

Ayudantía 4

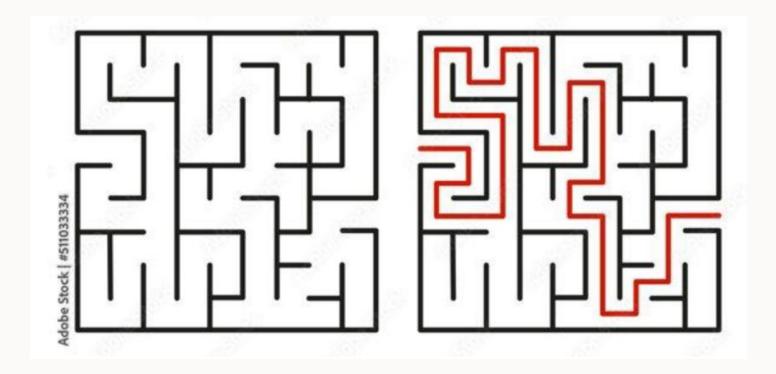
Introducción a la búsqueda

Por Blanca Romero y Felipe Vidal

8 de septiembre 2023



¿Qué es búsqueda?





Formalmente...

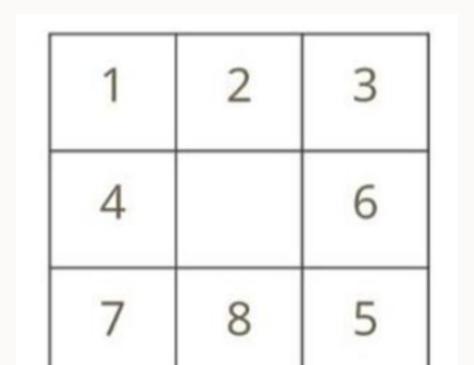
- **Estado** (s): Configuración específica de un sistema.
- **Acción** (*a*): Función que hace pasar al sistema de un estado (*s*) a otro (*s*').
- Conjunto de acciones (A): Conjunto de todas las acciones posibles.
- **Espacio de Búsqueda** (*S*) : Conjunto de todos los estados posibles.
- Grafo de búsqueda: Todos los estados posibles conectados por las acciones que los unen



¿Cómo se define un problema de búsqueda?

- *G* es un subconjunto de *S* con los estados objetivo
- s_{init} el estado inicial
- La notación de un problema de búsqueda es...

$$(S, A, s_{init}, G)$$





Caso típico: Puzzle de 8



Formalizamos el problema

Problema de búsqueda (S, A, s_{init}, G)

