

#### LENGUAJES DE PROGRAMACIÓN

Equipo de Profesores: Jorge Díaz Matte - José Luis Martí Lara Wladimir Ormazabal Orellana

### Unidad 6

# Programación Funcional y Scheme

- 6.1 Introducción a la Programación Funcional
- 6.2 Introducción al Lenguaje de Programación Scheme
- 6.3 Condicionales
- 6.4 Recursión
- 6.5 Asignación
- 6.6 Ligado de Variables
- 6.7 Otras operaciones en Scheme

# 6.1 Introducción a la Programación Funcional

## Programación Funcional

- Paradigma diferente a los imperativos, que se aleja de la máquina de von Neumann.
- Basado en funciones matemáticas (notación funcional *lambda* de Church).
- No existen realmente arquitecturas de computadores que permitan la eficiente ejecución de programas funcionales.
- LISP es el primer lenguaje funcional, del cual derivan Scheme, Common LISP, ML y Haskell.
- La programación funcional ha influenciado muchos lenguajes modernos.

## Programación Funcional

- La programación funcional pura no usa variables ni asignación.
- La repetición debe ser lograda con recursión.
- Un programa consiste en la definición de funciones y la aplicación de éstas.
- La <u>ejecución del programa</u> no es nada más que la evaluación de funciones.

## Funciones Matemáticas

- Un función es una proyección de un conjunto dominio a otro que es el rango: f: D → R
- La evaluación de funciones está controlada por <u>recursión</u> y <u>condiciones</u> (los lenguajes imperativos lo hacen normalmente por secuencias e iteraciones).
- Funciones matemáticas entregan siempre el mismo valor para el mismo conjunto de argumentos y, por lo tanto, <u>no tiene efectos laterales.</u>

## Funciones Matemáticas: ejemplos

#### **MATEMÁTICAS**

- Definición de una función: cubo(x)  $\equiv x^*x^*x$ , con x real
- Aplicación de la función: cubo $(2.0) \rightarrow 8.0$

#### NOTACIÓN LAMBDA DE CHURCH

- Separa definición de la función de su nombre
- Definición de una función: λ(x) x\*x\*x
- Aplicación de la función:  $(\lambda(x) \ x^*x^*x) \ (2.0) \rightarrow 8.0$

## Formas Funcionales (funciones de primer orden)

Toman funciones como parámetros y/o producen funciones como resultado:

- Composición de Funciones:  $h \equiv f \circ g$  entonces  $h(x) \equiv f(g(x))$
- Construcción lista de funciones que se aplican a un mismo argumento:
   [f, g](x) produce (f(x), g(x))
- Aplicación a todo una misma función se aplica a una lista de argumentos:  $\alpha$  (f, (x, y, z)) produce (f(x), f(y), f(z))

## Principios claves de la Programación Funcional

- Las funciones son el elemento básico de abstracción y reutilización de código. Los programas se construyen mediante una composición de funciones.
- Las funciones son un elemento de <u>primer orden en el lenguaje</u>. Pueden guardarse en estructuras de datos, pasarse como argumentos y devolverse desde otras funciones.
- Las funciones deben ser <u>puras</u>, es decir, siempre devolver las mismas salidas para las mismas entradas y no tener efectos secundarios.
  - Son útiles porque se pueden ejecutar en cualquier orden y en paralelo, cuando no hay dependencias de parámetros entre ellas.

## Principios claves de la Programación Funcional

- Programar considerando objetos <u>inmutables</u>, siendo la inmutabilidad la propiedad de un objeto de no cambiar su estado.
  - La inmutabilidad libera de pensar en los cambios sufridos por los objetos a lo largo de la ejecución de un programa.
  - Los objetos inmutables son automáticamente seguros en hilos (thread-safe), ya que pueden ser accedidos de manera concurrente sin consecuencias, al no poder modificarse.
- A través del código se debe asegurar la <u>transparencia referencial</u>, es decir, que cualquier expresión se pueda sustituir por su valor sin que esto altere el comportamiento del programa → tener funciones puras y objetos inmutables.

