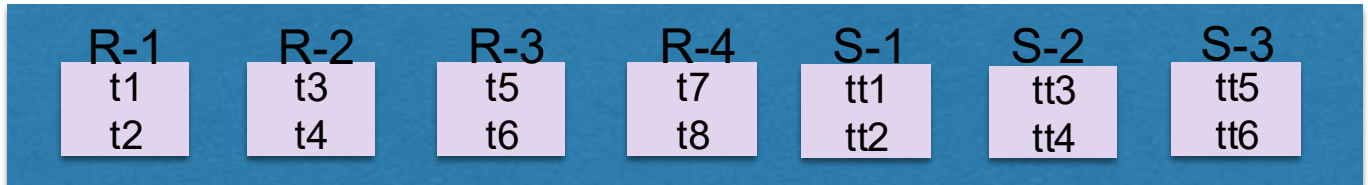
```
t := Join.next()  
while t != null do  
    output t  
    t := Join.next()
```

Join.close()

Buffer



Disco



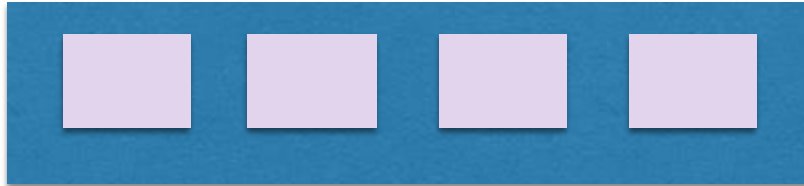
# Nested Loop Join

DB

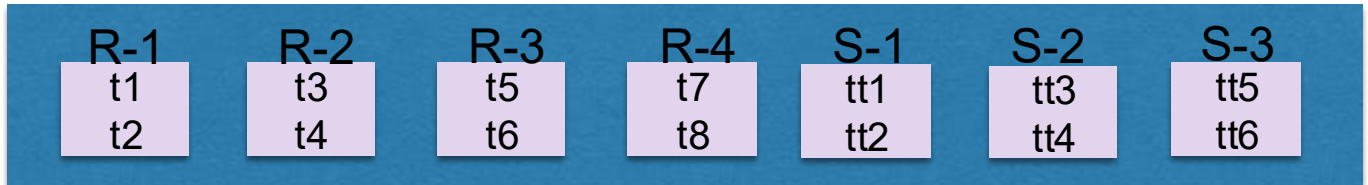
$R \bowtie_p S \dots \text{Join.open}()$

```
R.open()  
S.open()  
r := R.next()
```

Buffer



Disco



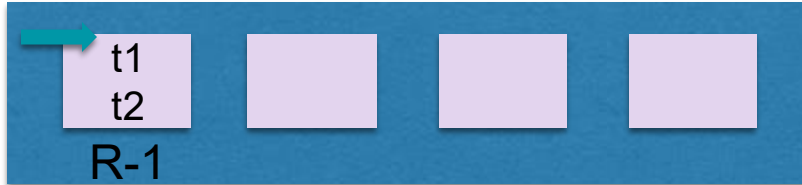
# Nested Loop Join

DB

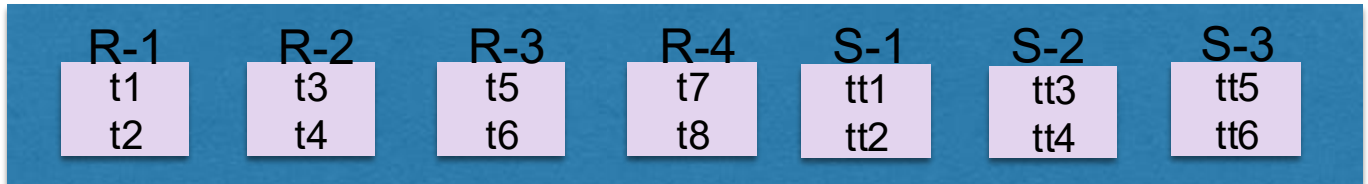
$R \bowtie_p S \dots \text{Join.open}()$

```
R.open()  
S.open()  
r := R.next()
```

Buffer



Disco



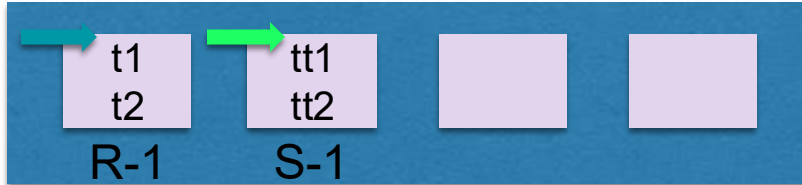
# Nested Loop Join

DB

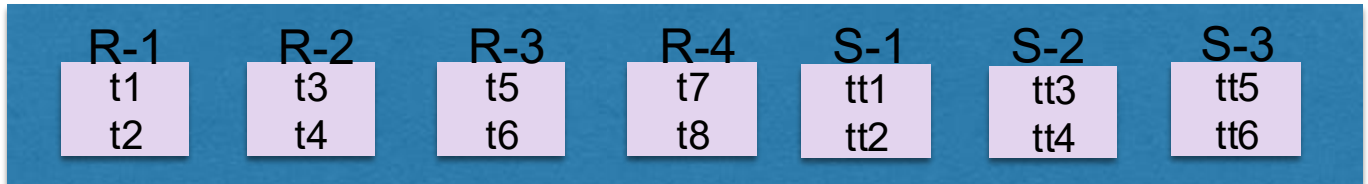
$R \bowtie_p S \dots \text{Join.open}()$

```
R.open()  
S.open()  
r := R.next()
```

Buffer



Disco



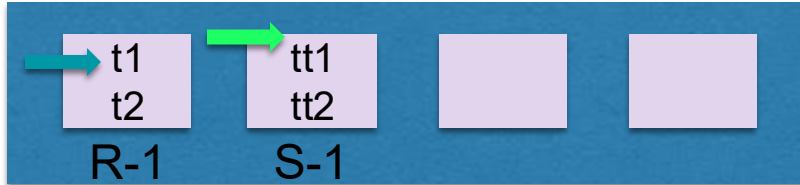
# Nested Loop Join

DB

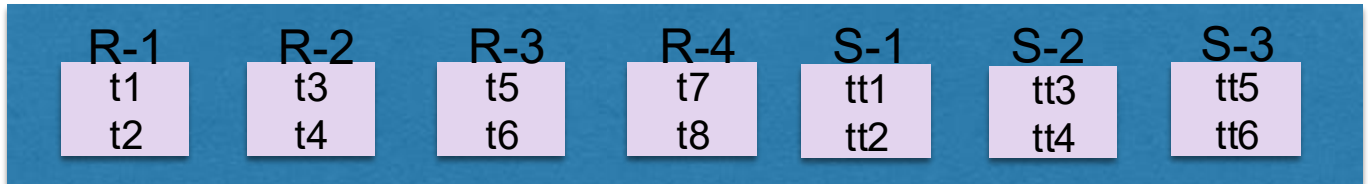
$R \bowtie_p S \dots \text{Join.open}()$

```
R.open()  
S.open()  
r := R.next()
```

Buffer



Disco



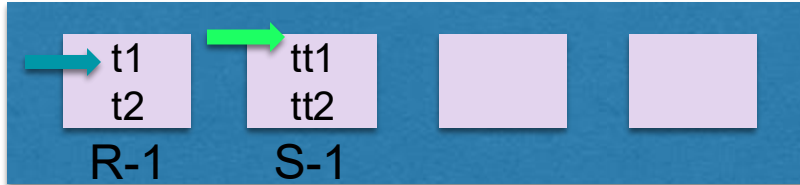


# Nested Loop Join

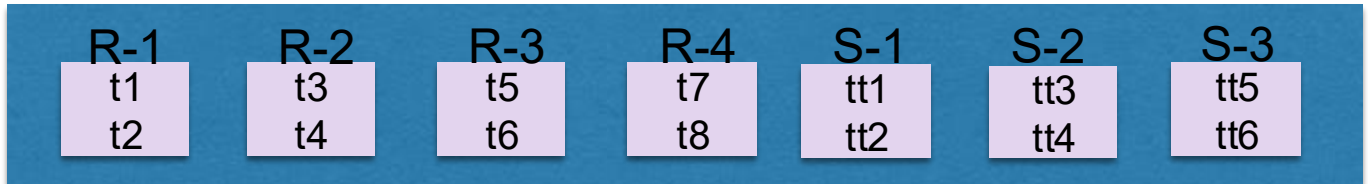
DB

```
t:= Join.next()  
while t != null do  
    output t  
    t:= Join.next()
```

Buffer



Disco



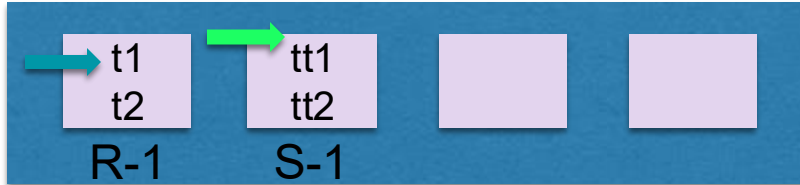
# Nested Loop Join

DB

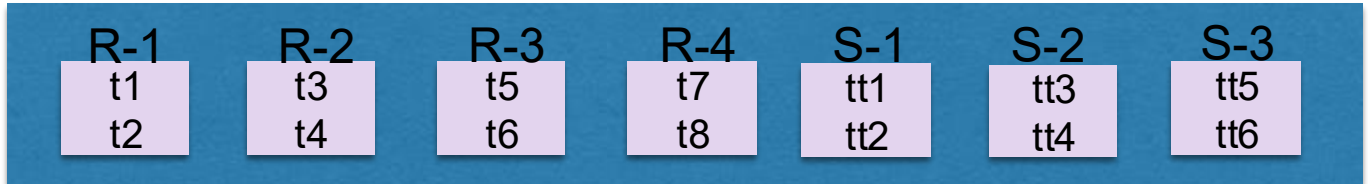
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



