# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

#### ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

# «БЕЛГОРОДСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ им. В.Г.ШУХОВА» (БГТУ им. В.Г. Шухова)

Кафедра программного обеспечения вычислительной техники и автоматизированных систем

Компьютерная практика

Выполнил: ст. группы ПВ-232 Чернобровнеко А.Е.

Проверил: Солонченко Р.Е.

# Оглавление

1	Зад	ания к работе	3
2	Осн	овная часть	5
	2.1	Тема 1. Линейные алгоритмы. Задание 23.	5
	2.2	Тема 2. Разветвляющиеся алгоритмы. Задание 23	7
	2.3	Тема 3. Циклические и итерационные алгоритмы. Задание 23	10
	2.4	Тема 4. Простейшие операции над массивами. Задание 23	12
	2.5	Тема 5. Векторы и матрицы. Задание 23.	14
	2.6	Тема 6. Линейный поиск. Задание 23.	17
	2.7	Тема 7. Разветвляющиеся алгоритмы. Задание 23	22
	2.8	Тема 8. Геометрия и теория множеств. Задание 23.	27
	2.9	Тема 9. Линейная алгебра и сжатие информации. Задание 23	32

# 1 Задания к работе

#### Вариант 23

- 1. Текущее время (часы, минуты, секунды) задано тремя переменными: h, m, s. Округлить его до целых значений минут и часов. Например, 14 ч 21 мин 45 с преобразуется в 14 ч 22 мин или 14 ч, а 9 ч 59 мин 23 с соответственно в 9 ч 59 мин или 10 ч.
- 2. Для заданного  $0 < n \le 200$ , рассматриваемого как возраст человека, вывести фразу вида: «Мне 21 год», «Мне 32 года», «Мне 12 лет».
- 3. Леспромхоз ведёт заготовку деловой древесины. Первоначальный объём её на территории леспромхоза составлял p кубометров. Ежегодный прирост составляет k%. Годовой план заготовки t кубометров. Через сколько лет в бывшем лесу будут расти одни опята?
- 4. Каждый из элементов  $x_i$  массива X(n) заменить средним значением первых i элементов этого массива.
- 5. Многочлены  $P_n(x)$  и  $Q_m(x)$  заданы своими коэффициентами. Определить коэффициенты их композиции многочлена  $P_n(Q_m(x))$ .
- 6. В массиве P(n) найти самую длинную последовательность, которая является арифметической или геометрической прогрессией.
- 7. Найти все натуральные числа, не превосходящие заданного n, десятичная запись которых есть строго возрастающая или строго убывающая последовательность цифр.
- 8. Медианой множества точек на плоскости назовём прямую, которая делит множество на два подмножества одинаковой мощности. Найти горизонтальную и вертикальную медианы заданного множества, у которого никакие две точки не лежат на одной горизонтальной или вертикальной прямой.
- 9. Заданный неупакованный двоичный массив сжать, используя полубайтовое представление длин цепочек.
- 10. По правилам пунктуации пробел может стоять после, а не перед каждым из следующих знаков: . , ; : ! ? ) ] } . . . ; перед, а не после знаков: ( [ {. Заданный текст проверить на соблюдение этих правил и при необходимости исправить. Вместо пробела может быть перевод строки или знак табуляции.
- 11. Построить прямую 3x+2y-4=0 в диапазоне  $x\in[-1;3]$  с шагом  $\Delta=0,25$

- 12. Построить верхнюю часть эллипса 0, 1  $\leq x \leq$  5, 1 с шагом  $\Delta=0,25,$  заданного уравнением  $\frac{x^2}{4}+y^2=1$
- 13. Найдите точку равновесия в заданном диапазоне с заданным шагом.

$$\begin{cases} y=\frac{2}{x} & \text{в диапазоне } 0.1 \leq x \leq 4, \text{ с шагом } \Delta=0.1 \\ y^2=2x & \end{cases}$$

- 14. Построить плоскость, проходящую через точки  $M_1(3,3,1),~M_2(2,3,2),~M_3(1,1,3),$  при  $-1 \le x \le 4$  с шагом  $\Delta=0,5$  и  $-1 \le y \le 3$  с шагом  $\Delta=1.$
- 15. Построить часть параболоида, заданного уравнением  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} = 2z$ , лежащую в диапазоне  $-3 \le x \le 3, \ -2 \le y \le 2$  с шагом  $\Delta = 0, 5$  для обеих переменных.

### 2 Основная часть

# 2.1 Тема 1. Линейные алгоритмы. Задание 23.

1. Текущее время (часы, минуты, секунды) задано тремя переменными: h, m, s. Округлить его до целых значений минут и часов. Например, 14 ч 21 мин 45 с преобразуется в 14 ч 22 мин или 14 ч, а 9 ч 59 мин 23 с — соответственно в 9 ч 59 мин или 10 ч.

