

Structures de Données

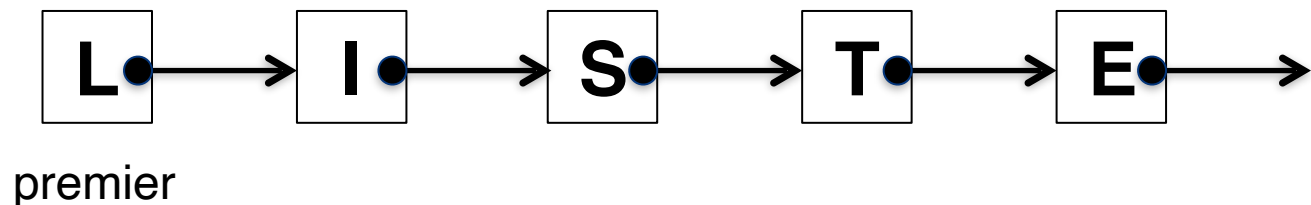
Séance 2 – Liste chaînée

INFRES 12 – janvier 2020

Liste chaînée

Liste chaînée

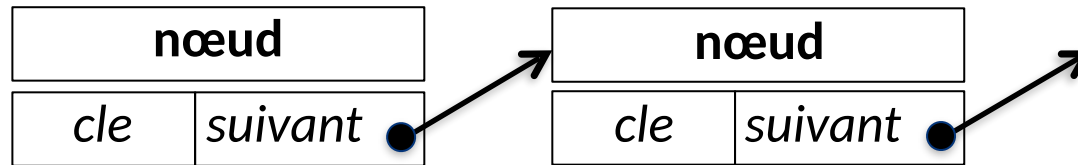
- Structure de données permettant de représenter un ensemble d'éléments (appelés **nœuds**) possédant chacun une valeur (appelée **clé**) et un **lien** vers le nœud suivant.



- Accès à la liste par son premier élément

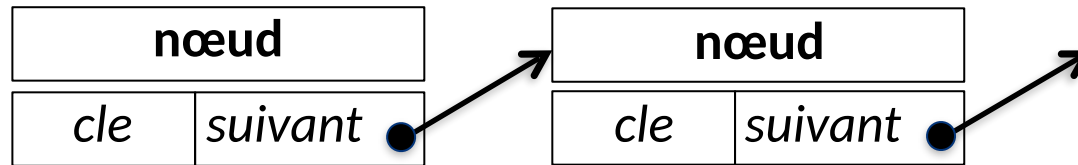
Liste chaînée

Première implantation



Liste chaînée

Première implantation



```
struct noeud {  
    char cle;    // char ou tout autre type  
    struct noeud *suivant; // pointeur  
};
```

Liste chaînée vs Tableau

- Avantages :

Indice	Valeur
0	T
1	A
2	B
3	L
4	E
5	A
6	U

- Inconvénients :



Liste chaînée vs Tableau

- Avantages :

- Pas de taille fixée à l'avance
- Facile à réordonner

- Inconvénients :

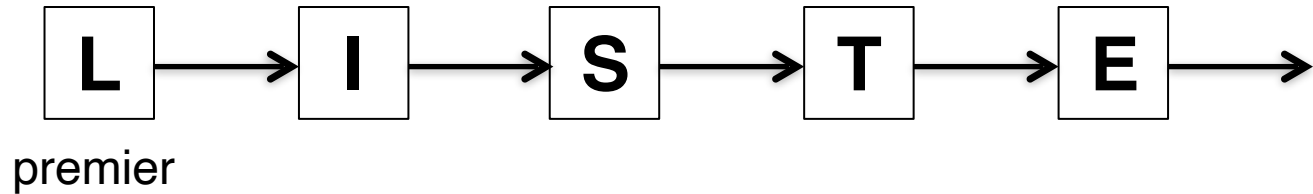
- pas d'accès direct à un élément
- plus de mémoire utilisée pour une même taille

Indice	Valeur
0	T
1	A
2	B
3	L
4	E
5	A
6	U



Liste chaînée – Insertion

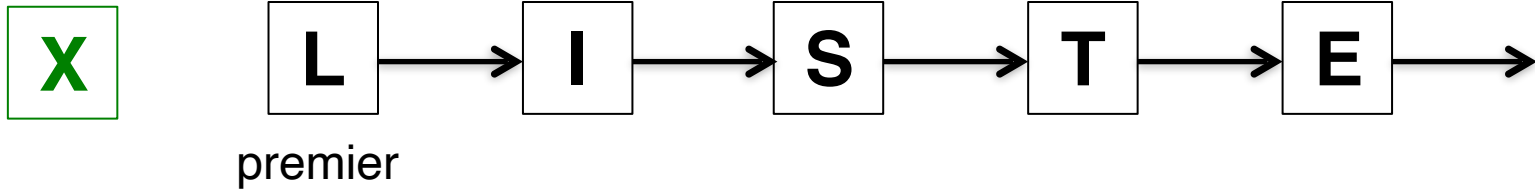
Différents cas à considérer



X ?

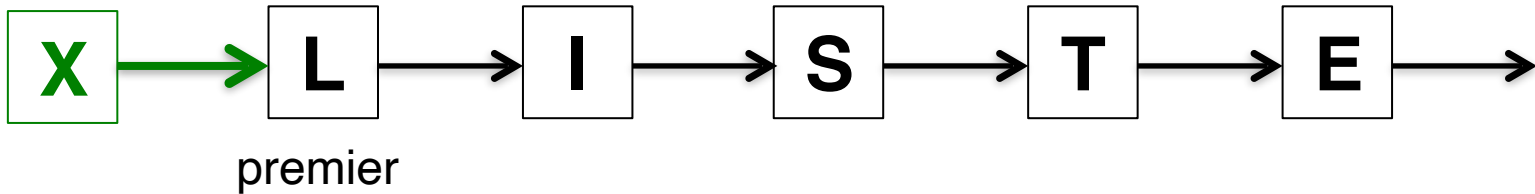
Liste chaînée – Insertion (1)

1. Insertion en tête : création du nœud



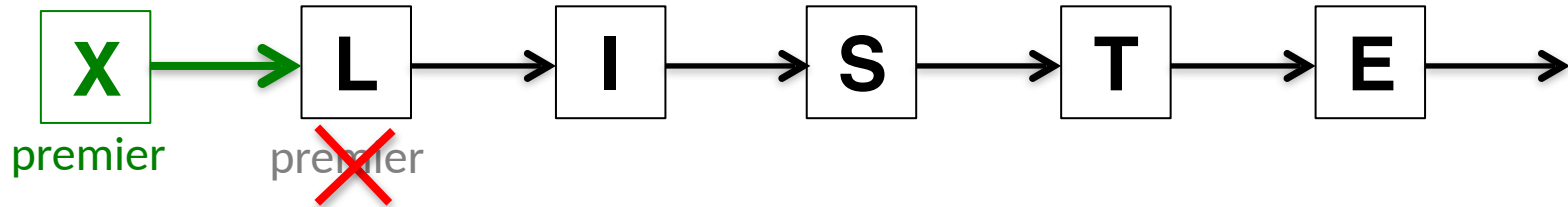
Liste chaînée – Insertion (1)