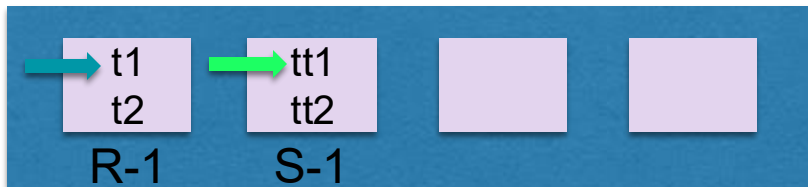
# Nested Loop Join

DB

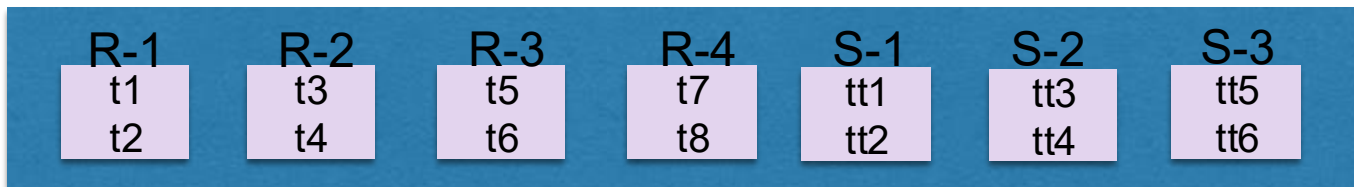
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



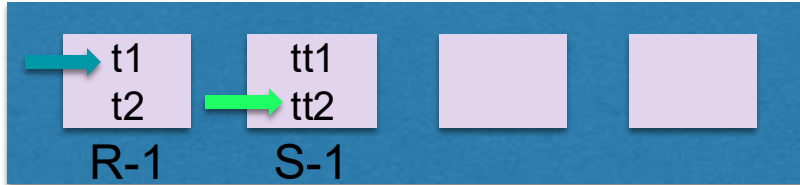
# Nested Loop Join

DB

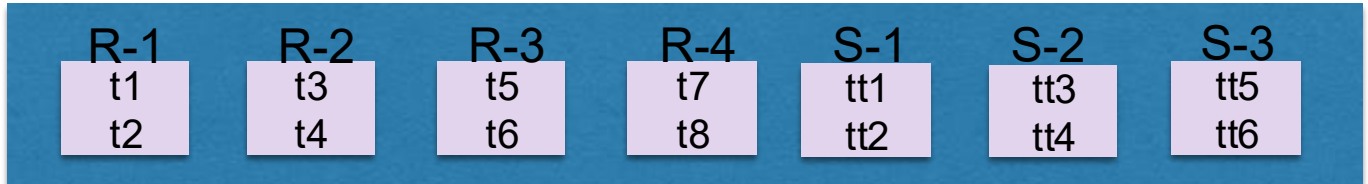
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



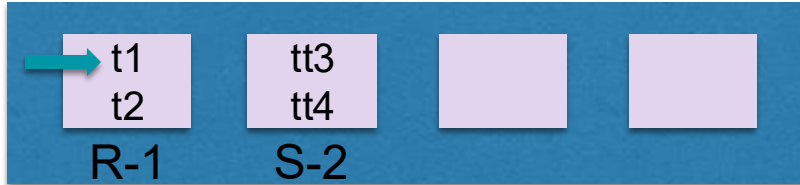
# Nested Loop Join

DB

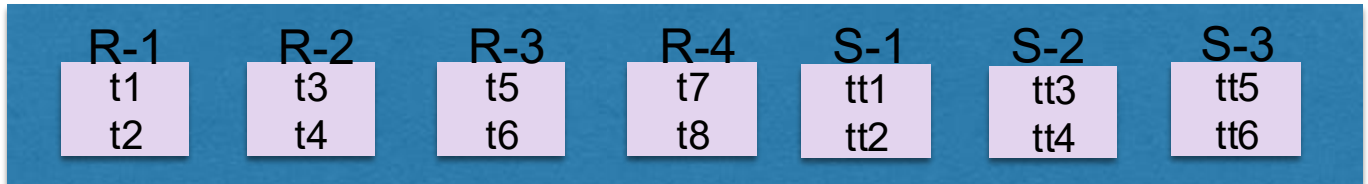
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



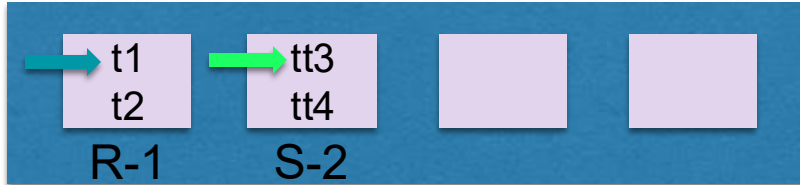
# Nested Loop Join

DB

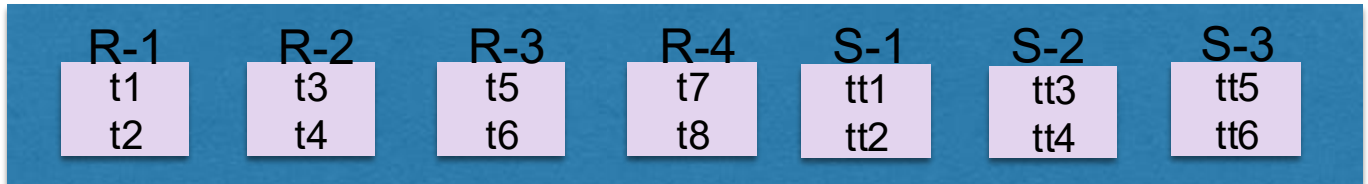
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



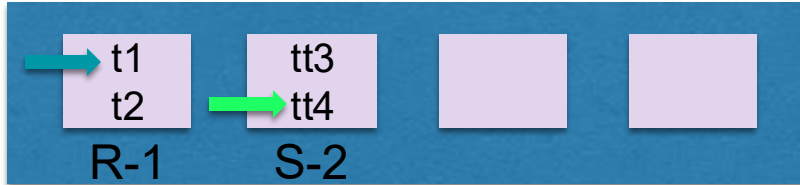
# Nested Loop Join

DB

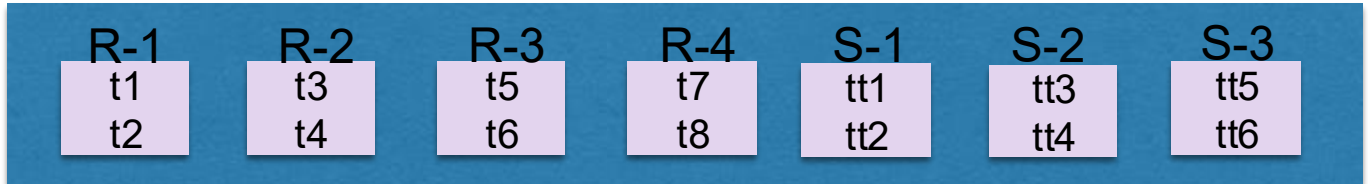
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



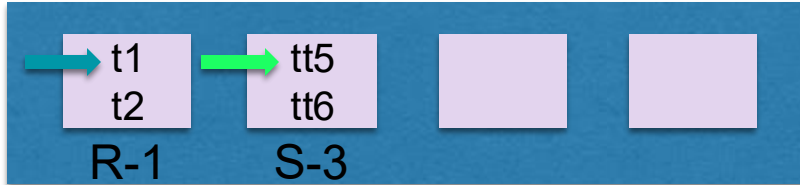
# Nested Loop Join

DB

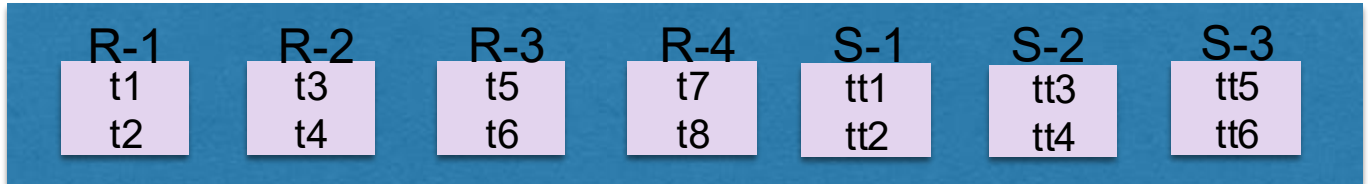
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco





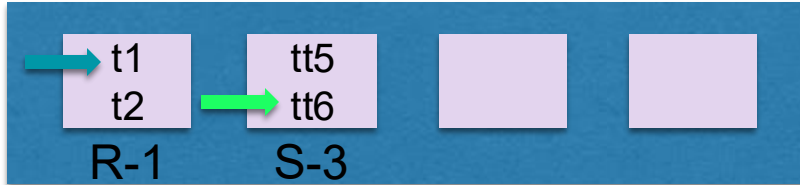
# Nested Loop Join

DB

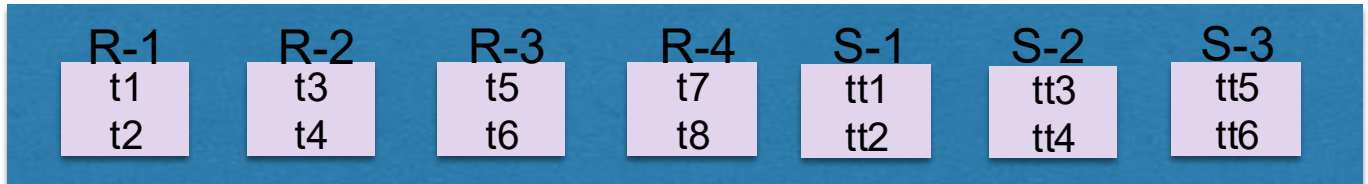
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