# 6.2 Introducción al Lenguaje de Programación Scheme

## Scheme (1)

#### Orígenes:

- Desarrollado en el MIT a mediados del '70, por Guy L. Steele y Gerald J. Sussmann.
- Es un dialecto de LISP (McCarthy, 1958).
- Usado inicialmente para enseñanza de programación.

## Scheme (2)

#### Características:

- Pequeño, con sintaxis y semántica simple.
- Funciones son entidades de primera clase, y por lo tanto se tratan como cualquier valor.
- Tiene recolección automática de basura.
- En estricto rigor, es un lenguaje de programación funcional "impuro", pues sus estructuras de datos no son inmutables.

## Scheme (3)

- Estándares:
  - Revised Report on the Algorithmic Language Scheme (http://www.r6rs.org)
  - 1178–1990 IEEE Standard for the Scheme Programming Language (https://ieeexplore.ieee.org/document/159138)

#### Scheme: Ambiente Interactivo

- Corresponde al ciclo: leer, evaluar e imprimir (denominado REPL).
- El sistema entrega un pronto, se ingresa la expresión, el sistema evalúa y entrega el resultado. Ej.:

"Hola Scheme" => "Hola Scheme"

(Toda constante evalúa en la misma constante)

• Es posible cargar y salvar en un archivo para facilitar el proceso de desarrollo.

#### Scheme: Identificadores

 Corresponden a palabras claves, variables y símbolos, que no son sensibles a mayúsculas.

- Se forman de:
  - mayúsculas y minúsculas ['A' .. 'Z', 'a'..'z']
  - dígitos ['0'..'9']
  - caracteres [?!.+-\*/<=>:\$%^&\_~]
- Identificadores no pueden comenzar un número.
  - Válidos: X3, ?\$!!!, Abcd, AbcD
  - No lo es: 8id

## Scheme: Constantes básicas

- String: se escribe usando comillas dobles. Ej.: "Un string es sensible a Mayúsculas"
- Un caracter precede de #\. Ej.: #\a
- Un número pueden ser enteros, fraccionarios, punto flotante y en notación científica. Ejs.: -365, 1/4, 23.46, 1.3e27
- Números complejos en coordenadas rectangulares y polares. Ejs.: 2.7-4.5i +3.4@-0.5
- Booleanos son los valores #f (falso) y #t (verdadero)

## Scheme: Funciones Aritméticas

 Los nombres +, -, \* y / son nombres reservados para las operaciones aritméticas.

• Funciones se escriben como listas en notación prefija:

```
(+ 1/2 1/2) => 1

(- 2 (* 4 1/3)) => 2/3

(/ (* 6/7 7/2) (- 4.5 1.5)) => 1.0
```

- Las listas se escriben con paréntesis redondos: (a b c d)
- Listas contienen elementos de cualquier tipo, y se pueden anidar: (lambda (x) (\* x x))
- Una función se escribe como una lista en notación prefija, correspondiendo el primer elemento de la lista a la función y los siguientes a los argumentos: (+ 3 14) => 17

 Toda lista es evaluada, salvo que se especifique lo contrario mediante citación simple (quote):

```
(quote (a b c d)) => (a b c d)

'(a b c d) => (a b c d)

(a b c d) => Error
```

• Al no usar "quote", *Scheme* trata de evaluar considerando en el ejemplo a a como variable de función.

#### Operadores básicos:

• car devuelve el primer elemento de la lista:

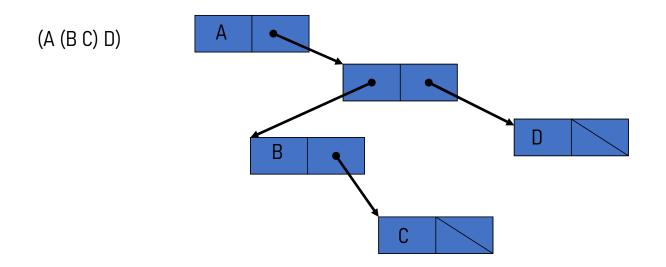
```
(car'(abcd)) \Rightarrow a
```

• cdr devuelve el resto de la lista (sin el primer elemento):

```
(cdr'(abcd)) \Rightarrow (bcd)
```

