



UNIVERSIDAD TÉCNICA  
FEDERICO SANTA MARÍA

DEPARTAMENTO  
DE INFORMÁTICA

---

# LENGUAJES DE PROGRAMACIÓN

**Equipo de Profesores:**

**Jorge Díaz Matte - José Luis Martí Lara**

**Wladimir Ormazabal Orellana**

---

# Unidad 7

## Programación Lógica y Prolog

7.1 Introducción a Prolog

7.2 Tipos de Datos en Prolog

7.3 Calce de Términos en Prolog

7.4 Listas y Operadores

7.5 Operadores y Aritmética

7.6 *Backtracking*

## 7.1 Introducción a Prolog

# Lenguaje Prolog

- Su nombre viene de PROgramación en LOGica, creado a comienzos de los '70:
  - Robert Kowalski (Edimburgo): lado teórico
  - Maarten van Emden (Edimburgo): demostración práctica
  - Alain Colmerauer (Marsella): Implementación
- Popularidad se debe a David Warren (Edimburgo), que a mediados de los '70 realizó una implementación eficiente.

# Lenguaje Prolog: características

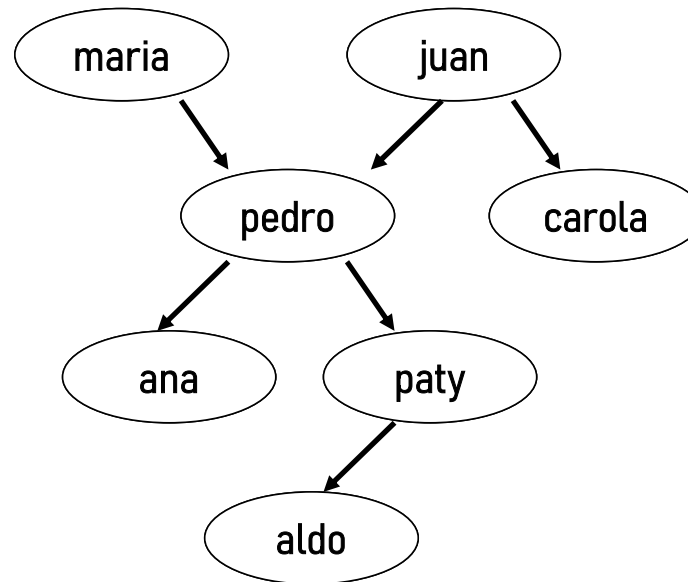
- Basado en lógica simbólica y programación declarativa.
- No se especifica cómo debe hacerse, sino qué debe lograrse (alto nivel).
- El programador se concentra más en el conocimiento que en los algoritmos
  - ¿Qué es conocido? (hechos y relaciones, y reglas )
  - ¿Qué preguntar? (cómo resolverlo)
- Estilo de programación orientado a metas.

# Lenguaje Prolog: aplicaciones

- Pruebas Matemáticas
  - Demostración de teoremas
- Inteligencia Artificial
  - Sistemas Expertos
- Consultas a base de datos
  - Permite inferir relaciones no especificadas a priori.

# Hechos y Consultas

progenitor(maria, pedro).  
progenitor(juan, pedro).  
progenitor(juan, carola).  
progenitor(pedro, ana).  
progenitor(pedro, paty).  
progenitor(paty, aldo).



?- progenitor(pedro, ana).

=> yes

?- progenitor(ana, paty).

=> no

?- progenitor(X, carola).

=> X = juan

?- progenitor(pedro, X).

=> X = ana ;

=> X = paty ;

=> no

# Hechos y Consultas: ejemplo 1

- Preguntar por el abuelo de aldo:

$\exists X, Y : (X \text{ es progenitor de } Y) \cap (Y \text{ es progenitor aldo})$

que se expresa en Prolog como:

?- progenitor(X, Y), progenitor(Y, aldo).

=> X = pedro

Y = paty



## Hechos y Consultas: ejemplo 2

- Preguntar por los nietos de juan:

$\exists X, Y : (\text{juan es progenitor de } X) \cap (X \text{ es progenitor de } Y)$

que se expresa en Prolog como:

?- progenitor(juan, X), progenitor(X, Y).

=> X = pedro

Y = ana ;

=> X = pedro

Y = paty

## Hechos y Consultas: ejemplo 3

- Preguntar si ana y paty tienen un padre en común:

$\exists X : (X \text{ es progenitor de ana}) \cap (X \text{ es progenitor de paty})$

que se expresa en Prolog como:

```
?- progenitor(X, ana), progenitor(X, paty).  
=> X = pedro
```

# Reglas

- La relación  $a \subset b$  se expresa en Prolog como  $a :- b$ .
- Una cláusula de este tipo se denomina **regla**, que tiene la siguiente estructura:
  - la **cabeza** (parte izquierda de  $:-$  ) es la **conclusión** ...
  - de la proposición definida en el **cuerpo** (parte derecha de  $:-$ )

# Reglas: Resolución simple

- La relación *hijo de* corresponde a:  
 $\forall X, Y : (Y \text{ es hijo de } X) \subset (X \text{ es progenitor de } Y)$
- que se expresa en Prolog, usando lo definido anteriormente, como:  
`hijo(X, Y) :- progenitor(Y, X).`

- **Ejemplo:** la meta siguiente es evaluada como:

La meta: `hijo(paty, pedro)`  
se convierte en submeta: `progenitor(pedro, paty)`  
Se busca este hecho: `yes`

# Reglas: ejemplo

- Agregar cláusulas sobre el género de las personas: alternativas.

femenino(maria).  
masculino(juan).  
masculino(pedro).  
femenino(carola).  
femenino(ana).  
femenino(paty).  
masculino(aldo).

Relaciones unarias



Usaremos esta forma

genero(maria, femenino).  
genero(juan, masculino).  
genero(pedro, masculino).  
genero(carola, femenino).  
genero(ana, femenino).  
genero(paty, femenino).  
genero(aldo, masculino).