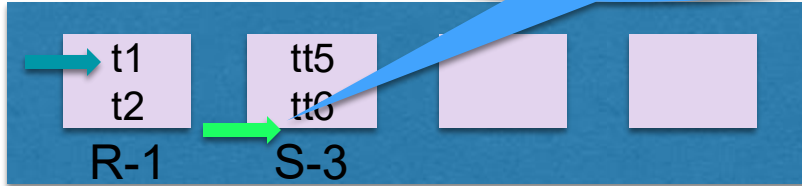
# Nested Loop Join

DB

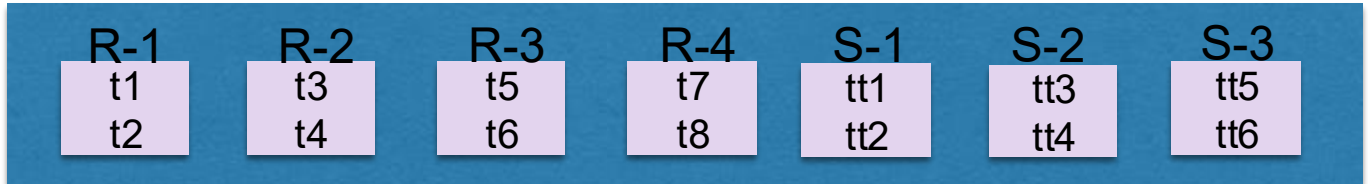
```
t:= Join.next()  
while t != null do  
  output t  
  t:= Join.next()
```

```
next()  
  while r != null do  
    s:= S.next()  
    if s == null then  
      S.close()  
      r:= R.next()  
      S.open()  
    else if r  $\bowtie_p$  s  
      return (r, s)  
  return null
```

Buffer



Disco



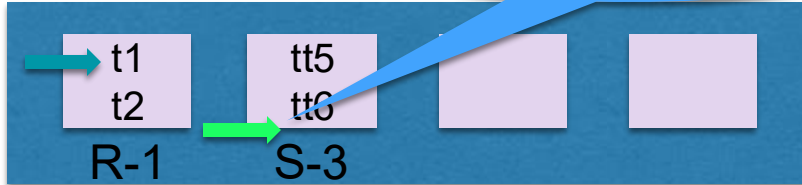
# Nested Loop Join

DB

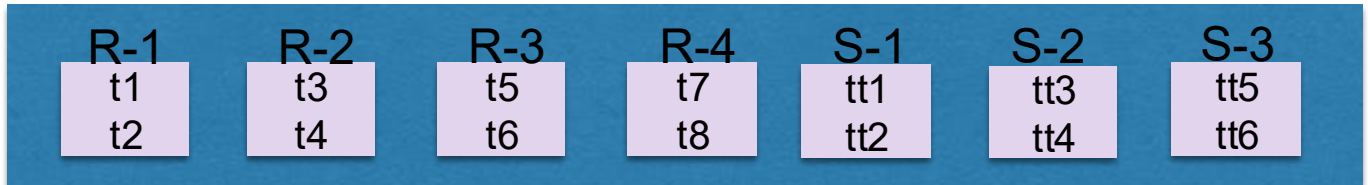
```
t := Join.next()
while t != null do
  output t
  t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
  s := S.next()
  if s == null then
    S.close()
    r := R.next()
    S.open()
  else if r  $\bowtie_p$  s
    return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



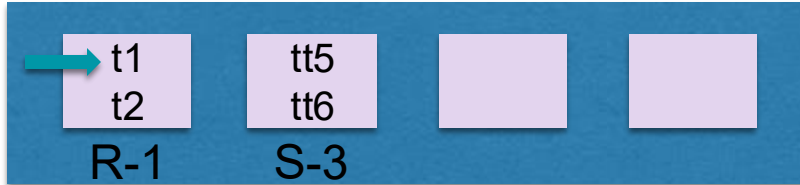
# Nested Loop Join

DB

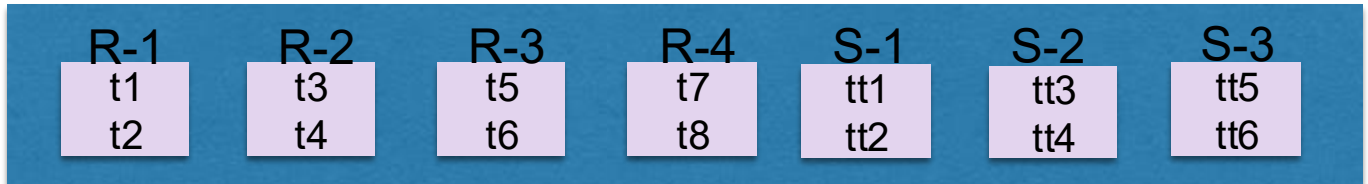
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



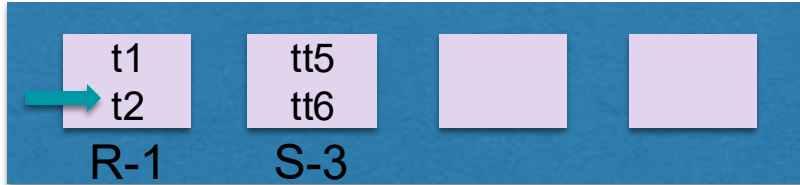
# Nested Loop Join

DB

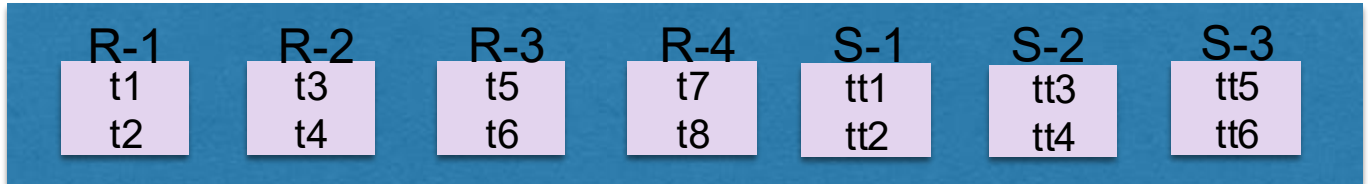
```
t:= Join.next()  
while t != null do  
    output t  
    t:= Join.next()
```

```
next()  
    while r != null do  
        s:= S.next()  
        if s == null then  
            S.close()  
            r:= R.next()  
            S.open()  
        else if r  $\bowtie_p$  s  
            return (r, s)  
    return null
```

Buffer



Disco



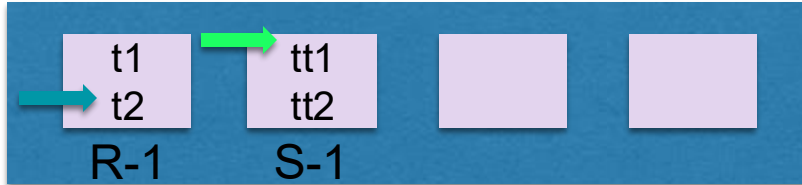
# Nested Loop Join

DB

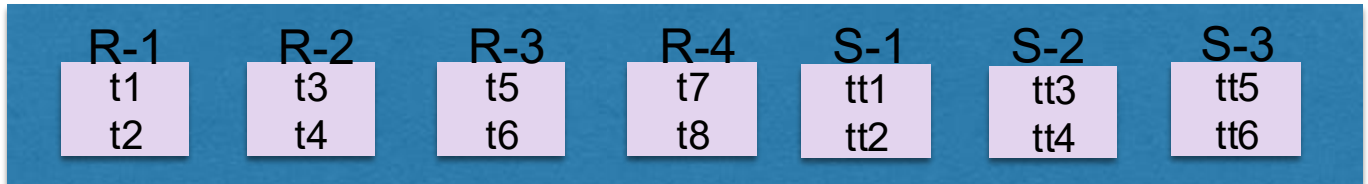
```
t := Join.next()
while t != null do
  output t
  t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
  s := S.next()
  if s == null then
    S.close()
    r := R.next()
    S.open()
  else if r  $\bowtie_p$  s
    return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



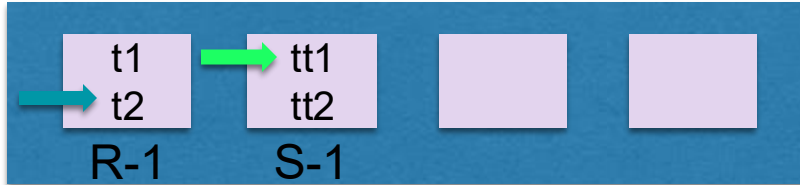
# Nested Loop Join

DB

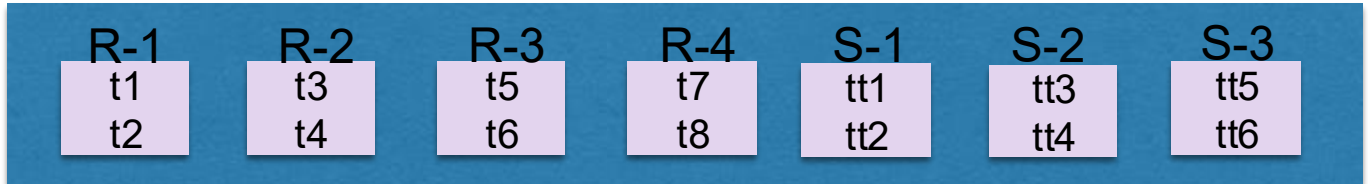
```
t := Join.next()
while t != null do
    output t
    t := Join.next()
```

```
next()
while r != null do
    s := S.next()
    if s == null then
        S.close()
        r := R.next()
        S.open()
    else if r  $\bowtie_p$  s
        return (r, s)
return null
```