Observación: *first* y *rest* se puede usar en lugar de car y cdr, respectivamente

#### Estructura de una Lista



Observación: cada nodo es un "par"

#### Constructores:

• cons construye una nueva lista cuyo *car* y *cdr* son los dos argumentos:

```
(cons 'a '(b c d)) => (a b c d)
(cons (car '(a b c))(cdr '(a b c)) => (a b c)
```

• list construye una lista con todos los argumentos:

```
(list 'a 'b 'c 'd) => (a b c d) (list) => ()
```

append fusiona dos listas en una sola:

```
(append '(a b) '(c d)) => (a b c d)
```

#### Scheme: let

- let permite definir variables que se ligan a un valor en la evaluación de expresiones.
- Sintaxis:

```
(let ((var1 val1) ... ) exp1 exp2 ... )
```

• Ejemplo:

(let ((x 2) (y 3))  

$$(* (+ x y) (- x y)))$$
 => -5

Importante: las variables sólo tienen ámbito local

## Scheme: expresiones lambda

- Permite crear un nuevo procedimiento
- Sintaxis:

```
(lambda (var1 var2 ... ) exp1 exp2 ... )
```

• Ejemplo:

```
((lambda (x) (* x x)) 3) => 9
```

¡Una expresión lambda es un objeto tipo procedimiento que no tiene nombre!

## Scheme: expresiones lambda

#### Ejemplo:

# Scheme: relación entre let y lambda

Nótese que:

```
(let ((var<sub>1</sub> val<sub>1</sub>) ... (var<sub>m</sub> val<sub>m</sub>)) exp<sub>1</sub> ... exp<sub>n</sub>)
```

equivale a:

```
((lambda (var_1 ... var_m) exp1 ... exp_n) val_1 ... val_m)
```

## Scheme: especificación de parámetros formales

```
• Lista propia de parámetros (var_1 var_2 ... var_n)

((lambda (x y) (list x y)) 12) => (12)
```

• Lista impropia de parámetros ( $var_1 var_2 ... var_n$ .  $var_n$ ) ((lambda (x . y) (list x y)) 12 3) => (1 (2 3))

Parámetros único var<sub>r</sub>
 ((lambda x (list x)) 1 2) => ((1 2))

## Scheme: ámbito

- Las variables definidas con let y lambda son sólo visibles en el cuerpo de las expresiones (ámbito local).
- El procedimiento define permite definir variables de nivel superior (ámbito global).
- Definiciones de <u>nivel superior</u> permiten visibilidad en cada expresión donde no sean escondidas por otro ligado. Ej.: una variable definida con el mismo nombre mediante <u>let</u> oculta a las de nivel superior.

## Scheme: definiciones de nivel superior (1)

• Uso de define:

```
(define pi 3.1416)\Rightarrow pi(define square (lambda (x) (* x x))))\Rightarrow square(square 3)\Rightarrow 9(let ((x 2)(square 4)) (* x square))\Rightarrow 8
```

## Scheme: definiciones de nivel superior (2)

```
• La forma: (define var<sub>0</sub> (lambda (var<sub>1</sub> ... var<sub>n</sub>) e<sub>1</sub> ...)) se puede abreviar como: (define (var<sub>0</sub> var<sub>1</sub> ... var<sub>n</sub>) e<sub>1</sub> ...)
```

• Ejemplo: las siguientes expresiones son equivalentes

```
(define square (lambda (x) (* x x))))
(define (square x) (* x x))
```

# 6.3 Condicionales

## Expresiones condicionales

- En **Scheme** también es posible condicionar la realización de determinada tarea.
- Sintaxis: (if test consecuencia alternativa)

#### • Ejemplo:

## Expresiones condicionales Múltiples

- Scheme provee expresiones que se evalúan condicionalmente.
- Sintaxis:

```
(cond
(test1 exp1)
(test2 exp2) ...
(else exp<sub>n</sub>)
```

• El uso de else es opcional, siendo equivalente su uso a colocar #t.