1. Insertion en tête : lien avec le premier



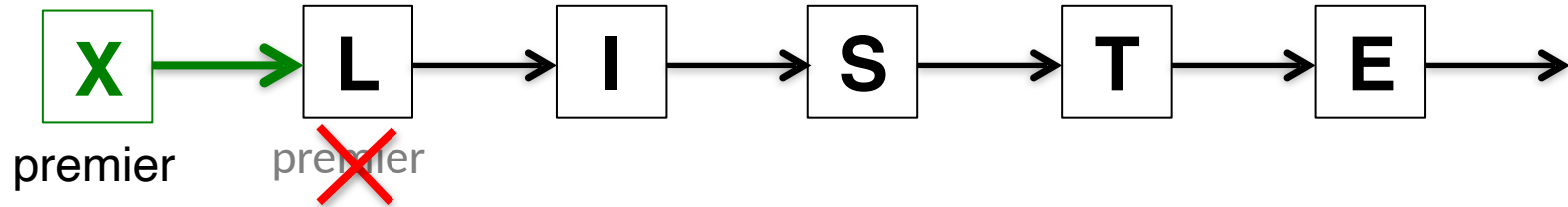
Liste chaînée – Insertion (1)

1. Insertion en tête : nouveau premier



Liste chaînée – Insertion (1)

1. Insertion en tête : nouveau premier



création du nœud x
x->suivant = premier
premier = x

Liste chaînée – Insertion (2)

2. Cas général : création du nœud

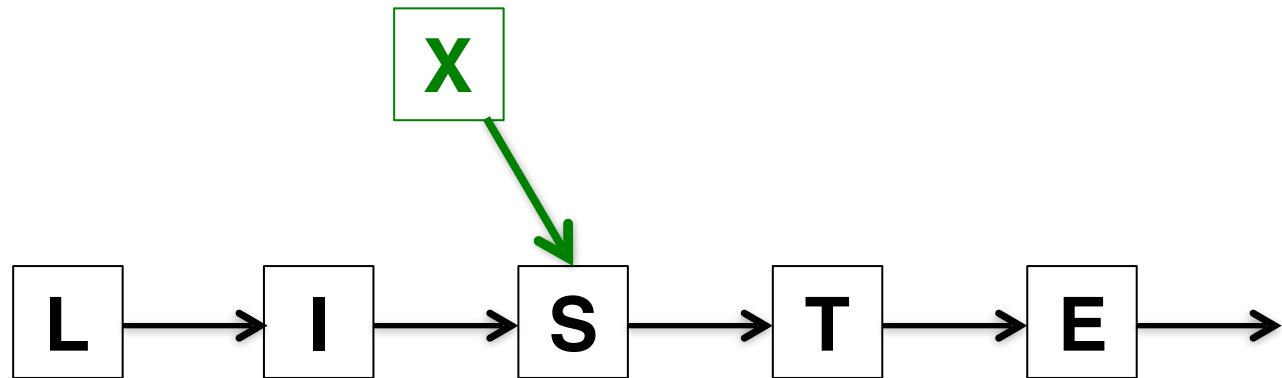
X



création du nœud

Liste chaînée – Insertion (2)

2. Cas général : suivant de x

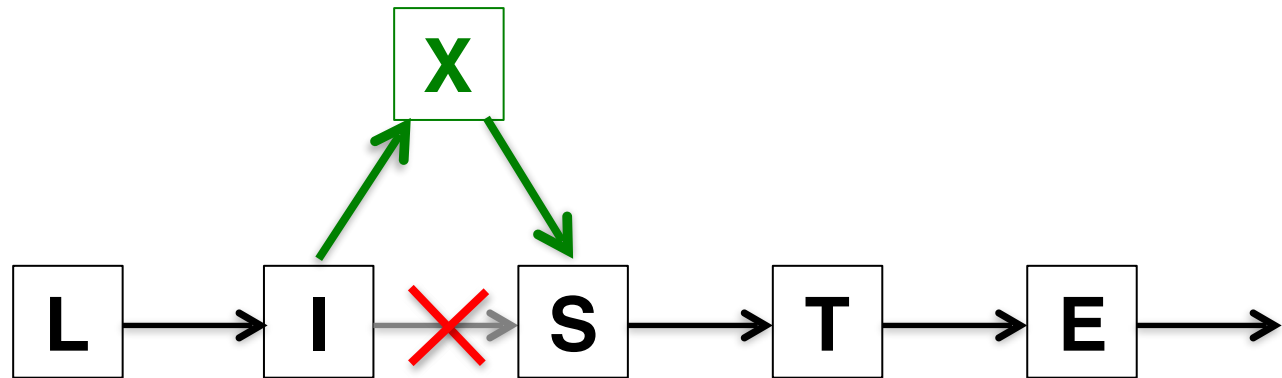


création du nœud

$x \rightarrow \text{suivant} = i \rightarrow \text{suivant}$

Liste chaînée – Insertion (2)

2. Cas général : précédent de x



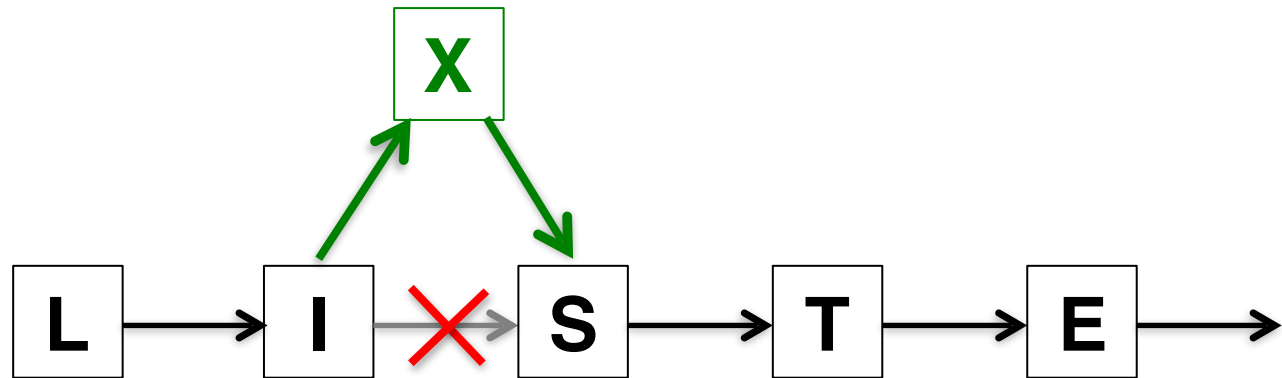
création du nœud

$x \rightarrow \text{suivant} = i \rightarrow \text{suivant}$

$i \rightarrow \text{suivant} = x$

Liste chaînée – Insertion (2)

