

Ayudantía 4

Repaso Control 2

Por Bernardita Alliende y Rodrigo Figueroa

7 de abril 2025



Control 2 2025-1



¿Cuántos modelos tiene el siguiente programa?

```
1 {p_1; q_1; r_1 } 1.

1 {p_2; q_2; r_2 } 1.

...

1 {p_n; q_n; r_n } 1.

:- p_1.

:- q_1.
```



¿Cuántos modelos tiene el siguiente programa?

```
1 {p_1; q_1; r_1 } 1.
1 {p_2; q_2; r_2 } 1.
```

- 3 posibles opciones:
- p_´
- q 1
- r_1
- 3 posibles opciones:
- p_2
- q_2
- r_2

Total de combinaciones: $3x3 = 3^2$



¿Cuántos modelos tiene el siguiente programa?

```
1 {p_1; q_1; r_1 } 1.

1 {p_2; q_2; r_2 } 1.

...

1 {p_n; q_n; r_n } 1.
```

Total de combinaciones:

$$3x3x3x...x3x3 = 3^n$$



¿Cuántos modelos tiene el siguiente programa?

```
1 {p_1; q_1; r_1 } 1.
1 {p_2; q_2; r_2 } 1.
...
1 {p_n; q_n; r_n } 1.
:- p_1.
:- q_1.
```

1 posible opción

Total de combinaciones:

$$1x3x3x...x3x3 = 3^{n-1}$$



Considera que tienes el predicado alumno(N, G, M) con N su identificador, G un número entero que representa su generación y M el major al que pertenece, por ejemplo:

```
alumno(a, 2021, computacion).
alumno(b, 2022, software).
```

¿Cuál de las siguientes afirmaciones describe correctamente la siguiente regla?

```
5 {seleccionado(N) : alumno(N, G, computacion), G < 2023}.
```





Hasta n





Hasta n

Se deben seleccionar al menos 5 alumnos del major de computación conjunto de aquellos que pertenecen a una generación anterior a 2023.



Considera un programa en Clingo que modela distintos robots en una grilla. Estos se definen de la siguiente manera:

```
robot(id). % representa que id es un robot robotOn(A, X, Y, T). % El robot de id A está en la posición (X, Y) en el tiempo T
```

Utilizando el predicado robot0n, queremos definir una regla que impida que dos robots intercambien sus posiciones entre un instante y el siguiente para evitar, como en nuestro ejemplo de clases, que los robots puedan "atravesarse" físicamente tanto horizontal como verticalmente.

¿Cuál de las siguientes alternativas representa la restricción propuesta?



T = 0











Y = 1



T = 1



$$X = 1$$













```
:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X1+1, Y2, T), robotOn(A, X1+1, Y2, T), robotOn(B, X1, Y2, T), A != B.
```

No son el mismo robot

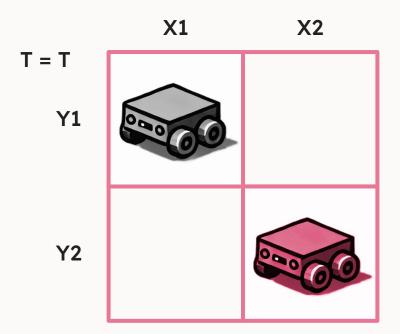






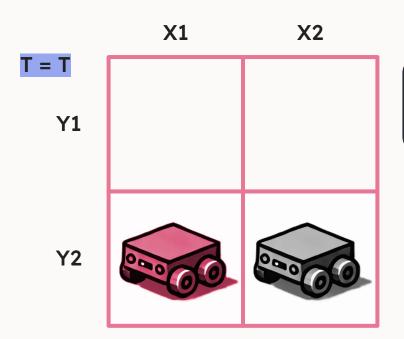
В





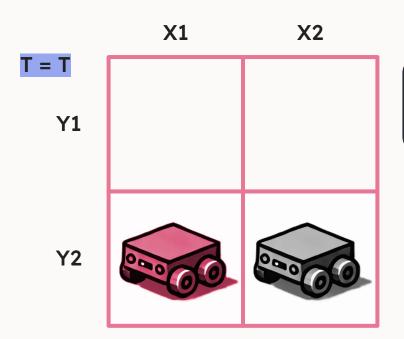
```
:- robot0n(A, X1, Y1, T), robot0n(B, X1+1, Y2, T), robot0n(A, X1+1, Y2, T), robot0n(B, X1, Y2, T), A != B.
```





```
:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X1+1, Y2, T), robotOn(A, X1+1, Y2, T), robotOn(B, X1, Y2, T), A != B.
```





```
:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X1+1, Y2, T), robotOn(A, X1+1, Y2, T), robotOn(B, X1, Y2, T), A != B.
```