S = conjunto de estados

A = conjunto de acciones

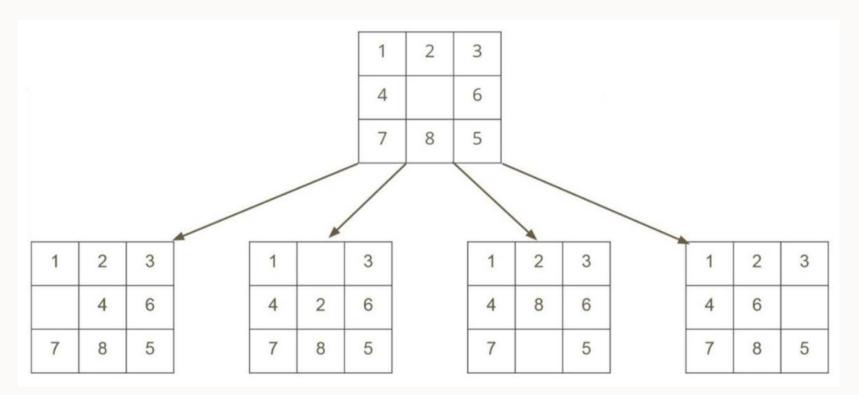
S_{init} = estado inicial

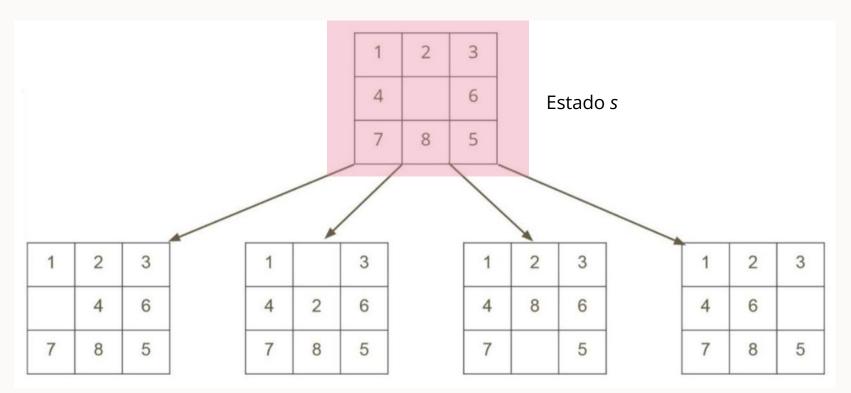
G = conjunto de estados finales

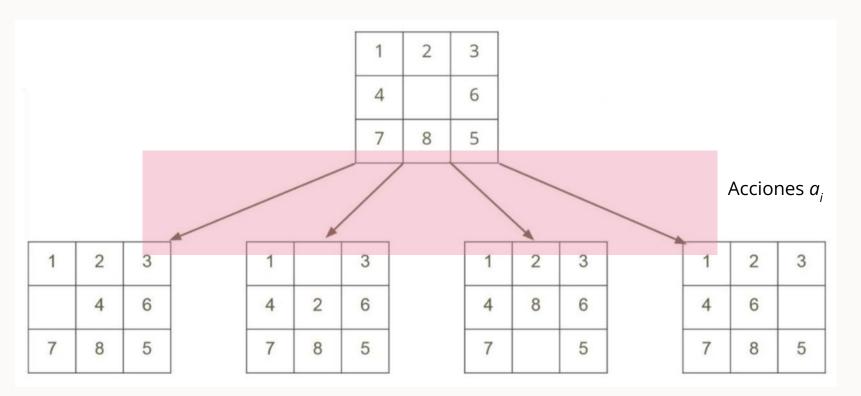
Estado inicial

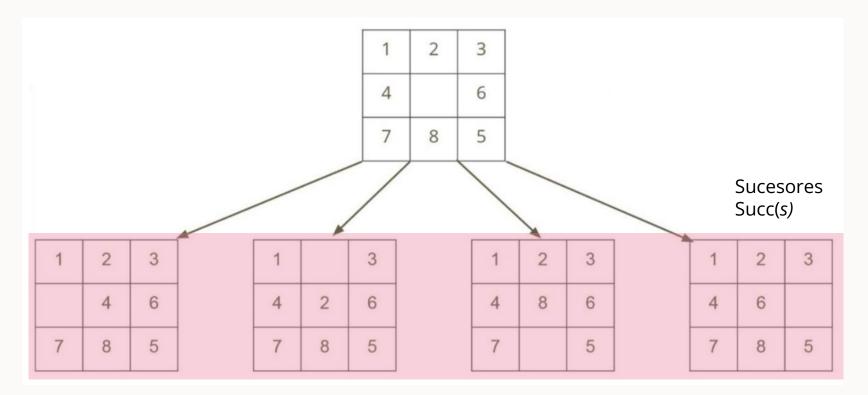
1	2	3		1	2
4		6	3	4	5
7	8	5	6	7	8

Estado final ⊆ G



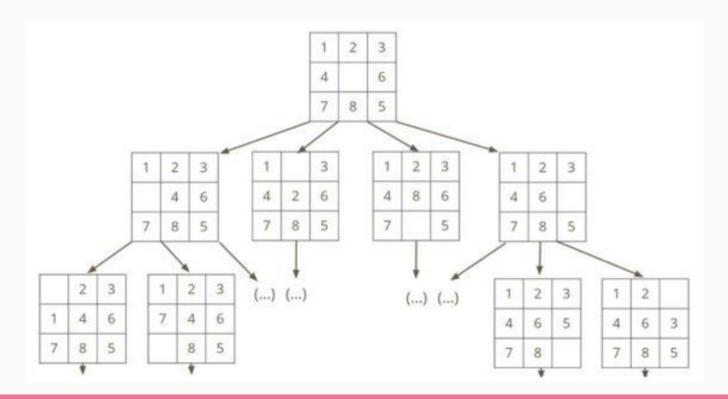








Grafo de búsqueda





Espacio de búsqueda

1		3
5	2	4
6	7	8

1	3	
5	2	4
6	7	8

1	2	3
5		4
6	7	8

1	2	3
5	4	8
6	7	

1 2 3 5 4 6 7 8

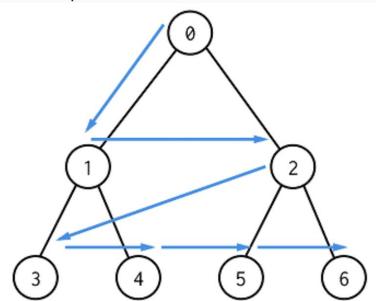
1	2	3
6	5	4
7		8



Algoritmos de búsqueda

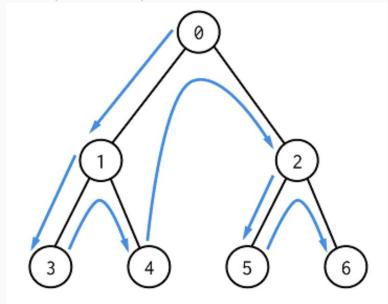
BFS - Breadth First Search

Búsqueda en anchura



DFS - Depth First Search

Búsqueda en profundidad





Algoritmos de búsqueda

BFS - Breadth First Search

Búsqueda en anchura

- Memoria usada: O(b^p)
- Tiempo requerido: O(b^p)

DFS - Depth First Search

Búsqueda en profundidad

- Memoria usada: O(bm)
- Tiempo requerido: O(b^m)

b: factor de ramificación (cuántas ramas salen de un nodo)

p: profundidad a la que se encuentra la solución

m: largo de la rama más larga del árbol de búsqueda

Algoritmo de búsqueda



El siguiente es un algoritmo de búsqueda genérico.