#### 2. Словесное описание алгоритма:

- (a) Знаем, что в одном часе 60 минут, а в одной минуте 60 секунд. Будем придерживаться принципа округления если количество секунд < 50%, тогда округляем количество минут в меньшую сторону, иначе в большую. С минутами в часах будем действовать по тому же принципу.
- (b) Исходя из вышесказанного, если количество секунд < 30, тогда округляем минуты в меньшую сторону, иначе в большую. С минутами в часах действуем по тому же принципу.
- (c) Для решения сначала запишем результаты округлений в соответствующие переменные, а потом объединим их в общую.

#### 3. Спецификация функции TimeRounding:

- (a) Заголовок: def TimeRounding(hours: int, minutes: int, seconds: int) -> str:
- (b) Назначение: используется для нахождения целого числа минут и часов или только часов по введенному времени.

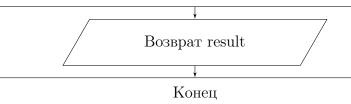
Блок-схема:

def TimeRounding(hours: int, minutes: int, seconds: int)

Приведем переменную **hours** к строковому виду с округлением по минутам из переменной **minutes**, с сохранением результата в переменную **only hours** 

Приведем переменные hours и minutes к строковому виду с округлением по секундам из переменной seconds, с сохранением результата в переменную hours with minutes

Объединим переменные only\_hours и hours\_with\_minutes и запишем результат в переменную result



4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

```
def TimeRounding(hours: int, minutes: int, seconds: int) -> str:
only_hours: str = f'{hours + 1 if minutes >= 30 else hours} ч'
hours_with_minutes: str = \
f'{hours} ч {minutes + 1 if seconds >= 30 else minutes} м'
result: str = f'{hours_with_minutes} или {only_hours}'

return result
```

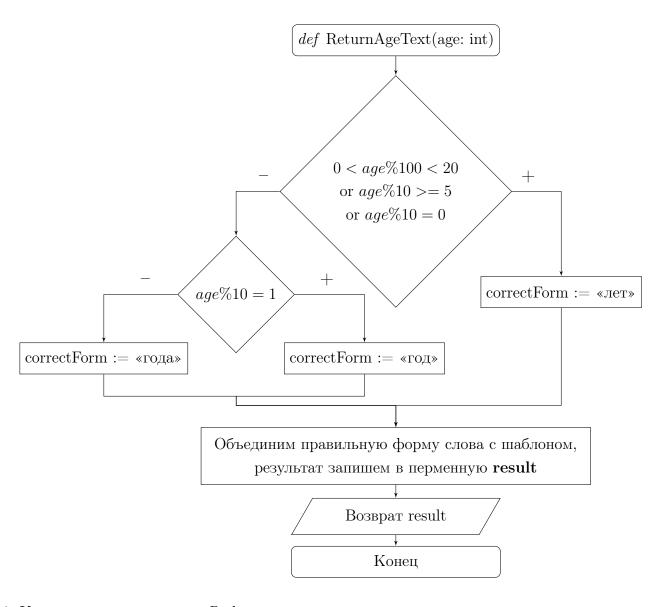
5. Таблица 1

Входные данные	Выходные данные
14 21 45	14 ч 22 м или 14 ч
9 59 23	9 ч 59 м или 10 ч

# 2.2 Тема 2. Разветвляющиеся алгоритмы. Задание 23.

- 1. Для заданного  $0 < n \le 200$ , рассматриваемого как возраст человека, вывести фразу вида: «Мне 21 год», «Мне 32 года», «Мне 12 лет».
- 2. Словесное описание алгоритма:
  - (а) Если  $n\%10=0,\,n\%10\geq 5$  или  $10\leq n\leq 20$  мы пишем «лет». Если n оканчивается на 1, при этом  $n\neq 11$ , тогда мы пишем «год». В остальных случаях мы пишем «года».
  - (b) Исходя из вышесказанного, запишем условия для получения правильной формы слова.
  - (с) Получив правильную форму слова, объединим ее с шаблоном предложения.
- 3. Спецификация функции ReturnAgeText:
  - (a) Заголовок: def ReturnAgeText(age: int) -> str
  - (b) Назначение: используется для нахождения правильной формы слова «лет», обозначающего возраст, в шаблон «Мне n лет».

Блок-схема:



4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

```
def ReturnAgeText(age: int) -> str:

if (10 < age % 100 < 20) or (age % 10 >= 5) or (age % 10 == 0):

correctForm: str = 'πer'

elif age % 10 == 1:

correctForm: str = 'roд'

else:

correctForm: str = 'roдa'

answer: str = f'MHe {age} {correctForm}'
```

5. *Таблица 2* 

Входные данные	Выходные данные
11	Мне 11 лет
1	Мне 1 год
21	Мне 21 год
30	Мне 30 лет
42	Мне 42 года

### 2.3 Тема 3. Циклические и итерационные алгоритмы. Задание 23.

1. Леспромхоз ведёт заготовку деловой древесины. Первоначальный объём её на территории леспромхоза составлял p кубометров. Ежегодный прирост составляет k%. Годовой план заготовки — t кубометров. Через сколько лет в бывшем лесу будут расти одни опята?