2. Cas général : récapitulatif



création du nœud

$x \rightarrow \text{suivant} = i \rightarrow \text{suivant}$

$i \rightarrow \text{suivant} = x$

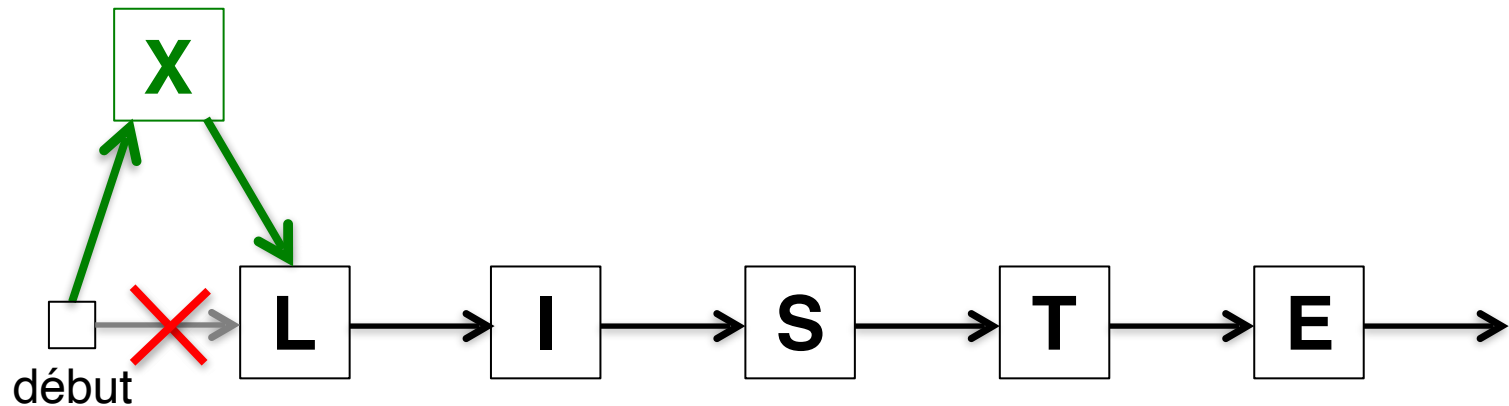
// Seul le nœud précédent (ici i) doit être connu.

Liste chaînée – Insertion (3)

3. Comment se ramener à un seul cas d'insertion ?

Liste chaînée – Insertion (3)

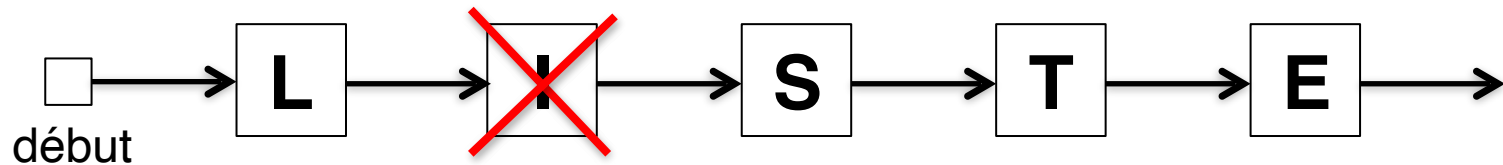
3. Comment se ramener à un seul cas d'insertion ?
=> Nœud sentinelle de début



- Généralisation : **insérerAprès**(cle, nœud)

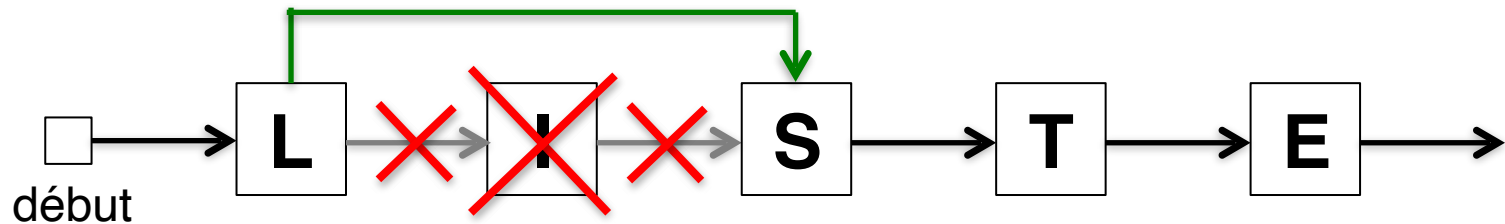
Liste chaînée - Suppression

- Avec nœud sentinelle de début



Liste chaînée - Suppression

- Avec nœud sentinelle de début : un seul cas

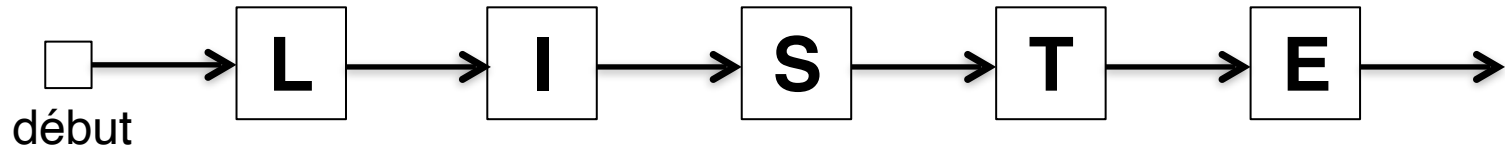


$L \rightarrow \text{suivant} = L \rightarrow \text{suivant} \rightarrow \text{suivant}$

// Seul le nœud précédent doit être connu (ici L)

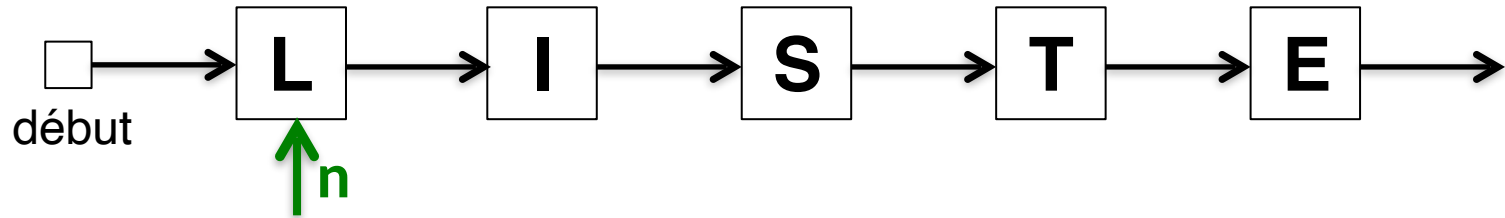
- Généralisation : **supprimerAprès(nœud)**

Liste chaînée – Parcours



Boucle pour parcourir tous les nœuds de la liste ?

