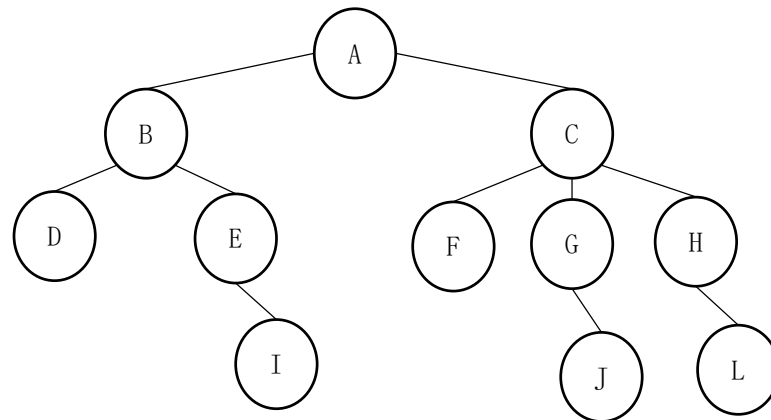


16337341_朱志儒_数据结构作业（三）

1、 树状图：



- (1) 根结点：a;
叶子结点：i, d, f, j, l;
g 的双亲：c;
g 的祖先：c, a;
g 的孩子：j;
e 的子孙：i;
e 的兄弟：d;
f 的兄弟：g, h;
- (2) b 的层次：2;
h 的层次：3;
树的深度：4;
以结点 c 为根的子树的深度：3;

2、 (1) 第 i ($1 \leq i \leq h$) 层的结点个数： k^{i-1}

(2) 编号 i 的双亲结点的编号： $P = (1 - k^{h-1}) / (1 - k) + [(i - (1 - k^h) / (1 - k)) / k] + 1$
(其中 $h = \lceil \log_k(1 - i + ki) \rceil$)

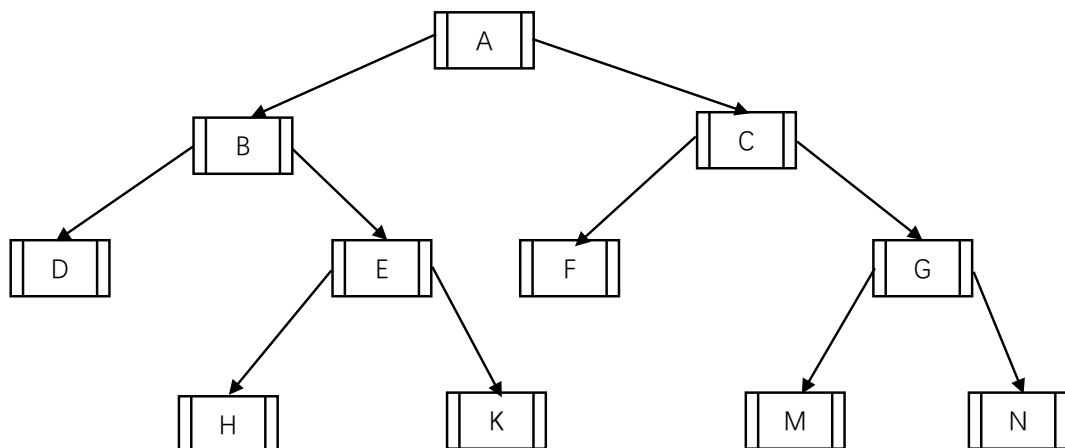
(3) 编号 i 的结点的第 j 个孩子结点编号： $C = (1 - k^{h+1}) / (1 - k) + k(i - (1 - k^h) / (1 - k) - 1) + j$
(其中 $h = \lceil \log_k(1 - i + ki) \rceil$)

(4) 编号 i 结点有右兄弟的条件： $(1 - k^h) / (1 - k) + ka < i < (1 - k^h) / (1 - k) + k(a + 1)$
(其中 $a = \lfloor (i - (1 - k^h) / (1 - k)) / k \rfloor$, $h = \lceil \log_k(1 - i + ki) \rceil$)
右兄弟的编号： $i + 1$

3、 (1) 顺序存储：双亲表示法

下标	info	parents
0	A	-1
1	B	0
2	C	0
3	D	1
4	E	1
5	H	4
6	K	4
7	F	2
8	G	2
9	M	8
10	N	8