Relaciones binarias

# Reglas: ejemplo

- Se puede definir ahora varias nuevas reglas como:

```
papa(X, Y)      :- progenitor(X, Y), masculino(X).  
mama(X, Y)      :- progenitor(X, Y), femenino(X).  
abuelo(X, Y)     :- progenitor(X, Z), progenitor(Z, Y).  
hermana(X, Y)    :- progenitor(Z, X), progenitor(Z, Y), femenino(X).
```

- Se puede definir ahora varias nuevas reglas como:

```
?- hermana(ana, paty).
```

=> yes

```
?- hermana(X, paty).
```

=> X = ana ;

=> X = paty

oops ... paty es hermana de ella misma

Falta excluir este caso...

```
hermana(X, Y) :- progenitor(Z, X), progenitor(Z, Y),  
               diferente(X, Y), femenino(X).
```

# Reglas Recursivas

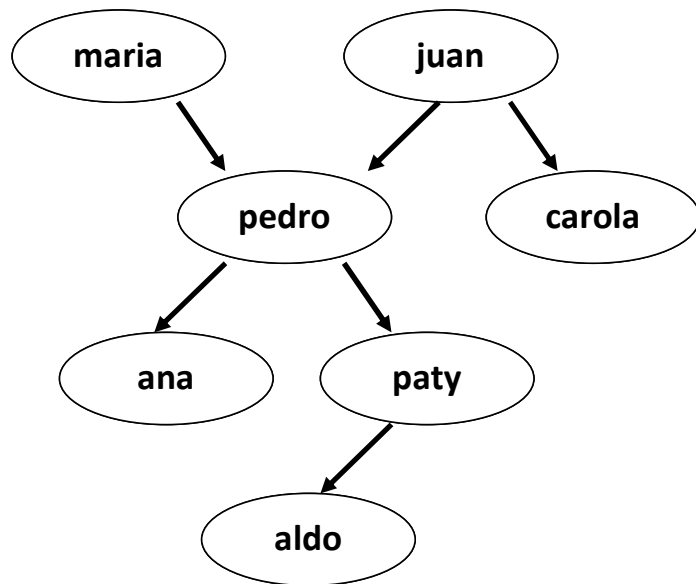
- La relación **antepasado** se define sobre la base de una regla de descendencia directa y otra regla de descendencia indirecta:

$\forall X, Z : (X \text{ es un antepasado de } Z), \text{ si}$   
 $\{X \text{ es progenitor de } Z\} \vee$   
 $\{\exists Y: (X \text{ es progenitor de } Y) \wedge (Y \text{ es antepasado de } Z)\}$

lo que en Prolog se expresa como :

`antepasado(X, Z) :- progenitor(X, Z).`  
`antepasado(X, Z) :- progenitor(X, Y), antepasado(Y, Z).`

# Reglas Recursivas



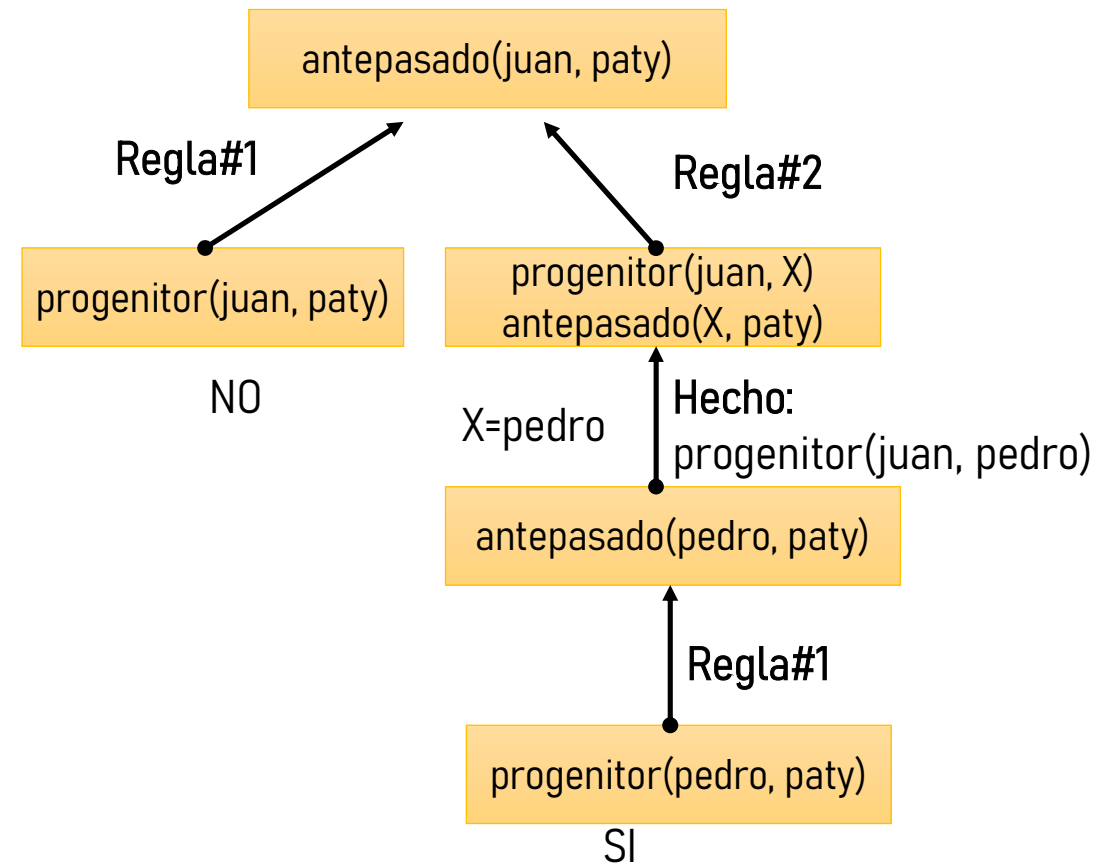
?- antepasado(maria, X).

=> X = pedro ;

=> X = ana ;

=> X = paty ;