Liste chaînée – Parcours

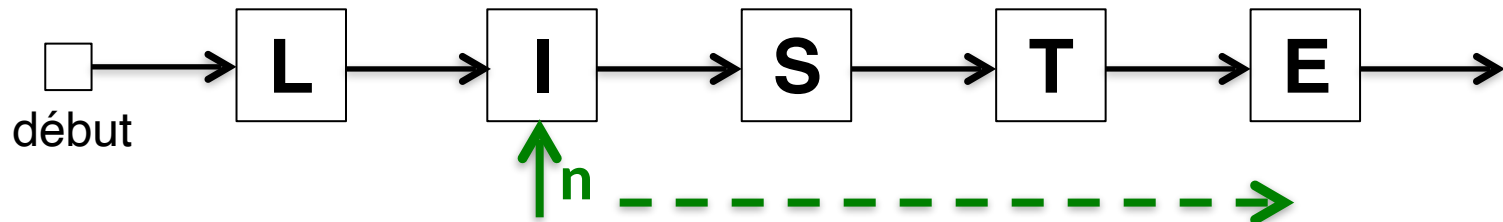


Boucle pour parcourir tous les nœuds de la liste ?

// premier nœud

```
struct noeud *n = debut->suivant;
```

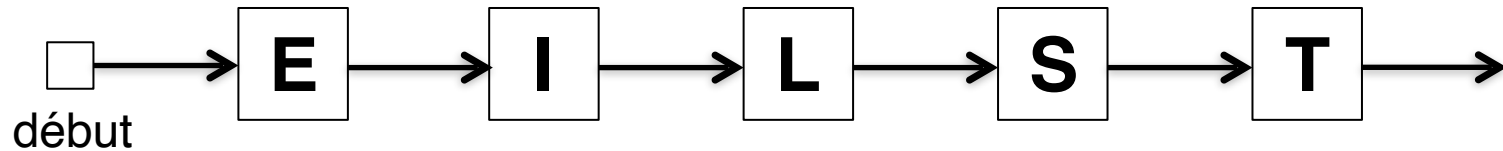
Liste chaînée – Parcours



Boucle pour parcourir tous les nœuds de la liste ?

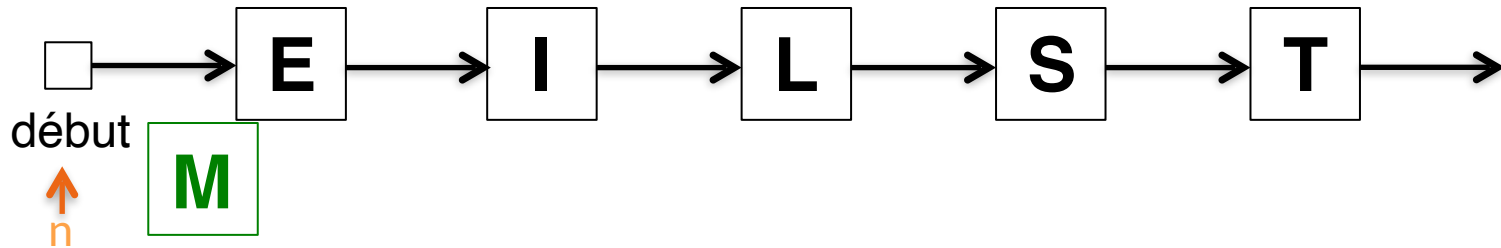
```
// premier nœud
struct noeud *n = debut->suivant;
// itération sur les suivants
while (n != NULL) {
    n = n->suivant;
}
```

Liste chaînée – Insertion ordonnée



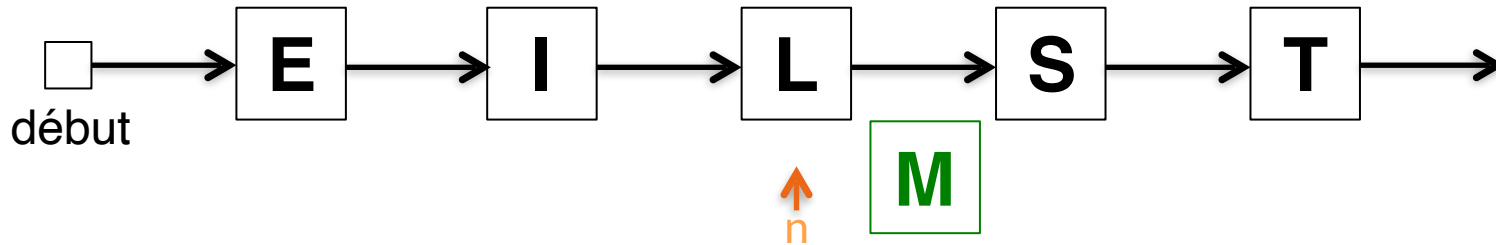
M

Liste chaînée – Insertion ordonnée



```
// Recherche du premier nœud plus grand que M  
struct noeud *n = debut;
```

Liste chaînée – Insertion ordonnée

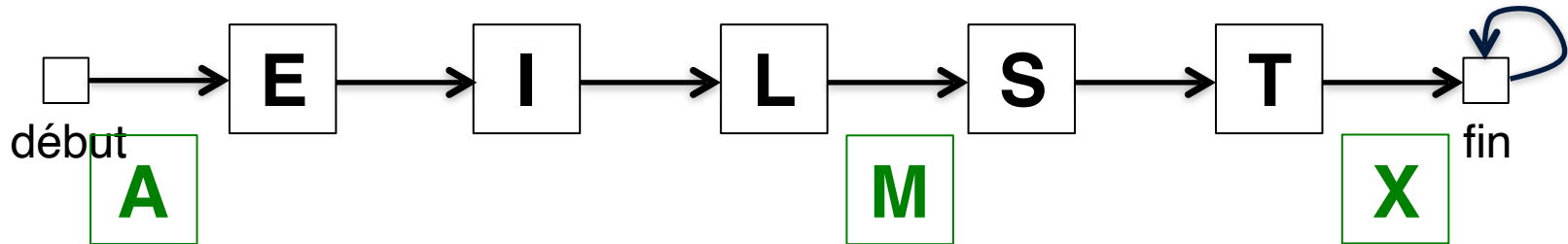


```
// Recherche du premier nœud plus grand que M
struct noeud *n = debut;
while (n->suivant != NULL
        && n->suivant->cle < cleAInsérer) {
    n = n->suivant;
}
```

```
// insérer avant n->suivant donc après n
```

- Suppression du test `n->suivant != NULL` ?