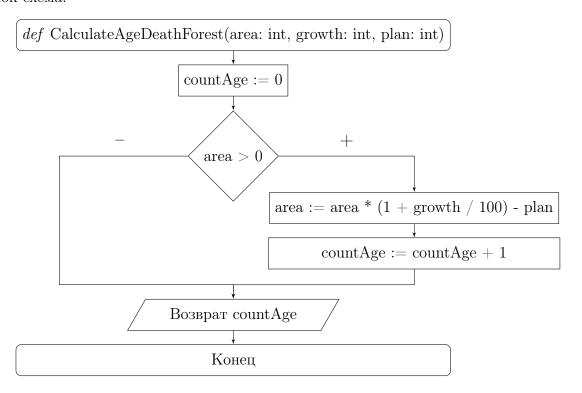
#### 2. Словесное описание алгоритма:

- (a) Известно, что ежемесячно объем древесины p кубометров увеличивается на k%, при этом уменьшался на t кубометров ежегодно.
- (b) Исходя из условия, самый простой способ узнать срок жизни леса простой перебор, который будет считать, сколько древесины остается спустя каждый год.
- (c) Организуем цикл, который будет отслеживать количество древесины спустя каждый год. Если количество ее кубометров будет = 0, значит срок жизни леса подошел к концу.

#### 3. Спецификация функции CalculateAgeDeathForest:

- (a) Заголовок: def CalculateAgeDeathForest(area: int, growth: int, plan: int) -> int
- (b) Назначение: используется для нахождения срока жизни леса в годах.

#### Блок-схема:



4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

```
def CalculateAgeDeathForest(area: int, growth: int, plan: int) -> int:
    countAge: int = 0
    while area > 0:
        area = area * (1 + growth / 100) - plan
        countAge += 1
    return countAge
```

5. *Таблица 3* 

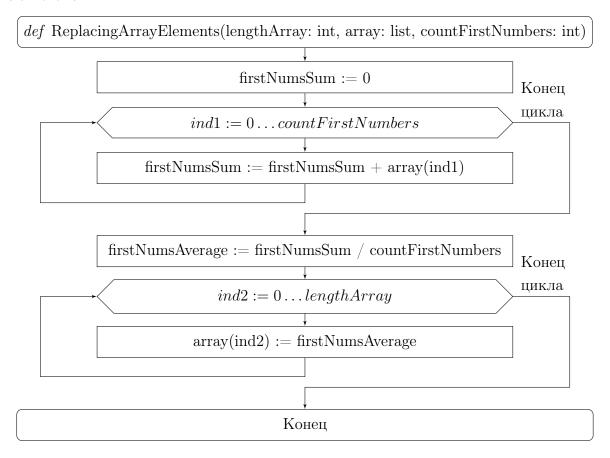
Входные данные	Выходные данные
10 9 4	3
10 10 4	4
1 100 2	1
0 1000 1	0

### 2.4 Тема 4. Простейшие операции над массивами. Задание 23.

- 1. Каждый из элементов  $x_i$  массива X(n) заменить средним значением первых i элементов этого массива.
- 2. Словесное описание алгоритма:
  - (a) Для того, чтобы заменить каждый элемент массива средним значением первых i элементов массива, необходимо найти это среднее значение.
  - (b) Просуммируем первые i элементов массива и разделим сумму на i, чтобы получить их среднее значение.
  - (c) Имея среднее значение первых i элементов массива, заменим каждый его член на это значение.
- 3. Спецификация функции ReplacingArrayElements:

  - (b) Назначение: используется для замены элементов массива на среднее значение его первых i элементов.

#### Блок-схема:



4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

5.

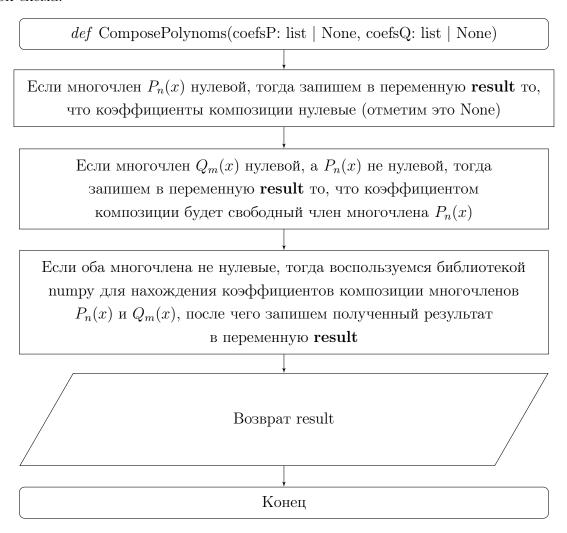
Входные данные	Выходные данные
5 1 2 3 4 5 6	1 2 3 4 5
5 1 2 3 4 5 3	2 2 2 2 2
5 1 2 3 4 5 0	1 2 3 4 5