Input: Un problema de búsqueda (*S, A, s_{init}, G*)

Output: Un nodo objetivo

```
Open es un conjunto vacío
Closed es un conjunto vacío
Insert s<sub>init</sub> a Open
parent(s_{init}) = null
While Open != \varnothing:
      u \leftarrow \text{Extraer}(Open)
      Inserta u a Closed
      for each v \in Succ(u) \setminus (Open \cup Closed)
            parent(v) = u
            if v \in G return v
            Inserta v a Open
```

La diferencia entre DFS y BFS



El siguiente es un algoritmo de búsqueda genérico.

Input: Un problema de búsqueda (*S, A, s_{init}, G*)

Output: Un nodo objetivo

```
Open es un conjunto vacío
Closed es un conjunto vacío
Insertar s<sub>init</sub> a Open
parent(s_{init}) = null
While Open != ∅:
     u \leftarrow \text{Extraer}(Open)
      Inserta u a Closed
     for each v \in Succ(u) \setminus (Open \cup Closed)
            parent(v) = u
           if v \in G return v
            Insertar v a Open
```

La diferencia en la implementación de DFS y BFS es la estructura de datos que se utiliza para el *Open*

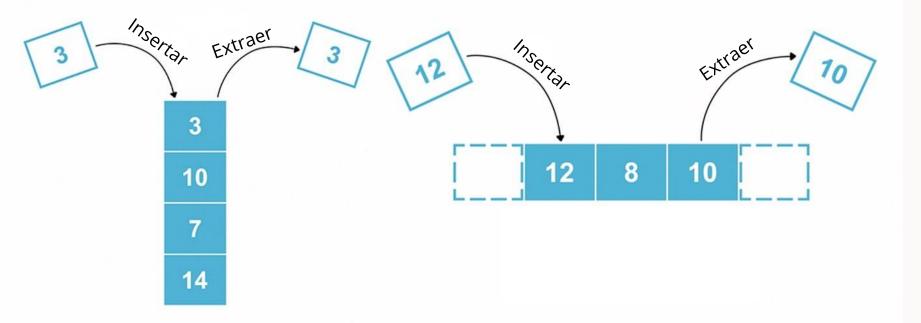


Quiz en Menti! Pregunta 1

¿Cuál algoritmo crees que usa un Stack y cúal una Queue?

La diferencia entre DFS y BFS





Stack

Estructura del *Open* en **DFS**

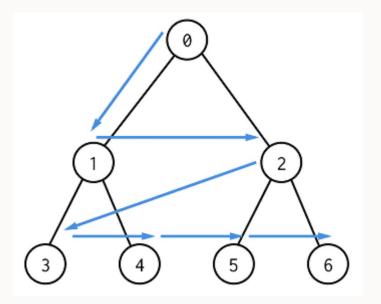
Queue

Estructura del Open en **BFS**

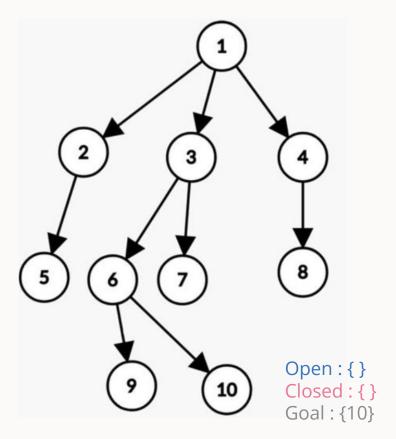


Breadth First Search - Búsqueda en anchura/amplitud

BFS



* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue



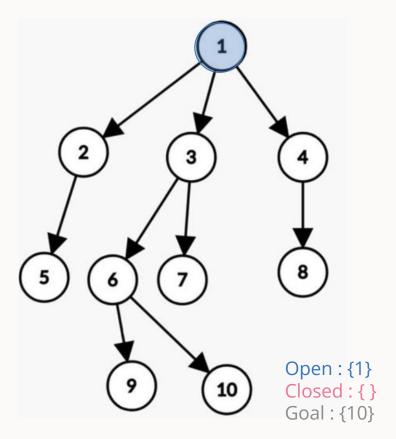




Quiz en Menti! Pregunta 2

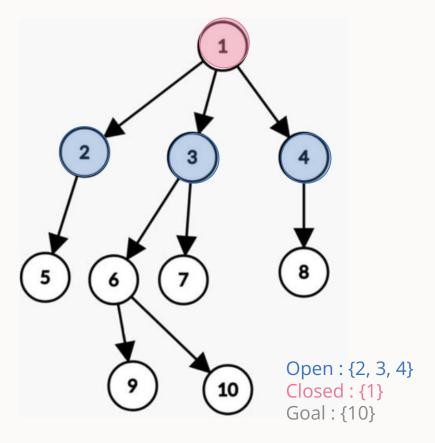
Al usar BFS, ¿Cómo lucen Open y Closed después de llegar al nodo Goal (10)?

* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue



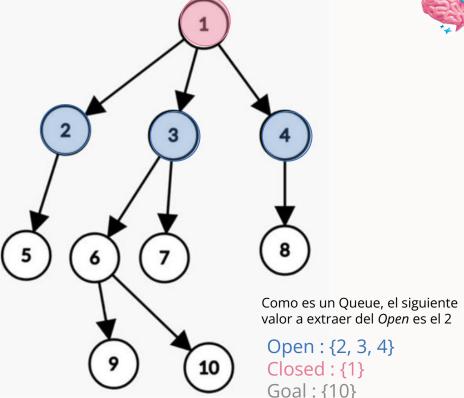


* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue



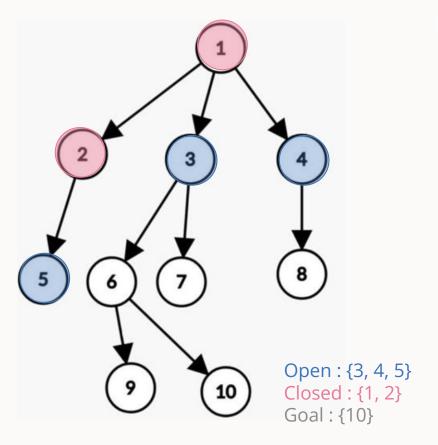


* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue

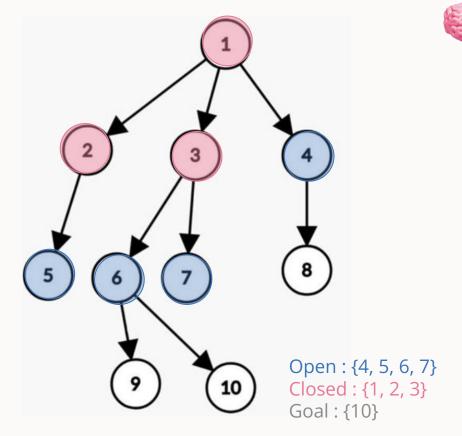




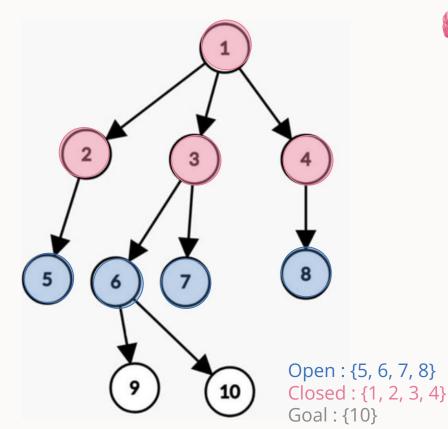
* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue



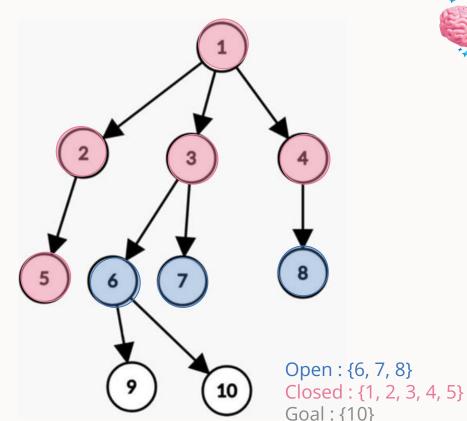
* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue



* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue

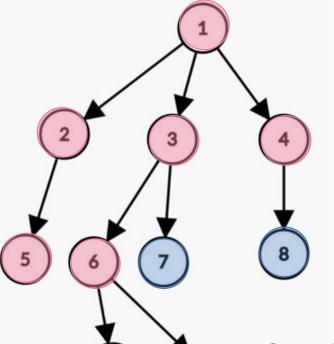


* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue



* Recuerda: el *Open* se comporta como Queue

Open es un conjunto vacío
Closed es un conjunto vacío
Insert s_{init} a Open
parent(s_{init}) = null
While Open != \emptyset : $u \leftarrow \text{Extraer}(Open)$ Inserta u a Closed
for each $v \in Succ(u) \setminus (Open \cup Closed)$ parent(v) = uif $v \in G$ return vInserta v a Open





Open: {7, 8, 9}

Closed: {1, 2, 3, 4, 5, 6}

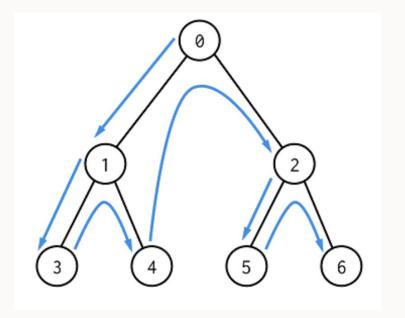
Goal: {10}

Se retorna el nodo 10!