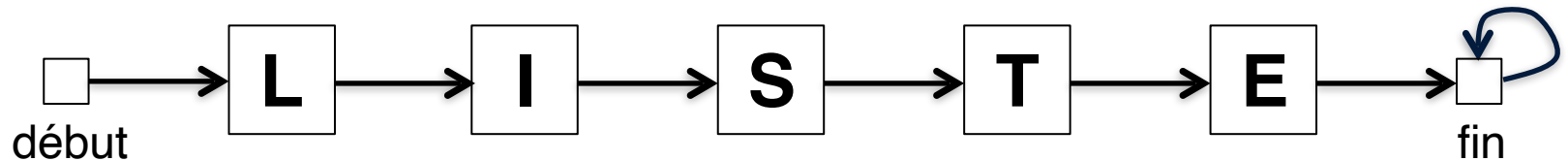
Liste chaînée – Insertion ordonnée



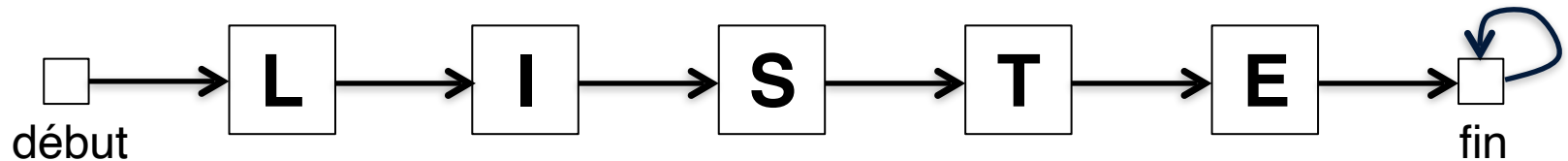
- Ajout d'un nœud sentinelle de fin

```
// Recherche de la position (ordre croissant)
struct noeud *n = debut;
fin->cle = cleAInsérer;
while (n->suivant->cle < cleAInsérer) {
    n = n->suivant;
}
// insérer avant n->suivant donc après n
```

Liste chaînée – Recherche séquentielle

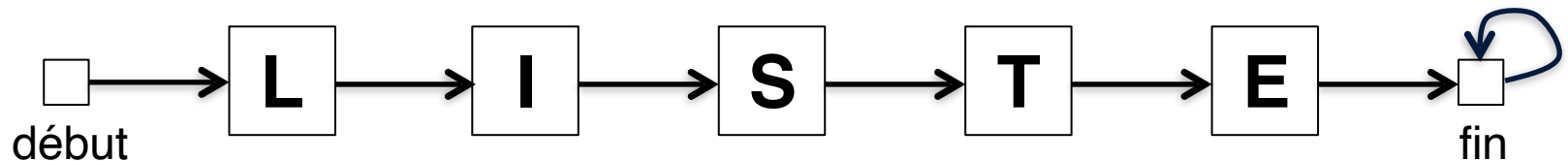


Liste chaînée – Recherche séquentielle



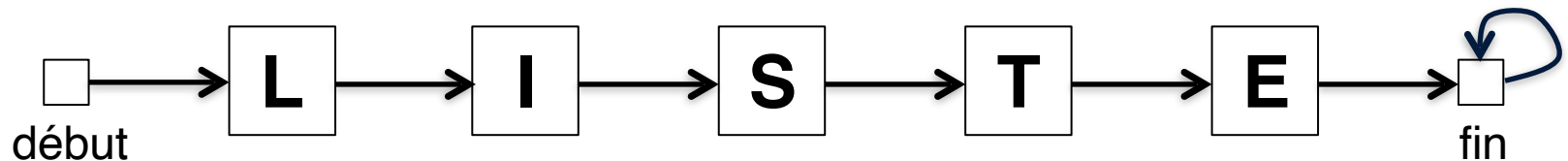
```
// Ordre croissant : recherche de la position  
struct noeud *n = debut->suivant;
```

Liste chaînée – Recherche séquentielle



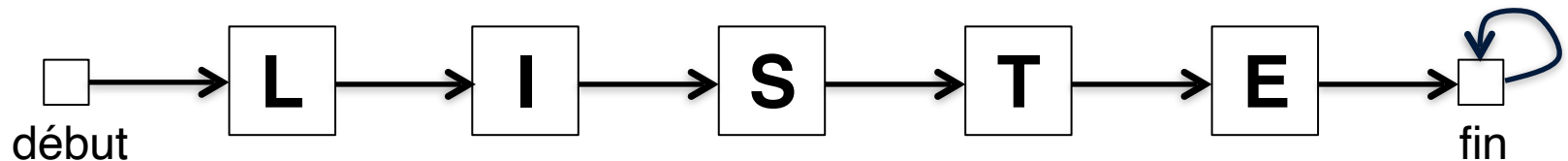
```
// Ordre croissant : recherche de la position  
struct noeud *n = debut->suivant;  
fin->cle = cleRecherchee;
```

Liste chaînée – Recherche séquentielle



```
// Ordre croissant : recherche de la position
struct noeud *n = debut->suivant;
fin->cle = cleRecherchee;
while (n -> cle != cleRecherchee) {
    n = n->suivant;
}
```

Liste chaînée – Recherche séquentielle



// Ordre croissant : recherche de la position

```
struct noeud *n = debut->suivant;
```

```
fin->cle = cleRecherchee;
```

```
while (n -> cle != cleRecherchee) {
```

```
    n = n->suivant;
```

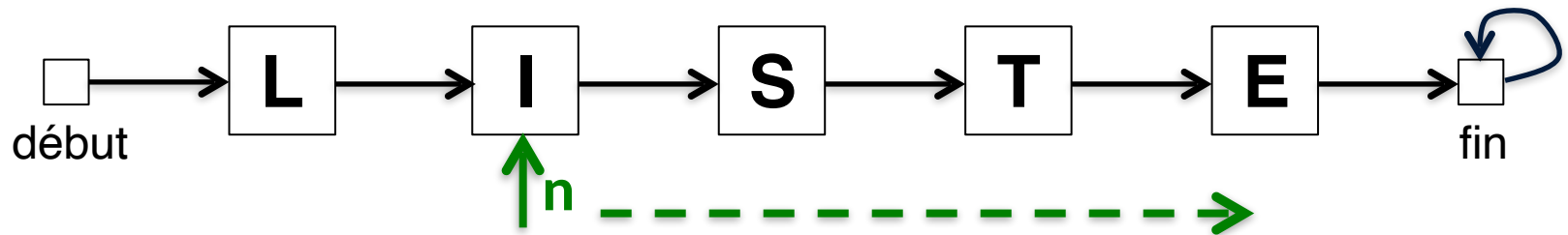
```
}
```

```
if (n != fin /* ou n != n->suivant */) {
```

```
    // trouvé !
```

```
}
```


Liste chaînée – Parcours

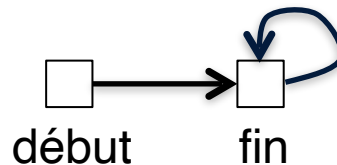


Avec nœud sentinelle de fin :

```
// premier nœud
struct noeud *n = debut->suivant;
// itération sur les suivants
while (n != n->suivant) {
    n = n->suivant;
}
```

Liste chaînée

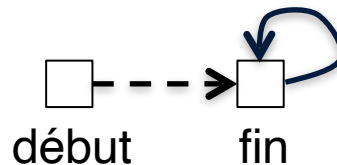
Création avec nœuds sentinelles



```
struct noeud *debut;  
struct noeud *fin;  
debut = (struct noeud *)malloc(sizeof * debut);  
fin = (struct noeud *)malloc(sizeof * fin);  
debut->suivant = fin;  
fin->suivant = fin;  
// l'accès à la liste se fait par le nœud debut  
// Le nœud de fin est le seul à être son propre  
suivant.
```

Liste chaînée

Création avec nœuds sentinelles



Possibilité de créer une structure liste :

La liste se résume au nœud début

```
typedef struct noeud liste;
```

Ou pour pouvoir accéder directement au nœud de fin (que l'on reconnaît aussi car c'est le seul à être son propre suivant) :

```
struct liste {  
    struct noeud *debut;  
    struct noeud *fin;  
};
```

Liste chaînée - Libération mémoire

- Chaque insertion dans la liste donne lieu à une allocation mémoire pour un nouveau nœud.
- Il faut supprimer cet espace lors de la suppression d'un nœud.
- Méthode pour supprimer toute la liste : suppression de l'espace pour tous les nœuds (y compris les nœuds sentinelles).