链接存储：二叉链表

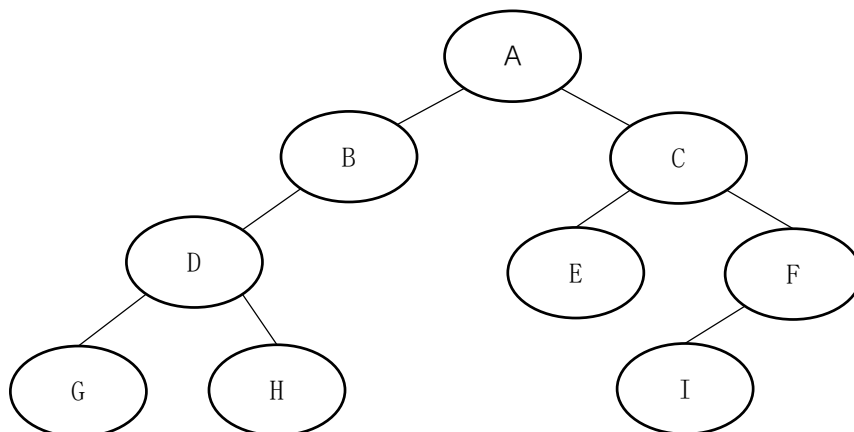


(2) 先序：a, b, d, e, h, k, c, f, h, m, n;

中序：d, b, h, e, k, a, f, c, m, g, n;

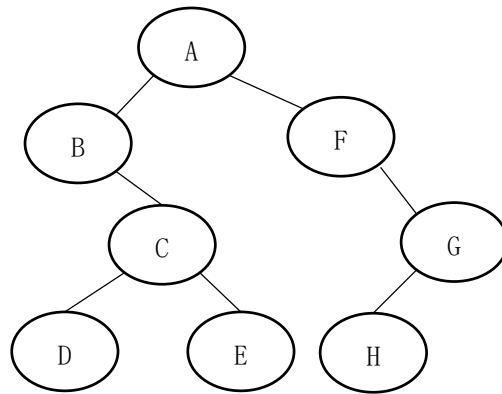
后序：d, h, k, e, b, f, m, n, g, c, a;

4、 二叉树：



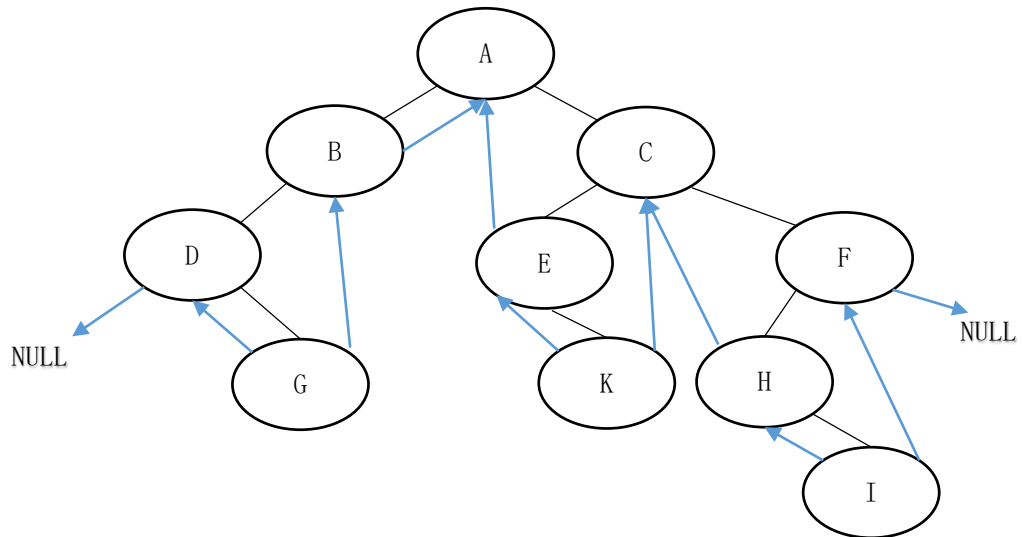
后序遍历序列：G, H, D, B, E, I, F, C, A;