- Mismo robot están en distintas partes en el mismo instante
- No se cumple con la condición pedida



```
:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X1+1, Y2, T), robotOn(A, X1+1, Y2, T+1), robotOn(B, X1, Y2, T+1), A != B.
```

No son el mismo robot

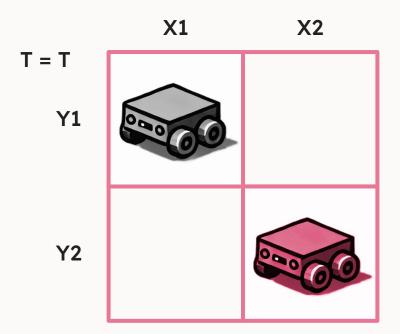






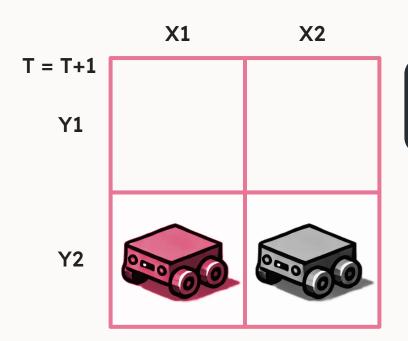
В





```
:- robot0n(A, X1, Y1, T), robot0n(B, X1+1, Y2, T), robot0n(A, X1+1, Y2, T+1), robot0n(B, X1, Y2, T+1), A != B.
```





```
:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X1+1, Y2, T), robotOn(A, X1+1, Y2, T+1), robotOn(B, X1, Y2, T+1), A != B.
```

No se cumple con la condición pedida



```
:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X2, Y2, T), robotOn(A, X2, Y2, T+1), robotOn(B, X1, Y1, T+1).
```

Podrían ser el mismo robot







В



:- robotOn(A,X,Y,T), robotOn(B,X,Y), A != B.

No son el mismo robot







B





```
X
T = T
Y
```

robotOn(A,X,Y,T), robotOn(B,X,Y), A != B.

- No se cumple con la condición pedida
- RobotOn de B no tiene el parámetro de tiempo



```
:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X2, Y2, T), robotOn(A, X2, Y2, T+1), robotOn(B, X1, Y1, T+1), A != B.
```

No son el mismo robot

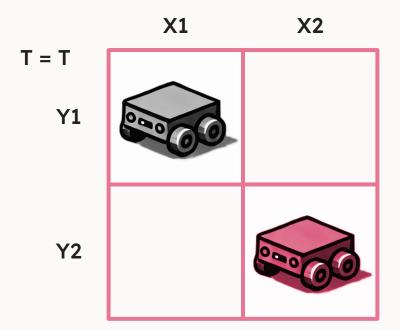






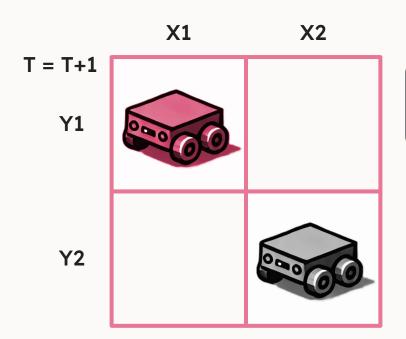
В





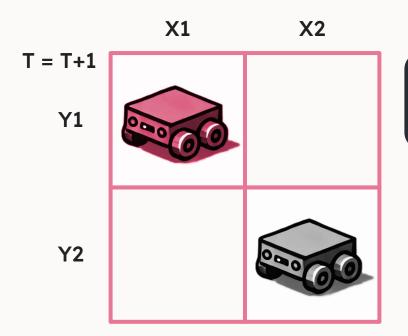
:- robot0n(A, X1, Y1, T), robot0n(B, X2, Y2, T), robot0n(A, X2, Y2, T+1), robot0n(B, X1, Y1, T+1), A != B.





:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X2, Y2, T), robotOn(A, X2, Y2, T+1), robotOn(B, X1, Y1, T+1), A != B.





:- robotOn(A, X1, Y1, T), robotOn(B, X2, Y2, T), robotOn(A, X2, Y2, T+1), robotOn(B, X1, Y1, T+1), A != B.





Selecciona la alternativa que contiene un conjunto que no es modelo del siguiente programa:

```
1 { x; y; z } 2.
x :- y.
z :- not x.
```

```
a) {x}
b) {z}
c) {x,z}
d) {y}
```



```
1 { x; y; z } 2.
x :- y.
z :- not x.
```

```
a) {x}
b) {z}
c) {x,z}
d) {y}
```

```
y y x z y
```



```
1 { x; y; z } 2.
x :- y.
z :- not x.
```

```
a) {x}
b) {z}
c) {x,z}
d) {y}
```

```
x z x y y x z y
```



```
1 { x; y; z } 2.
x :- y.
z :- not x.
```

```
a) {x}
b) {z}
c) {x,z}
d) {y}
```

```
x z z x
y y x z y
```



```
1 { x; y; z } 2.
x :- y.
z :- not x.
```

```
a) {x}
b) {z}
c) {x,z}
d) {y}
```

```
z z x
y x z y
```

No puede estar {y} solo, pues este siempre irá acompañado de x, dada la regla en rosado.



Considera el programa II y el conjunto X

```
a :- not b.b :- c, not d.c :- not e.d :- f, g.
```

$$X = \{b, e\}$$

Marca todas las reglas que pertenezcan a la reducción de II respecto de X.

```
a) d:-f,g.b) c:-not e.c) b:-c.d) a.
```



Considera el programa II y el conjunto X

```
a :- not b.b :- c, not d.c :- not e.d :- f, g.
```

$$X = \{b, e\}$$

Marca todas las reglas que pertenezcan a la reducción de II respecto de X.

```
a) d:-f,g.b) c:-not e.c) b:-c.d) a.
```



Recordatorio: Teoría de ASP

Definición

Un conjunto A que cumple una propiedad P es un conjunto **minimal** que cumple P ssi no existe un subconjunto propio de A que cumpla P.

Definición

M es un modelo de un programa Π si es un conjunto minimal que satisface que para cada regla $Head \leftarrow Tail \in \Pi$ tal que $Tail \subseteq M$, se cumple que $Head \cap M \neq \emptyset$.



Recordatorio: Teoría de ASP

Para construir un modelo M de un programa básico Π :

- 1 Agregamos todos los hechos del programa Π a M.
- **2** Si hay una regla $Head \leftarrow Tail$ en Π que cumple:
 - (a) Head no está contenido en M
 - (b) Todos los elementos de *Tail* están en *M* entonces agregamos *Head* a *M*.
- 3 Si el paso 2 agrega algo a *M* volvemos al paso 2. En caso contrario, terminar.



Recordatorio: Teoría de ASP

Definición (Reducción)

La reducción un programa Π relativa a un conjunto X, denotada por Π^X es la que resulta de hacer:

- $\Pi^X := \Pi$
- **2 Borrar** toda regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ de Π^X cuando $Neg \cap X \neq \emptyset$.
- **Reemplazar** cada regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ en Π^X por $Head \leftarrow Pos$ cuando $Neg \cap X = \emptyset$.

Definición (Modelo de un programa con negación)

X es un modelo de un programa con negación Π ssi X es un modelo para Π^X .



a :- not b.

Considera el programa II y el conjunto X

```
a :- not b.b :- c, not d.c :- not e.d :- f, g.
```

$$X = \{b, e\}$$

- **2 Borrar** toda regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ de Π^X cuando $Neg \cap X \neq \emptyset$.
- **3 Reemplazar** cada regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ en Π^X por $Head \leftarrow Pos$ cuando $Neg \cap X = \emptyset$.
 - La negación not b, es sobre un átomo perteneciente al conjunto X?

Sí

Entonces, borramos la regla.



b :- c, not d.

