

东校区 2009 学年度第一学期 09 级《高等数学一》期末考试 B 题答案 B-1

专业\_\_\_\_\_学号\_\_\_\_\_姓名\_\_\_\_\_评分\_\_\_\_\_



《中山大学授予学士学位工作细则》第六条：“考试作弊不授予学士学位。”

一. 完成下列各题（每小题 7 分，共 70 分）

1,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n+1}{n-1}\right)^n$

解:  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{n-1}\right)^n = \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{n-1}\right)^{\frac{n-1}{2} \cdot 2+1} = \lim_{n \rightarrow \infty} \left[\left(1 + \frac{2}{n-1}\right)^{\frac{n-1}{2}}\right]^2 \lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{2}{n-1}\right) = e^2$

2. 求  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{1 - \cos xy}{\ln(1 + xy)}$ ,

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{1 - \cos xy}{\ln(1 + xy)} = \lim_{u \rightarrow 0} \frac{1 - \cos u}{\ln(1 + u)} = 0,$$

3.  $y = f(x)$  由方程  $ye^x + \ln y = y$  确定, 求  $\frac{dy}{dx}$ .

两边对  $x$  求导得

$$ye^x + e^x y' + \frac{y'}{y} = y'$$

$$\therefore y' = -\frac{ye^x}{e^x + \frac{1}{y} - 1}$$

4. 求函数  $z = 3x + 4y$  在满足  $x^2 + y^2 = 1$  的条件下的最值。

令:  $L(x, y, \lambda) = 3x + 4y + \lambda(x^2 + y^2 - 1)$