Liste chaînée

Implantation par tableau simple

- La liste est représentée sous forme d'un tableau d'éléments contenant une clé et l'indice de l'élément suivant.

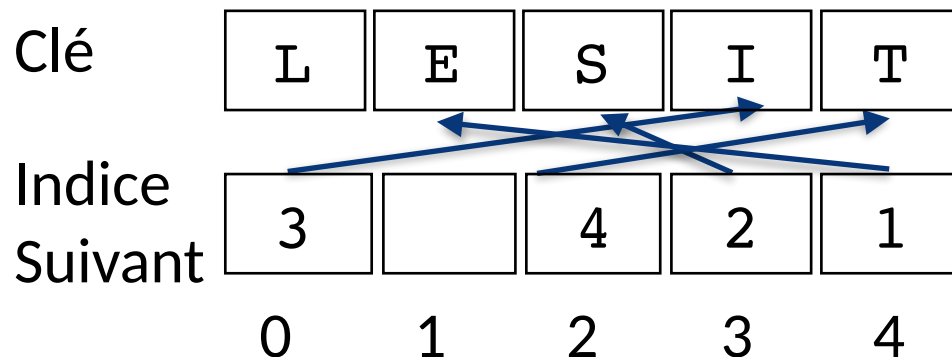
```
struct noeud {  
    char cle;  
    int indiceSuivant;  
}  
noeud liste[TAILLE_MAX];  
// +2 si nœuds sentinelles
```

Liste chaînée

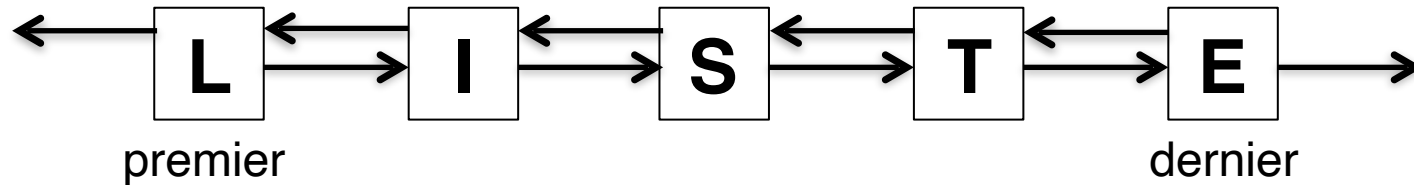
Implantation par double tableau

- La liste est représentée sous forme d'un tableau pour les clés et d'un autre tableau pour les indices des suivants.

```
char cle[TAILLE_MAX];  
int suivants[TAILLE_MAX];  
// +2 si nœuds sentinelles
```



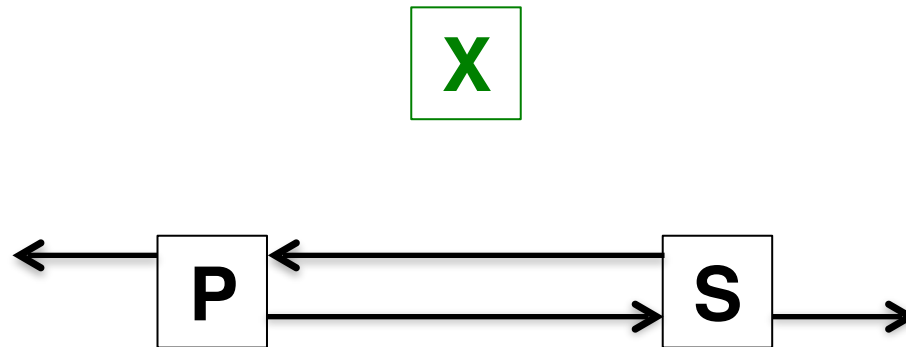
Liste doublement chaînée



- Chaque nœud connaît en plus son nœud précédent. On connaît généralement le premier et le dernier nœud de la liste.
- Avantages
 - parcours dans les deux sens.
 - Possibilité de parcours de toute la liste à partir de n'importe quel nœud.
- Inconvénients :
 - Place mémoire nécessaire plus importante.
 - Primitives plus compliquées (gestion des deux liens)