Considera el programa II y el conjunto X

```
a :- not b.b :- c, not d.c :- not e.d :- f, g.
```

$$X = \{b, e\}$$

- **2 Borrar** toda regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ de Π^X cuando $Neg \cap X \neq \emptyset$.
- **3 Reemplazar** cada regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ en Π^X por $Head \leftarrow Pos$ cuando $Neg \cap X = \emptyset$.
 - La negación not d, es sobre un átomo perteneciente al conjunto X?

No

Entonces, reemplazamos la regla por:

b :- c.



a :- not b.

Considera el programa II y el conjunto X

```
a :- not b.b :- c, not d.c :- not e.d :- f, g.
```

$$X = \{b, e\}$$

- **2 Borrar** toda regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ de Π^X cuando $Neg \cap X \neq \emptyset$.
- **3 Reemplazar** cada regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ en Π^X por $Head \leftarrow Pos$ cuando $Neg \cap X = \emptyset$.
 - La negación not e, es sobre un átomo perteneciente al conjunto X?

Sí

Entonces, borramos la regla.



a :- not b.

Considera el programa II y el conjunto X

```
a :- not b.b :- c, not d.c :- not e.d :- f, g.
```

$$X = \{b, e\}$$

- **2 Borrar** toda regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ de Π^X cuando $Neg \cap X \neq \emptyset$.
- **3 Reemplazar** cada regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ en Π^X por $Head \leftarrow Pos$ cuando $Neg \cap X = \emptyset$.
 - La regla d:- f, g., tiene alguna negación?

No

Entonces, se mantiene como está



a :- not b.

Considera el programa II y el conjunto X

```
a :- not b.b :- c, not d.c :- not e.d :- f, g.
```

$$X = \{b, e\}$$

- **2** Borrar toda regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ de Π^X cuando $Neg \cap X \neq \emptyset$.
- **3 Reemplazar** cada regla $Head \leftarrow Pos \cup not(Neg)$ en Π^X por $Head \leftarrow Pos$ cuando $Neg \cap X = \emptyset$.
 - Finalmente, la reducción del modelo será:



- La minimalidad de M establece que en M deben estar al menos todos los átomos que se deducen de Π .
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π cuya cardinalidad sea menor que la de M.
- La minimalidad de M establece que en M no pueden haber átomos injustificados (no deducidos desde el programa).
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π que sea subconjunto propio de M.



- La minimalidad de M establece que en M deben estar al menos todos los átomos que se deducen de Π . X
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π cuya cardinalidad sea menor que la de M.
- La minimalidad de M establece que en M no pueden haber átomos injustificados (no deducidos desde el programa).
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π que sea subconjunto propio de M.



- La minimalidad de M establece que en M deben estar al menos todos los átomos que se deducen de Π .
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π cuya cardinalidad sea menor que la de M.
- La minimalidad de M establece que en M no pueden haber átomos injustificados (no deducidos desde el programa).
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π que sea subconjunto propio de M.



- La minimalidad de M establece que en M deben estar al menos todos los átomos que se deducen de Π .
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π cuya cardinalidad sea menor que la de M.

```
a :- not b.
b :- not a.
c :- a.
```

```
M_1 = {a, c}
M_2 = {b}
```



- La minimalidad de M establece que en M deben estar al menos todos los átomos que se deducen de Π .
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π cuya cardinalidad sea menor que la de M.
- La minimalidad de M establece que en M no pueden haber átomos injustificados (no deducidos desde el programa). V
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π que sea subconjunto propio de M.



- La minimalidad de M establece que en M deben estar al menos todos los átomos que se deducen de Π .
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π cuya cardinalidad sea menor que la de M.
- La minimalidad de M establece que en M no pueden haber átomos injustificados (no deducidos desde el programa). \boxed{V}
- La minimalidad de M establece que no hay un modelo M' de Π que sea subconjunto propio de M.



Interrogación 1 2024-2



Pregunta 1 a

Supón que Π es un programa en lógica que tiene $\mathbf n$ modelos. ¿Es correcto que al agregar la siguiente línea a Π :

El programa tendrá 2ⁿ modelos?



Pregunta 1 a

Supón que Π es un programa en lógica que tiene $\mathbf n$ modelos. ¿Es correcto que al agregar la siguiente línea a Π :

```
1 {p ; q} 1.
```

- El programa tendrá 2ⁿ modelos?
 - Falso: Hay que considerar que Π puede contener:
- p.
- q.