Buffer



Disco



# Nested Loop Join

Es una implementación directa basada en un loop

Para cada tupla de **R** debemos leer **S** entera, aparte de leer **R** entera una vez

Costo en I/O es:

$$\text{Costo}(\mathbf{R}) + \text{Tuplas}(\mathbf{R}) \cdot \text{Costo}(\mathbf{S})$$



# Nested Loop Join

Si **R** y **S** son tablas de 16 MB, cada página es de 8 KB y las tuplas son de 300 bytes

Cada relación tiene 2048 páginas y 55.000 tuplas aproximadamente

Costo de un I/O es 0.1 ms, entonces el join tarda:

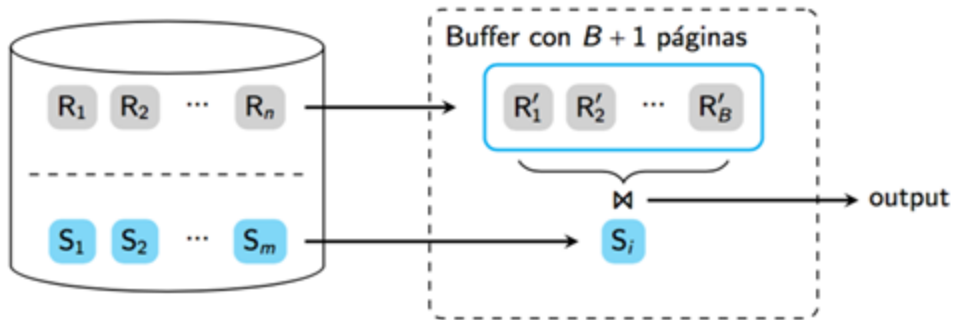
**3.1 horas**

¿Cómo podemos optimizar esto? Con **Block Nested Loop Joins**

Block Nested Loop Join

# Block Nested Loop Join

Aprovechamos mejor el buffer



# Block Nested Loop Join

Queremos hacer un join entre **R** y **S**, cuando se satisface un predicado **p**

```
open()
  R.open()
  fillBuffer()

close()
  R.close()
  S.close()

fillBuffer()
  Buff = empty
  r:= R.next()
  while r != null do
    Buff = Buff union r
    if Buff.isFull() then
      break
    r:= R.next()
  S.open()
  S.next()
```

# Block Nested Loop Join

Queremos hacer un join entre **R** y **S**, cuando se satisface un predicado **p**

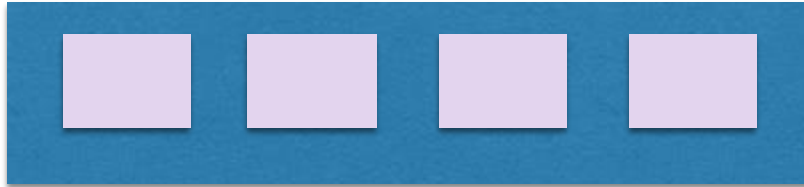
```
next()  
  while Buff != empty do  
    while s != null do  
      r:= Buffer.next()  
      if r == null then  
        Buffer.reset()  
        s:= S.next()  
      else if (r,s) satisfacen p then  
        return (r,s)  
    fillBuffer()  
  return null
```

# Block Nested Loop Join

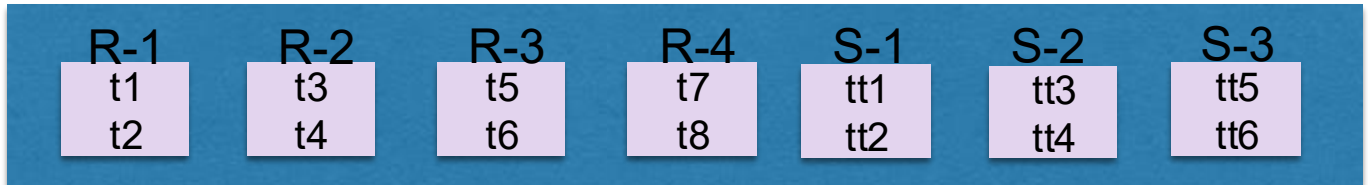
DB

$R \bowtie_p S$

Buffer



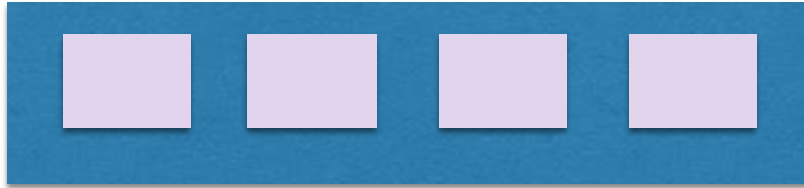
Disco



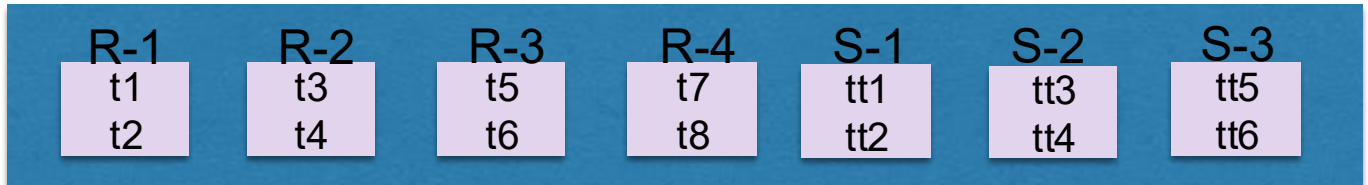
# Block Nested Loop Join

DB  $R \bowtie_p S.open()$

Buffer



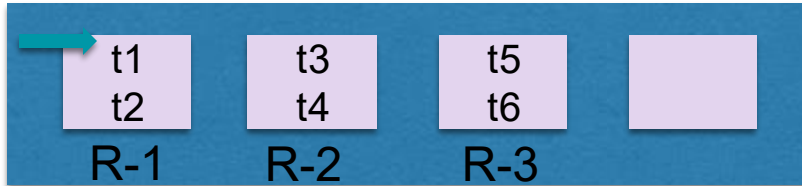
Disco



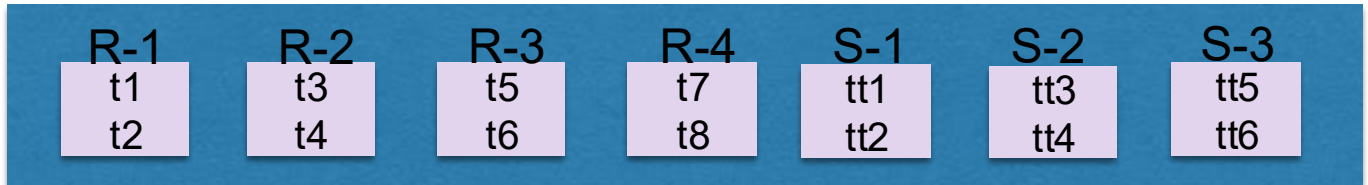
# Block Nested Loop Join

DB  $R \bowtie_p S.open()$

Buffer



Disco

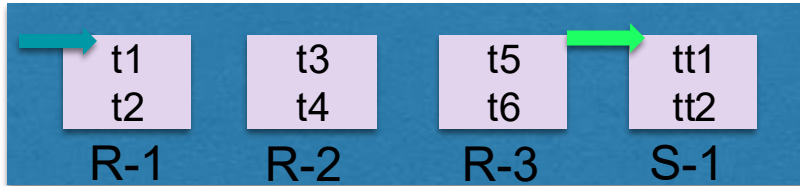




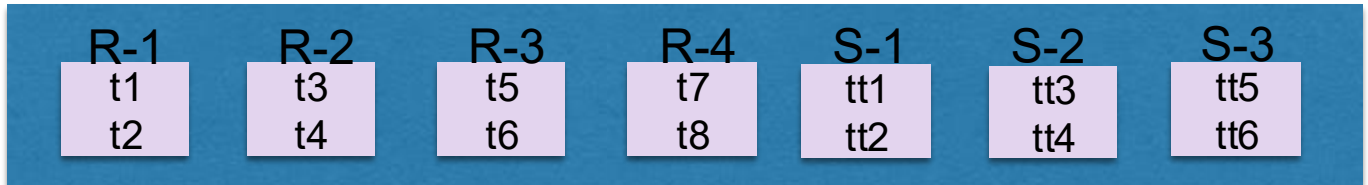
# Block Nested Loop Join

DB  $R \bowtie_p S.open()$

Buffer



Disco

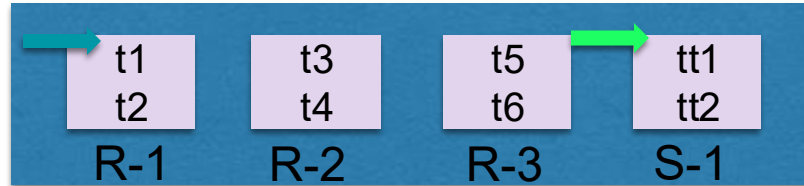


# Block Nested Loop Join

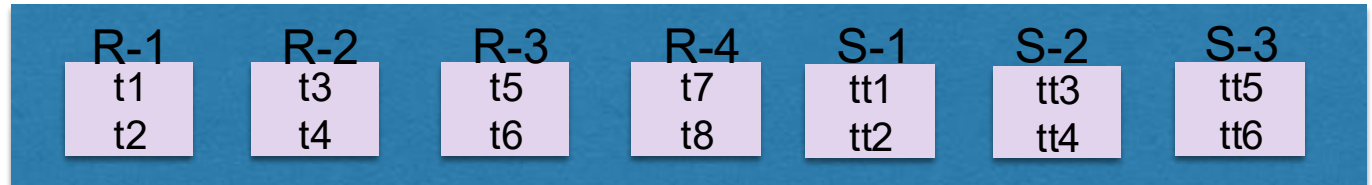
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