5、 二叉树：

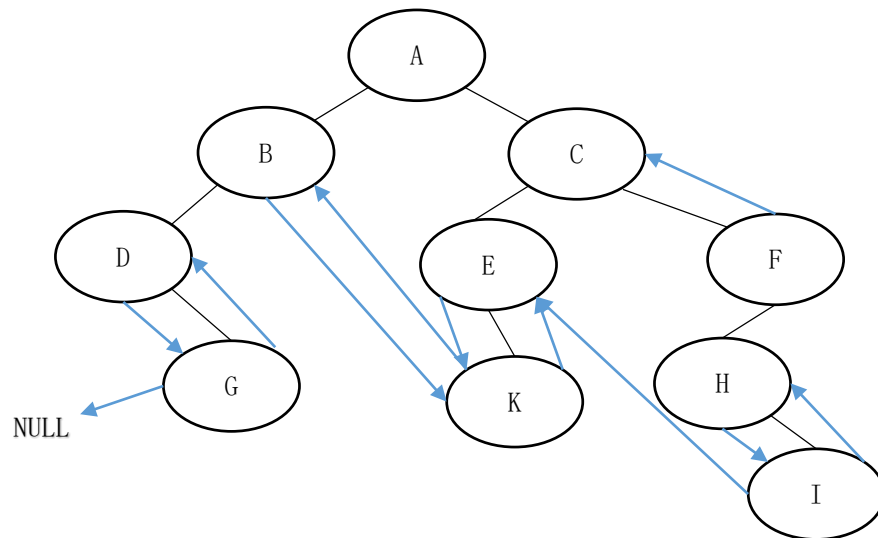


先序序列：A, B, C, D, E, F, G, H

6、 中序线索树：



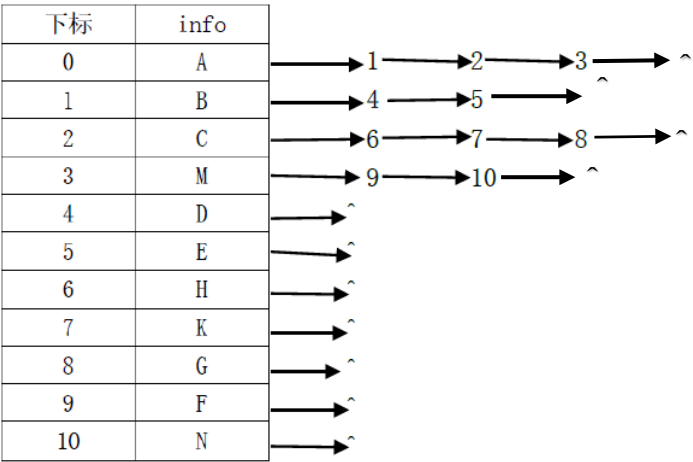
后序线索树：



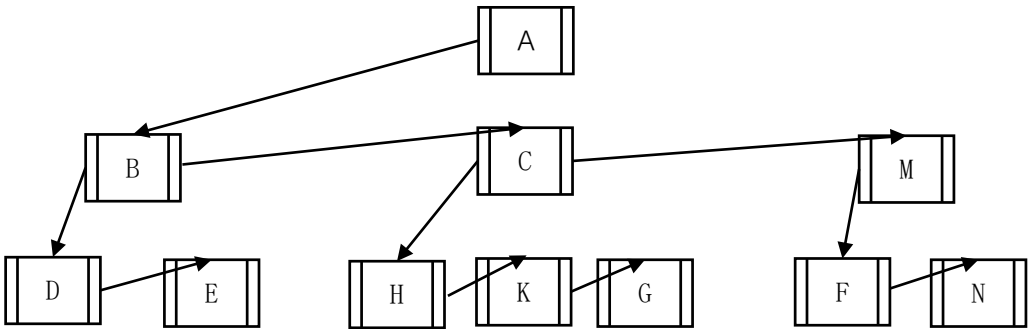
7、 (1) 双亲表示法:

下标	info	parents
0	A	-1
1	B	0
2	C	0
3	M	0
4	D	1
5	E	1
6	H	2
7	K	2
8	G	2
9	F	3
10	N	3

孩子表示法:

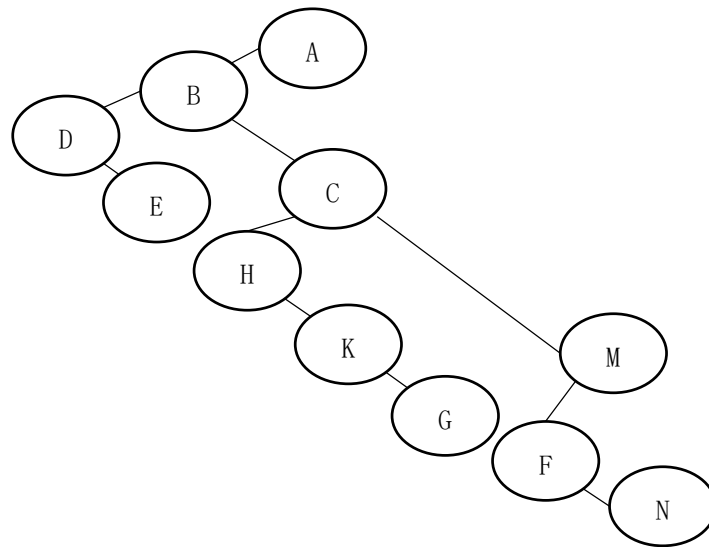


孩子兄弟表示法:

