خاص بكتابة المباراة رقم الامتحان			رقم ا		مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكل مباراة توظيف أساتذة التعليم الأ دورة دجنبر 2021 الموضوع الاسم الشخصى والعائلى:	المملحة المغربية ورازق التربية المولهنية المولهنية ورازق التربية المولهنية والمولمنية والمولمنية والمتحالات المركز الوطني للتقويم والامتحالات			
ساعتان المعامل 1				مدة الإنجاز:	تاريخ ومكان الازدياد: ديداكتيك مادة التخصص		التخصص: الرياضيات		
	خاص بكتابة المباراة 25 الصفحة: 1 على 16			عئــى	طة ديداكتيك مادة التخصص بالأزقام حروف المصحح وتوقيعه :	ورقة اسم	التخصص: الرياضيات الاختبار: اختبار في ديدا التخصص الموضوع / الإجابة		

Consignes et instructions aux candidats

- 1. La feuille sujet c'est une feuille de réponse : le candidat(e) répond sur la copie du sujet ;
- 2. Transcrire toutes les informations personnelles demandées à l'entête de la première page ;
- 3. Chaque candidat(e) n'a le droit d'utiliser qu'une seule copie sujet/réponse ;
- 4. L'épreuve comporte une première partie sous forme de questions à choix multiples et deux parties à questions ouvertes ou fermées ;
- 5. Chaque question de la première partie comporte 4 choix de réponses (A, B, C, D) dont une seule réponse est juste. Avec un stylo à bille (bleu ou noir), on coche la lettre correspondante à la réponse correcte de la façon suivante :

Question:

7+5=

A. 13

B. 11

X 12

D. 14

- 6. La rature ou l'utilisation du Blanco sont strictement INTERDITES;
- 7. Aucun document de quelque nature que ce soit n'est autorisé;
- 8. L'usage de la calculatrice non programmable est permis ;
- 9. L'usage d'un stylo rouge dans la rédaction des réponses est à éviter ;
- 10. L'usage des téléphones mobiles, des tablettes et de tout appareil électronique intelligent est strictement INTERDIT.

. >> ¢

مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حورة دجنبر 2021 الموضوع

الصفحة: 2

التخصص: الرياضيات - الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص على 16

Didactique des mathématiques (25 points)

Première partie:

Choisis la bonne réponse pour chacune des questions suivantes :

Question 1:

Le contrat didactique est :

- A. l'ensemble des savoirs transmis par l'enseignant (e) à l'élève et l'ensemble des représentations de l'élève que l'enseignant (e) cherche à mettre en évidence.
- **B.** l'ensemble de compétences professionnelles pour l'enseignant (e) dans le transfert de connaissances à l'élève et l'ensemble d'activités réalisées par ce dernier.
- C. l'ensemble des comportements de l'enseignant (e) qui sont attendus de l'élève, et de l'ensemble des comportements de l'élève qui sont attendus de l'enseignant (e).
- **D.** l'ensemble des connaissances que l'enseignant (e) transmet à l'élève et l'ensemble des compétences qu'il développe chez lui.

Question 2:

La variable didactique est un paramètre dans une situation – problème dont la variation est susceptible :

- A. d'amener l'élève à acquérir des compétences supérieures.
- B. de provoquer une modification de la stratégie de solution adoptée par l'élève..
- C. d'assurer une mesure du degré de maîtrise des compétences minimales chez l'élève.
- **D.** de provoquer une modification du parcours d'engagement de l'élève dans la résolution.

مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التطيم الثانوي حورة دجنبر 2021 الموضوع التفعيم و الدران بات الافتراد و افتراد في دراكتان لا التنا

الصفحة: 3

التخصص : الرياضيات - الاختبار : اختبار في ديداكتيك مادة التخصص

Question 3:

L'obstacle épistémologique est :

- A. une contrainte d'ordre logique dans la consigne d'une question qui empêche l'élève d'y répondre.
- **B.** une contrainte d'ordre psychogénétique qui entrave l'acquisition d'une connaissance chez l'élève.
- C. une difficulté rencontrée par l'élève au cours de son parcours pouvant gêner ou faciliter son apprentissage.
- **D.** l'ensemble des perturbations qui provoquent la stagnation et la régression d'un savoir scientifique au profit de son progrès.