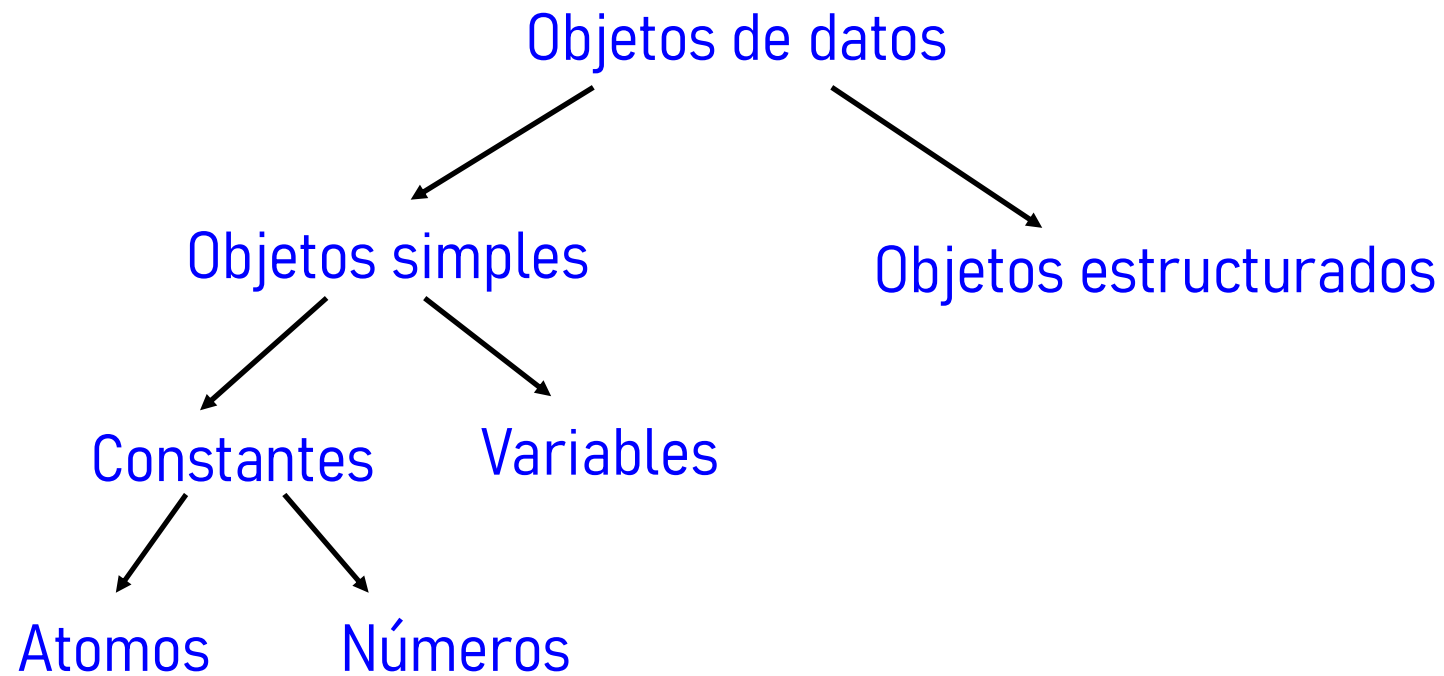
=> X = aldo



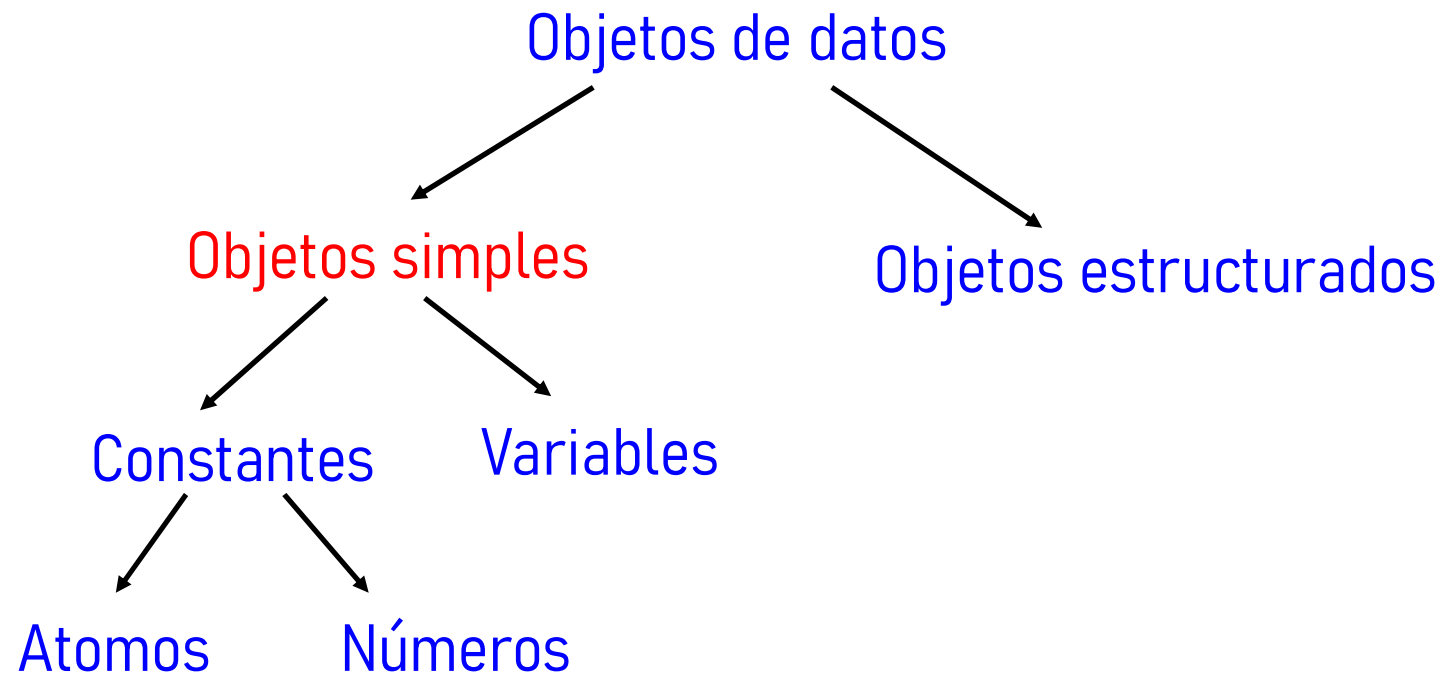


## 7.2 Tipos de Datos en Prolog

# Tipos de Objetos de Datos



# Tipos de Objetos de Datos



# Reconocimiento de Tipos

- Se reconoce el tipo de un dato por su forma sintáctica:
  - No se requiere de declaración de tipos.
- Ejemplo:
  - Variables comienzan con letra en mayúsculas (e.g. **X**).
  - Átomos comienzan con una letra en minúscula (ej.: **pedro**).

# Formación de Variables y Átomos

- Strings formados con una combinación de los siguientes caracteres:
  - Letras mayúsculas `A..Z`
  - Letras minúsculas `a..z`
  - Dígitos `0..9`
  - Caracteres especiales: `+ - * / < > = : . & _ ~`
- Ejemplos:
  - Letras, dígitos y underscore (`_`), comenzando con minúscula: `pedro`, `nil`, `x_25`, `algo_especial`
  - Caracteres especiales: `<----->`, `===>`, ...
  - Citación simple: `'Juan'`, `'San Francisco'`