Liste doublement chaînée – Insertion

1. Création du nœud



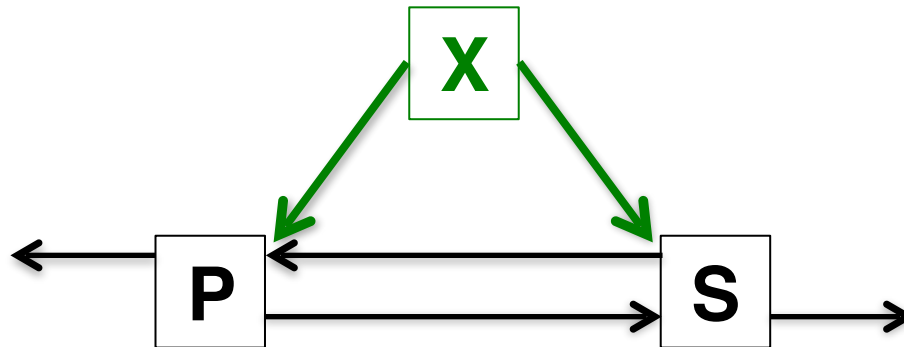
Si l'on connaît **p** : insertion après

Si l'on connaît **s** : insertion avant

création du nœud **x**

Liste doublement chaînée – Insertion

1. Affectation du suivant et du précédent de R



Si l'on connaît p : insertion après

création du nœud x

$x \rightarrow \text{suivant} = p \rightarrow \text{suivant}$

$x \rightarrow \text{précédent} = p$

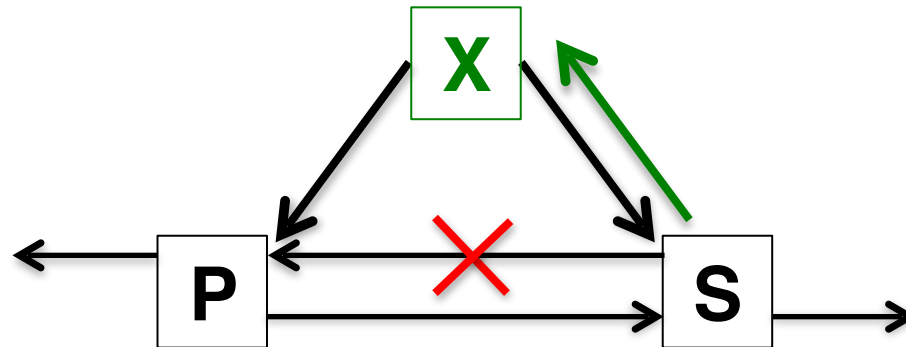
Si l'on connaît s : insertion avant

$x \rightarrow \text{suivant} = s$

$x \rightarrow \text{précédent} = s \rightarrow \text{precedent}$

Liste doublement chaînée – Insertion

2. Affectation du précédent de S



Si l'on connaît p : insertion après

création du nœud x

$x \rightarrow \text{suivant} = p \rightarrow \text{suivant}$

$x \rightarrow \text{précédent} = p$

Si l'on connaît s : insertion avant

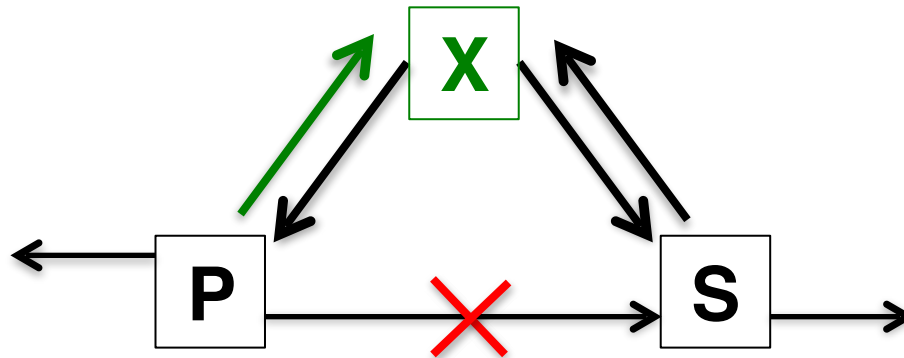
$x \rightarrow \text{suivant} = s$

$x \rightarrow \text{précédent} = s \rightarrow \text{précédent}$

$x \rightarrow \text{suivant} \rightarrow \text{précédent} = x$

Liste doublement chaînée – Insertion

3. Affectation du suivant de P



Si l'on connaît p : insertion après

création du nœud x

$x \rightarrow \text{suivant} = p \rightarrow \text{suivant}$

$x \rightarrow \text{précédent} = p$

Si l'on connaît s : insertion avant

$x \rightarrow \text{suivant} = s$

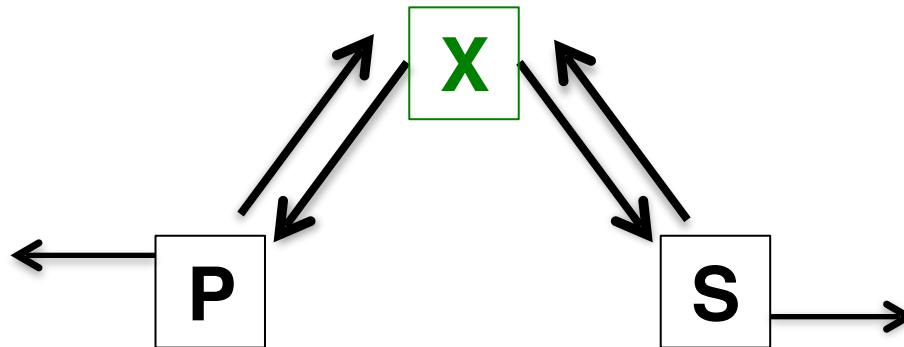
$x \rightarrow \text{précédent} = s \rightarrow \text{précédent}$

$x \rightarrow \text{suivant} \rightarrow \text{précédent} = x$

$x \rightarrow \text{précédent} \rightarrow \text{suivant} = x$

Liste doublement chaînée – Insertion

Récapitulatif



Si l'on connaît p : insertion après

création du nœud x

$x \rightarrow \text{suivant} = p \rightarrow \text{suivant}$

$x \rightarrow \text{précédent} = p$

Si l'on connaît s : insertion avant

$x \rightarrow \text{suivant} = s$

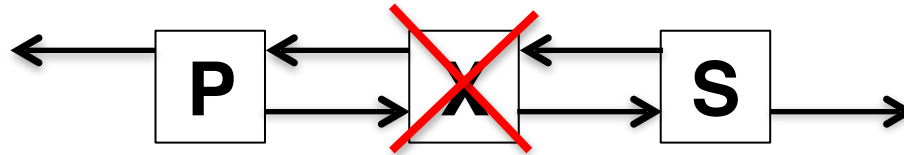
$x \rightarrow \text{précédent} = s \rightarrow \text{precedent}$

$x \rightarrow \text{suivant} \rightarrow \text{precedent} = x$

$x \rightarrow \text{precedent} \rightarrow \text{suivant} = x$

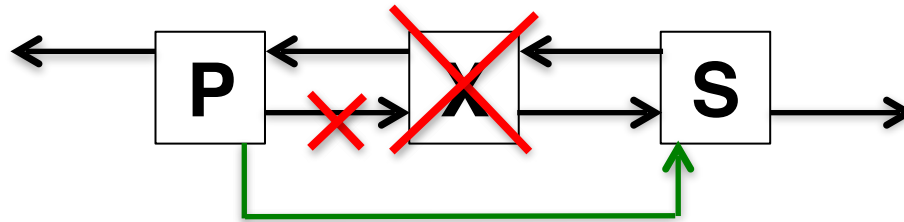
Liste doublement chaînée – Suppression

Suppression du noeud X



Liste doublement chaînée – Suppression

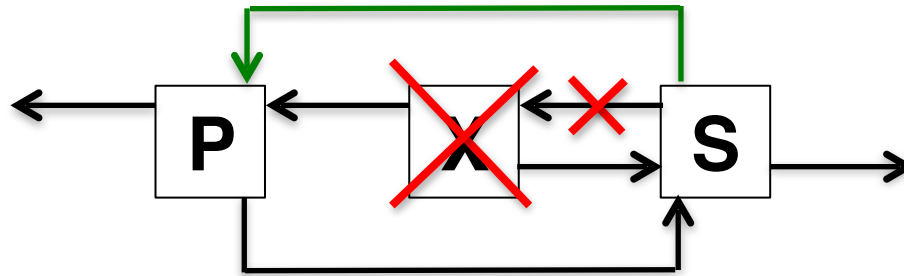
1. Le suivant de X (S) devient le suivant du précédent de X (P)