Question 4:

La transposition didactique est :

- A. le processus selon lequel un savoir savant se transforme en un savoir à enseigner.
- **B.** le processus par lequel s'établissent les règles de la relation pédagogique entre l'enseignant (e) et l'élève.
- C. le processus de transmission du savoir en classe avec la participation centrale de l'élève.
- D. le processus de construction d'un savoir chez l'élève à partir de ses représentations

Question 5:

Le concept de conflit socio-cognitif exprime :

- A. le conflit entre les états dans le domaine de la connaissance.
- B. certains des conflits historiques qui ont marqué l'émergence de certains concepts.
- **C.** l'interaction sociale entre individus et groupes dans le processus de construction d'un savoir.
- D. les différentes attitudes sociétales envers l'importance de la connaissance.

مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حورة دجنبر 2021 الموضوع التخصص: الرياضيات - الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص

الصفحة: 4

Question 6:

La trame conceptuelle permet à l'enseignant (e) :

- A. de garantir l'assimilation du concept à enseigner par les élèves.
- B. de prévoir de façon raisonnée une progression pédagogique.
- C. d'anticiper les erreurs individuelles des élèves.
- D. de connaitre au préalable les questions prospectives des élèves.

Question 7:

Le manuel scolaire est un outil d'apprentissage pour :

- A. l'enseignant (e).
- B. l'élève.
- C. le parent de l'élève.
- **D.** l'inspecteur pédagogique.

Question 8:

Le manuel scolaire est un outil d'enseignement et d'apprentissage :

- A. pour mettre en œuvre les programmes seulement et aider l'élève dans son auto-apprentissage.
- B. pour mettre en œuvre les directives pédagogiques et dispense l'enseignant (e) de la préparation des cours.
- C. pour mettre en œuvre les programmes et les directives pédagogiques sans se substituer à eux.
- D. pour mettre en œuvre les programmes et les directives pédagogiques et s'y substituer.

>

مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حورة دجنبر 2021 الموضوع التخصص : الرياضيات - الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص

الصفحة: 5

على16

Deuxième partie:

T.

Les directives pédagogiques relatives au programme de mathématiques de la deuxième année de l'enseignement secondaire collégial, stipulent que (document 1):

Document 1

- La symétrie axiale est un outil fort dans l'étude des figures géométriques (et particulièrement celles qui sont symétriques). Elle est considérée parmi les acquis des élèves qu'ils ont déjà octroyés et traités au niveau du primaire. Aussi doit-on la renforcer, la rehausser et l'employer dans la résolution des problèmes géométriques divers en vue d'entraîner les élèves à la démonstration et la justification des constructions et des résultats.
- La présentation de la symétrie axiale en tant qu'application du plan, est à éviter. D'ailleurs, toutes ses propriétés (conservation de la distance ; de l'alignement ; de l'aire ; des mesures des angles, ...) doivent être déduites d'activités bien choisies et en s'appuyant sur l'observation, l'expérience et la mesure. On exploite ces activités pour élaborer des démonstrations simples.

Traduit de l'arabe à partir du fascicule des directives pédagogiques générales d'enseignement des mathématiques au secondaire collégial, pp.32 &33. (Direction des curricula et de la vie scolaire, Août, 2009).

1) Où se manifeste l'importance de la symétrie axiale ? Et pourquoi ?	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				

=	
هة: 6	مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حورة دجنبر 2021 الموضوع التخصص: الرياضيات – الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص على16
2	2) Déterminer, à partir du document 1 , la relation dialectique entre la démonstration mathématique et la symétrie axiale ?
••••	
••••	
	3) Pourquoi, à votre avis, la présentation de la symétrie axiale en tant qu'application du plan, est à éviter ?
••••	
• • • •	
• • • •	
••••	
•	4) Identifier, à partir du document 1, des outils à adopter pour présenter les propriétés de la symétrie axiale.
••••	
••••	••••••
• • • •	

الصفحة: 7	ريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حورة دجنبر 2021 الموضوع خصص: الرياضيات – الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص 16
	IV
5) Pour prés	senter une leçon, on utilise les types d'activités suivants : activités de
, .	tion - activités d'introduction - activités de rappel - activités
	ssement - activités d'expansion.
	-
	pes d'activités sont appropriés pour mener le chapitre de la symétrie axiale iveau de la deuxième année collégiale? Justifier votre réponse.
••••••	
6) Proposer	une situation-problème dans laquelle la symétrie axiale est utilisée
, .	un outil de résolution.
••••••	
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
constitués de commun sci (Le candidat)	proposons les documents 2 et 3 (extraits et adaptés d'un manuel scolaire) e cinq activités préparatoires à un chapitre prévu pour le niveau du tronc entifique et technologique du cycle secondaire qualifiant : (e) est tenu(e) de lire attentivement les cinq activités ci-dessous qui sont
questions qui	les documents 2 et 3 sans y répondre, sauf si cela est demandé dans les lui seront adressées et qui apparaîtront immédiatement après la vité du document 3).

