Balance de materia IMClick Project

Problema 1. Si la gasolina tiene un precio de US \$1.609 por galón. ¿Cuál es su precio en dólares por litro?

Un litro de gasolina cuesta US \$0.4250

Problema 2. La Tierra tiene una masa de $5.98 \times 10^{24} \text{ kg y un radio de } 6.38 \times 10^6 \text{ m}$.

- a) ¿Cuál es la masa por unidad de volumen de la Tierra en kg/m³?
- b) ¿Cuál es la masa por unidad de volumen de un núcleo de oro que tiene una masa de 3.27 x 10^{-25} kg y un radio de 6.98 x 10^{-15} m?
- c) ¿Cuál sería el radio de la Tierra si su masa no cambiara, pero tuviera la misma masa por unidad de volumen que el núcleo de oro?

a)
$$\text{Volumen} = \frac{4\pi r^3}{3} = \frac{4\pi (6.38 \times 10^6 \text{ m})^3}{3} = 1.0878 \times 10^{21} \text{ m}^3$$

$$\frac{\text{Masa}}{\text{Volumen}} = \frac{5.98 \times 10^{24} \text{ kg}}{1.0878 \times 10^{21} \text{ m}^3} = 5.4973 \times 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$
 b)
$$\text{Volumen} = \frac{4\pi r^3}{3} = \frac{4\pi (6.98 \times 10^{-15} \text{ m})^3}{3} = 1.4245 \times 10^{-42} \text{ m}^3$$

$$\frac{\text{Masa}}{\text{Volumen}} = \frac{3.27 \times 10^{-25} \text{ kg}}{1.4245 \times 10^{-42} \text{ m}^3} = 2.2956 \times 10^{17} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$
 c)
$$\frac{\text{Masa}}{\text{Volumen}} = \frac{5.98 \times 10^{24} \text{ kg}}{\text{Volumen}} = 2.2956 \times 10^{17} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\text{Volumen} = \frac{5.98 \times 10^{24} \text{ kg}}{2.2956 \times 10^{17} \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} = 2.6050 \times 10^7 \text{ m}^3 = \frac{4\pi r^3}{3}$$

$$r = \sqrt[3]{\frac{3(\text{Volumen})}{4\pi}} = \sqrt[3]{\frac{3(2.6050 \times 10^7 \text{ m}^3)}{4\pi}} = 183.8964 \text{ m}$$

Problema 3. Al analizarse una solución salina cuya densidad relativa es 1.16, se determina que contiene $23.5~\rm g$ de NaCl por cada $1500~\rm cm^3$ de solución.

- a) ¿Cuál es el porcentaje en masa de NaCl en la solución?
- b) Si se desea mantener la misma relación másica ¿Cuántos kg de NaCl se deberán disolver para dar 500 L de solución? ¿Cuánta agua se necesitará?

a)
$$\rho_{\rm relativa} = \frac{\rho_{\rm solución}}{\rho_{\rm referencia}} = \frac{\rho_{\rm solución}}{1~\frac{\rm g}{\rm cm^3}} = 1.16$$

$$\rho_{\rm solución} = (1.16)(1~\frac{\rm g}{\rm cm^3}) = 1.16~\frac{\rm g}{\rm cm^3}$$

$$\frac{1500~{\rm cm^3~de~solución}}{1~{\rm cm^3~de~solución}} = 1740~{\rm g~de~solución}$$

En $1500~\mathrm{cm^3}$ de solución hay $1740~\mathrm{g}$ de solución y $23.5~\mathrm{g}$ de NaCl:

% en masa de NaCl =
$$\frac{\text{masa de NaCl}}{\text{masa de solución}} \times 100\,\% = \frac{23.5~\text{g}}{1740~\text{g}} \times 100\,\% = 1.3506\,\%$$

b)
$$\frac{500 \text{ L de solución}}{1 \text{ litro de solución}} \frac{1000 \text{ cm}^3 \text{ de solución}}{1 \text{ 500 cm}^3 \text{ de solución}} \frac{23.5 \text{ g de NaCl}}{1 \text{ 500 cm}^3 \text{ de solución}} \frac{1 \text{ kg de NaCl}}{1000 \text{ g de NaCl}} = 7.8333 \text{ kg de NaCl}$$

