

TripleGAN 扩写

16337341 朱志儒

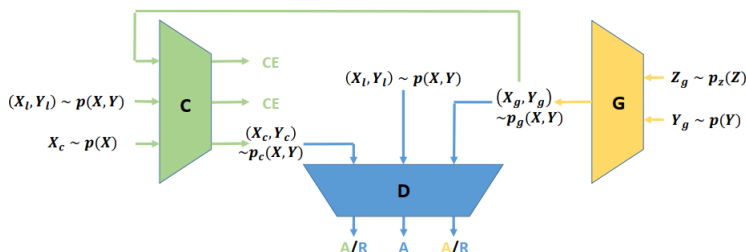
November 2018

1 问题描述

我们有一个部分标记的数据集，其中 x 表示输入数据， y 表示输入标签，目标是预测未标记数据的标签 y 并生成以 y 为条件的新样本 x 。由于标签信息 y 不完整，所以密度模型应该表示 x 和 y 的不确定性，故设输入标签对的联合分布为 $P(x, y)$ 。

由于缺少部分 y 值，所以直接应用双人 GAN 是不可行的，它仅限于双人框架并可能导致不兼容的目标。我们基于联合分布可通过两种方式分解来构建博弈论目标，即 $p(x, y) = p(x)p(y|x)$ 和 $p(x, y) = p(y)p(x|y)$ ，其中条件概率 $p(y|x)$ 和 $p(x|y)$ 由分类和类条件生成。为了联合估计这些以分类器网络和类条件生成器网络为特征的条件概率，我们定义了单个鉴别器网络，其唯一的作用是区分样本是来自真实数据还是模型。所以，我们将 GAN 扩展到 Triple-GAN，这是一个三人游戏用于表示 SSL 中的分类和类条件生成过程。

2 概述



上图是 Triple-GAN 的例证，D，C 和 G 的作用分别用蓝色，绿色和黄色表示，“R”表示拒绝，“A”表示接受，“CE”表示监督学习的交叉熵损失，“A”和“R”是对抗性损失，“CE”是无偏正则化，以确保 p_g ， p_c 和 p 之间的一致性，它们分别由生成器、分类器和真实数据定义的概率。

图中，X 表示数据，Y 表示标签，Z 表示噪声， $(X_l, X_t) \sim p(x, y)$ 表示原始数据分布，其中 $p(x, y) = p(x)p(y|x) = p(y)p(x|y)$ 。C 表示 classifier 分类器，它基于输入的数据预测标签，得到条件概率 $p_c(y|x)$ ，输出关于 x，y 的分布 $p_c(x, y)$ （x 为真，y 为假）；G 表示 generator 生成器，基于输入的标签生成数据，得到条件概率 $p_g(x|y)$ ，输出关于 x，y 的分布 $p_g(x, y)$ （x 为假，y 为真）；D 表示 discriminator 判别器，判断输入的（x，y）是否来自真实的数据分布 $p(x, y)$ 。所有组件均被参数化为神经网络，由分类器和生成器定义的联合分布都收敛到真实的数据分布是我们期望的平衡。

2.1 三人游戏

假设可以很容易地获得来自 $p(x)$ 和 $p(y)$ 的样本，从 $p(x)$ 得到样本 x 之后，C 在条件概率 $p_c(y|x)$ 下产生给定 x 的伪标签 y。因此，伪输入标签对是来自联合分布 $p_c(x, y) = p(x)p_c(y|x)$ 的样本。类似地，可先得到 $y \sim p(y)$ ，然后得到 $x|y \sim p_g(x|y)$ 以便从 G 中对伪输入标签对进行采样，从而得到联合分布 $p_g(x, y) = p(y)p_g(x|y)$ 。对于 $p_g(x|y)$ ，我们假设 x 由给定标记 y 的潜在变量 z 变换得到，即 $x = G(y, z)$ ， $z \sim p_z(z)$ ，其中 $p_z(z)$ 是简单分布（例如，均匀或正态分布），然后将 C 和 G 生成的伪输入标签对 (x,y) 发送到单个鉴别器 D 进行判断，D 还可以将真实数据分布中输入的标签对作为正样本。我们将过程中的效用称为对抗性损失，可以将其表述为极小极大游戏：

$$\begin{aligned} & \min_{C, G} \max_D U(C, G, D) \\ &= E_{(x, y) \sim p(x, y)} [\log D(x, y)] + a E_{(x, y) \sim p_c(x, y)} [\log(1 - D(x, y))] + (1 \\ & \quad - a) E_{(x, y) \sim p_g(x, y)} [\log(1 - D(G(y, z), y))] \end{aligned}$$

其中 $a \in (0, 1)$ 是一个控制生成和分类相对重要性的常数，我们在整篇论文中将其设为 1/2 来关注平衡情况。

2.2 损失函数

在上述中定义的游戏里，当且仅当 $p(x,y)=(1-a)p_g(x,y)+ap_c(x,y)$ 时达到平衡，如果 C 和 G 中的一个倾向于真实数据分布，另一个也将趋向真实数据分布，这解决了竞争问题。为解决不能保证 $p(x,y)=p_g(x,y)=p_c(x,y)$ 是唯一的全球最优值这一问题，我们引入标准监督损失 R_L （即交叉熵损失），这相当于 $p_c(x,y)$ 和 $p(x,y)$ 之间的 KL 发散。

$$\begin{aligned} R_L = D_{KL}(p(x,y)||p_c(x,y)) &= \iint_{(x,y)} p(x,y) \log \frac{p(x,y)}{p_c(x,y)} dx dy \\ &= \iint_{(x,y)} p(x,y) \log \frac{p(x)p(y|x)}{p_c(x)p_c(y|x)} dx dy \end{aligned}$$

因为判别器 D 和分类器 C 输入的图片都是真实的，所以 $p(x)=p_c(x)$ ，所以

$$\begin{aligned} R_L &= \iint_{(x,y)} p(x,y) \log p(y|x) dx dy - \iint_{(x,y)} p(x,y) \log p_c(y|x) dx dy \\ &= -E_{(x,y) \sim p(x,y)} [\log p_c(y|x)] \end{aligned}$$

因此，我们将游戏定义为：

$$\begin{aligned} \min_{C,G} \max_D U(C,G,D) &= E_{(x,y) \sim p(x,y)} [\log D(x,y)] + a E_{(x,y) \sim p_c(x,y)} [\log(1 - D(x,y))] \\ &\quad + (1-a) E_{(x,y) \sim p_g(x,y)} [\log(1 - D(G(y,z),y))] + R_L \end{aligned}$$

事实证明，U 具有 C 和 G 的唯一全局最优值。