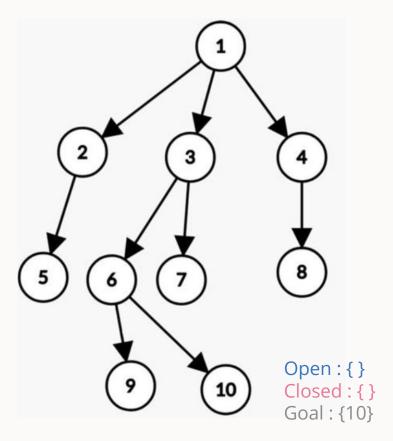


Depth First Search - Búsqueda en profundidad

DFS



* Recuerda: el *Open* se comporta como Stack



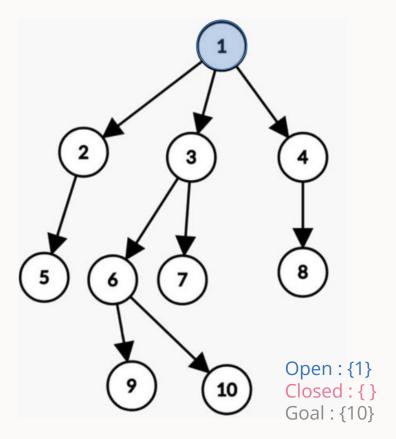




Quiz en Menti! Pregunta 3

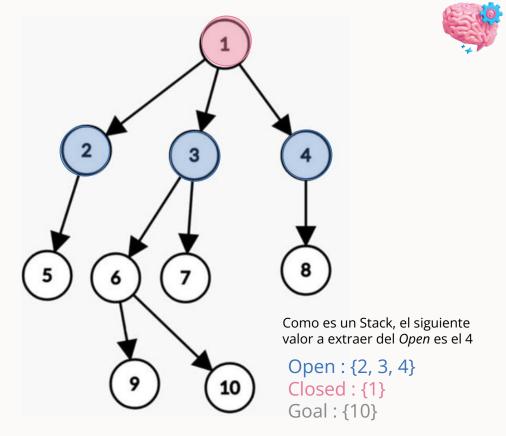
Al usar DFS, ¿Cómo lucen Open y Closed después de llegar al nodo Goal (10)?

* Recuerda: el *Open* se comporta como Stack



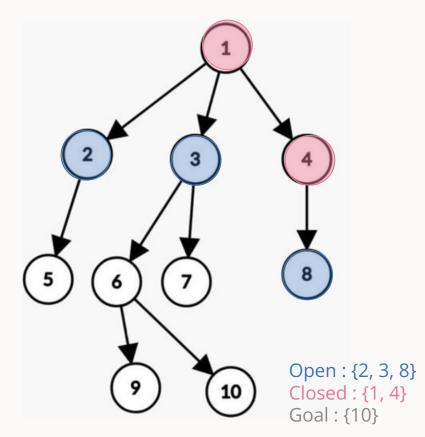


* Recuerda: el *Open* se comporta como Stack





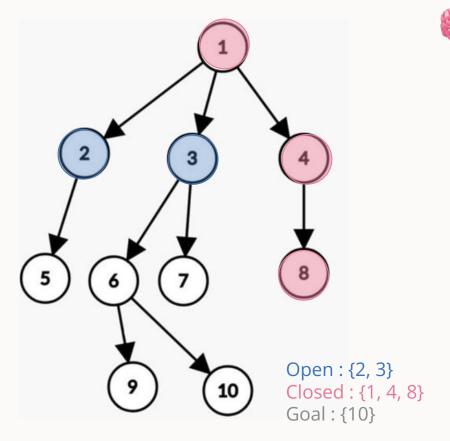
* Recuerda: el *Open* se comporta como Stack





* Recuerda: el *Open* se comporta como Stack

Open es un conjunto vacío
Closed es un conjunto vacío
Insert s_{init} a Open
parent(s_{init}) = null
While Open != \emptyset : $u \leftarrow \text{Extraer}(Open)$ Inserta u a Closed
for each $v \in Succ(u) \setminus (Open \cup Closed)$ parent(v) = uif $v \in G$ return vInserta v a Open

