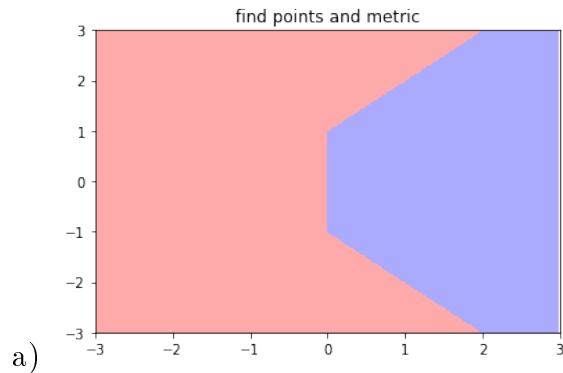
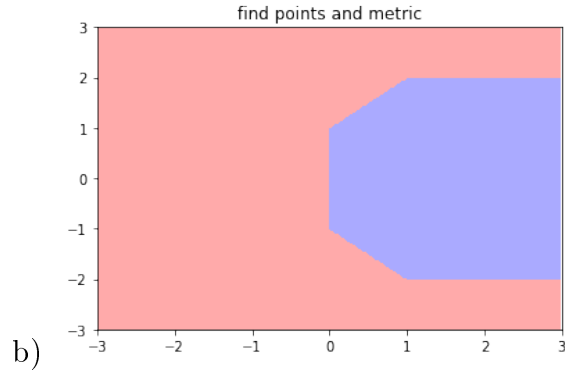


Домашнее задание №1

1. Пусть объекты $(0,1)$ и $(0, -1)$ принадлежат одному классу, а объект $(2, 0)$ — другому. Получить аналитическую формулу разделяющей поверхности для метода одного ближайшего соседа с ℓ_2 метрикой.
2. Решить предыдущую задачу для ℓ_1 метрики.
3. Привести пример обучающего и тестового множества минимальной мощности, для которых при $k > 1$:
 - (а) метод 1-ближайшего соседа даёт точность на тесте больше, чем метод k -ближайших соседей,
 - (б) метод k -ближайших соседей даёт точность на тесте больше, чем метод 1-ближайшего соседа.
4. Привести пример обучающего и тестового множества минимальной мощности, для которых при $k > 1$:
 - (а) обычный метод k -ближайших соседей даёт точность на тесте больше, чем метод k -ближайших взвешенных соседей (веса, например, обратно пропорциональны расстояниям),
 - (б) метод k -ближайших взвешенных соседей даёт точность на тесте больше, чем обычный метод k -ближайших соседей.
5. Для метода классификации одного ближайшего соседа получились следующие разделяющие поверхности. Привести пример обучающего множества и метрики, на которых метод мог бы выучить такое разделяющее правило.





6. Опишите преимущества и недостатки k-fold валидации и LOO валидации. Приведите примеры, когда предпочтительнее использовать LOO вместо 5-fold валидации, и наоборот.
7. Для объектов x_1, \dots, x_n с правильными ответами y_1, \dots, y_n из \mathbb{R} постройте константную модель $a(x) = c$ для функции потерь:

a) MSE (mean squared error) $= \frac{1}{N} \sum_{i=1}^n (y_i - c)^2$;

b) MSA (mean absolute error) $= \frac{1}{N} \sum_{i=1}^n |y_i - c|$.

8. Для объектов x_1, \dots, x_n из \mathbb{R} с правильными ответами y_1, \dots, y_n из \mathbb{R} постройте константную модель $a(x) = kx + b$ для функции потерь

$$MSE \text{ (mean squared error)} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^n (y_i - kx_i - b)^2.$$

9. Пусть дана обучающая выборка $(x_1, y_1), \dots, (x_n, y_n)$, где пара (x_i, y_i) — объект и правильный ответ, причем $x_i \in \mathbb{R}^2$, а $y_i \in \{0, 1\}$. Известно, что распределение для обоих классов — гауссовское с параметрами: $\mu_0 = (a, b)^T$, $\mu_1 = (-a, -b)^T$, $\Sigma_0 = \Sigma_1 = \text{diag}(\sigma_1, \sigma_2)$. Выпишите байесовский алгоритм классификации и уравнение разделяющей поверхности.
10. Доказать, что наивный байесовский классификатор в случае бинарных признаков $f_i \in \{0, 1\}$ является линейным разделителем:

$$a(x) = a(f_1, \dots, f_n) = [a_0 + a_1 f_1 + \dots + f_n x_n > 0].$$

Выведите формулы для коэффициентов a_i .