

Modelos matemáticos de epidemias

...

Isaias Martinez Vieyra A00988525

Carlos Eduardo Muñoz González A01332264

Modelo matemático “SI”

Variables:

$S(t)$ Individuos susceptibles

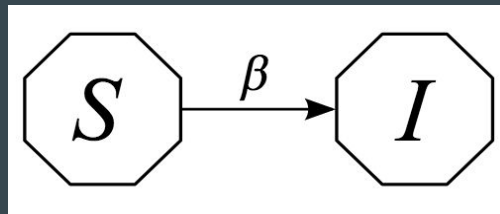
$I(t)$ Individuos infectados

$N=S(t)+I(t)$ Dada una población fija

β = Tasa de infección

$$\frac{dS}{dt} = -\lambda I(t)S(t)/N$$
$$\frac{dI}{dt} = \lambda I(t)S(t)/N$$

```
def SI(S, I, N):  
    t = 0  
    while (t < 5_000):  
        S, I = S - beta * (S * I / N), I + beta * ((S * I) / N)  
        sus.append(S)  
        inf.append(I)  
        prob.append(p)  
        t = t + 1
```



Modelo matemático “SIR”

Variables:

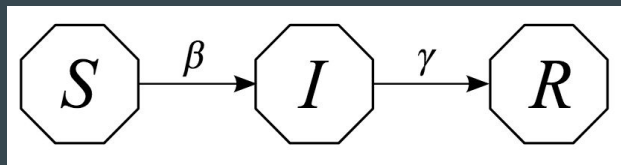
$S(t)$ Individuos susceptibles (personas)

$I(t)$ Individuos infectados (personas)

$R(t)$ individuos curados de la enfermedad (personas)

β = tasa de infección (personas * días)

γ = tasa de recuperación (días)



Dada una población fija $N=S(t)+I(t)+R(t)$

```
def SIR(sir, t):
```

```
    S = - (beta * sir[0] * sir[1])/N
```

```
    I = (beta * sir[0] * sir[1])/N - gamma * sir[1]
```

```
    R = gamma * sir[1]
```

```
    SIR = [S, I, R]
```

```
    return SIR
```

$$\begin{aligned}\frac{dS}{dT} &= -\beta SI \\ \frac{dI}{dT} &= \beta SI - \gamma I \\ \frac{dR}{dT} &= \gamma I\end{aligned}$$

Caso 1 “Mutación de Virus” SI

Definimos variables

$N = 7,500,000,000$

$I = 1$

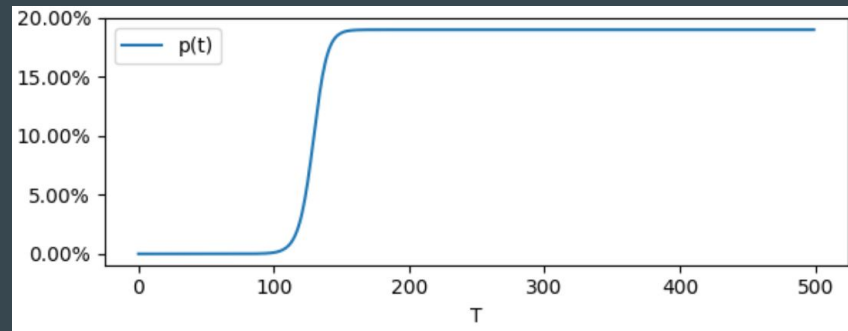
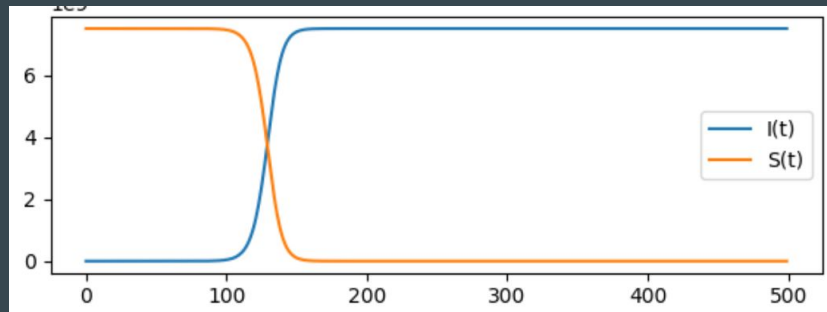
$S = N - I$

$\beta = 0.19$ “Moderado”