# 2.5 Тема 5. Векторы и матрицы. Задание 23.

- 1. Многочлены  $P_n(x)$  и  $Q_m(x)$  заданы своими коэффициентами. Определить коэффициенты их композиции многочлена  $P_n(Q_m(x))$ .
- 2. Словесное описание алгоритма:
  - (a) Для начала, чтобы получить коэффициенты композиции  $P_n(Q_m(x))$ , нам необходимо подставить на место x в многочлен  $P_n(x)$  многочлен  $Q_m(x)$ .
  - (b) После замены переменной x нам необходимо лишь выполнить вычисления для упрощения многочлена.
  - (с) Вышесказанного достаточно, чтобы получить композицию многочленов и выразить ее коэффициенты. Существуют два частных случая:
    - 1. Если многочлен  $P_n(x)$  нулевой тогда и композиция будет нулевой.
    - 2. Если многочлен  $Q_m(x)$  нулевой тогда у композиции будет один коэффициент, равный свободному члену многочлена  $P_n(x)$ .
- 3. Спецификация функции ComposePolynomss:

  - (b) Назначение: используется для нахождения коэффициентов композиции двух многочленов.

Блок-схема:



4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

```
def ComposePolynoms(coefsP: list | None, coefsQ: list | None) -> list | None:
    if coefsP is None:
        result: None = None
    elif coefsQ is None:
        result: list = [coefsP[-1]]
    else:
        PolynomP = np.poly1d(coefsP)
        PolynomQ = np.poly1d(coefsQ)
        composedPolynom = PolynomP(PolynomQ)
        result: list = composedPolynom.coefficients.tolist()

return result
```

5. *Таблица 5* 

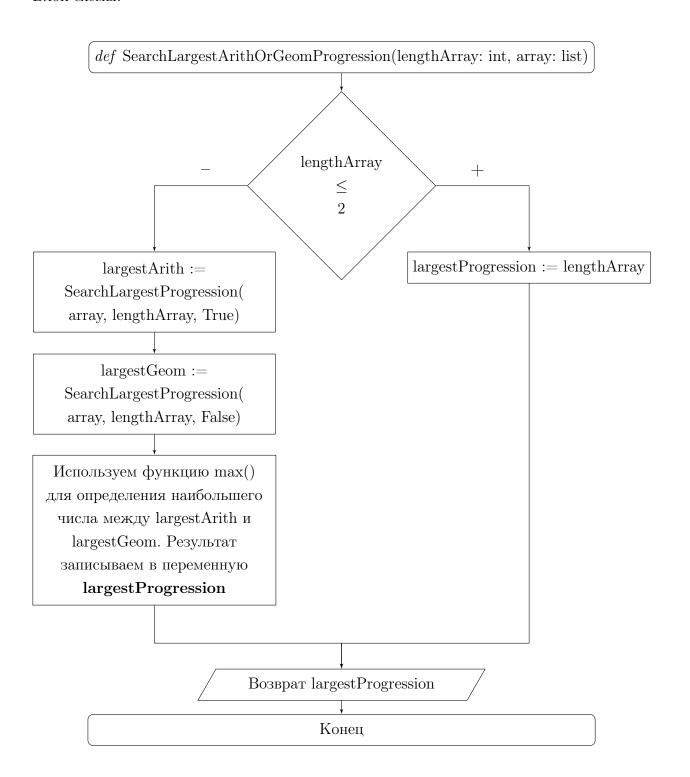
Входные данные	Выходные данные
2 0 -5 1 -1 2	2 -4 10 -8 3
1 2 2 -5	2 -3
1 2 0 11	1
None 2 0 11	None
2 0 11 None	11