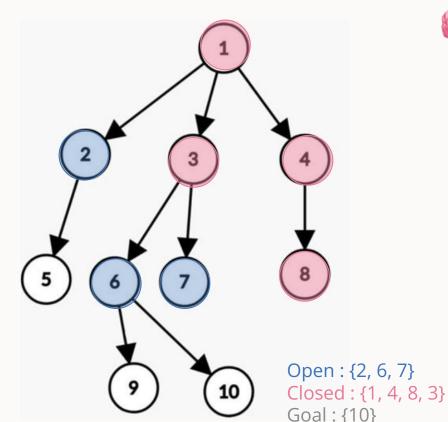




DFS

* Recuerda: el *Open* se comporta como Stack

Open es un conjunto vacío
Closed es un conjunto vacío
Insert s_{init} a Open
parent(s_{init}) = null
While Open != \emptyset : $u \leftarrow \text{Extraer}(Open)$ Inserta u a Closed
for each $v \in Succ(u) \setminus (Open \cup Closed)$ parent(v) = uif $v \in G$ return vInserta v a Open



DFS

* Recuerda: el *Open* se comporta como Stack

Open es un conjunto vacío

Closed es un conjunto vacío

Insert s_{init} a Open

parent(s_{init}) = null

While Open!= Ø:

u ← Extraer(Open)

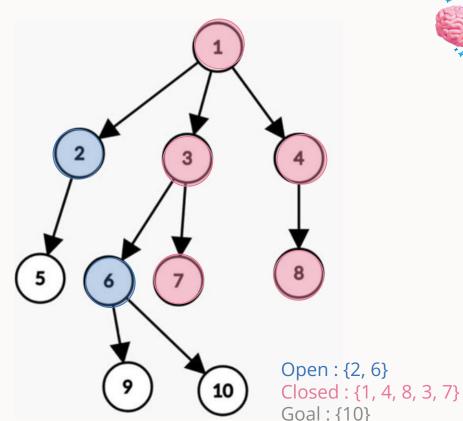
Inserta u a Closed

for each v ∈ Succ(u) \ (Open U Closed)

parent(v) = u

if v ∈ G return v

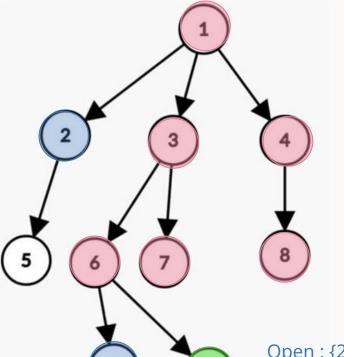
Inserta v a Open



DFS

* Recuerda: el *Open* se comporta como Stack

Open es un conjunto vacío Closed es un conjunto vacío Insert s_{init} a Open $parent(s_{init}) = null$ While Open != Ø: $u \leftarrow \text{Extraer}(Open)$ Inserta u a Closed for each $v \in Succ(u) \setminus (Open \cup Closed)$ parent(v) = uif $v \in G$ return vInserta v a Open





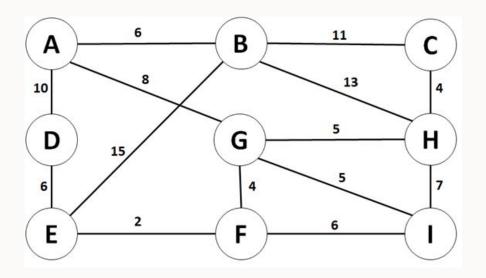
Open: {2, 9}

Closed: {1, 4, 8, 3, 7, 6}

Goal: {10}

Se retorna el nodo 10!



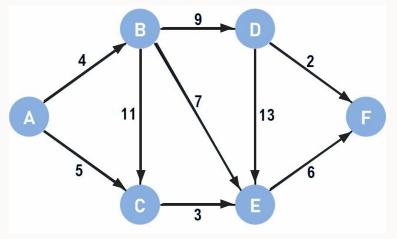




- Es un algoritmo que encuentra **caminos más cortos en un grafo ponderado** (grafos con pesos en las aristas) → encuentra soluciones **óptimas.**
- Comienza por el nodo fuente y explora gradualmente todos los nodos adyacentes,
 actualizando las distancias mínimas a medida que se encuentran caminos más cortos.
- Mantiene una lista de nodos por visitar y selecciona el nodo no visitado con la distancia mínima para explorar en cada iteración.
- Usos: Se puede utilizar en sistemas de transporte para determinar la ruta más corta entre dos puntos.