الصفحة: 8

مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حدورة دجنبر 2021 الموضوع التخصص: الرياضيات - الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصيص

Document 2

TES PREPARATOIRES

ACTIVITE

Soit (/) un cercle de centre O et de rayon R. On sait que la longueur du cercle (c'est-à-dire son périmètre) est égale à $2\pi R$, et que la longueur d'un demi-cercle est πR . Soient I et M deux points de (C) et a la mesure en degrés de l'angle IOM : IOM=a° et 0≤a≤360

1) Soit ℓ la longueur de l'arc $\widehat{\mathsf{IM}}$. On sait que ℓ est proportionnelle à la mesure a de l'angle \widehat{IOM} . Montrer que : ℓ = a $\times \frac{\pi R}{180}$

2) Il existe une autre unité de mesure des angles, appelée radian de sorte que la mesure de l'angle plat en radians est π et que les mesures en radians et en degrés sont proportionnelles.

Soit α la mesure en radians de l'angle \widehat{IOM} ; on écrit : $IOM = \alpha$ rad Vérifier que : $\frac{a}{180} = \frac{\alpha}{\pi}$. En déduire que : $\ell = \alpha R$ et $0 \le \alpha \le 2\pi$.

3) Recopier et compléter le tableau suivant :

•											
	Mesure de IOM en degrés	0°	3 0°	45°	60°	90°	120°	135°	150°	180°	
	Mesure de ÎOM en degrés										ĺ

<u>Cections alciented for a </u> Dans le cas où R = 1, on a $l = \alpha$ c'est-à-dire que la mesure en radians de l'angle ÎOM est égal à la longueur / de l'arc ÎM .

ACTIVITE

1) Le plan est rapporté à un repère orthogonal (O; i,j).

Soit (U) le cercle de centre O et de rayon 1. Soit I un point de (U). Lorsqu'un point mobile M part du point I et tourne autour du cercle (en décrivant le cercle) dans le sens de la flèche (1) , on dit qu'il tourne dans le sens positif ou direct, en revanche, le sens de la flèche (2) est appelé sens négatif ou indirect.

Lorsqu'on choisit un point I sur (U) et on opte pour un sens positif de rotation autour du cercle, on dit que l'on a orienté le cercle une orientation positive, (U) est alors appelé le cercle trigonométrique.

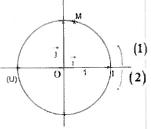
2) Soient (U) le cercle trigonométrique de centre O et x un nombre réel. Lorsque le point M par du point I et tourne autour du cercle (U) dans un sens positif parcourant la distance x si $x \ge 0$ (ou dans le sens négatif parcourant la distance -x si x < 0), on dit que xest une abscisse curvitigne du point M sur (U) et on écrit M(x). Ainsi, on a effectué un repérage du point M sur (U).

Par exemple, lorsque M tourne dans le sens positif et s'arrête en J, alors $x = \frac{\pi}{2}$ est une abscisse curviligne de M c'est-à-dire de J.

Lorsque M tourne dans le sens négatif et s'arrête en J', alors $x = -\frac{\pi}{2}$ est une abscisse curviligne de J'.

a) Donner une explication du résultat suivant : Si x est une abscisse curviligne du point M sur (U), alors x + 2k π (où k \in \mathbb{Z}) est aussi une abscisse curviligne de M. En d'autres termes M(x) et $M'(x + 2k\pi)$ sont deux points confondus de (U).

b) Déterminer, sur la figure, les points d'abscisses curvilignes : $\frac{\pi}{4}$; $\frac{3\pi}{4}$; π ; $\frac{5\pi}{4}$; $\frac{17\pi}{4}$; 25π ; $\frac{31\pi}{2}$; $-\frac{\pi}{4}$; $-\pi$; $-\frac{19\pi}{2}$; $-\frac{37\pi}{4}$; -4π .





الصفحة: 9

مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حدورة دجنبر 2021 الموضوع التخصص: الرياضيات - الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص

M(x)

Cos x

Sin x



Document 3

Soit (U) un cercle trigonométrique de centre O.

I et J sont deux points de (U) tels que (OI) et (OJ) soient perpendiculaires.