## Expresiones condicionales Múltiples

• Ejemplo:

```
(define abs2
	(lambda (x)
		(cond ((= x 0) 0)
			 ((< x 0) (- 0 x))
			 (else x)
		)
	)
```

## Predicados (1)

Procedimientos para expresiones relacionales: =, <, >, <= y >=
 Ejemplo: (= 3 4) => #f

Procedimientos para expresiones lógicos: or, and y not
 Ejemplo: (and (> 5 2) (< 5 10)) => #t

#### Predicados (2)

```
(null? '()) => #t
• Lista nula: null?
                                             (eqv?'a'a) => #t

    Argumentos equivalentes: eqv?

• Ejemplo:
               (define (reciproco n)
                      (if (and (number? n) (not (= n 0)))
                         (/1n)
                         "reciproco: división no válida")
```

#### Predicados (3)

Cualquier objeto se interpreta como #t

La lista nula '() equivale a #f (sólo en Estándar IEEE)

• Se definen los predicados:

pair? : verifica si es un par, es decir si una lista

number? : verifica si es número

string? : verifica si es un string

# 6.4 Recursión

## Tipos de Recursión (1)

- Directa: la función se invoca a sí misma.
- Indirecta: la función invoca a otra función, y quizá ésta a otra(s), que termina invocando a la primera.
- Lineal: existe una única invocación recursiva.
- Múltiple: existe más de una invocación recursiva.
  - Anidada: dentro de una invocación recursiva se tiene como parámetro otra invocación recursiva

### Tipos de Recursión (2)

- de Cabeza: la invocación recursiva se hace al principio, antes que el resto de las sentencias.
- Intermedia: las sentencias aparecen y después de la invocación recursiva.
- de Cola: la invocación recursiva se hace al final, después que el resto de las sentencias.

# Recursión Directa: ejemplos en Scheme (1)

# Recursión Directa: ejemplos en Scheme (2)

```
;; El siguiente procedimiento busca x en la lista ls,
;; devuelve el resto de la lista después de x o ()
(define memv
  (lambda (x ls)
           (cond ((null? ls) ())
                  ((eqv? x (car ls)) (cdr ls))
                  (else (memv \times (cdr ls)))))
=> memv
(memv 'c '(a b c d e))
                                  => (d e)
```

# Recursión Directa: ejemplos en Scheme (3)

#### Recursión de Cola

- Es un tipo de recursión directa.
- Cuando un llamado a procedimiento aparece al final de una expresión lambda, es un llamado de cola (no debe quedar nada por evaluar de la expresión lambda, excepto retornar el valor del llamado).
- Recursión de cola es cuando un procedimiento hace un llamado de cola hacia si mismo, o indirectamente a través de una serie de llamados de cola hacia si mismo.

Son llamados de cola a f:

(lambda () (if (g) (f) #f)) (lambda () (or (g) (f)))

pero no lo son respecto a g:

(lambda () (if (g) (f) #f)) (lambda () (or (g) (f)))

### Recursión de Cola: propiedad

- Scheme trata las llamadas de cola como un goto o salto de control (jump).
- Por lo tanto, se pueden hacer un número indefinido de llamados de cola sin causar overflow del stack.
- Es recomendable transformar algoritmos que producen mucho anidamiento en la recursión a uno que sólo use recursión de cola.

### Recursión de Cola: Ejemplos

```
Recursión (define factorial (lambda (n) (let fact ((i n) (a 1)) (if (= i 0) a (fact (- i 1) (* a i))))))
```

## Recursión de Cola: Ejemplos

```
fib(n) = fib(n-1) + fib(n-2)

fib(0) = 0 y fib(1) = 1
```

```
Recursión (define fibonacci Simple: (lambda (n) (let fib ((i n)) (cond ((= i 0) 0) ((= i 1) 1) (else (+ (fib (- i 1))))))))
```

```
Recursión
de Cola:
```

```
(define fibonacci1

(lambda (n)

(if (= n 0)

0

(let fib ((i n) (a1 1) (a0 0))

(if (= i 1)

a1

(fib (- i 1) (+ a1 a0) a1)))))))
```

# 6.5 Asignación

# Asignación

- let permite ligar un valor a una (nueva) variable en su cuerpo (local), mientras que define permite ligar un valor a una (nueva) variable de nivel superior.
- Sin embargo, let y define no permiten cambiar el ligado de una variable ya existente, como lo haría una asignación.