`x->precedent->suivant = x->suivant`

Liste doublement chaînée – Suppression

2. Le précédent de X (P) devient le précédent du suivant de X (S)

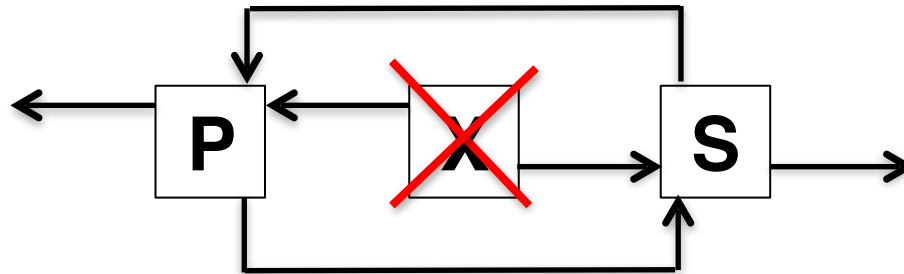


$x \rightarrow \text{precedent} \rightarrow \text{suivant} = x \rightarrow \text{suivant}$

$x \rightarrow \text{suivant} \rightarrow \text{precedent} = x \rightarrow \text{precedent}$

Liste doublement chaînée – Suppression

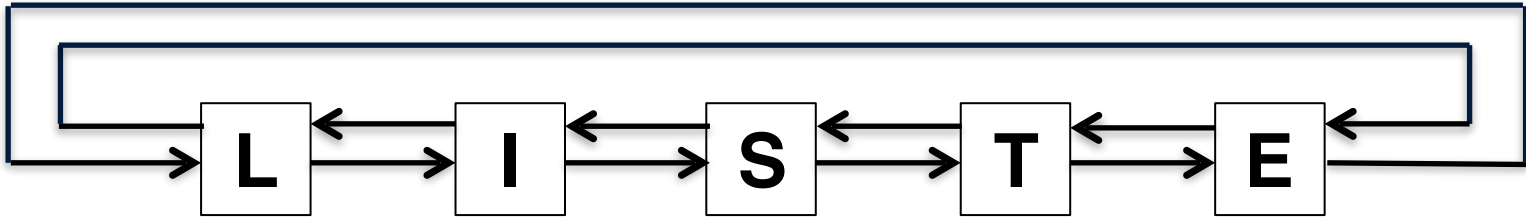
Récapitulatif



$x \rightarrow \text{precedent} \rightarrow \text{suivant} = x \rightarrow \text{suivant}$

$x \rightarrow \text{suivant} \rightarrow \text{precedent} = x \rightarrow \text{precedent}$

Liste circulaire

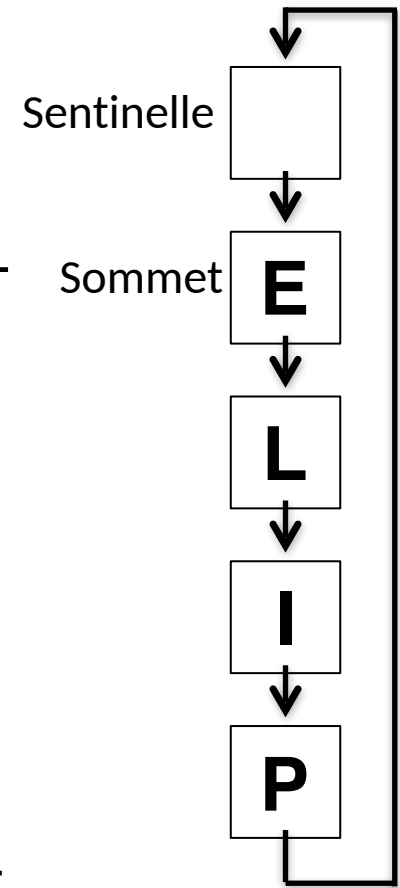


- Le dernier et le premier nœud sont reliés entre eux.
- Plus forcément de notion de premier et/ou de dernier.
- Simplement ou doublement chaînée.

Pile

Implantation par liste chaînée

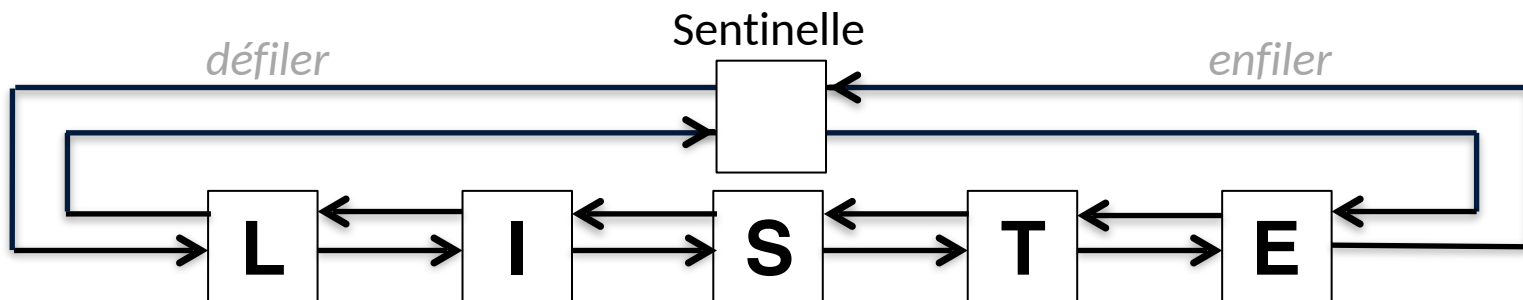
- Permet une gestion dynamique de la taille de la pile.
- Liste circulaire simplement chaînée avec 1 noeud sentinelle
- créer : noeud sentinelle qui boucle sur lui-même
- empiler : ajout après sentinelle
- dépiler : retrait du suivant de sentinelle
- estVide : sentinelle est son propre suivant



File

Implantation par liste chaînée

- Permet une gestion dynamique de la taille de la file
- Par exemple : liste circulaire doublement chaînée avec 1 noeud sentinelle
- créer : noeud sentinelle qui boucle sur lui-même
- enfiler : ajout après sentinelle.
- défiler : suppression avant sentinelle.
- estVide : sentinelle est son propre suivant (ou précédent)



Exercices

- Implantation par pointeurs d'une **liste simplement chaînée** avec ses deux nœuds sentinelles et des clés de type **unsigned char**.
 - liste* **lcCreerListe()**
 - bool **lcEstVide**(liste * l) (inclure `stdbool.h`)
 - noeud* **lcInsérerAprès**(noeud* n, unsigned char cle) // renvoie le noeud créé
 - unsigned char **lcSupprimerSuivant**(noeud* n) // renvoie la clé du noeud supprimé
 - void **lcSupprimerListe**(liste* l)
 - void **lcParcourir**(liste* l) // affichage sous la forme L -> I -> S -> T -> E
 - bool **lcContient**(liste* l, unsigned char cle)
 - noeud * **lcInsérerOrdonne**(liste* l, unsigned char cle)
 - bool **lcSupprimerCle**(liste* l, unsigned char cle)
- En option : fusion de deux listes ordonnées : liste * **lcFusionner**(liste* l1, liste* l2)
- Implantation d'une **file de void *** par liste doublement chaînée
- Implantation d'une **pile de void *** par liste simplement chaînée