



Lista de Exercícios 3

Gramáticas e Sintaxe de Linguagens de Programação

- 1) Qual é a diferença entre uma sentença e uma forma sentencial?
- 2) Qual é a diferença entre uma cadeia e uma sentença?
- 3) Assumindo que $[0-9]$ é uma forma simplificada de escrever a expressão regular $(0+1+2+\dots+9)$ e que $[a-z]$ descreve a expressão $(a+b+\dots+z)$, quais são as linguagens geradas pelas expressões regulares a seguir?
 - A. $(1(0+1)^*1)+(0(0+1)^*0)$
 - B. $([0-9]^*.[0-9][0-9]^*)+([0-9][0-9]^*.[0-9]^*)$
 - C. $[a-z](a+e+i)r$
 - D. $([a-z]+[A-Z]+_)([a-z]+[A-Z]+[0-9]+_)^*$
- 4) Quais linguagens abaixo não podem ser descritas por uma expressão regular? Quais não podem ser descritas por uma gramática livre de contexto?
 - A. $L = \{a^n b^m \mid n > 0, m > 0\}$
 - B. $L = \{a^n b^n \mid n > 0\}$
 - C. $L = \{a^n b^n a^n \mid n > 0\}$
 - D. $L = \{a^n a^n b^n \mid n > 0\}$
 - E. O conjunto das literais de inteiros, strings e pontos flutuantes em Python.
 - F. O conjunto de todos os programas sintaticamente válidos em uma linguagem hipotética que não possui tipos de dados e não exige que variáveis sejam declaradas.
 - G. O conjunto de todos os programas sintaticamente válidos em C ou em Python.
 - H. O conjunto de todas as expressões algébricas bem formadas que podem ser escritas apenas com números decimais e os operadores de soma, subtração, multiplicação, divisão e parênteses.
 - I. O conjunto de todas as equações $x = \langle \text{expr} \rangle$ nas quais $\langle \text{expr} \rangle$ é uma expressão algébrica conforme descrito no item H.
 - J. O conjunto de todas as equações $x = \langle \text{expr} \rangle$ nas quais, após a avaliação de $\langle \text{expr} \rangle$, x tem valor 0.
- 5) Faça uma gramática livre de contexto para sequências corretamente balanceadas de parênteses, colchetes e chaves. Uma sequência corretamente balanceada tem um casamento perfeito entre a abertura e o fechamento de um mesmo símbolo.

Balanceado: "()", "(())", "(())", "([()]", "([()]", "{[()]}", "{[()]}"

Não balanceado: ")(", "(", "[", "[()]"



- 6) Reescreva a gramática do exercício anterior utilizando notação BNF ou EBNF.
- 7) Considere a gramática a seguir, em notação BNF.

```
<programa> ::= "begin" <comandos> "end"
<comandos> ::= <comando> | <comando> ";" <comandos>
<comando> ::= <atribuição> | <comando-if> | <comando-write>
               | "begin" <comandos> "end"
<atribuição> ::= <identificador> ":" <expressão>
<comando-if> ::= "if" <expressão> "then" <comando>
               | "if" <expressão> "then" <comando> "else" <comando>
<comando-write> ::= "WriteLn" "(" <lista-write> ")"
<lista-write> ::= <expressão> | <expressão> "," <lista-write>
```

- A. Complete a gramática, definindo os não-terminais restantes.
- B. Encontre uma derivação mais à esquerda para a sentença abaixo:
- begin a := 5; if a < 10 then WriteLn('Sim') else WriteLn('Não') end**
- C. Encontre uma derivação mais à direita para a mesma sentença.
- D. Desenhe a árvore de derivação para a sentença.
- E. Mostre que a gramática é ambígua.
- F. Reescreva a regra <comando-if> para eliminar a ambiguidade.
- 8) Considere o seguinte programa em C.

```
1  #include <stdio.h>
2
3  int *funcao(void) {
4      int vlocal = 42;
5      return &vlocal;
6  }
7
8  int main(void) {
9      int *ponteiro = funcao();
10     printf("%d\n", *ponteiro);
11     return 0;
12 }
```

Existe um erro na linha 5. É possível escrever uma gramática livre de contexto que não permite esse tipo de construção na linguagem? Em outras palavras, é possível escrever uma gramática livre de contexto que permita escrever programas válidos na linguagem de programação C, mas não permita derivar cadeias que contenham o mesmo erro do programa acima? Justifique.

- 9) Para os próximos itens, considere uma Simple Language de Programação (SLiP). Na SLiP, todos os programas sequências de dois tipos de comandos:
- Comandos de declaração, na forma `tipo identificador = valor`, em que uma variável é declarada com um certo tipo e tem seu valor inicial definido;
 - Comandos de atribuição, na forma `identificador = expressão`, em que o valor de uma variável passa a ser o valor da expressão.



As restrições da SLiP são:

- Os nomes das variáveis são uma única letra maiúscula (A, B, C, ..., Z);
- Variáveis e expressões podem ser do tipo `int` ou do tipo `float`;
- Expressões podem ser um único literal (por exemplo, 42 ou 3.14) ou uma soma de duas variáveis;
- Todos os comandos em SLiP são finalizados por ponto-e-vírgula.

Todos os comandos são finalizados por ponto-e-vírgula. O comportamento de um programa válido em SL é o seguinte:

- Todas as linhas de comandos são executadas sequencialmente;
- Ao final da execução os valores de todas as variáveis são mostrados.

Exemplo de um programa válido em SL:

Programa	Saída
<code>int A = 10;</code> <code>float B = 3.14;</code> <code>B = A + B;</code>	A = 10 B = 13.14

Com base nessas especificações, faça

- Escreva uma gramática léxica para SLiP, definindo os tokens `<id>`, `<int>` e `<float>`. Use expressões regulares, BNF, EBNF ou notação formal de gramáticas.
- Escreva uma gramática sintática, em notação BNF ou EBNF, para SLiP.

Dica: comece com as três seguintes regras

- `<programa> ::= <lista_comandos>`
- `<lista_comandos> ::= <comando> ";"`
- `<lista_comandos> ::= <comando> ";" <lista_comandos>`

- Monte as árvores de derivação para as seguintes sentenças:

```
int A = 0 ;  
int A = 3.14 ;  
int A = 42 ; int B = 7 ; A = A + B ;
```