Le repère (O;OI,OI) est un repère orthonormal.

Soient x un nombre réel et M le point d'abscisse curviligne x sur le cercle trigonométrique (U).

· L'abscisse de M, dans le repère (O;OI,OJ), s'appelle cosinus x et se note cosx.

• L'ordonnée de M, dans le repère (O;OI,OJ), s'appelle sinus x et se note sinx.

1) Déterminer le cosinus et le sinus de chacun des nombres suivants : 0 ; $\frac{\pi}{2}$ π ; 2π ; $-\frac{\pi}{2}$; $-\pi$; -2π .

2) Soit H le projeté orthogonal de M sur (OI) et soit K le projeté orthogonal de M su (OJ).

a) Dans le cas où $x = \frac{\pi}{6}$, montrer que OMJ est un triangle équilatéral. En déduire $\sin \frac{\pi}{6}$ et $\cos \frac{\pi}{6}$.

b) Dans le cas où $x=\frac{\pi}{4}$, montrer que OMH est un triangle rectangle isocèle. En déduire $\cos\frac{\pi}{4}$ et $\sin\frac{\pi}{4}$. c) Dans le cas où $x=\frac{\pi}{3}$, montrer que OIM est un triangle équilatéral. Calculer $\cos\frac{\pi}{3}$ et $\sin\frac{\pi}{3}$.

3) Montrer que $\cos^2 x + \sin^2 x = 1$ (c'est-à-dire $(\cos x)^2 + (\sin x)^2 = 1$).



Soient M(x) un point de (U), d'abscisse curviligne x, et k un nombre entier relatif.

1) Sur (U), représenter les points $M_1(x+k(2\pi))$, $M_2(\frac{\pi}{2}-x)$, $M_3(\frac{\pi}{2}+x)$, $M_4(\pi-x)$, $M_6(\pi+x)$ et $M_6(-x)$.

2) Montrer que : $cos(x + k(2\pi)) = cosx$ et $sin(x + k(2\pi)) = sinx$.

Montrer que M_s est le symétrique de M par rapport à l'axe des abscisses.

En déduire que : $\cos(-x) = \cos x$ et $\sin(-x) = -\sin x$. 4) Soit H₂ le projeté orthogonal de M₂ sur (OI). Montrer que les triangles OMH et OM₂H₂ sont isométriques (H étant le projeté orthogonal de M su (OI)). En déduire que : $\cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \sin x$ et $\sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \cos x$.

5) Montrer que M3 est le symétrique de M2 par rapport à l'axe des ordonnées.

En déduire $\cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right)$ et $\sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right)$.

6) Montrer que M4 est le symétrique de M par rapport à l'axe des ordonnées et que M5 est le symétrique de M par rapport à O. En déduire cos $(\pi - x)$ et sin $(\pi - x)$.

ACTIVITE

Soit $L = [-\pi; \pi]$ et $x \in L$.

1) a) Représenter, sur le cercle trigonométrique, les points dont l'abscisse curviligne x vérifie : $\cos x = \frac{1}{2}$.

b) Indiquer, sur le cercle trigonométrique, les points dont l'abscisse curviligne x vérifie $\cos x \le \frac{1}{2}$. En utilisant une couleur différente, dessiner les points du cercle trigonométrique dont l'abscisse curviligne x vérifier : $\cos x \ge \frac{1}{2}$.

c) Déterminer dans L les solutions de l'équation $\cos x = \frac{1}{2}$ et de chacune des deux inéquations $\cos x \le \frac{1}{2}$ et $\cos x \ge \frac{1}{2}$.

2) a) Représenter, sur le cercle trigonométrique, les points dont l'abscisse curviligne x vérifie : $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$. b) Indiquer, par deux couleurs différentes, les points du cercle trigonométrique dont l'abscisse curviligne x vérifie $\sin x \le \frac{\sqrt{2}}{2}$ et ceux tels que : $\sin x \ge \frac{\sqrt{2}}{2}$.

c) Déterminer dans L les solutions de l'équation $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ puis les solutions de chacune des inéquations $\sin x \leq \frac{\sqrt{2}}{2}$ et $\sin x \geq \frac{\sqrt{2}}{2}$.