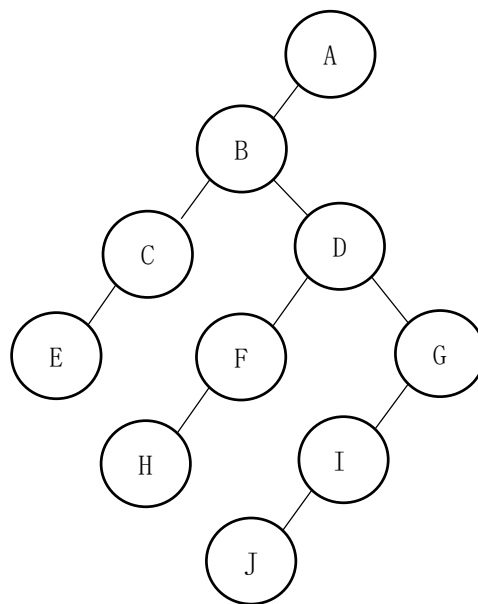


(2) 先序: A, B, D, E, C, H, K, G, M, F, N;
后序: D, E, B, H, K, G, C, F, N, M, A;

(3)



8、 (1) 二叉树 t 的逻辑结构:



(2) 前序: A, B, C, E, D, F, H, G, I, J

中序: E, C, B, H, F, D, J, I, G, A

后序: E, C, H, F, J, I, G, D, B, A

9、

$\begin{matrix} j \\ i \end{matrix}$	前序遍历 n 先被访问	中序遍历 n 先被访问	后序遍历 n 先被访问
n 在 m 的左边	✓	✓	✓
n 在 m 的右边			✓
n 是 m 的祖先	✓	✓	
n 是 m 的儿子		✓	✓