$D = 500$ días

Resultados:

SI



Caso 1 “Mutación de Virus” SIR

Definimos variables

$N = 7,500,000,000$

$I = 1$

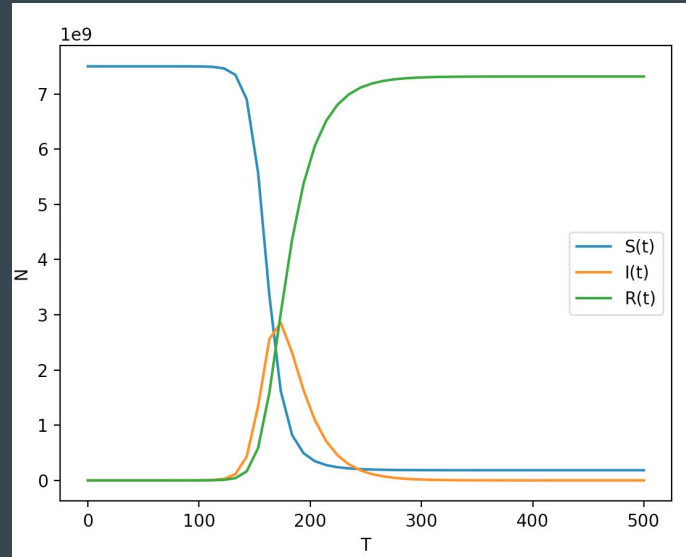
$S = N - I$

$\beta = 0.19$ “Moderado”

$\gamma = 0.05$

$D = 500$ días

Resultados:



Caso 2 “Bioterrorismo” SI

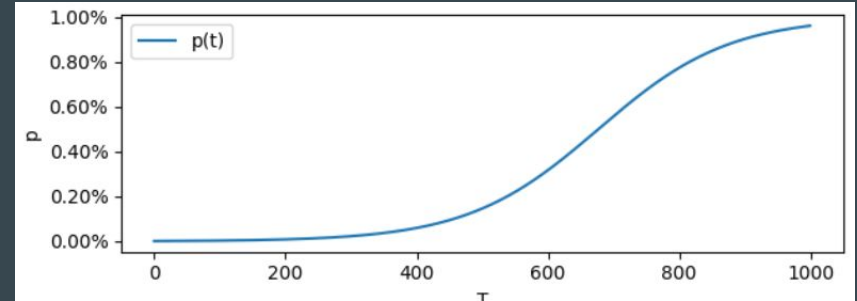
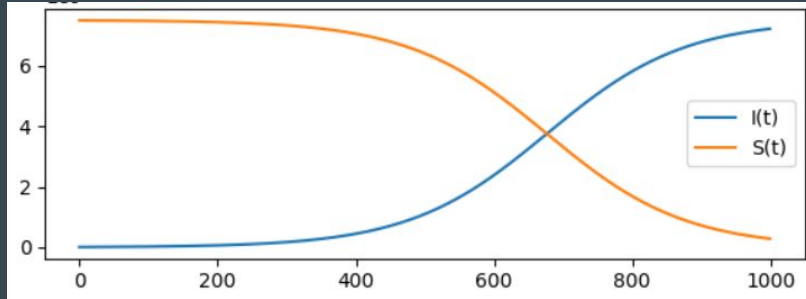
Definimos variables

$N = 7,500,000,000$ $I = 8,800,000$ $S = N - I$

$\beta = 0.01$ “Extremadamente bajo” $D = 1000$ días

- Población : CDMX

Resultados:



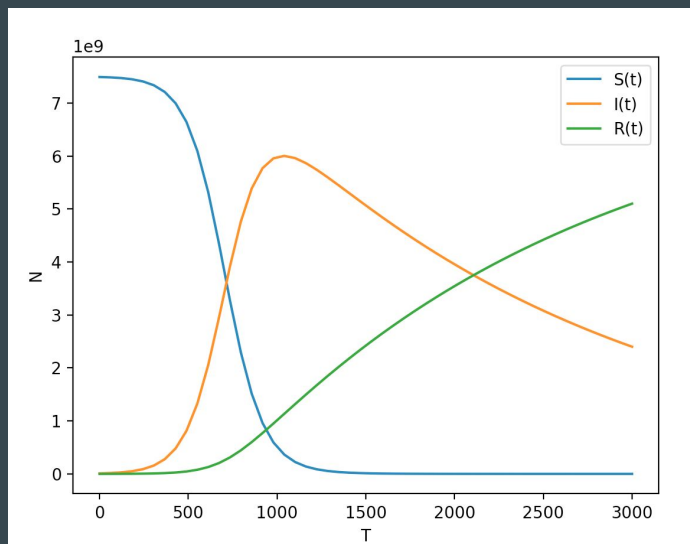
Caso 2 “Bioterrorismo” SIR

Definimos variables

$N = 7,500,000,000$ $I = 8,800,000$ $S = N - I$ $\beta = 0.01$ “Muy bajo”
 $\gamma = 0.0005$ “extremadamente bajo” $D = 3000$ días