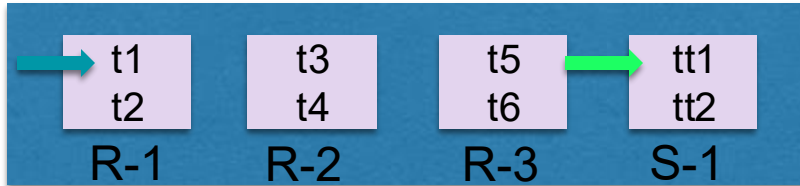


# Block Nested Loop Join

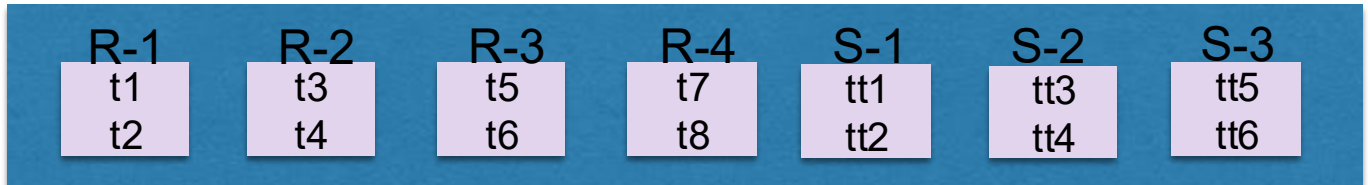
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

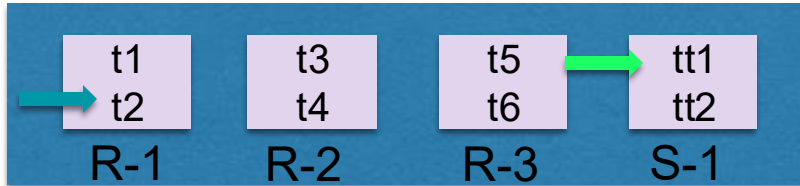


# Block Nested Loop Join

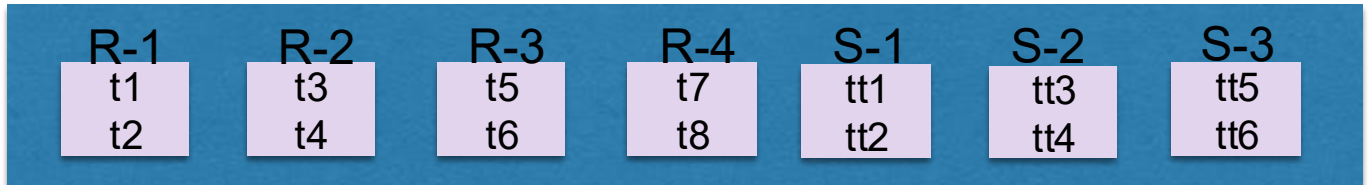
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

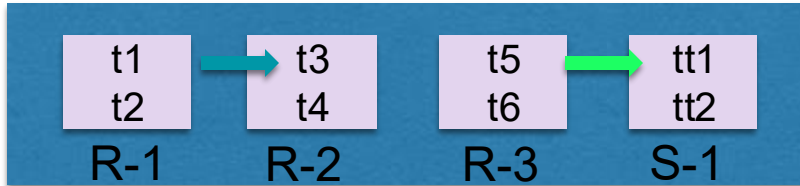


# Block Nested Loop Join

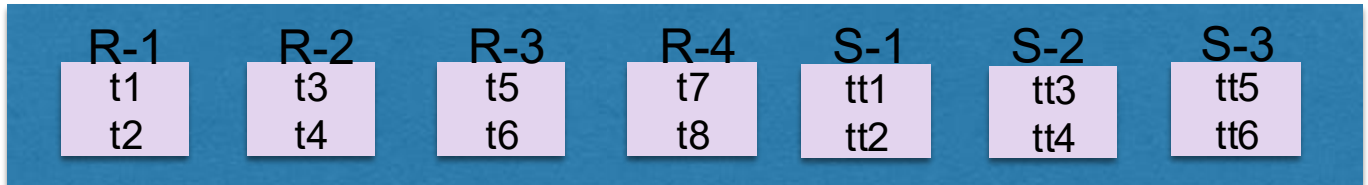
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

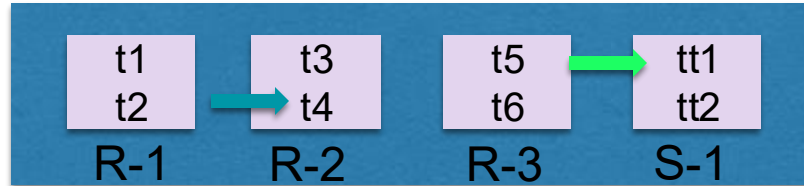


# Block Nested Loop Join

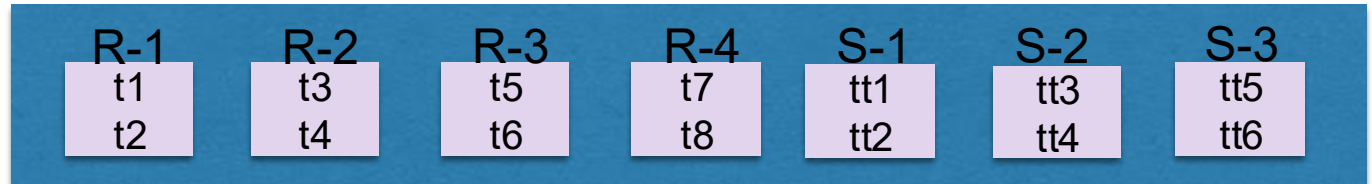
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

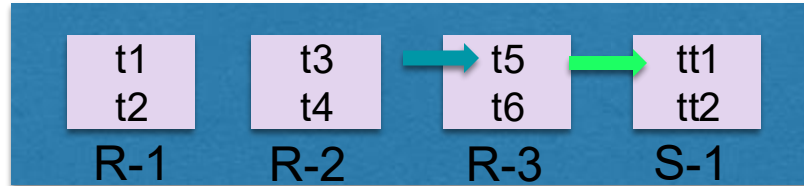


# Block Nested Loop Join

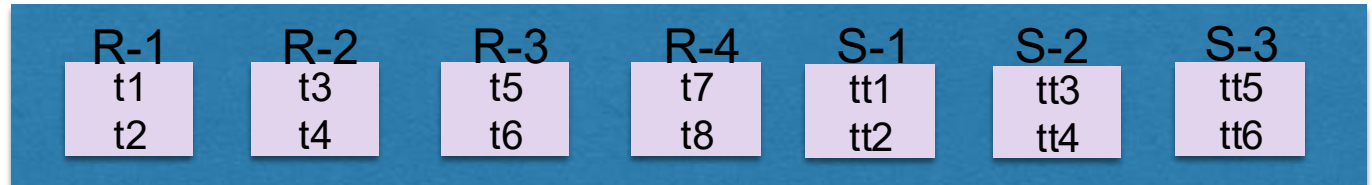
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

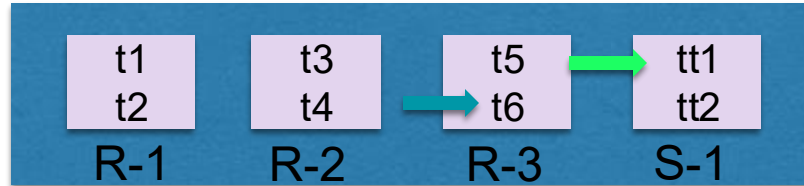


# Block Nested Loop Join

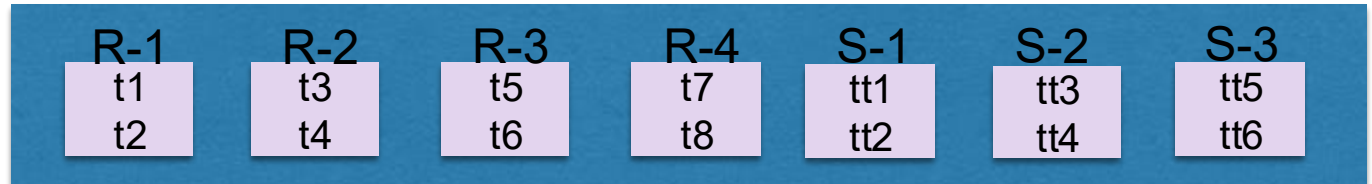
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco





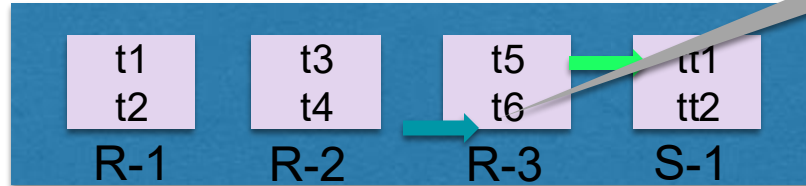
# Block Nested Loop Join

DB

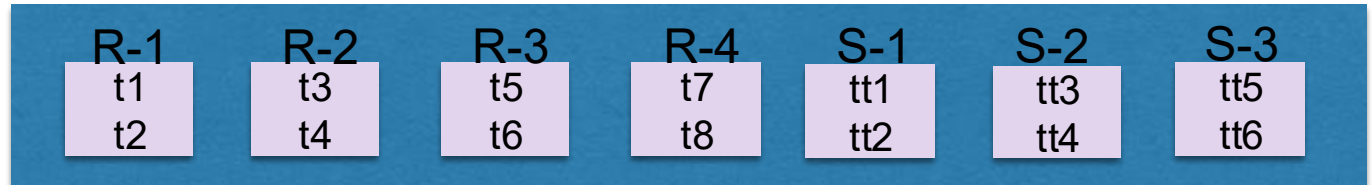
while ( $R \bowtie_p S$ .next())