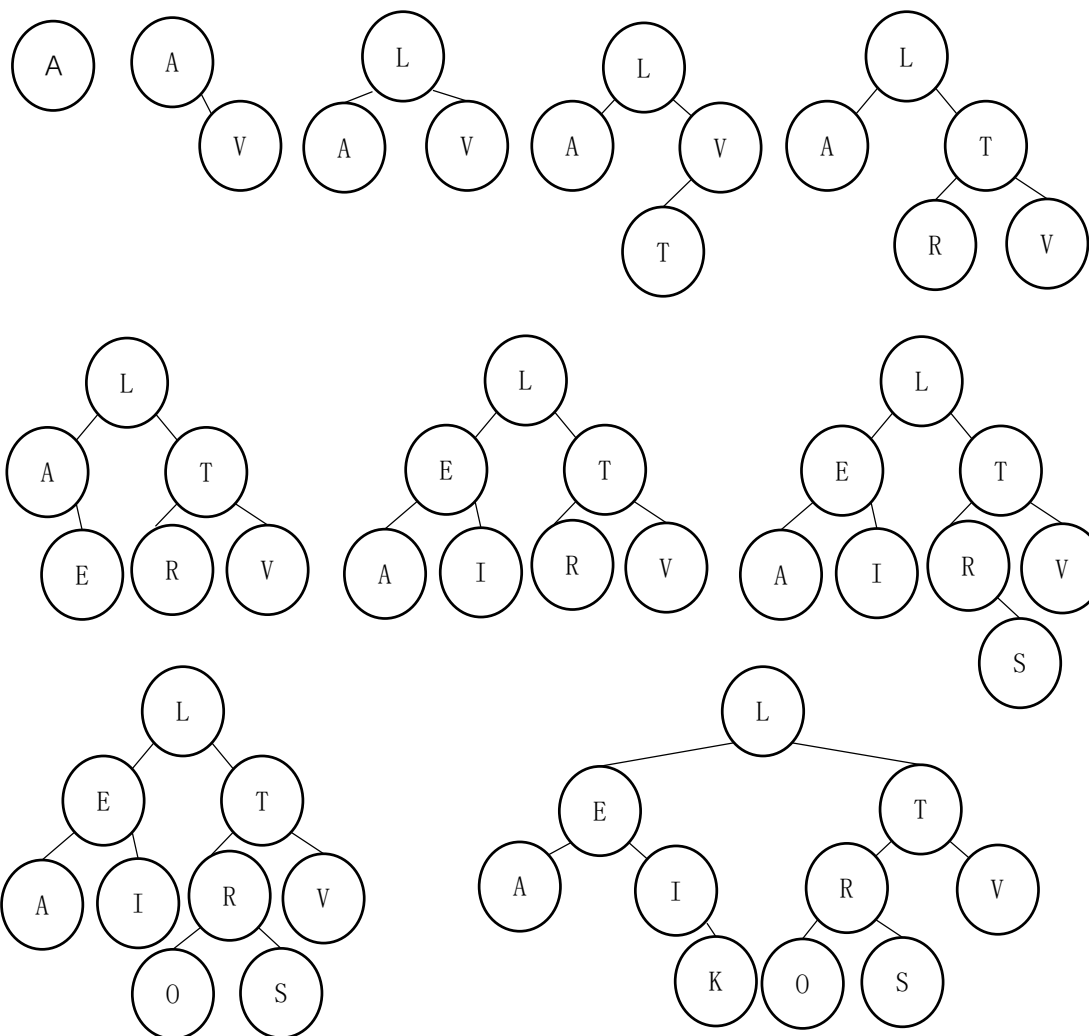
10、后序遍历非递归算法:

```
void postorder(bitree *root) {
    stack<bitree*> data;
    bitree* ptr;                                //当前访问的结点
    bitree* pre = nullptr;                       //上一次访问的结点
    data.push(root);
    while (!data.empty()) {
        ptr = data.top();
        if (ptr->lchild == nullptr && ptr->rchild == nullptr || pre != nullptr
&& (pre == ptr->lchild || pre == ptr->rchild)) { //左右子树均为 nullptr 时, 可以
            operate(ptr);                        //操作; 左右子树均被操作后, 可以
            data.pop();                          //操作
            pre = ptr;
        }
        else if (ptr->rchild != nullptr) {       //先将右子树入栈, 再将左子树入栈,
            data.push(ptr->rchild);              //可以使得出栈时先访问左子树
        }
        else if (ptr->lchild != nullptr) {
            data.push(ptr->lchild);
        }
    }
}
```