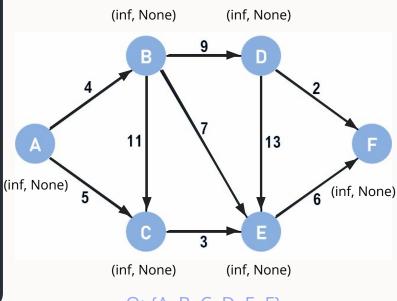


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de O
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
           new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
           If new_dist < dist[v]:</pre>
                 dist[v] ← new_dist
                 prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```





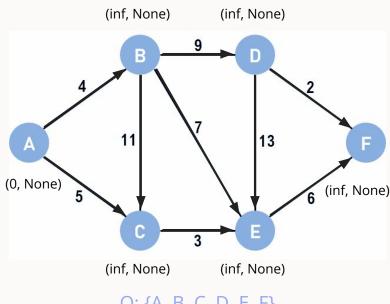
```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G: ←
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
          new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
          If new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



Q: {A, B, C, D, E, F}



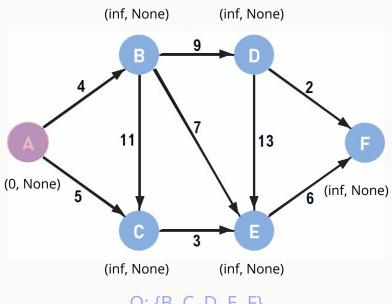
```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
          new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
          If new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



Q: {A, B, C, D, E, F}



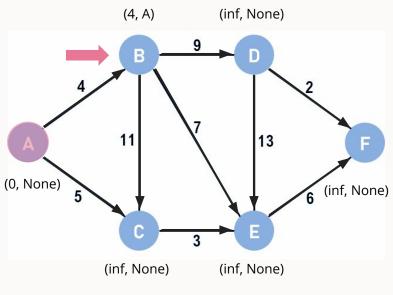
```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
           new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
           If new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



Q: {B, C, D, E, F}



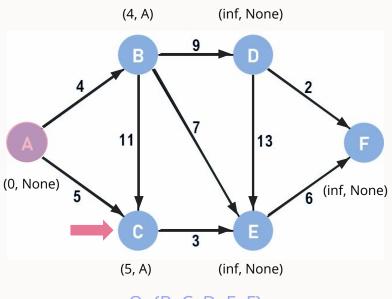
```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
    dist[n] ← inf
    prev[n] ← None
    Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
    u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
    Extraer u de Q
    if new_dist < dist[v]:</pre>
              dist[v] ← new_dist
              prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