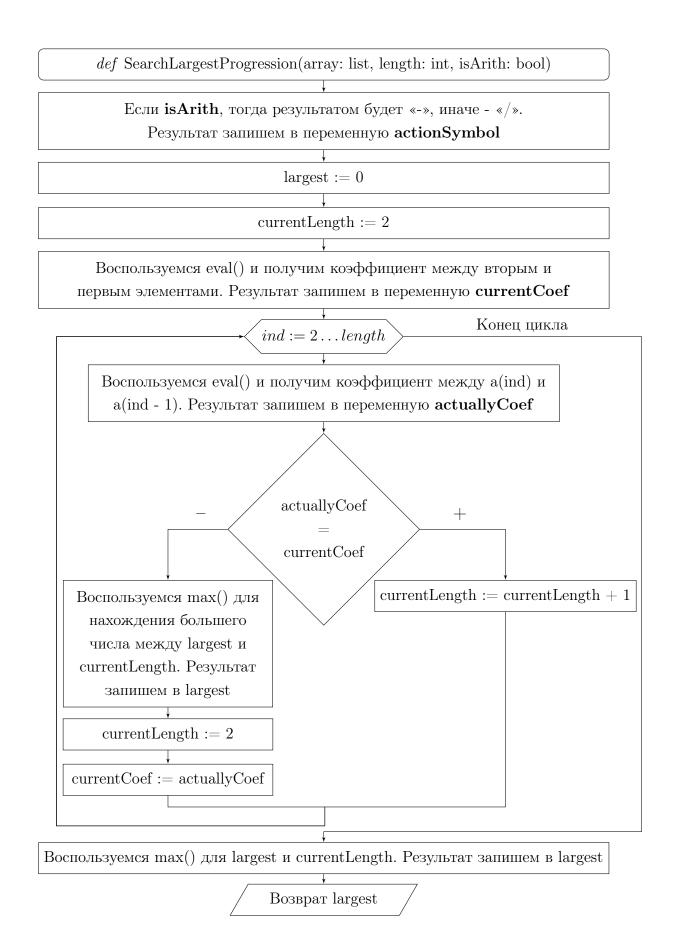
# 2.6 Тема 6. Линейный поиск. Задание 23.

- 1. В массиве P(n) найти самую длинную последовательность, которая является арифметической или геометрической прогрессией.
- 2. Словесное описание алгоритма:
  - (а) Так как любые два числа образуют прогрессию, получаем коэффициент для поиска прогрессии от них.
  - (b) Идем по элементам до тех пор, пока соблюдаются условия прогрессии.
  - (с) Когда прогрессия прерывается, берем ее последние два числа, получаем новый коэффициент и ищем новую прогрессию.
- 3. Спецификация функции SearchLargestArithOrGeomProgression:

  - (b) Назначение: используется для нахождения наибольшей длины алгоритмической или геометрической прогрессии в массиве P(n).

Блок-схемы:





4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

```
def SearchLargestArithOrGeomProgression(lengthArray: int, array: list) -> int:
        if lengthArray <= 2:</pre>
            largestProgression: int = lengthArray
        else:
            largestArith: int = SearchLargestProgression(
                array, lengthArray, True)
            largestGeom: int = SearchLargestProgression(
                array, lengthArray, False)
            largestProgression: int = max(largestArith, largestGeom)
11
        return largestProgression
12
    def SearchLargestProgression(array: list, length: int, isArith: bool) -> int:
14
        actionSymbol: str = '-' if isArith else '/'
        largest: int = 0
16
        currentLength: int = 2
        currentCoef: float = eval(f'{array[1]} {actionSymbol} {array[0]}')
18
        for ind in range(2, length):
19
            actuallyCoef = eval(f'{array[ind]} {actionSymbol} {array[ind - 1]}')
20
21
            if actuallyCoef == currentCoef:
                currentLength += 1
23
            else:
                largest = max(largest, currentLength)
25
                currentLength = 2
26
                currentCoef = actuallyCoef
        largest = max(largest, currentLength)
30
        return largest
31
```

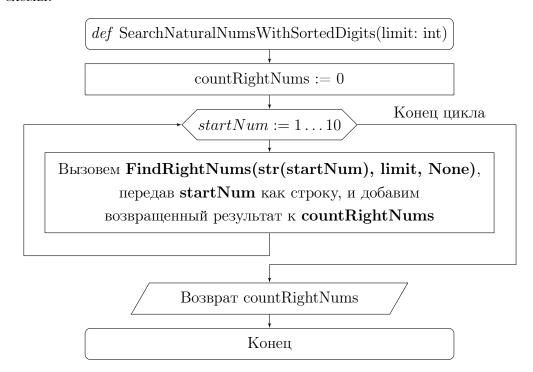
5. Таблица 6

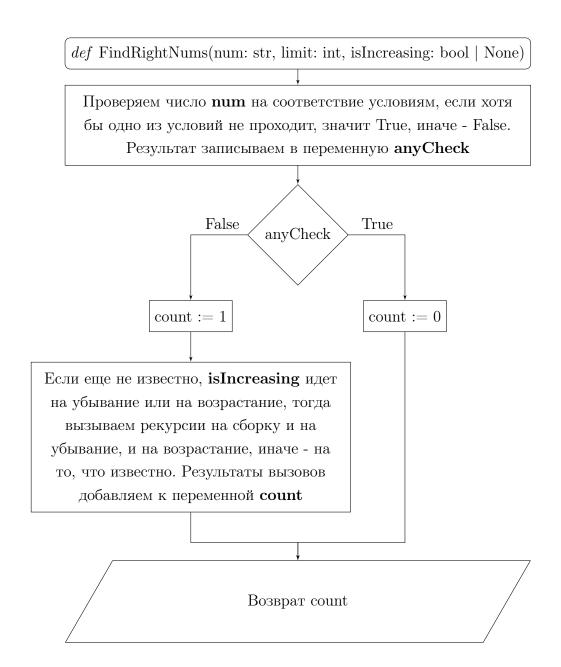
Входные данные	Выходные данные
5 1 3 5 7 9	5
5 2 1 3 5 9	3
7 2 4 1 3 9 27 7	4
4 3 4 11 2	2
5 1 2 4 8 16	5
2 1 12	2
6 8 9 10 12 14 16	4