Pregunta 1 b.

Supón que Π es un programa básico (sin negación ni restricciones de cardinalidad, pero posiblemente con reglas con disyunciones en las cabezas) con m reglas. Sea M un modelo de Π . ¿Cuántos modelos de Π podrían existir que son subconjunto propio de M?



Pregunta 1 b.

Supón que Π es un programa básico (sin negación ni restricciones de cardinalidad, pero posiblemente con reglas con disyunciones en las cabezas) con m reglas. Sea M un modelo de Π . ¿Cuántos modelos de Π podrían existir que son subconjunto propio de M?

=> La definición de modelo expresa que todo modelo es minimal. Esto implica que no puede haber ningún modelo que es subconjunto propio de *M*. La respuesta, entonces, es 0.



Pregunta 2 a.

Usando la definición de modelo, demuestra que el siguiente programa no tiene modelos.

```
p.
:- p.
```



Recordatorio: Teoría de ASP

Definición

M es un modelo de un programa Π si es un conjunto minimal que satisface que para cada regla $Head \leftarrow Tail \in \Pi$ tal que $Tail \subseteq M$, se cumple que $Head \cap M \neq \emptyset$.



Pregunta 2 a.

Usando la definición de modelo, demuestra que el siguiente programa no tiene modelos.

```
p.
:- p.
```

- Por la primera regla, se debe cumplir que $p \in M$.
- Por la segunda regla, dado que $\{p\} \subseteq M$, se debe cumplir que $M \cap \emptyset \neq \emptyset$.
- Esto contradice el hecho que $p \in M$, ya que $M \cap \emptyset$ siempre es igual a \emptyset .
- Concluimos que no existe un modelo para el programa Π



Pregunta 2 b.

¿Cuantos modelos tiene este programa?

```
p_1 :- not p_2.
p_2:- not p_1.
p_2:- not p_3.
p_3:- not p_2.
p\square_{-1}:- not p\square.
p \square :- not p \square_{-1}
```

Justifica tu respuesta utilizando la definición de modelo.



Pregunta 2 b.

¿Cuantos modelos tiene este programa?

```
p_1:- not p_2.
p_2:- not p_1.
p_2:- not p_3.
p_3:- not p_2.
p\square_{-1}:- not p\square.
p \square :- not p \square_{-1}
```

- Por la estructura del programa, p_i y p_i+1 no pueden pertenecer simultáneamente a un modelo.
- Tampoco es posible que ambos (p_i y p_i+1) estén que ausentes simultáneamente del modelo.
- Estas restricciones solo permiten dos posibles modelos:
 - $M_1 = \{p_i \mid i \text{ es par}\}$ (conjunto de todos los p con índice par)
 - M₂ = {p_i | i es impar} (conjunto de todos los p con índice impar)
- La reducción Π^M₁ tiene como modelo estable a M₁
 La reducción Π^M₂ tiene como modelo estable a M₂



Pregunta 2 c.

Sea II el siguiente programa:

```
m :- not n.
p :- not q, not r, s.
t :- not u.
v :- x, not y.
```

Dado $X = \{n, y\}$, describe el contenido de $\Pi^{\Lambda}X$, o, dicho de otra forma, escribe las reglas que tiene la reducción (o simplificación) de Π con respecto a X.



Pregunta 2 c.

Sea II el siguiente programa:

```
m :- not n.
p :- not q, not r, s.
t :- not u.
v :- x, not y.
```

```
p :- s.
t.
```

Dado $X = \{n, y\}$, describe el contenido de $\Pi^{\Lambda}X$, o, dicho de otra forma, escribe las reglas que tiene la reducción (o simplificación) de Π con respecto a X.



El objetivo de esta pregunta es modelar el razonamiento de un agente que se puede mover entre ubicaciones, y recoger y dejar dos objetos: una taza o una pelota.