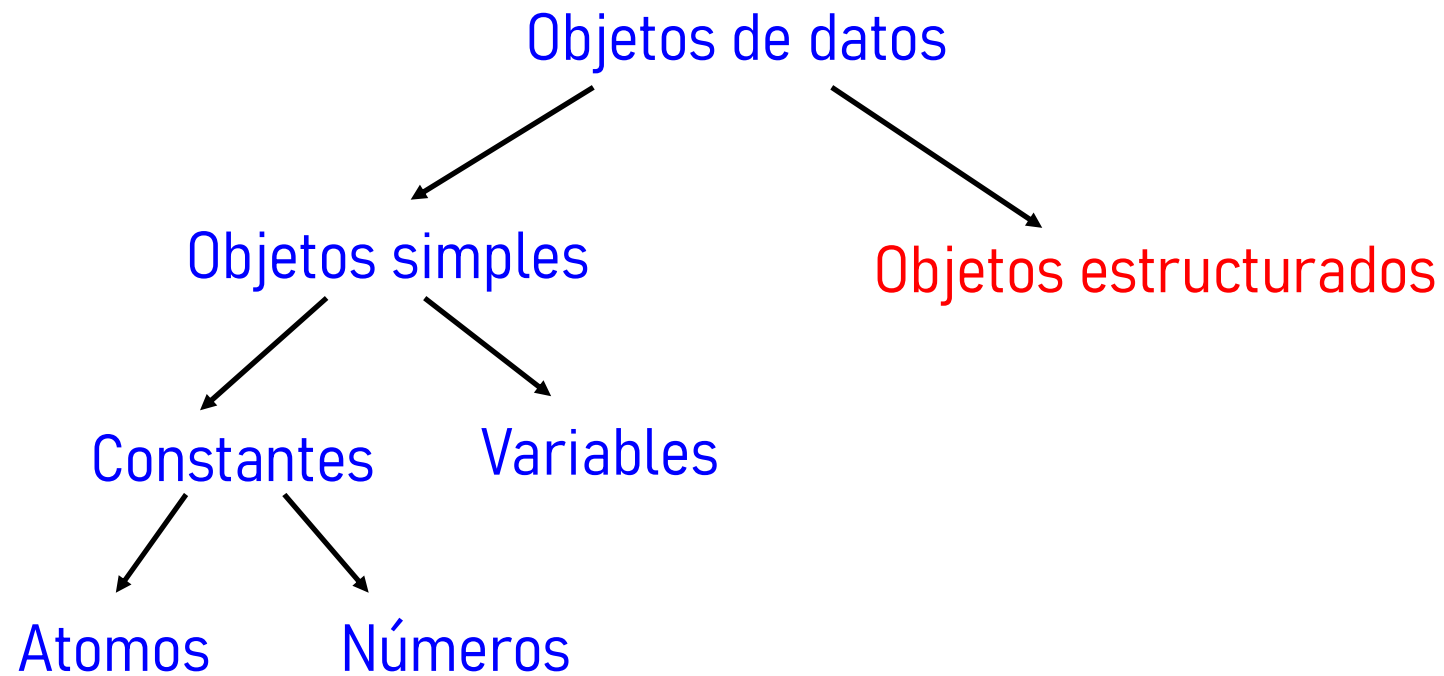
# Números

- Números enteros:        1        3213        0        -323
- Reales:                3.14    -0.0234    100.2
- Observación: dado que Prolog es principalmente un lenguaje de computación simbólica, los números no son su fuerte (el entero es lo que más se usa).

# Variables

- Strings de letras, dígitos y *underscore*, comenzando con mayúscula o *underscore*: `X`      `Resultado`      `_X1`      `_12`
- Si una variable aparece una solo vez en una cláusula, se puede usar variables anónima `_`  
    `?- padre(juan, _).`  
        `yes`                      `% no se imprime variable`  
  
    `tiene_hijo(X) :- padre(X, _).`
- Observación: el ámbito de una variable es la cláusula que lo contiene.

# Tipos de Objetos de Datos



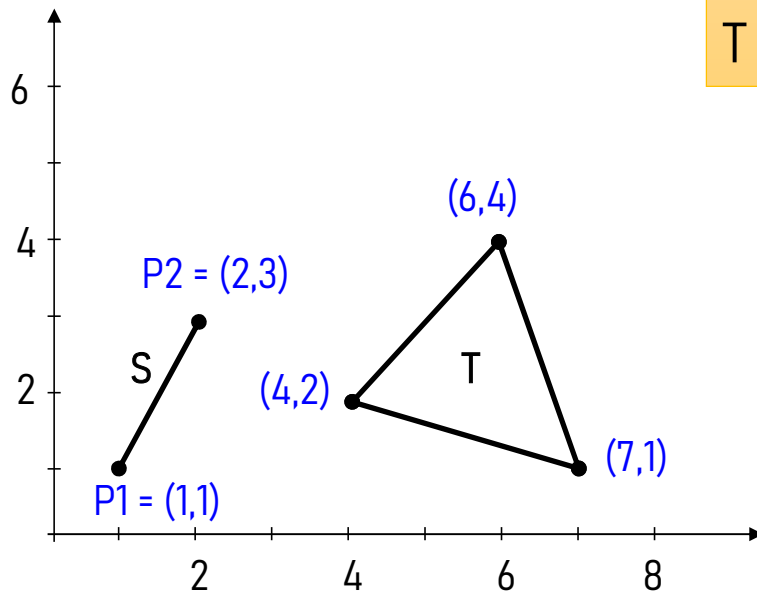


# Objetos Estructurados

- Son objetos que tienen varias componentes.
- Estructuras son tratadas como un único objeto.
- Se construyen usando un *functor*.  
`fecha(22, mayo, 2000)`
- Componentes pueden ser constantes, variables o estructuras:  
`fecha(Dia, mayo, 2000)`

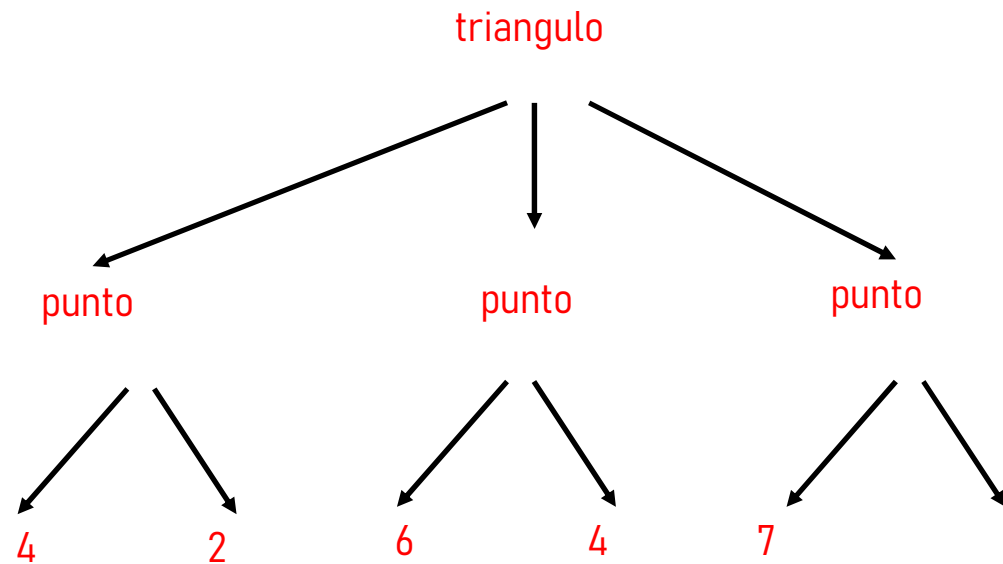
# Objetos Estructurados: Ejemplo 1

```
P1 = punto(1, 1)
P2 = punto(2,3)
S  = segmento(P1, P2)
T  = triangulo(punto(4,2), punto(6,4), punto(7,1))
```



# Objetos Estructurados: Ejemplo 2

`T = triangulo(punto(4,2), punto(6,4), punto(7,1))`



## 7.3 Calce de Términos en Prolog

# Calce de Términos (*matching*)

- La operación más importante sobre términos es el *calce*, que corresponde a la unificación en el cálculo de predicados.
- Dos términos *calzan* si:
  - ① Son idénticos, o
  - ② las variables en ambos términos pueden ser instanciados, sustituyendo variables, tal que los términos se hacen idénticos.