- Población : CDMX

Resultados:



Caso 3 “Accidente de Manipulación” SI

Definimos variables

$N = 7,500,000,000$

$I = 1,217$

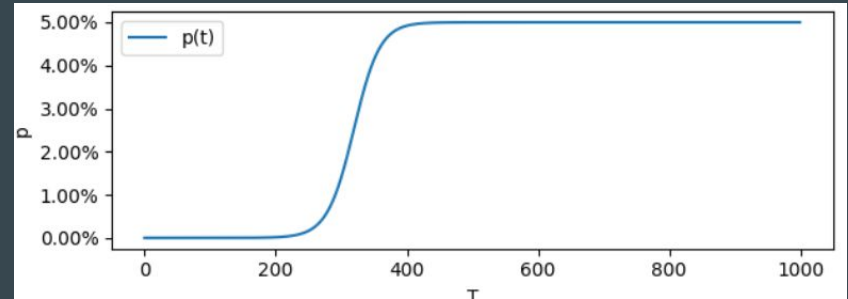
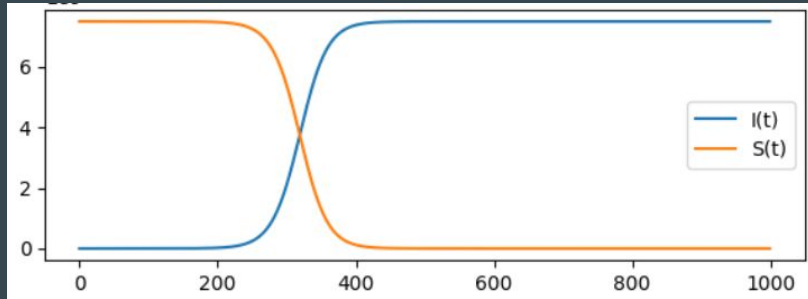
$S = N - I$

$\beta = 0.05$ “bajo”

$D = 1000$ días

Población : Tupátaro Gto

Resultados:



Caso 3 “Accidente de Manipulación” SIR

Definimos variables

$N = 7,500,000,000$

$I = 1,217$

$S = N - I$

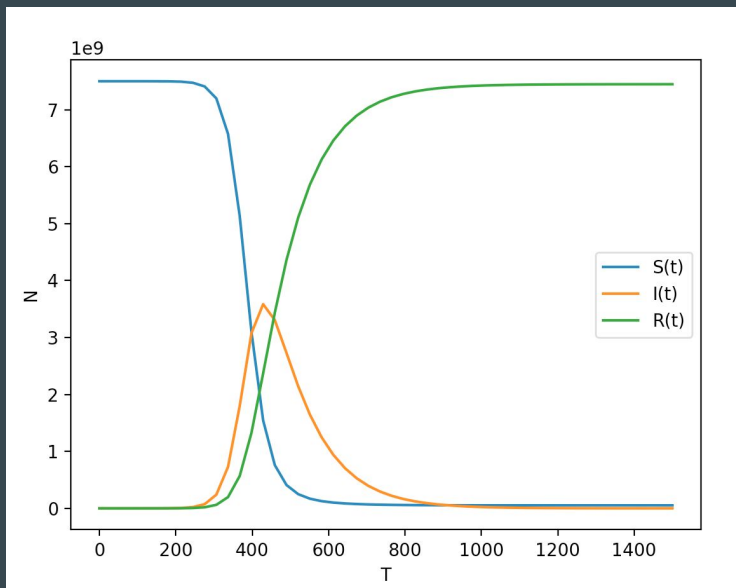
$\beta = 0.05$ “bajo”

$\gamma = 0.01$ “muy bajo”

$D = 1500$ días

Población : Tupátaro Gto

Resultados:



Caso 4 “Virus Animales” SI

Definimos variables

$N = 7,500,000,000$

$I = 1,217$

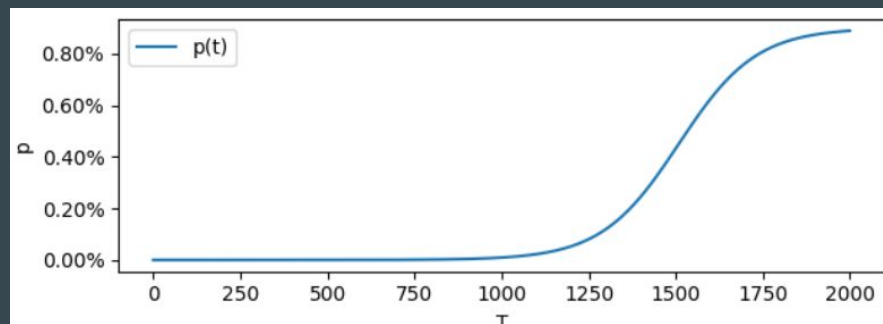
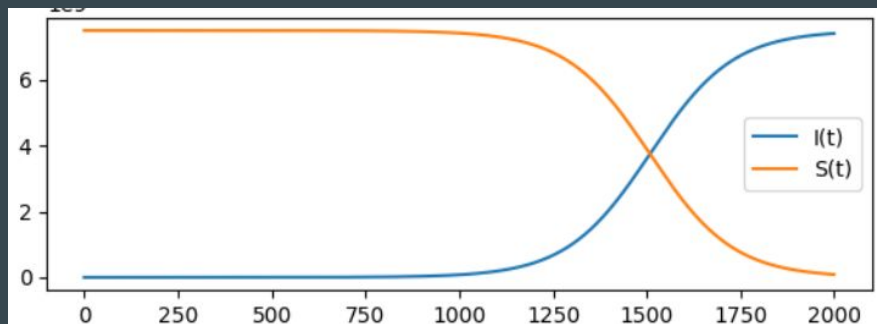
$S = N - I$

$\beta = 0.05$ “bajo”

$D = 2000$ días

Población : Tupátaro Gto

Resultados:



Caso 4 “Virus Animales” SIR

Definimos variables

$N = 7,500,000,000$

$I = 1,217$

$S = N - I$

$\beta = 0.05$ “bajo”

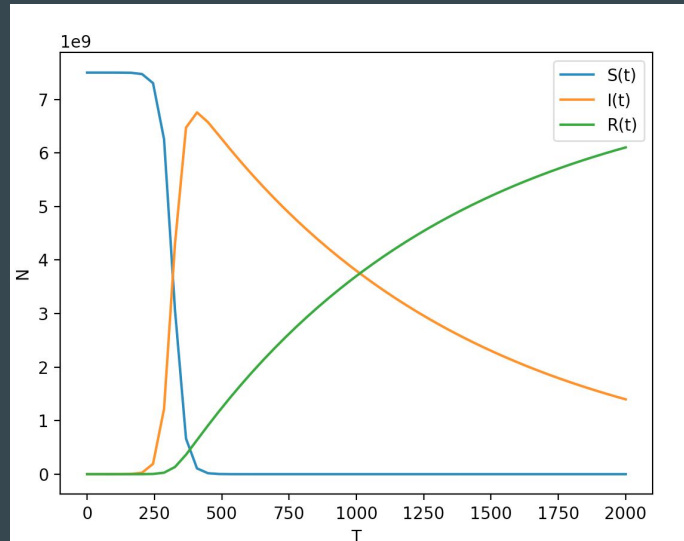
$\gamma = 0.001$ “extremadamente

bajo”

$D = 2000$ días

Población : Tupátaro Gto

Resultados:



Referencias

https://www.cdc.gov/zika/pdfs/Zika_Key_Messages_SPA_PR.pdf

https://biblioteca.unirioja.es/tfe_e/TFE002211.pdf

<http://www.golfxsconprincipios.com/golfxsconprincipios/porcentajes-de-probabilidad-de-contagio-de-ets/>

<http://www.sandiegouniontribune.com/hoy-san-diego/sdhoy-matematica-determina-probabilidad-de-contagio-de-2016jun28-story.html>

<http://www.medintensiva.org/es-sars-epidemiologia-mecanismos-transmision-articulo-13055984>

Hasler, Jordan. *SI Epidemics Model*. **Sept. 30, 2013**