En 500 L de solución hay 7.8333 kg de NaCl

Balance de materia IMClick Project

Como la solución está compuesta de agua y NaCl, en 500 L de solución hay 580 kg de solución - 7.8333 kg de NaCl = 572.1667 kg de agua

Problema 4. Por una tubería de 1.049 in de diámetro interior y 1.4 mi de longitud viaja un fluido más ligero que el agua que tiene una densidad relativa de 0.826. Determine:

- a) La cantidad de m³ de fluido contenido en la tubería.
- b) La masa de fluido contenido en la tubería.
- c) El flujo volumétrico si el fluido viaja a velocidad de 3 m/s.

a)
$$\text{Volumen} = \pi r^2 h = \frac{\pi \left(\frac{1.049}{2} \text{ in}\right)^2 (1.4 \text{ mi})}{\left(39.37 \text{ in}\right)^2} \frac{1 \text{ m}}{0.0006214 \text{ mi}} = 1.2562 \text{ m}^3$$
 b)
$$\rho_{\text{relativa}} = \frac{\rho_{\text{solución}}}{\rho_{\text{referencia}}} = \frac{\rho_{\text{solución}}}{1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}} = 0.826$$

$$\rho_{\text{solución}} = (0.826)(1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}) = 826 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

$$\text{Masa} = \frac{1.2562 \text{ m}^3}{1 \text{ m}^3} \frac{826 \text{ kg}}{1 \text{ m}^3} = 1037.6404 \text{ kg}$$
 c)

Para que el fluido recorra todo el tubo requiere:

Flujo volumétrico =
$$\frac{\text{Volumen}}{\text{Tiempo}} = \frac{1.2562 \text{ m}^3}{750.9924 \text{ s}} = 1.6728 \text{ x } 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

Problema 5. Una mezcla contiene 20 % mol de alcohol metílico (CH₃OH), 65 % mol de benceno (C₆H₆) y 15 % mol de ácido sulfúrico (H₂SO₄) [C, MM = 12 g/mol; H, MM= 1 g/mol; O, MM = 16 g/mol; S, MM = 32 g/mol].

- a) Calcule las fracciones másicas para cada compuesto.
- b) ¿Cuál es el peso molecular promedio de la mezcla?
- c) ¿Cuál sería la masa (en kg) de una muestra de la mezcla de 15 kmol?

a)

Sabemos que cualquier cantidad de la mezcla tendrá la misma composición másica y molar, además que en 100 moles hay 20 moles de CH_3OH , 65 moles de C_6H_6 y 15 moles de H_2SO_4 . La masa molecular del CH_3OH , C_6H_6 y H_2SO_4 es [12+1(3)+16+1] g/mol = 32 g/mol, [12(6)+1(6)] = 78 g/mol y [1(2)+32+16(4)] g/mol = 98 g/mol, respectivamente:

Por lo que en 100 moles de la mezcla hay (640+5070+1470) g = 7180 g de mezcla:

Balance de materia IMClick Project

$$x_{\rm CH_3OH} = \frac{\rm Masa~de~CH_3OH}{\rm Masa~total} = \frac{640~\rm g}{7180~\rm g} = 0.08914$$

$$x_{\text{C}_6\text{H}_6} = \frac{\text{Masa de C}_6\text{H}_6}{\text{Masa total}} = \frac{5070 \text{ g}}{7180 \text{ g}} = 0.70613$$

$$x_{\text{H}_2\text{SO}_4} = \frac{\text{Masa de H}_2\text{SO}_4}{\text{Masa total}} = \frac{1470 \text{ g}}{7180 \text{ g}} = 0.20474$$

b)

Sea n la cantidad de compuestos (en este problema n=3):

$$\overline{\text{MM}} = \sum_{i=1}^{n} y_i(\text{MM}_i) = y_{\text{CH}_3\text{OH}}(\text{MM}_{\text{CH}_3\text{OH}}) + y_{\text{C}_6\text{H}_6}(\text{MM}_{\text{C}_6\text{H}_6}) + y_{\text{H}_2\text{SO}_4}(\text{MM}_{\text{H}_2\text{SO}_4})$$

$$\overline{\text{MM}} = (0.20)(32 \text{ g/mol}) + (0.65)(78 \text{ g/mol}) + (0.15)(98 \text{ g/mol})$$

$$\overline{\mathrm{MM}} = 71.8 \ \mathrm{g/mol} = 71.8 \ \mathrm{kg/kmol}$$

c)