# Calce de Términos: Ejemplos

- Calzar: `fecha(D, M, 2000)` y `fecha(D1, mayo, A1)`,

entonces:

- D se instancia a D1
- M se instancia a mayo
- A1 se instancia a 2000

que como salida de Prolog se escribe:

- D = D1
- M = mayo
- A1 = 2000

?- `fecha(D, M, 2000) = fecha(D1, mayo, A1).`

D = H86,

M = mayo,

D1 = H86,

A1 = 2000.

# Calce de Términos: Ejemplos

- Al intentar calzar:
  - $\text{fecha}(D, M, 2000) = \text{fecha}(D1, \text{julio}, 1956)$

no existe respuesta (salida es **false**).

?-  $\text{fecha}(D, M, 2000) = \text{fecha}(D1, \text{julio}, 1956)$ .  
No.

- En general:
  - No es posible encontrar un calce (se dice que el proceso de calce ha **fracasado**).
  - En caso contrario, se dice que el proceso ha sido **exitoso**.

# Calce de Términos: Grado de Ajuste

- ?- `fecha(D, M, 2000) = fecha(D1, mayo, A1)`.

podría haber sido calzado como:

- `D = 1`
- `D1 = 1`
- `M = mayo`
- `A1 = 2000`

Pero esta forma es más restrictiva (menos general) que la anterior.

¡Prolog calza el resultado a su forma más general!



# Calce de Términos: Reglas de Calce

Dos términos  $S$  y  $T$  calzan, si:

- ① Si  $S$  y  $T$  son *constantes*, entonces  $S$  y  $T$  calzan si ambos son el mismo objeto.
- ② Si  $S$  es una *variable* y  $T$  cualquier cosa, entonces calzan y  $S$  se instancia como  $T$ . Viceversa, si  $T$  es variable, entonces  $T$  se instancia como  $S$ .
- ③ Si  $S$  y  $T$  son *estructuras*, entonces calzan sólo si:
  - a)  $S$  y  $T$  tienen el mismo functor, y
  - b) Todas sus correspondientes componentes calzan. (instanciaciones resultantes son determinadas por proceso de calce de componentes).

# Calce de Estructuras: Ejemplos

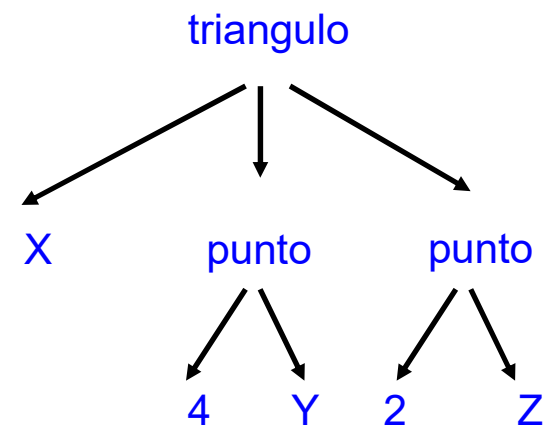
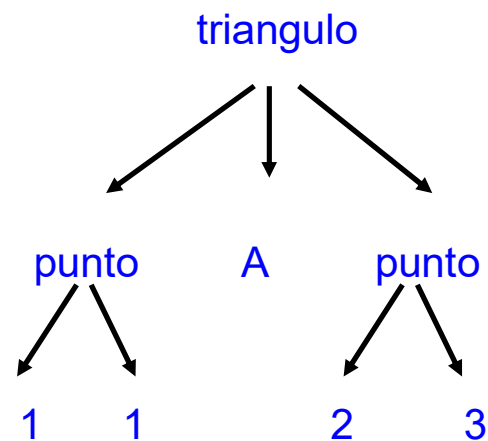
?- `triangulo(punto(1, 1), A, punto(2, 3)) = triangulo(X, punto(4, Y), punto(2, Z)).`

`A = punto(4,H193),`

`X = punto(1,1),`

`Y = H193,`

`Z = 3.`



# Calce de Estructuras: Ejemplos

Hechos:                   vertical(seg(punto(X, Y), punto(X, Y1))).  
                             horizontal(seg(punto(X, Y), punto(X1, Y))).

Consultas:

- ?- vertical(seg(punto(1,1), punto(1,2))).  
    yes
- ?- vertical(seg(punto(1,1), punto(2,Y))).  
    no
- ?- horizontal(seg(punto(1,1), punto(2,Y))).  
    Y = 1
- ?- vertical(seg(punto(2,3), Y)).  
    Y = punto(2,H561)
- ?- vertical(S), horizontal(S).  
    S = seg(punto(H576,H577), punto(H576,H577))

# Significado Declarativo versus Procedural

- La cláusula:  $P :- Q, R$ .  
se *interpreta declarativamente* como:
  - $P$  es verdadero si  $Q$  y  $R$  lo son.
  - o, de  $Q$  y  $R$  se deriva  $P$ .
- En cambio, una *interpretación procedural* sería:
  - Para resolver  $P$ ,  
primero se debe resolver  $Q$  y luego  $R$ .
  - Para satisfacer a  $P$ ,  
primero se debe satisfacer  $Q$  y luego  $R$ .

# Significado Declarativo

- Una meta **G** es verdadera (satisface o se deriva lógicamente de un programa), ssi:
  - ① existe en el programa una cláusula **C**, tal que
  - ② existe una cláusula **I**, instancia de **C**, tal que:
    - la cabeza de **I** es idéntica a **G**, y
    - todas las metas en el cuerpo de **I** son verdaderas.