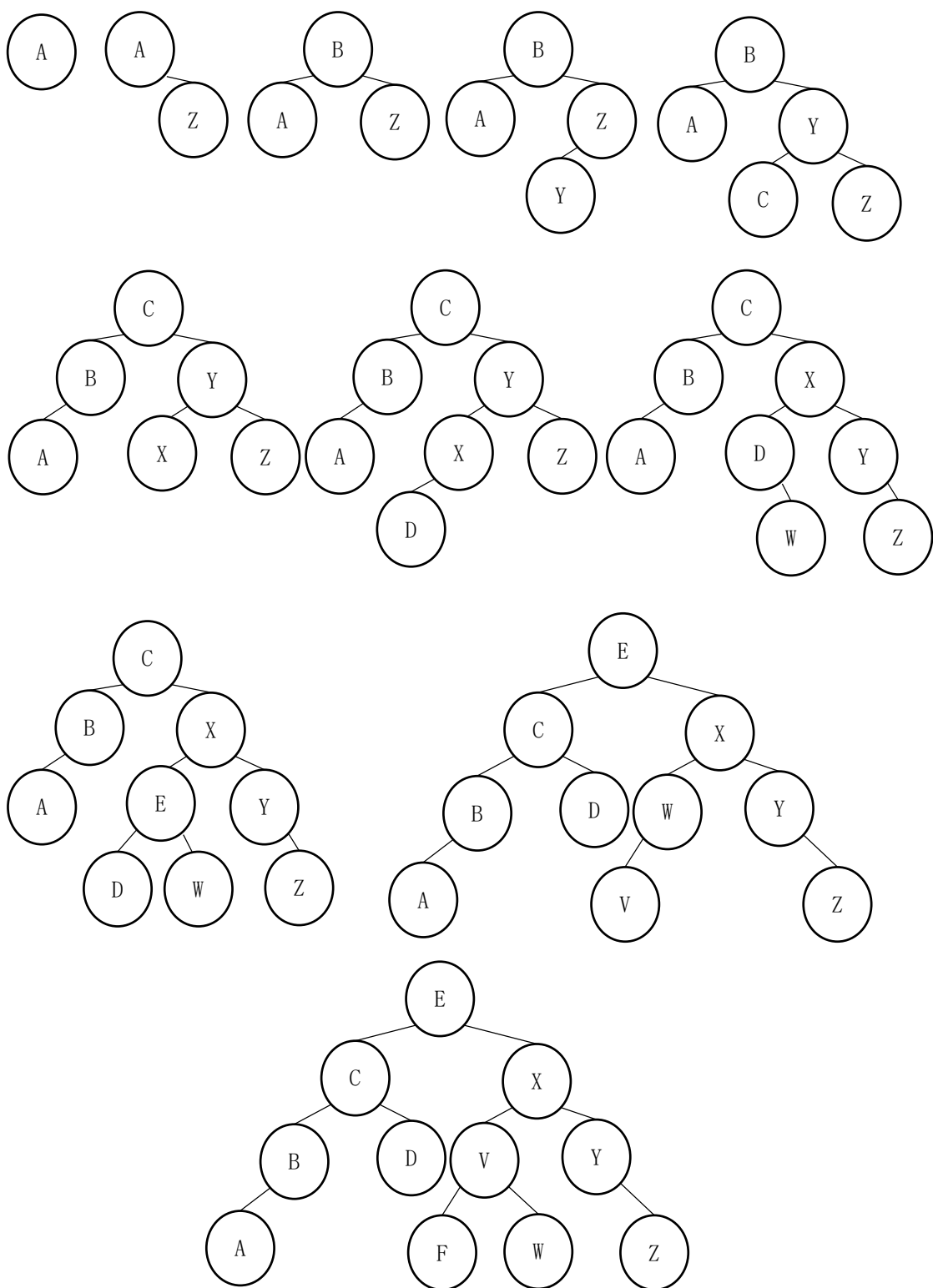
11、算法: 使用前序遍历的方式查找

```
bitree *findparent(bitree *root, int value) {
    if (root->lchild == nullptr && root->rchild == nullptr) return nullptr;
    if (root->lchild != nullptr && root->lchild->val == value || root->rchild !=
nullptr && root->rchild->val == value) return root;
    bitree *ptr = nullptr;
    if (root->lchild != nullptr) ptr = return findparent(root->lchild, value);
    if (ptr == nullptr && root->rchild != nullptr) return findparent(root->rchild,
value);
    else return ptr;
}
```

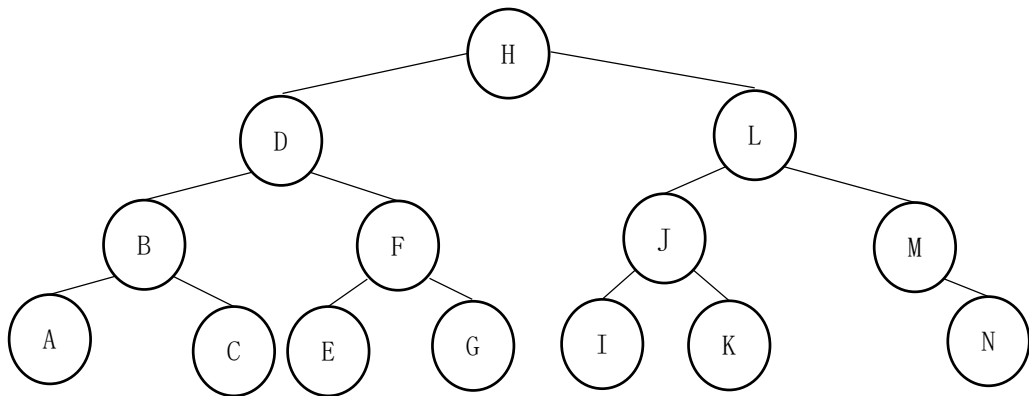
12、(1)