### 2.7 Тема 7. Разветвляющиеся алгоритмы. Задание 23.

- 1. Найти все натуральные числа, не превосходящие заданного n, десятичная запись которых есть строго возрастающая или строго убывающая последовательность цифр.
- 2. Словесное описание алгоритма:
  - (а) Идея решения заключается в том, чтобы рекурсивно составлять числа, добавляя к существующему цифры, и проверять их на соответствие условиям задачи.
  - (b) Для реализации озвученной выше идеи создадим цикл для старта составления чисел с определенной цифры.
  - (c) Определенную цифру подаем в рекурсивную функцию, которая проверяет, не превышает ли оно заданного и является ли его десятичная запись строго возрастающей или строго убывающей последовательностью цифр.
  - (d) Соответственно, если число будет подходить тогда добавляем его к общей сумме таких чисел и продолжаем его составление дальше, в противном случае заканчиваем эту рекурсивную ветвь.
  - (е) В конце нужно будет лишь просуммировать количество подходящих чисел от каждой начальной цифры и вернуть результат пользователю.
- 3. Спецификация функции SearchNaturalNumsWithSortedDigits:
  - (a) Заголовок: def SearchNaturalNumsWithSortedDigits(limit: int) -> int
  - (b) Назначение: используется для нахождения всех натуральных чисел, не превосходящих n, десятичная запись которых строго возрастающая или строго убывающая последовательность цифр.

#### Блок-схемы:





4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

```
def SearchNaturalNumsWithSortedDigits(limit: int) -> int:
        countRightNums: int = 0
        for startNum in range(1, 10):
             countRightNums += FindRightNums(str(startNum), limit, None)
        return countRightNums
    def FindRightNums(num: str, limit: int, isIncreasing: bool | None) -> int:
9
        numGreaterLimit: bool = (int(num) > limit)
10
        numIsStrictlyIncreasing: bool = (
11
            len(num) > 1 and int(num[-1]) <= int(num[-2])) if isIncreasing \</pre>
12
            else len(num) > 1 and int(num[-1]) >= int(num[-2])
        numIsBig: bool = len(num) > 10
14
        anyCheck: bool = numGreaterLimit or numIsStrictlyIncreasing or numIsBig
16
        if anyCheck:
            count: int = 0
19
        else:
20
            count: int = 1
21
            if isIncreasing or isIncreasing is None:
                 for nextDigit in range(int(num[-1]), 10):
23
                     count += FindRightNums(num + str(nextDigit), limit, True)
            if not isIncreasing or isIncreasing is None:
25
                for nextDigit in range(0, int(num[-1])):
26
                     count += FindRightNums(num + str(nextDigit), limit, False)
        return count
```

5. Таблица 7

Входные данные	Выходные данные
50	46
100	90
500	174
1000	294
10000000	1458

## 2.8 Тема 8. Геометрия и теория множеств. Задание 23.

1. Медианой множества точек на плоскости назовём прямую, которая делит множество на два подмножества одинаковой мощности. Найти горизонтальную и вертикальную медианы заданного множества, у которого никакие две точки не лежат на одной горизонтальной или вертикальной прямой.

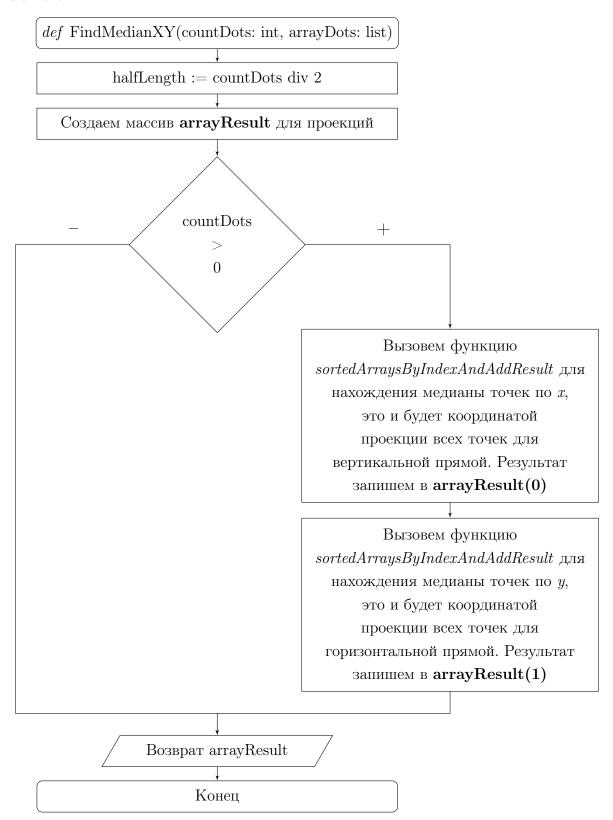
#### 2. Словесное описание алгоритма:

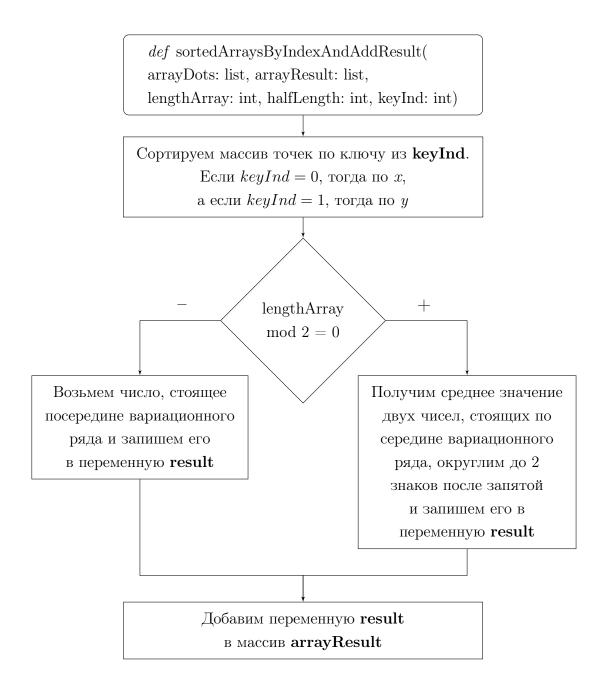
- (a) Для решения задачи необходимо найти горизонтальную и вертикальную медианы, соответствующие условию. Для этого отсортируем точки сначала по x, затем по y, взяв медианы из отсортированных точек.
- (b) Полученные медианы будут являться координатами проекции всех точек для построения медиан по условию.

#### 3. Спецификация функции FindMedianXY:

- (a) Заголовок: def FindMedianXY(countDots: int, arrayDots: list) -> list
- (b) Назначение: используется для нахождения координат проекции всех точек прямой, являющихся медианами, которые делят вертикально и горизонтально множество точек на два равных по мощности подмножества.

#### Блок-схемы:





4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

```
def FindMedianXY(countDots: int, arrayDots: list) -> list:
        halfLength: int = countDots // 2
        arrayResult: list = []
3
        if countDots > 0:
            # вертикальная
            sortedArraysByIndexAndAddResult(arrayDots, arrayResult, countDots,
                                             halfLength, 0)
            # горизонтальная
            sortedArraysByIndexAndAddResult(arrayDots, arrayResult, countDots,
11
                                              halfLength, 1)
12
        return arrayResult
14
16
    def sortedArraysByIndexAndAddResult(arrayDots: list, arrayResult: list,
                                         lengthArray: int, halfLength: int,
18
                                         keyInd: int) -> None:
19
        arrayDots.sort(key=lambda x: x[keyInd])
20
        if lengthArray % 2 == 0:
21
            result = round((arrayDots[halfLength][keyInd] +
                             arrayDots[halfLength - 1][keyInd]) / 2, 2)
23
        else:
            result = arrayDots[halfLength][keyInd]
25
26
        arrayResult.append(result)
```