# Cláusulas Disjuntivas

La cláusula:  $P :- Q; R.$

se interpreta como:  $P :- Q.$   
 $P :- R.$

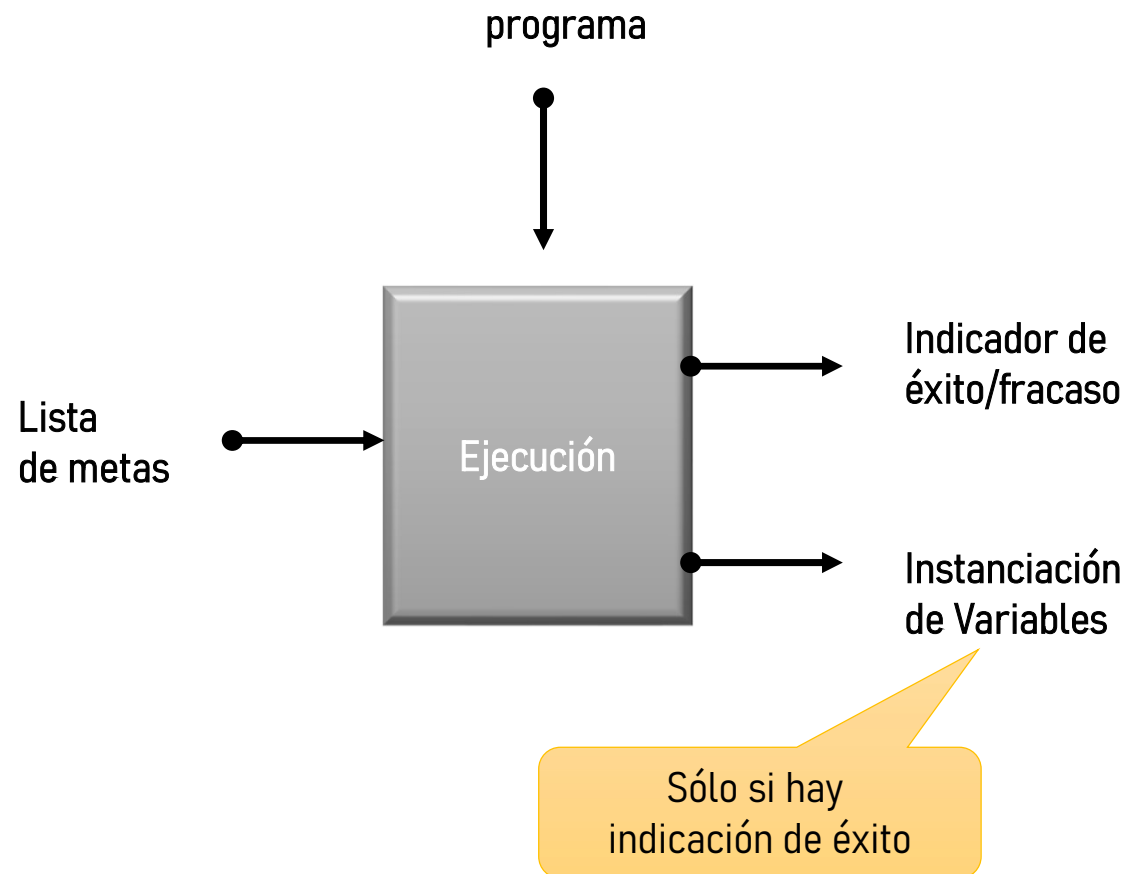
La cláusula:  $P :- Q, R;$   
 $S, T, U.$

se interpreta como:  
 $P :- Q, R.$   
 $P :- S, T, U.$

# Significado Procedural

- Especifica *cómo* responder a una pregunta.
- Para obtener la respuesta es necesario satisfacer una lista de metas.
  - Las metas pueden ser satisfechas si a través de la instanciación de sus variables se permite que del programa se deriven las metas.

# Significado Procedural





## 7.4 Listas y Operadores

# Listas

- Una lista en Prolog se puede escribir como: `[perro, gato, ratón, loro]`
- Sin embargo esto es sólo un *sabor sintáctico*, pues Prolog lo traduce a una forma de estructura.
- Si existe estructura `.(Cabeza, Cola)`, entonces:  
`.(perro, .(gato, .(ratón, .(loro, []))))`

equivale a la lista anterior (que es más legible).

# Listas: Representación

- Una lista define un árbol binario, similar a las listas propias de *Scheme*.
- Prolog permite una notación similar a los pares:
  - $L = [a \mid Cola]$  , donde  $a$  es la cabeza (cualquier tipo) y  $Cola$  es el resto de la lista (debe ser una lista) .
  - La lista vacía se expresa como  $[]$ .
- Ejemplo:  
    ?-  $L2 = [a \mid [b \mid []]]$ .  
        $L2 = [a,b]$

# Listas: algunos Operadores

- Pertenencia del objeto X en la lista L: `member(X, L)`  
?- `member(X, [a, b]).`  
X = a ;  
X = b ;  
no
- Concatenación de listas L1 y L2 en L3: `append(L1, L2, L3)`  
?- `append([a], [b], L).`  
L = [a,b] ;  
no

# Listas: algunos Operadores

- Borrar un elemento X en una lista L: `delete(L, X, L1)`  
?- `delete([a, b, c, b, d], b, L)`.  
L = [a,c,d] ;  
no

# Listas: subListas

- Una sublista es una parte de una lista.
- El operador puede ser definido con la siguiente regla:

`sublist(S, L) :- append(L1, L2, L), append(S, L3, L2).`

- Ejemplo:

`?- sublist([b, X], [a, b, c, d]).`

`X = c`

## 7.5 Operadores y Aritmética

# Operadores: Notación

- Las operaciones en Prolog se expresan normalmente como *functores*.
- Se permite también especificar operadores especiales con su relación de precedencia mediante directivas al traductor Prolog.
- Este mecanismo permite mejorar la lectura de programas (sabor sintáctico), con mecanismo similar a la sobrecarga de operadores en C++.



# Operadores: Ejemplo

La expresión:

$+(*(2, a), *(b, c))$

podría escribirse como:

$2*a + b*c$

¡¡Que resulta más legible!!

Ejemplo en Prolog:

?-  $X = +(*(2, 3), *(4, 5)).$   
 $X = 2 * 3 + 4 * 5$

?-  $X \text{ is } +(*(2, 3), *(4, 5)).$   
 $X = 26 .$

?-  $X \text{ is } 2*3 + 4*5.$   
 $X = 26$

# Operadores: Definiciones

- Se permite definición de operadores *prefijos*, *infijos* y *postfijos*
- A cada operador se le puede definir el nivel de precedencia mediante un valor (e.g. entre 1-1200 en una implementación).
- Nombre del operador debe ser un átomo.
- Ejemplo: Operador binario infijo *gusta*  
:- op(600, xfx, gusta).