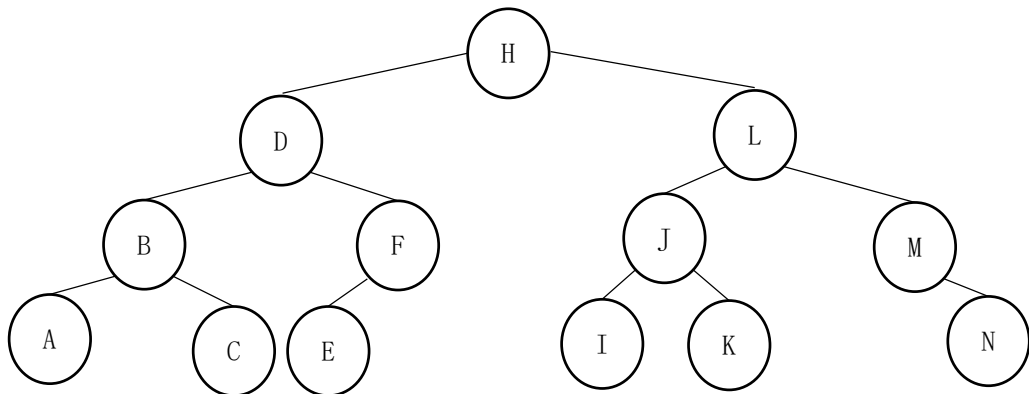
(2)



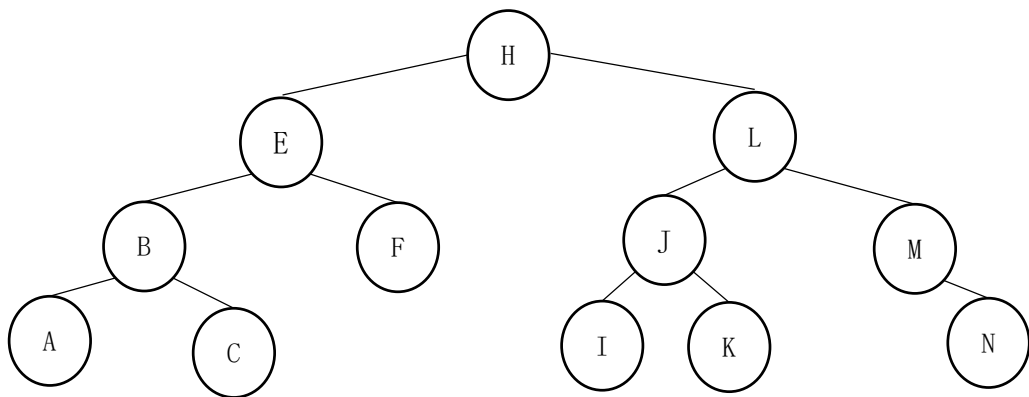
13、建立 AVL 树：



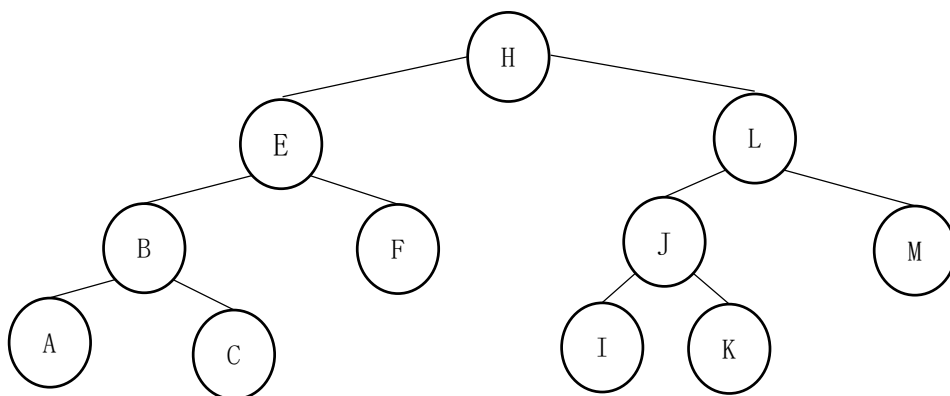
删除 G:



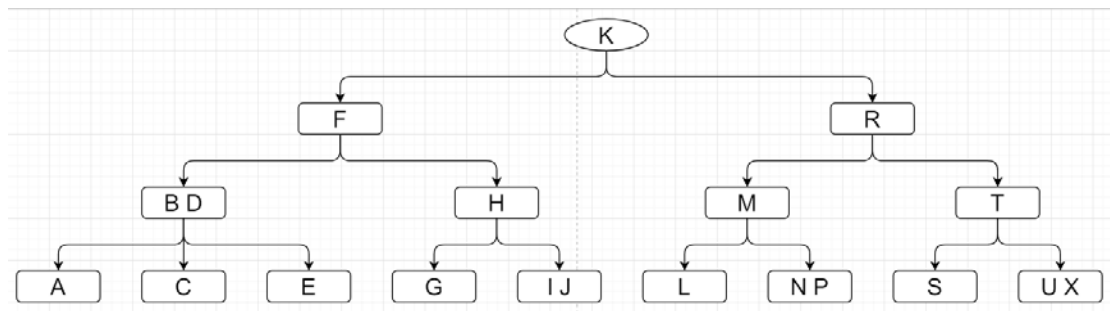
删除 D:



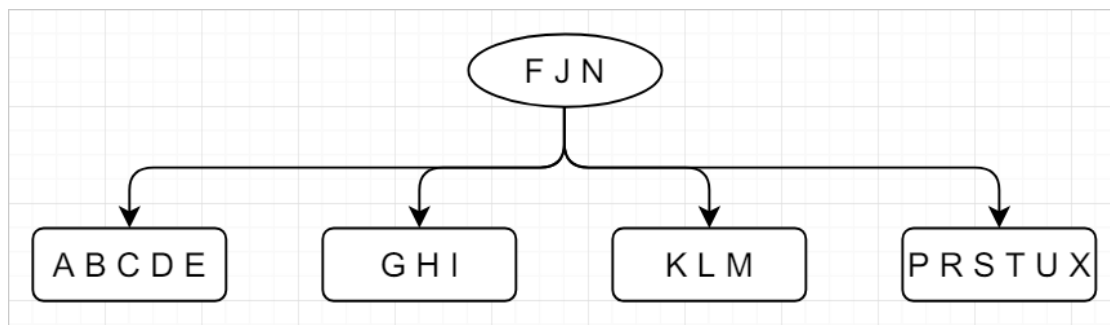
删除 N:



14、3 阶 B-树：

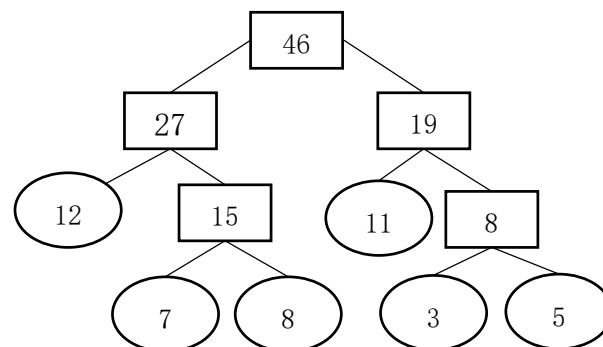


7 阶 B-树：



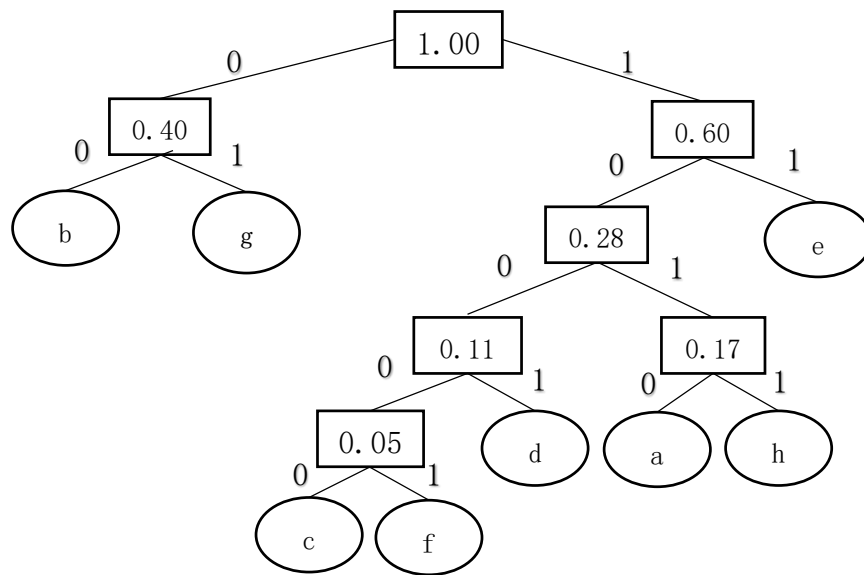
15、产生高度 3 的 5 阶 B-树的最少元素数目是 17

16、



$$WPL = (12 + 11) * 2 + (7 + 8 + 3 + 5) * 3 = 115$$

17、(1)



(2) a:1010;
b:00;
c: 10000;
d:1001;
e:11;
f:10001;
g:01;
h:1011