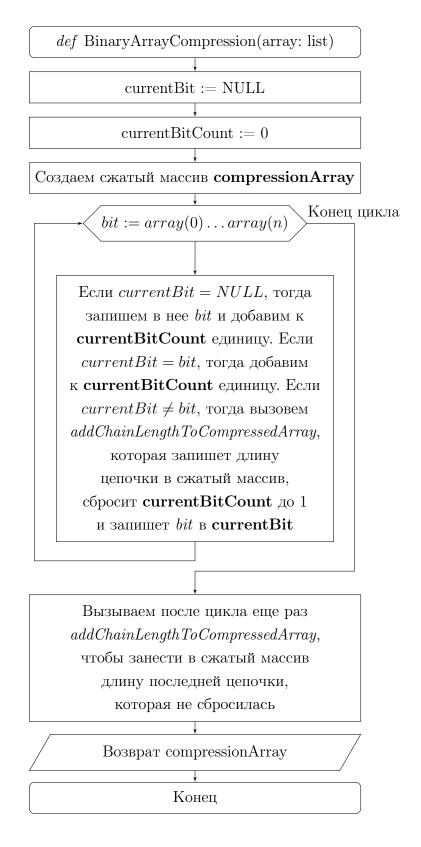
5. *Таблица 8* 

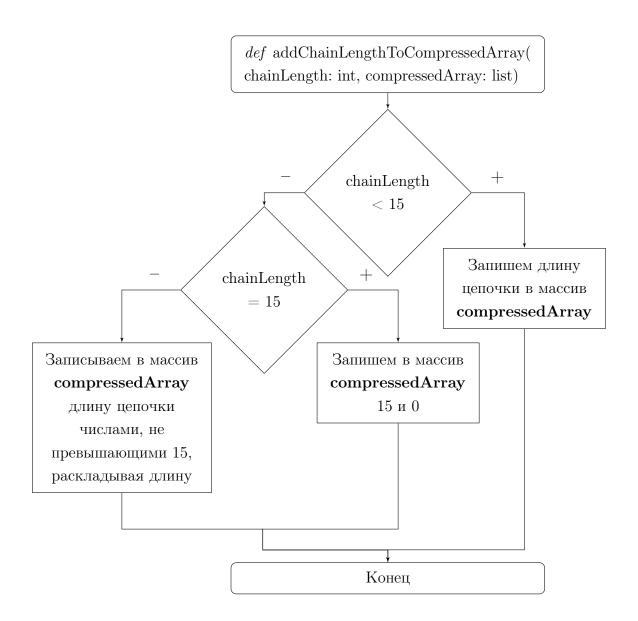
Входные данные	Выходные данные
4 3 4 1 2	4.00 5.00
7 8 5 6	
5 4 6 1 7 10 20 11 13 18 26	10 13
1 10 20	10 20
4 4.5 5.4 1.1 7.2 11.3 5.4 12.3 7.7	7.90 6.30

### 2.9 Тема 9. Линейная алгебра и сжатие информации. Задание 23.

- 1. Заданный неупакованный двоичный массив сжать, используя полубайтовое представление длин цепочек.
- 2. Словесное описание алгоритма:
  - (а) Задача довольно непростая, так как подобные способы сжатия практически не используются. Разработаем для этого свой алгоритм.
  - (b) Будем отталкиваться, что полбайта это 4 бит. Максимальное число 15.
  - (с) Считаем, что массив начинается с 1, то есть нет незначащих нулей.
  - (d) Будем хранить в сжатом виде лишь количество подряд идущих бит, то есть цепочки.
  - (е) Придерживаться будем следующих правил:
    - 1. Если длина цепочки меньше 15, тогда записываем фактическую длину цепочки.
    - 2. Если длина цепочки равна 15, тогда запишем в сжатый массив два числа 15 и 0. 0 будет признаком того, что длина цепочки кратна 15. Дальше может идти лишь противоположный бит исходного массива.
    - 3. Если длина цепочки больше 15, тогда делаем переносы, записывая длину числами, не превышающими 15, до полного разложения исходной длины. Если после какого-то числа 15 идет не 0, значит это число также относится к цепочке. На примере: имеем 31 подряд идущий бит 0 в исходном массиве, а затем 3 подряд идущие 1. Запишем это так: [15, 15, 1, 3]. А если в исходном массиве будет 30 подряд идущих бит 0, а затем 3 подряд идущие 1, тогда запишем это так: [15, 15, 0, 3].
- 3. Спецификация функции BinaryArrayCompression:
  - (a) Заголовок: def BinaryArrayCompression(array: list) -> list
  - (b) Назначение: используется для сжатия исходного неупакованного двоичного массива, применяя способ полубайтового представления длин цепочек.

Блок-схемы:





4. Код *алгоритма* на языке *Python*:

```
def BinaryArrayCompression(array: list) -> list:
        currentBit: int | None = None
        currentBitCount: int = 0
        compressionArray: list = []
        for bit in array:
            if currentBit is None:
                 currentBit = bit
                 currentBitCount += 1
            elif bit == currentBit:
                 currentBitCount += 1
11
            else:
12
                 addChainLengthToCompressedArray(currentBitCount, compressionArray)
                 currentBitCount = 1
14
                 currentBit = bit
16
        if currentBitCount > 0:
             addChainLengthToCompressedArray(currentBitCount, compressionArray)
18
19
        return compressionArray
20
21
22
    def addChainLengthToCompressedArray(chainLength: int,
23
                                          compressedArray: list) -> None:
        if chainLength < 15:
25
             compressedArray.append(chainLength)
26
        elif chainLength == 15:
             compressedArray.append(chainLength)
             compressedArray.append(0)
        else:
30
            while chainLength > 0:
                 if chainLength >= 15:
32
                     numAdd = 15
                 else:
34
                     numAdd = chainLength
35
36
                 chainLength -= numAdd
37
                 compressedArray.append(numAdd)
```

5. Таблица 9

Входные данные	Выходные данные
1 1 1 0 0 1	3 2 1
1 0 1 0 1 0	1 1 1 1 1 1
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0	15 0 2
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	15 2 1 1