Q: {B, C, D, E, F}



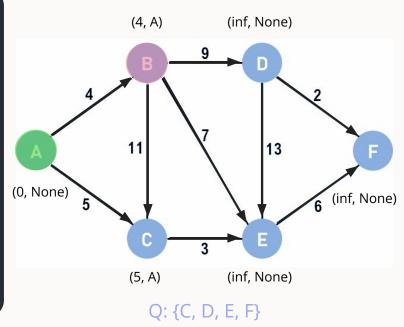
```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v ∈ Succ(u) ∩ Q:
    new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
           if new_dist < dist[v]:</pre>
                 dist[v] ← new_dist
                 prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



Q: {B, C, D, E, F}

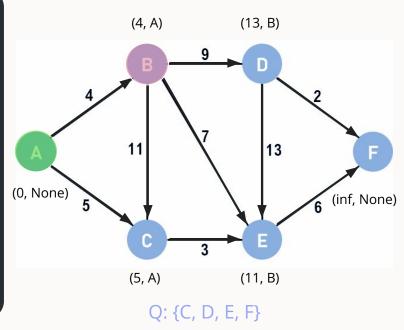


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
          new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
          if new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



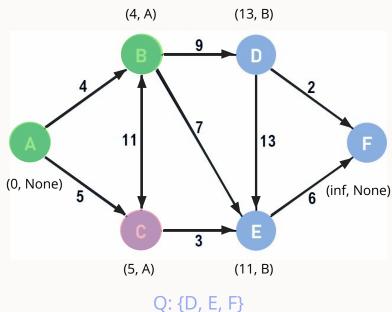


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
    dist[n] ← inf
    prev[n] ← None
    Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
    u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
    Extraer u de Q
    if new_dist < dist[v]:</pre>
              dist[v] ← new_dist
              prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



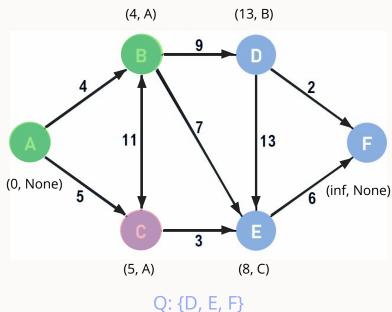


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
           new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
           if new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



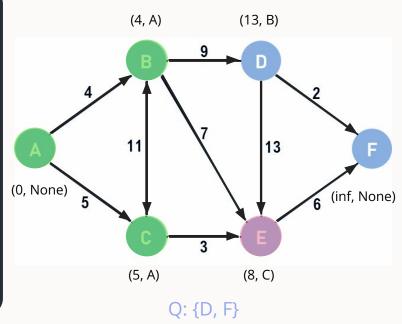


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
    dist[n] ← inf
    prev[n] ← None
    Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
    u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
    Extraer u de Q
    if new_dist < dist[v]:</pre>
              dist[v] ← new_dist
              prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



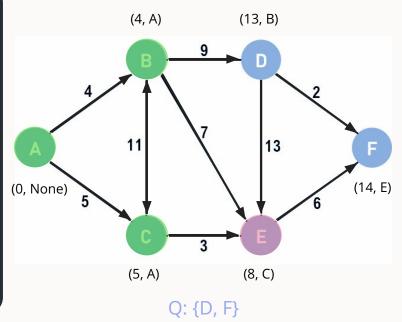


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
          new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
          if new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



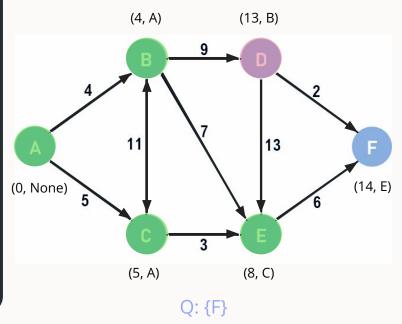


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
    dist[n] ← inf
    prev[n] ← None
    Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
    u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
    Extraer u de Q
    if new_dist < dist[v]:</pre>
              dist[v] ← new_dist
              prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



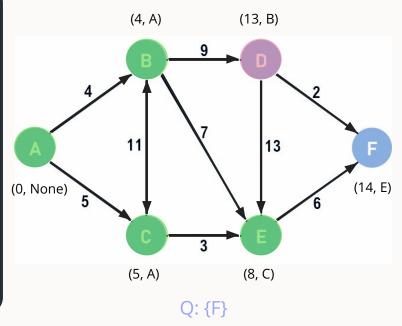


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
           new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
           if new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



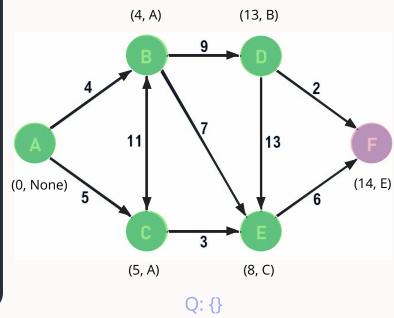


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
    dist[n] ← inf
    prev[n] ← None
    Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
    u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
    Extraer u de Q
    if new_dist < dist[v]:</pre>
              dist[v] ← new_dist
              prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



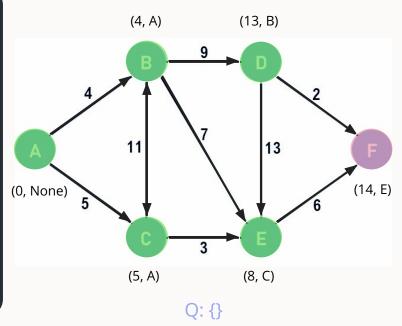


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
           new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
           if new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



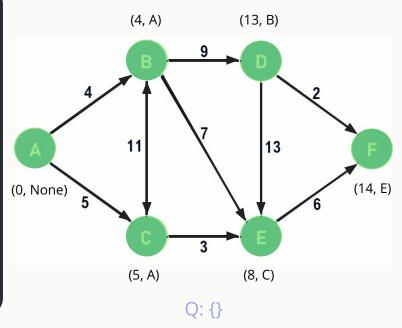


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v ∈ Succ(u) ∩ Q: 
new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
           if new_dist < dist[v]:</pre>
                 dist[v] ← new_dist
                 prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```



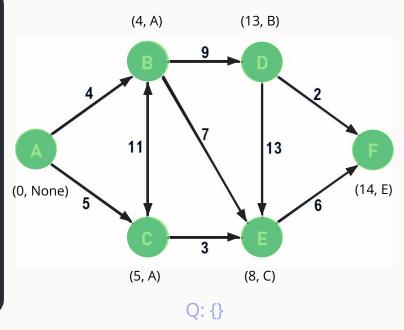


```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
          new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
          if new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[]
```





```
// Pseudocódigo
for each nodo n ∈ grafo G:
     dist[n] ← inf
     prev[n] ← None
     Insert n a cola Q
dist[origen] <- 0</pre>
while Q ≠ Ø:
     u <- nodo en Q con menor dist[u]</pre>
     Extraer u de Q
     for each v \in Succ(u) \cap Q:
          new_dist ← dist[u] + arista(u, v)
          if new_dist < dist[v]:</pre>
                dist[v] ← new_dist
                prev[v] ← u
return dist[], prev[] FIN!
```





Quiz en Menti! Pregunta 4

¿Qué es lo que retorna esta versión del algoritmo de Dijkstra?



- Retorna las distancias al origen de cada nodo, además del antecesor en la secuencia de cada uno de ellos.
- Se encuentra la distancia mínima hacia cualquier nodo, desde el origen.
- Para reconstruir la ruta óptima, basta con tomar un nodo destino, y preguntar iterativamente por el nodo anterior, hasta llegar al origen.



Ayudantía 4

Introducción a la búsqueda

Por Blanca Romero y Felipe Vidal

8 de septiembre 2023