# Operadores: Tipos

- Operador Infijo (tres tipos):     $xfx$      $xfy$      $yfx$
- Operador Prefijo (dos tipos):     $fx$      $fy$
- Operador Postfijo (dos tipos):     $xf$      $yf$

donde la notación se interpreta como.

- $f$  corresponde al nombre del operador
  - $x$  e  $y$  representan los argumentos
  - $x$  representa operando con precedencia estrictamente menor que el operador
  - $y$  representa operando cuya precedencia es menor o igual que el operador
- 
- Esta definición define la asociatividad de los operadores ( $y$  domina sobre  $x$ ).

# Operadores: Predefinidos

`:- op(1200, xfx, ':-').`  
`:- op(1200, fx, [:-, ?-] ).`  
`:- op(1100, xfy, ';' ).`  
`:- op(1000, xfy, ',').`  
`:- op(700, xfx, [=, is, <, >, =<, >=, ==, =\=, \==, =:=] ).`  
`:- op(500, yfx, [+,-] ).`  
`:- op(500, fx, [+,-,not] ).`  
`:- op(400, yfx, [*,-,div] ).`  
`:- op(300, xfx, mod).`

# Operadores: Ejemplos

?-  $X = 3 + 5$ .

$X = 3 + 5$ .

yes

?-  $X \text{ is } 3 + 5$ .

$X = 8$ .

yes

?-  $X \text{ is } 5/3$ .

$X = 1.6666666666666667$ .

yes

?-  $X \text{ is } 5 - 2 - 1$ .

$X = 2$ .

yes

?-  $1 + 2 = 2 + 1$ .

no

?-  $1 + 2 \text{ := } 2 + 1$ .

yes

# Operadores: Ejemplo del Largo de una Lista

`largo([ ], 0).`

`largo([ _ | Cola], N) :-  
 largo(Cola, N1),  
 N is N1 + 1.`

`?- largo([a, b, [c, d], d, e], N).  
 N = 5`

# Operadores: Ejemplo del Máximo Común Divisor

`mcd(X, X, X).`

`mcd(X, Y, D) :-`

`X < Y, Y1 is Y - X, mcd(X, Y1, D).`

`mcd(X, Y, D) :-`

`Y < X, mcd(Y, X, D).`

`?- mcd(100, 10, X).`

`X = 10`

`?- mcd(27, 36, X).`

`X = 9`

## 7.6 *Backtracking*

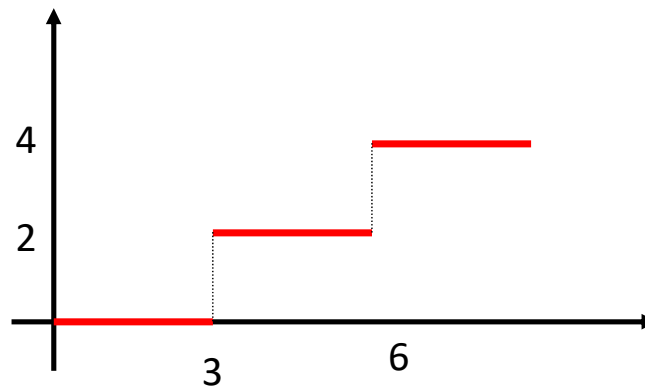


## *Backtracking*

- Prolog realiza *backtracking* automático si falla la satisfacción de una cláusula.
- Sin embargo, en algunos casos el *backtracking* automático es ineficiente.
- Se puede controlar o prevenir el *backtracking* usando el operador de corte o cut ( ! ).

## *Backtracking.* Ejemplo de una Función

- Suponga las siguientes tres reglas para una función de doble escalón:
  - **Regla #1:** Si  $(X < 3)$  entonces  $Y = 0$
  - **Regla #2:** Si  $(X \geq 3)$  y  $(X < 6)$ , entonces  $Y = 2$
  - **Regla #3:** Si  $(X \geq 6)$ , entonces  $Y = 4$



# *Backtracking.* Ejemplo de una Función

Versión 1:

% Regla #1

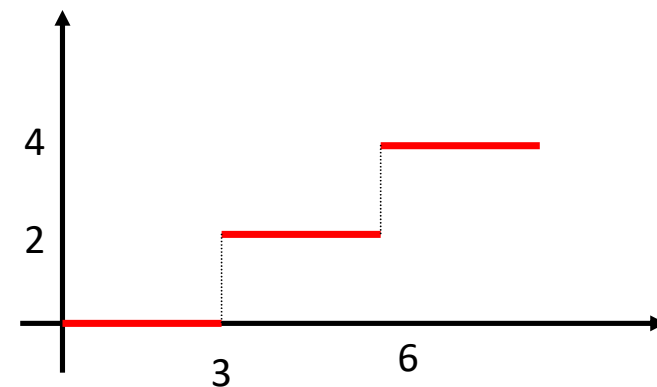
$f(X, 0) :- X < 3.$

% Regla #2

$f(X, 2) :- X \geq 3, X < 6.$

% Regla #3

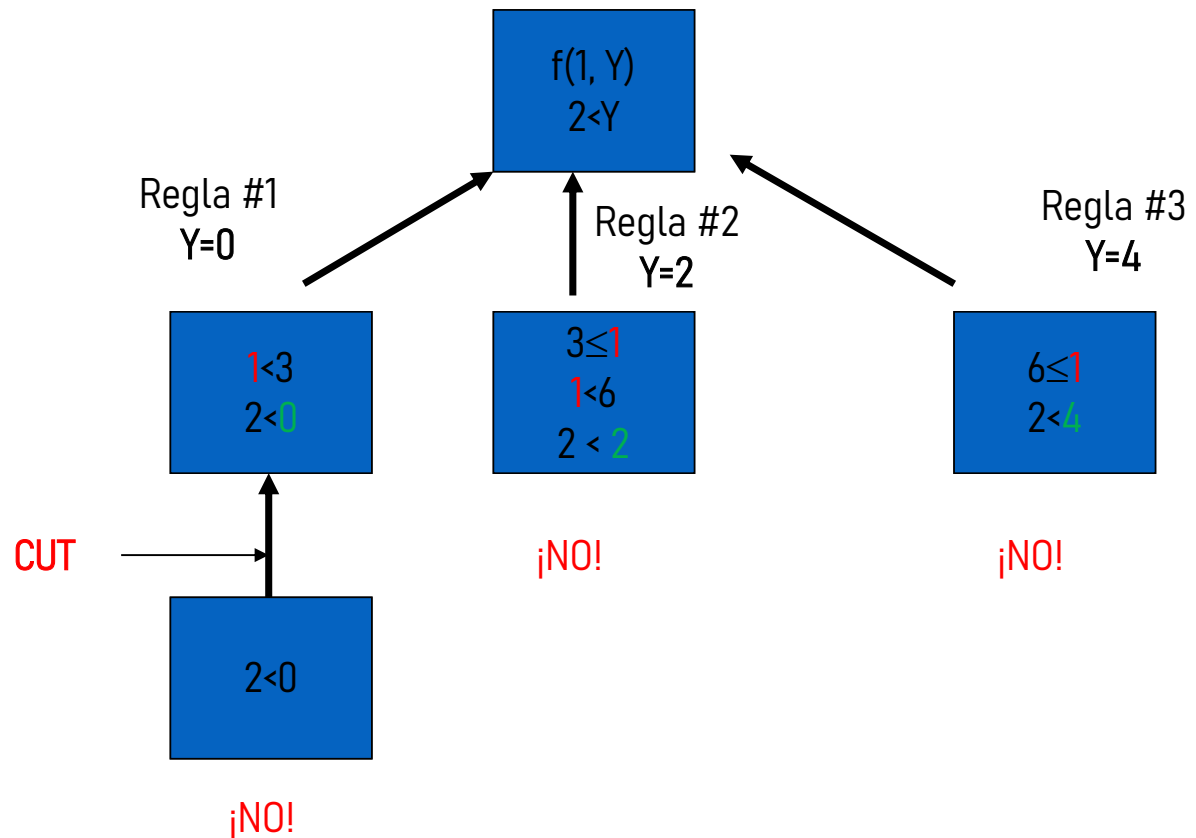
$f(X, 4) :- X \geq 6.$



# *Backtracking.* Ejemplo de una Función

Evaluación de la Meta

-?  $f(1, Y), 2 < Y.$   
no



# *Backtracking.* Ejemplo de una Función y operador Corte

Versión 2:

% Regla #1

$f(X, 0) :- X < 3, !.$

% Regla #2

$f(X, 2) :- X \geq 3, X < 6, !.$

% Regla #3

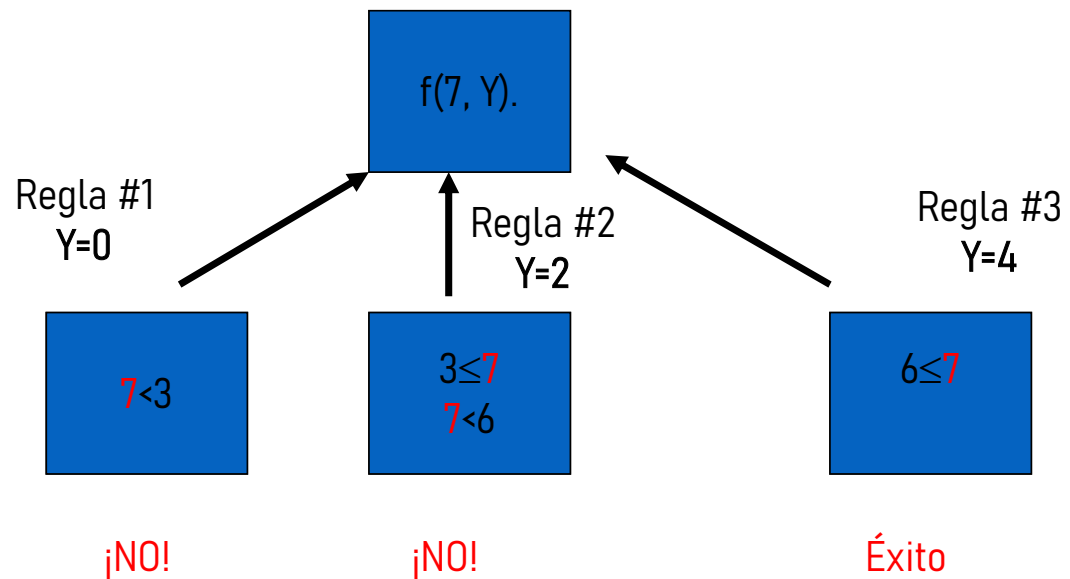
$f(X, 4) :- X \geq 6, !.$

- Ambas definiciones arrojan el mismo resultado.
- Sin embargo, esta versión, con corte, es más eficiente dado que reconoce antes que la evaluación ha fallado.
- Se puede decir que el CUT ha modificado el *significado procedural* del programa (en este caso, no ha sido modificado el *significado declarativo*).

# *Backtracking.* Ejemplo de una Función y operador Corte

Evaluación de la Meta

?-  $f(7, Y).$   
 $Y=4$



¡¡No se alcanza el corte en las primeras evaluaciones!!

## *Backtracking.* Ejemplo de una Función y operador Corte

Versión 3:

% Regla #1

$f(X, 0) :- X < 3, !.$

% Regla #2

$f(X, 2) :- X < 6, !.$

% Regla #3

$f(X, 4).$

- Esta tercera versión reduce, aún más, el número de comparaciones; pero sólo funciona con el operador de corte.
- Si se sacaran los cortes y se evalúa  $f(1, Y)$ , por ejemplo, se obtendrían varios resultados.
- En este caso se dice que sí afecta el significado declarativo.

## *Backtracking.* otros ejemplos con el operador Corte

% La función de membresía que se vio es:

```
member(X, [X | L]).
```

```
member(X, [Y | L]):- member(X, L).
```

%se puede transformar en una versión con un corte

% que sólo permite encontrar un solo miembro.

```
member(X, [X | L]):- !.
```

```
member(X, [Y | L]):- member(X, L).
```



# Negación: como Falla

- A María le gustan los animales:  
`gusta(maria, X) :- animal(X).`

... pero no le gustan los ratones!

- Expresado en Prolog:  
`gusta(maria, X) :- raton(X), !, fail;  
                  animal(X).`

# Negación: Ejemplos

- La verificación de si dos expresiones difieren:

```
diferente(X, Y) :- X = Y, !, fail;  
                  true.
```

- El procedimiento interno not de Prolog se comporta como:

```
not(P) :- P, !, fail;  
         true.
```

# Negación: Aplicación

- La función diferente ahora se puede escribir como:  
`diferente(X, Y) :- not(X = Y).`
- y la regla sobre los gustos de **maria** se escribe como:  
`gusta(maria, X) :- not(X = serpiente), animal(X).`

# Negación: y uso del operador de Corte

- **Ventajas:**

- Se puede aumentar la eficiencia.
- Se pueden expresar reglas que son mutuamente excluyentes.

- **Desventajas:**

- Se pierde correspondencia entre significado declarativo y procedural.
- Cambio del orden de las cláusulas puede afectar significado declarativo.

# Unidad 7

## Programación Lógica y Prolog

FIN

7.1 Introducción a Prolog

7.2 Tipos de Datos en Prolog

7.3 Calce de Términos en Prolog

7.4 Listas y Operadores

7.5 Operadores y Aritmética

7.6 *Backtracking*