Las ubicaciones se representan con un predicado ubicación. Por ejemplo:

```
ubicacion(oficina).
ubicacion(cocina).
ubicacion(pieza).
```

Para establecer dónde está cada objeto en el tiempo T, se usa el predicado en, de la siguiente manera.

```
en(pelota, oficina, 0). % la pelota está en la oficina en el tiempo 0 en(taza, cocina, 0). % la taza est´ a en la cocina en el tiempo 0
```



Para expresar que el agente tiene la pelota o la taza se utiliza el predicado **tiene.** De esta forma, cuando el agente tiene a la pelota en tiempo 4, esperamos que el modelo del programa contenga:

```
tiene(pelota,4).
```



Las acciones disponibles se describen a través del predicado acción, por ejemplo,

```
accion(mover_oficina_cocina). % describe la acción de moverse desde la oficina a la cocina accion(mover_cocina_oficina). % describe la acción de moverse desde la cocina a la oficina accion(recoger_pelota). % describe la acción de recoger la pelota accion(dejar_pelota). % describe la acción de dejar la pelota
```

Suponiendo que se ocupa un predicado **exec**, tal que **exec(a,t)** representa que a se ejecuta en el tiempo **t**

```
exec(a,t)
```



I. Una regla que exprese que cuando el agente se mueve desde la oficina a la cocina en tiempo T, entonces en tiempo T+1 el agentes se encuentra en la cocina



Una regla que exprese que cuando el **agente** se mueve **desde la oficina a la cocina** en tiempo T, entonces en tiempo T+1 el agente se encuentra en la cocina

Entonces en tiempo T+1 el agentes se • • encuentra en la cocina



Si el agente se mueve desde la oficina a la cocina en tiempo T



I. Una regla que exprese que cuando el **agente** se mueve **desde la oficina a la cocina** en tiempo T, entonces en tiempo T+1 el agentes se encuentra en la cocina

Entonces en tiempo T+1 el agentes se • • encuentra en la cocina

Si el agente se mueve desde la oficina a la cocina en tiempo T

en(agente, cocina, T+1):- exec(mover_oficina_cocina, T), en(agente, oficina, T).



II. Una regla que exprese que cuando el **agente** se mueve **desde la oficina a la cocina**, la **pelota sigue estando donde sea que estaba**.



II. Una regla que exprese que cuando el **agente** se mueve **desde la oficina a la cocina**, la **pelota sigue estando donde sea que estaba**.

Entonces la pelota sigue estando donde sea que estaba.



Si el agente se mueve desde la oficina a la cocina



II. Una regla que exprese que cuando el agente se mueve desde la oficina a la cocina, la pelota sigue estando donde sea que estaba.

Entonces la pelota sigue estando donde sea que estaba.

Si el agente se mueve desde la oficina a la cocina

en(pelota, X, T+1):- exec(mover_oficina_cocina, T), en(pelota, X, T).



I. Una regla que **prohiba** que el **agente** se pueda mover de la **oficina a la cocina** en tiempo **T a menos que esté en la cocina en tiempo T**.



I. Una regla que **prohiba** que el **agente** se pueda mover de la **oficina a la cocina** en tiempo **T a menos que esté en la cocina en tiempo T**.

:- exec(mover_oficina_cocina, T), not en(agente, oficina, T).



II. Una regla que prohibe al agente acarrear más de un objeto a la vez



II. Una regla que prohibe al agente acarrear más de un objeto a la vez

:- tiene(O1, T), tiene(O2,T), O1 != O2.



I. Una regla que exprese que cuando el **agente recoge la pelota**, ahora el **agente tiene la pelota**.



I. Una regla que exprese que cuando el **agente recoge la pelota**, ahora el **agente tiene** la pelota.

Entonces ahora el agente tiene la pelota.



Si agente recoge la pelota



I. Una regla que exprese que cuando el **agente recoge la pelota**, ahora el **agente tiene** la pelota.

Entonces ahora el agente tiene la pelota.

• Si agente recoge la pelota

tiene(pelota, T+1) :- exec(recoger_pelota, T).



II. Una regla que **prohiba recoger la pelota** a menos que el **agente** se encuentre en el **lugar donde está la pelota.**



II. Una regla que **prohiba recoger la pelota** a menos que el **agente** se encuentre en el **lugar donde está la pelota.**

:- exec(recoger_pelota, T), en(agente, L, T), not en(pelota, L, T).



Escribe las reglas que permitan expresar el **objetivo** de que la **pelota** esté en la **cocina** en el **tiempo 5**



Escribe las reglas que permitan expresar el **objetivo** de que la **pelota** esté en la **cocina** en el **tiempo 5**

```
objetivo :- en(pelota, cocina, 5). :- not objetivo.
```



Dudas