Т-Образование АИСД. 2025. Математика. Дистанционно, 14.05.2025

Задача А. Шестерёнки

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.25 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Даны две сцепленные шестеренки. У одной шестеренки N зубцов, у другой – K. Требуется найти, какое минимальное число поворотов на один зубчик требуется сделать, чтобы шестеренки вернулись в исходное состояние.

Формат входных данных

В единственной строке – два натуральных числа N и K, не превосходящих 10 миллионов.

Формат выходных данных

Выведите искомое количество зубчиков. Гарантируется, что оно не более миллиарда.

стандартный ввод	стандартный вывод
2 3	6
6 21	42

Т-Образование АИСД. 2025. Математика. Дистанционно, 14.05.2025

Задача В. Разложение на простые

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.25 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Требуется разложить целое число N на простые множители и вывести результат в порядке возрастания.

Формат входных данных

Программе дано число $N \ (2 \le N \le 10^9)$.

Формат выходных данных

Вывести разложение N на простые множители.

стандартный ввод	стандартный вывод
2	2
1008	2^4*3^2*7

Задача С. Гипотеза Гольдбаха

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.25 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Гипотеза Гольдбаха (не доказанная до сих пор) утверждает, что любое четное число (кроме 2) можно представить в виде суммы двух простых чисел. Проверьте её!

Формат входных данных

Программа получает на вход одно натуральное четное число $n \ (4 \le n \le 10^6)$.

Формат выходных данных

Для заданного четного n выведите через пробел два простых числа p и q, таких, что $p \leqslant q$ и p+q=n. Так как таких разложений может быть несколько, выведите то, в котором p минимально.

стандартный ввод	стандартный вывод
6	3 3
992	73 919

Задача D. Последняя цифра N!

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Требуется найти последнюю ненулевую цифру числа $N! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot ... \cdot N$.

Формат входных данных

Входной файл содержит единственное натуральное число $N\ (N\leqslant 10^6)$.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите ответ на задачу.

стандартный ввод	стандартный вывод
1	1
5	2

Т-Образование АИСД. 2025. Математика. Дистанционно, 14.05.2025

Задача Е. Биномиальные коэффициенты

Имя входного файла: **стандартный ввод** Имя выходного файла: **стандартный вывод**

Ограничение по времени: 0.25 секунд Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Найти биномиальный коэффициент $\binom{n}{k}$. Так как ответ может быть большим, то необходимо взять его по модулю 10^9+7 .

Формат входных данных

Во входном файле находятся числа n и k $(1 \le k \le n \le 10^6)$.

Формат выходных данных

Выведите одно число – биномиальный коэффициент по модулю $10^9 + 7$.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 2	6

Задача F. Забывчивый Матвей

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 0.5 секунд Ограничение по памяти: 128 мегабайт

Матвей в который раз забыл свой пароль!

Но зато Матвей точно помнит, что пароль состоял из N символов, каждый из которых входил в множество A, причём |A|=M.

 ${\bf K}$ сожалению, у Матвея слабый компьютер, который может выполнять всего ${\bf K}$ операций в секунду.

Помогите Матвею понять, успеет ли его компьютер перебрать все возможные варианты пароля до старости мальчика.

Для этого найдите, сколько секунд потребуется компьютеру для перебора всех возможных вариантов пароля.

Проблема в том, что это число может быть очень большим, поэтому найдите его по модулю MOD, где MOD — заданное простое число.

Формат входных данных

В единственной строке содержатся числа N, M, K, MOD ($1 \le N, M, K \le 10^{18}, MOD \le 2 \times 10^9, MOD$ — простое число).

Формат выходных данных

Ответ может быть нецелым, но можно доказать, что он всегда представим в виде несократимой дроби $\frac{x}{y}$. Вам необходимо вывести $x \times y^{-1} \mod MOD$, где y^{-1} — число, обратное по модулю MOD.

стандартный ввод	стандартный вывод
4 14 7 41	35
5 5 7 11	8