End of Buffer de R

Buffer



Disco

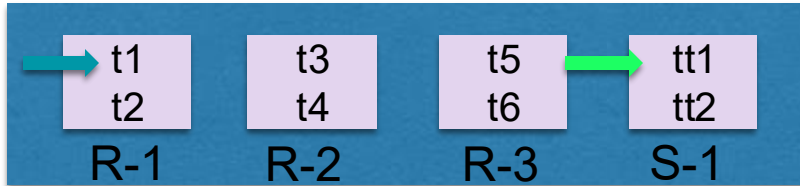


# Block Nested Loop Join

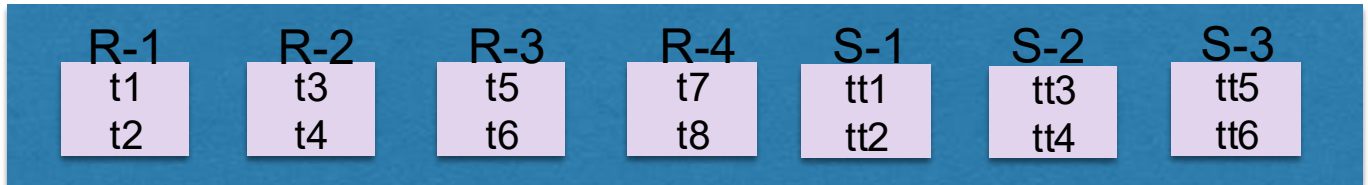
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

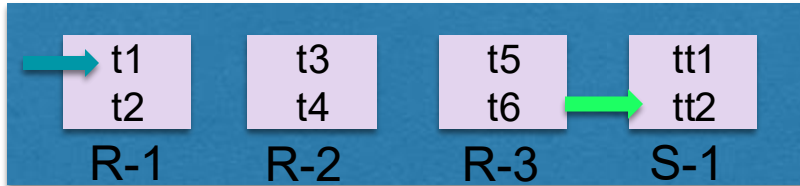


# Block Nested Loop Join

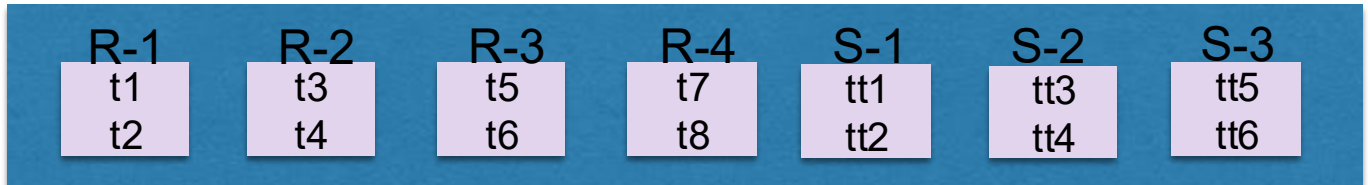
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

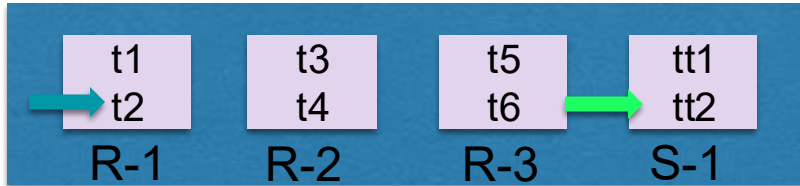


# Block Nested Loop Join

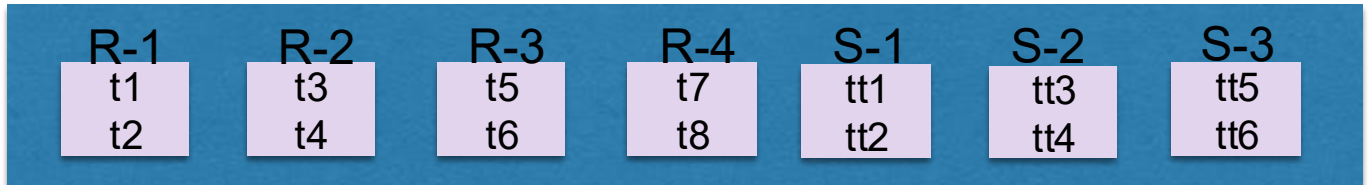
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

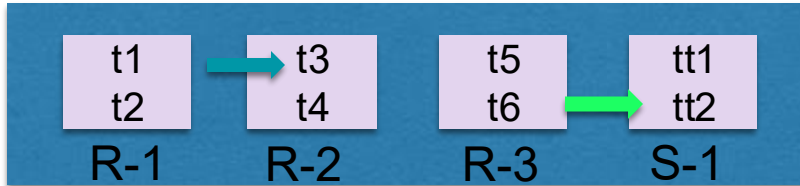


# Block Nested Loop Join

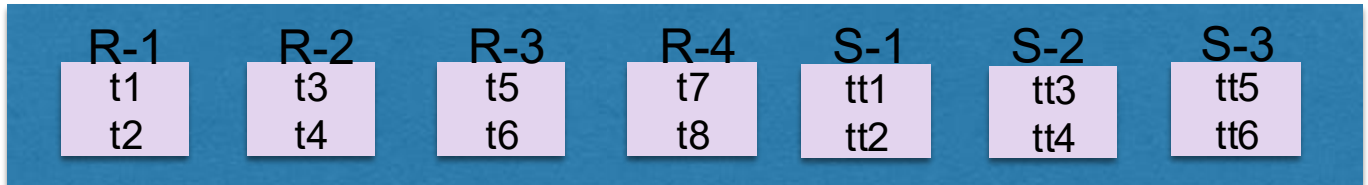
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

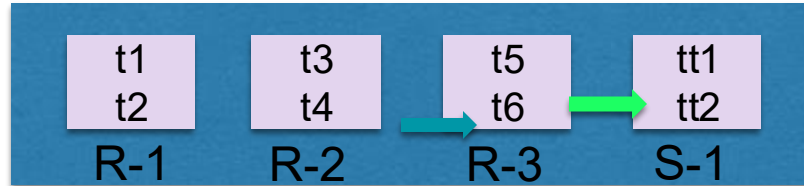


# Block Nested Loop Join

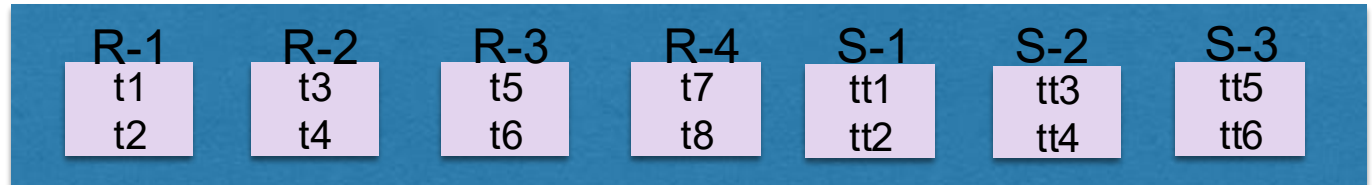
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

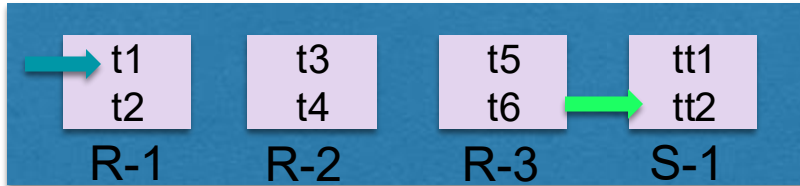


# Block Nested Loop Join

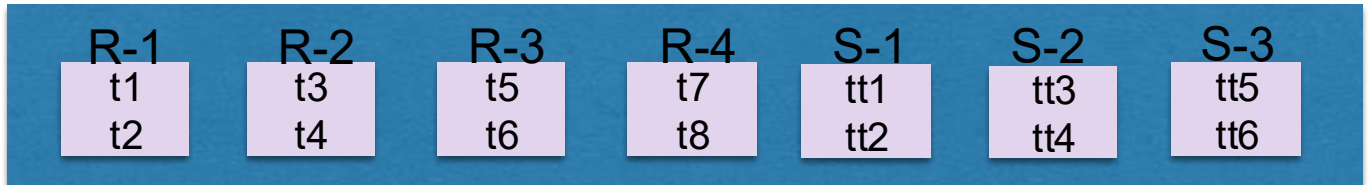
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

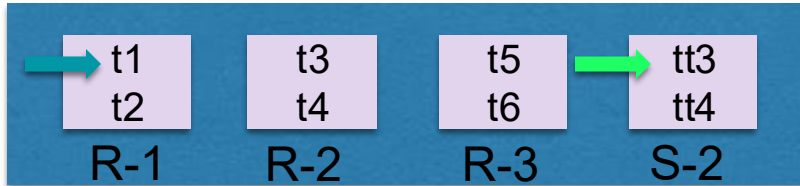


# Block Nested Loop Join

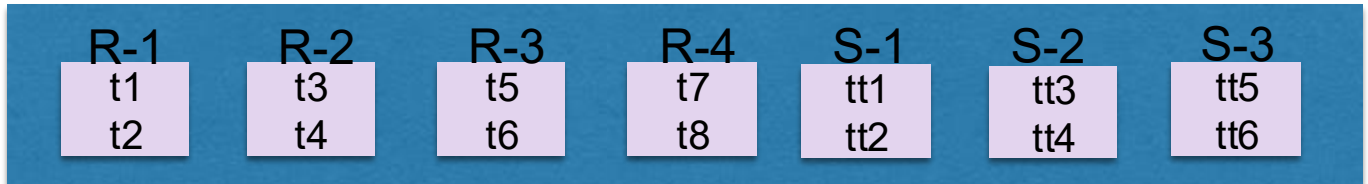
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco



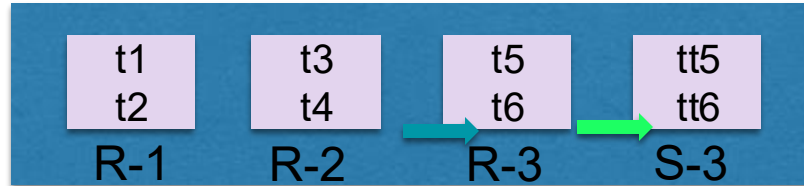


# Block Nested Loop Join

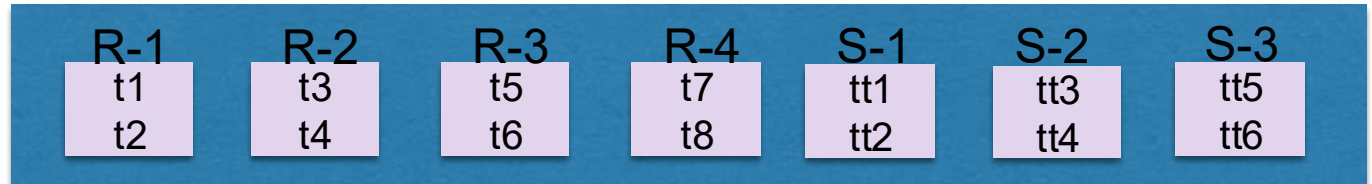
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

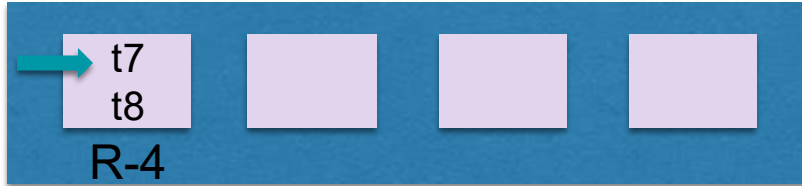


# Block Nested Loop Join

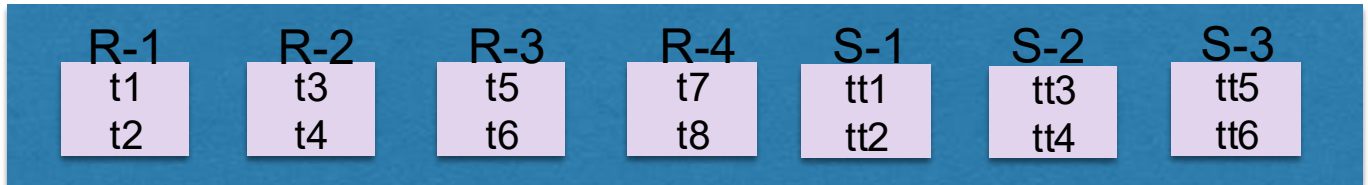
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

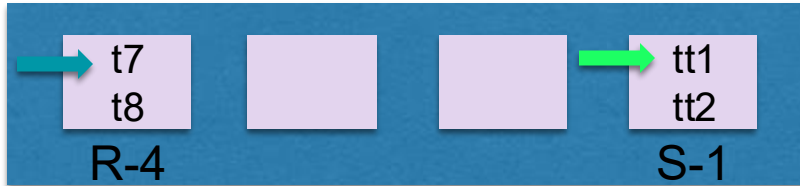


# Block Nested Loop Join

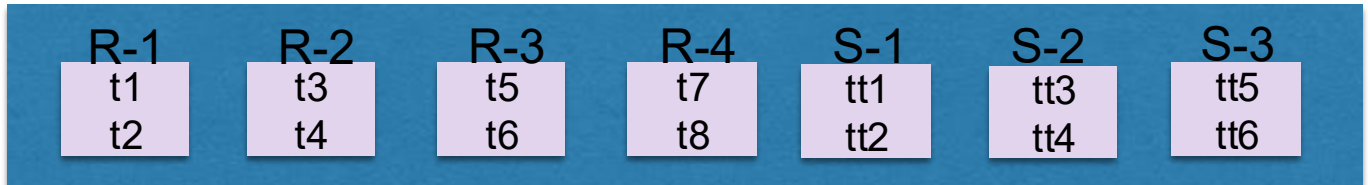
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco

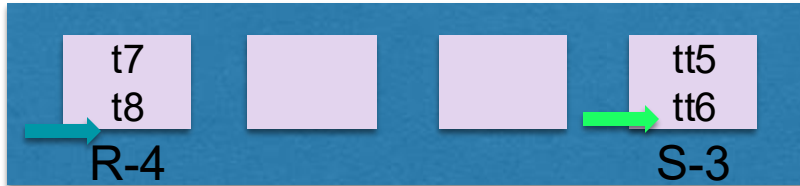


# Block Nested Loop Join

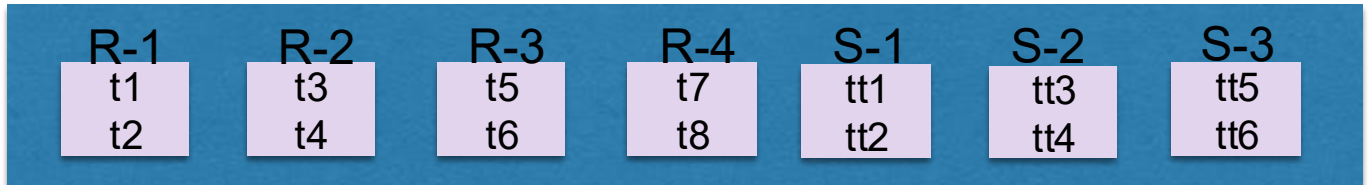
DB

while ( $R \bowtie_p S$ .next())

Buffer



Disco



# Block Nested Loop Join

Ahora cargamos muchas páginas de **R** a buffer

Por cada vez que llenamos el buffer recorremos a **S** entera una vez

Costo en I/O es:

$$\text{Costo}(\mathbf{R}) + (\text{Páginas}(\mathbf{R})/(\text{Buffer}-2)) \cdot \text{Costo}(\mathbf{S})$$

# Block Nested Loop Join

Si **R** y **S** son tablas de 16 MB, cada página es de 8 KB con un **buffer** de 1 MB

Cada relación tiene 2048 páginas y en **buffer** caben 128 páginas

Costo de un I/O es 0.1 ms, entonces el join tarda:

**3.4 segundos**

# Block Nested Loop Join

Sin embargo existen algoritmos muchos más eficientes

Estos algoritmos se basan en **Hashing** o en **Sorting**

Además hacen usos de índices, como por ejemplo el B+ Tree

# Sorting

Los algoritmos de sorting son conocidos en programación

¿Pero qué estudiarlos otra vez?

Para ordenar tuplas que exceden por mucho el tamaño de la memoria RAM

En los DBMS, se utiliza el algoritmo **External Merge Sort**

Pero antes, veamos **Merge y MergeSort**



# Merge y MergeSort

# Mezcla (*merge*) de secuencias ordenadas

Proponemos el siguiente algoritmo para combinar dos secuencias ordenadas para formar una nueva **ordenada**

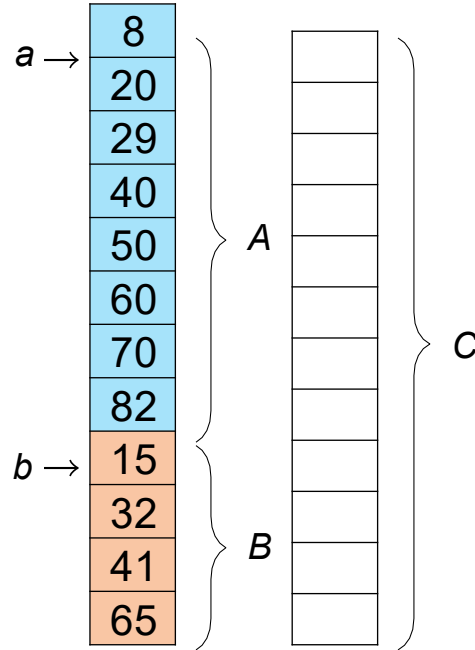
**input** : Secuencias ordenadas  $A$  y  $B$

**output**: Nueva secuencia ordenada  $C$

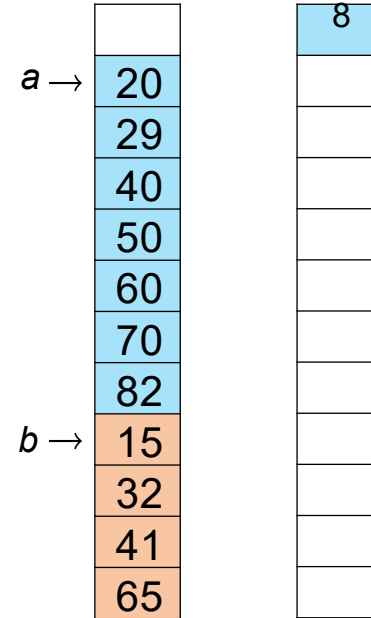
*Merge*( $A, B$ ):

- 1    Iniciamos  $C$  vacía
- 2    Sean  $a$  y  $b$  los primeros elementos de  $A$  y  $B$
- 3    Extraer de su secuencia respectiva el menor entre  $a$  y  $b$
- 4    Insertar el elemento extraído al final de  $C$
- 5    Si quedan elementos en  $A$  y  $B$ , volver a la línea 2
- 6    Concatenar  $C$  con la secuencia que aún tenga elementos
- 7    **return**  $C$