	- 0
، الأطر النظامية للأكادر	مباريات لتوظيف
ياضيات - الاختبار: ا	التخصص: الر
	على16

الصفحة: 10	مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حدورة دجنبر 2021 الموضوع التخصص: الرياضيات - الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص على 16
Les questions a	dressées au candidat (e) :
1) Donner ur	n titre convenable à ce chapitre.
2) Proposer i	un titre pour chaque activité des deux documents 2 et 3.
••••••	
3) Quelles so activités ?	ont les connaissances et les techniques essentielles pour traiter ces
4) a) Traiter	l'activité 4 du document 3.
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••

الصفحة: 11	مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي ــدورة دجنبر 2021 ــ الموضوع التخصص: الرياضيات ــ الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص على16

b) Quelle l'activité	s sont les difficultés que l'élève peut rencontrer lors du traitement de 4 ?

c) Identif	ier deux causes à l'origine de ces difficultés ?
5) Le manie Mentionr cette pos	ement du cercle trigonométrique est un objectif principal de ce chapitre. ner deux logiciels en géométrie qui pourraient y contribuer, en justifiant sibilité.



مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حدورة دجنبر 2021 الموضوع التخصص: الرياضيات - الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص

الصفحة: 12

6) On vous propose, dans cette question, l'énoncé d'une situation présenté par un enseignant de mathématiques à ses élèves dans une classe du tronc commun scientifique, accompagné de la réponse d'un élève :

L'énoncé de la situation (document 4) :

Document 4

Soit x un réel de l'intervalle $\left|0, \frac{\pi}{2}\right|$ tel que : $\cos(x)\sin(x) = \frac{1}{2}$

Montrer que cos(x) = sin(x) puis déduire la valeur de x.

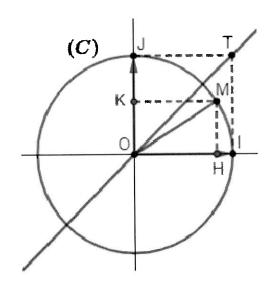
La réponse de l'élève :

On considère le cercle trigonométrique (C) et le repère orthonormé qui lui est attaché (O,I,J). Soit M(x) un point du cercle (C) et H et Kses projetés orthogonaux respectifs sur (OI) et (OJ).

On considère le point T(1;1).

On remarque que l'aire du rectangle OHMK vaut la moitié de l'aire du carré OITJ quand le point M appartient à la droite (OT). Dans ce cas, le rectangle *OHMK* est un carré et son aire devient minimale. On obtient donc:

$$cos(x) = sin(x)$$
. Par suite : $x = 45^{\circ}$



الصفحة: 13	مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي ــدورة دجنبر 2021 الموضوع التخصص: الرياضيات ــ الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصيص
	على16
a) Dans que	l cadre s'inscrit la réponse de l'élève ?
b) Quels out	ils l'élève a-t-il utilisés dans la solution ?
••••••	••••••
•••••	
c) Identifier	les erreurs contenues dans la réponse de l'élève ?
••••••	***************************************
•••••	
·	les modifications nécessaires à la réponse de l'élève en s'aidant d'une tion géométrique de la situation proposée ?
•••••	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••	

><

مباريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حدورة دجنبر 2021 الموضوع

التخصص: الرياضيات - الأختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص

على16

Troisième partie:

Un enseignant a proposé à ses élèves d'une classe de la première année du baccalauréat, section sciences économiques, la situation suivante (document 5):

Document 5

Le mobilier d'une bibliothèque doit être changé pour contenir au moins 4400 livres de petit format et 2600 livres de grand format.

Un premier fournisseur propose des meubles de type A pouvant contenir 110 livres de petit format et 100 livres de grand format pour un prix de 4000 DH.

Un deuxième fournisseur propose des meubles de type B pouvant contenir 220 livres de petit format et 100 livres de grand format pour un prix de 6000 DH.

Par ailleurs le responsable de la bibliothèque a pour consigne de ne passer aucune commande supérieure à 96000 DH chez un même fournisseur.

Déterminer le nombre de meubles à commander chez chacun des fournisseurs pour que la dépense soit minimale.

Phases Tâches	Tâches de l'enseignant	Tâches de l'élève
Présentation et appropriation de la situation		

بنبر 2021 الموضوع الصفحة: 5	ات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي دورة د. صص: الرياضيات – الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص 1
Recherche	
Partage et échange	
Institutionnalisation du résultat	
2) Proposer une solution à cette	situation.

الصفحة: 16	باريات لتوظيف الأطر النظامية للأكاديميات: أساتذة التعليم الثانوي حدورة دجنبر 2021 الموضوع لتخصص: الرياضيات - الاختبار: اختبار في ديداكتيك مادة التخصص المي16

	•••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
••••	