Лабораторная работа 1.3.3

Выполнил Юдин Иван Б05-207

15 апреля 2023 г.

Аннотация

В работе измеряется коэффицент вязкости воздуха при помощи воздуха, движущего в тонких трубках с разными скоростями, имея разные числа Рейнольдса.

Цель работы: экспериментально исследовать свойства течения газов по тонким трубкам при различных числах Рейнольдса; выявить область применимости закона Пуазейля и с его помощью определить коэффициент вязкости воздуха.

В работе используются: система подачи воздуха (компрессор, поводящие трубки); газовый счетчик барабанного типа; спиртовой микроманометр с регулируемым наклоном; набор трубок различного диаметра с выходами для подсоединения микроманометра; секундомер.

Теоретические сведения

Сила вязкого трения согласно закону Ньютона:

$$\tau_{xy} = \eta \frac{\partial v_x}{\partial y} \tag{1}$$

 η - коэффициент динамической вязкости. Характер течения может быть ламинарным или турбулентным, определяется числом Рейнольдса:

$$Re = \frac{\rho ua}{\eta} \tag{2}$$

 ρ - плотность среды, u - характерная скорость потока, a - характерный размер системы.

Формула Пуазейля:

$$Q = \frac{\pi R^4 \Delta P}{8\eta l}, \qquad \bar{u} = \frac{Q}{\pi R^2} \tag{3}$$

Длина установления:

$$l \approx 0.2R \cdot Re \tag{4}$$

Скоростной напор:

$$\tilde{\psi} = \frac{R}{l} \frac{\Delta P}{\rho \bar{u}^2} \tag{5}$$

Из теории размерностей:

$$\frac{\Delta P}{l} = C(Re) \cdot \frac{\rho \bar{u}^2}{R} \tag{6}$$

При больших числах Рейнольдса параметры течения жидкости не зависят от коэффициента вязкости, поэтому $C(Re) \mapsto const$, откуда

$$Q = const \cdot R^{5/2} \sqrt{\frac{\Delta P}{\rho l}} \tag{7}$$

Экспериментальная установка

Схема экспериментальной установки представлена на рис. Поток воздуха поступает через газовый счетчки в металлические трубки, трубки имеют заглушки и отверстия для подключения микроманометра. ??.

Ход работы

Данные изменрений давления от расхода $\Delta P(Q)$ приведены ниже.

ΔP , Πa
9,81
29,42
49,04
68,65
88,26
107,88
127,49
133,38
147,11
166,72
186,33
205,95
225,56
245,18
ΔP , Πa
9,81
29,42
19,61
39,23
49,04
49,04
58,84
·
58,84
58,84 68,65
58,84 68,65 78,46
58,84 68,65 78,46 88,26 127,49 166,72
58,84 68,65 78,46 88,26 127,49

Таблица 1: Для трубки d_1

Ниже на графике крестами выделены точки, начиная с которых начинается турбулетное течение. С помощью МНК построим линейную зависимость для точек, ко-

	d_1	d_2
$k \cdot 10^6$, Па · с / м ³	1,53	0,37
$\sigma_k^{\text{случ}} \cdot 10^6$, $\Pi a \cdot c / \text{ м}^3$	0,02	0,03
$\sigma_k^{\text{сист}} \cdot 10^6$, $\Pi \text{a} \cdot \text{c} / \text{м}^3$	0,02	0,01
$\sigma_k \cdot 10^6$, $\Pi a \cdot c / M^3$	0,03	0,03
$\eta \cdot 10^-6$, $\Pi a \cdot c$	6,96	8,05
$\sigma_{\eta} \cdot 10^{-}6$, $\Pi a \cdot c$	0,38	0,71

Таблица 2: Результаты из МНК и графика

торые предположительно принадлежат ламинарному течению (график и его анализ представлены ниже).

Из формулы Пуазейля имеем:

$$\Delta P = Q \cdot \frac{8\eta l}{\pi R^4} = Q \cdot k$$

Тогда для погрешности систематической получаем (с учётом, что погрешность ΔP есть погрешность измерения высоты столба воды, то есть равна $\sigma_{\Delta P}=0.2\cdot 9.807\cdot \sigma_h=1.9~\Pi a$):

$$\sigma_k^{\text{cuct}} = k \cdot \sqrt{\left(\frac{\sigma_{\Delta P}}{\Delta P_{\text{max}}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_Q}{Q_{\text{max}}}\right)^2}$$

Из МНК имеем, что:

$$k = \frac{\langle Q \cdot \Delta P \rangle - \langle Q \rangle \cdot \langle \Delta P \rangle}{\langle Q^2 \rangle - \langle Q \rangle^2} \tag{8}$$

$$\sigma_k^{\text{\tiny CЛУЧ}} = \sqrt{\frac{1}{N} \cdot \left(\frac{\langle \Delta P^2 \rangle}{\langle Q^2 \rangle} - k^2\right)}$$
 (9)

$$\sigma_k = \sqrt{(\sigma_k^{\text{chyq}})^2 + (\sigma_k^{\text{chct}})^2} \tag{10}$$

$$\sigma_{\eta} = \eta \sqrt{\left(\frac{\sigma_k}{k}\right)^2 + 4^2 \cdot \left(\frac{\sigma_R}{R}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_l}{l}\right)^2} \tag{11}$$

То есть окончательно имеем, что:

$$\eta_1 = (6.96 \pm 0.38) \cdot 10^{-6} \Pi a \cdot c$$

$$\eta_2 = (8.05 \pm 0.71) \cdot 10^{-6} \Pi a \cdot c$$

Далее найдём значение $Re=rac{
ho Q}{\pi R\eta},\,\sigma_{Re}=Re\cdot\sqrt{\left(rac{\sigma_Q}{Q}\right)^2+\left(rac{\sigma_R}{R}\right)^2+\left(rac{\sigma_\eta}{\eta}\right)^2}$ для каждой трубки.

- d_1 : $Q_{\text{крит}} = 0.085 \text{ л/ c}$. To есть $Re = 2304 \pm 140$.
- d_2 : $Q_{\text{крит}} = 0.149 \text{ л/ c}$. То есть $Re = 2370 \pm 208$.

Далее определим длину участка трубы, на котором происходит уставновление потока. Построим график P(x) для каждой трубы. Будем проводить прямую через все точки кроме первой, считая, что на них уже должно было почти установиться течение.

- d_1 . Ожидаемая длина: $l_{\text{уст}} = 0.2 \cdot R_1 \cdot Re = 0.91$ м.
- d_2 . Ожидаемая длина: $l_{\text{уст}} = 0.2 \cdot R_2 \cdot Re = 1.39$ м.

Вывод

Экспериментально исследовались свойства течения газов по тонким трубкам при различ- ных числах Рейнольдса; выявить область применимости закона Пуазейля и с его помощью определить коэффициент вязкости воздуха. Получили вязкость воздуха:

$$\eta_1 = (6.96 \pm 0.38) \cdot 10^{-6} \Pi a \cdot c$$

$$\eta_2 = (8.05 \pm 0.71) \cdot 10^{-6} \Pi a \cdot c$$

Учтя, что $\eta_{\text{табл}} = (1,3) \cdot 10^{-6} \Pi a \cdot c$. Это значение отличается от табличного, возможно это связанно с тем, что был не правильно выбран "нулевой" уровень для измерения давления.

Число Рейнольдса получилось $Re_1=2304\pm140$ и $Re_2=2370\pm208$, что тоже отличается от $Re\sim1000$, что скорее всего также связанно с неправильным выбором "нулевого" уровня.