# Merge: Ejemplo de ejecución

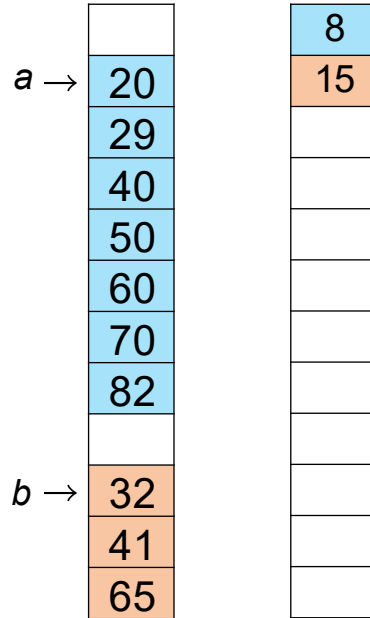


Estado  
inicial

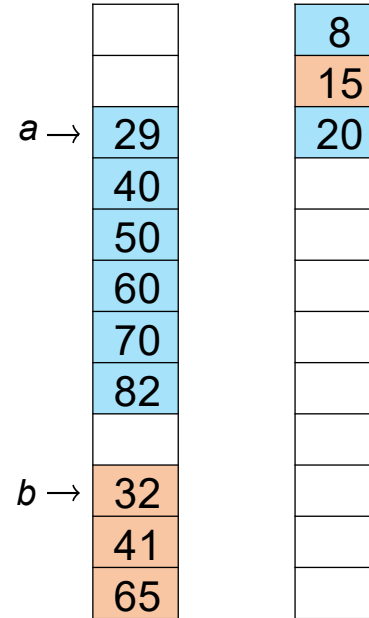


Estado luego de la  
primera iteración

# Merge: Ejemplo de ejecución



Estado luego de la  
segunda iteración



Estado luego de la  
tercera iteración

# Merge: Ejemplo de ejecución

	8
	15
	20
	29
	32
	40
70	41
82	50
	60
	65

Estado luego de insertar en C  
el último elemento de B

	8
	15
	20
	29
	32
	40
	41
	50
	60
	65
	70
	82

Estado luego de  
concatenar el resto de A

# Dividir para conquistar

El plan para usar Merge en un algoritmo de ordenación sigue la estrategia **dividir para conquistar**

La estrategia sigue los siguientes pasos:

1. Dividir el problema original en dos (o más) **sub-problemas** del mismo tipo
2. Resolver **recursivamente** cada sub-problema
3. Encontrar solución al problema original **combinando** las soluciones a los sub-problemas

**Los sub-problemas son instancias más pequeñas del problema a resolver**

# Dividir para conquistar y Merge

Podemos usar la estrategia **dividir para conquistar** en el problema de ordenación, usando Merge

**¿En qué parte del dividir para conquistar usaremos Merge?**

La idea general para ordenar usando Merge define un nuevo algoritmo que llamaremos **MergeSort**

1. Dividir la secuencia original en dos sub-secuencias
2. Llamamos recursivamente a MergeSort sobre las dos sub-secuencias
3. Combinamos las secuencias ordenadas resultantes mediante Merge

# El algoritmo MergeSort

A continuación, tenemos el pseudocódigo del algoritmo recursivo MergeSort

**input** : Secuencia  $A$

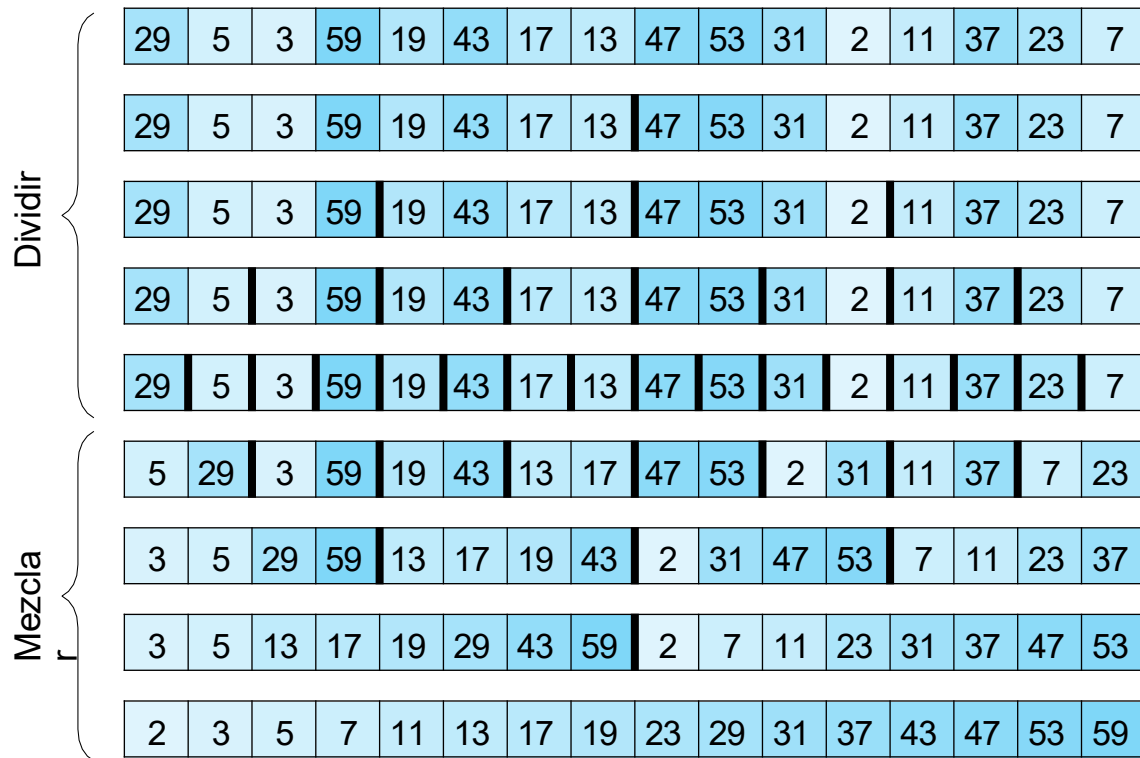
**output**: Secuencia ordenada  $B$

MergeSort ( $A$ ):

```
1  if  $|A| = 1$  : return  $A$ 
2  Dividir  $A$  en mitades  $A_1$  y  $A_2$ 
3   $B_1 \leftarrow \text{MergeSort}(A_1)$ 
4   $B_2 \leftarrow \text{MergeSort}(A_2)$ 
5   $B \leftarrow \text{Merge}(B_1, B_2)$ 
6  return  $B$ 
```



# MergeSort: Ejemplo de ejecución



# External Merge Sort

# External Merge Sort

En los DBMS, se utiliza el algoritmo External Merge Sort

Hablaremos de **Run** como una secuencia de páginas que contiene un conjunto ordenado de tuplas

Algoritmo funciona por **fases**

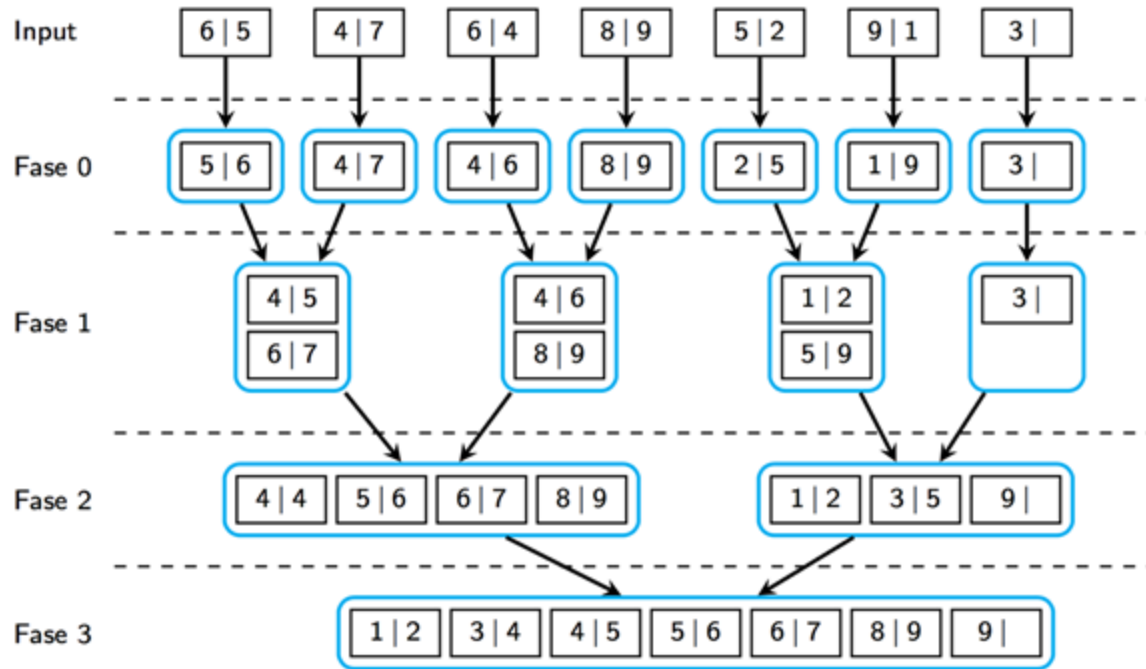
# External Merge Sort

Fase 0: creamos los runs iniciales

Fase i:

- Traemos los runs a memoria
- Hacemos el merge de cada par de runs
- Almacenamos el nuevo run a disco (i.e. materializamos resultados intermedios)

# External Merge Sort



# Recursos para estudiar

[Database Management Systems, 3rd edition, de Raghu Ramakrishnan y Johannes Gehrke.](#) Part IV