### Asignación

- set! permite en Scheme re-ligar a una variable existente un nuevo valor, como lo haría una asignación.
- No establece un nuevo ligado, sino que cambia uno existente.
- Evaluaciones posteriores evalúan al nuevo valor.
- Son útiles para actualizar un estado y para crear estructuras recursivas.

# Asignación: Ejemplo

```
(define lista '(a b c d e))
; => lista
lista
; => (a b c d e)
(set! lista (cdr lista))
; => lista
lista
; => (b c d e)
```

# 6.6 Ligado de Variables

### Expresión Lambda

- Permite crear procedimientos, cuyo cuerpo se evalúa secuencialmente.
- En el momento de la evaluación se ligan los parámetros formales a los actuales y las variables libres a sus valores.
- Parámetros formales se especifican en tres formas: lista propia, lista impropia o variable única.

$$((lambda (x y) (+ x y)) 3 4)$$
 => 7  
 $((lambda (x . y) (list x y)) 3 4)$  => (3 (4))  
 $((lambda x x) 3 4)$  => (3 4)

#### Ligado de Referencias a una Variable

- Es un error evaluar una referencia a una variable de nivel superior antes de definirla.
- No lo es que una referencia a una variable aparezca dentro de una expresión no evaluada.

- Cada variable se liga al valor correspondiente.
- Las expresiones de valor en la definición están fuera del ámbito de las variables.
- No se asume ningún orden particular de evaluación de las expresiones del cuerpo.
- <u>Se recomienda su uso para valores independientes y donde no importa</u> orden de evaluación.

#### Ligado Local: let\*

- Similar a **let**, donde se asegura que expresiones se evalúan de izquierda a derecha.
- Cada expresión está dentro del ámbito de las variables de la izquierda.
- <u>Se recomienda su uso si hay una dependencia lineal entre los valores o el orden de evaluación es importante</u>.

# Ligado Local: let\*

```
(let ((x 1) (y 2))
	(let ((x y) (y x))
		 (list x y))) => (2 1)
(let ((x 1) (y 2))
		 (let* ((x y) (y x))
		 (list x y))) => (2 2)
```

- Similar a let, excepto que todos los valores están dentro del ámbito de todas las variables (permite definición de procedimientos mutuamente recursivos).
- El orden de evaluación no está especificado.
- <u>Se recomienda su uso si hay una dependencia circular entre las variables y sus valores, y el orden de evaluación no es importante</u>.

- Definiciones son también visibles en los valores de las variables.
- Se usa principalmente para definir expresiones lambda.
- Existe la <u>restricción</u> que cada valor debe ser evaluable sin necesidad de evaluar otros valores definidos (expresiones lambda lo cumplen).

```
;;; letrec hace visible las variables dentro de los valores definidos,
;;; permitiendo definiciones recursivas con ámbito local
(letrec ((suma (lambda (ls)
                  (if (null? ls)
                    (+ (car ls) (suma (cdr ls)))
   (suma '(123456))
```

suma es visible en el interior de la lambda

```
(let ((suma (lambda (ls) (if (null? ls) ( + (car ls) (suma (cdr ls))) ) ) ) (suma '(123456))
```

suma no es visible en el interior de la lambda

```
(letrec ((f (lambda () (+ \times 2)))
             (x 1)
                                      ¡Es válido!
(f))
=> 3
(letrec ((y (+ \times 2))
             (x 1)
                                       ¡No es válido!
 y)
=> error
```

```
(letrec
   (par? (lambda (x)
                  (or (= x 0)(impar? (- x 1))))
   (impar? (lambda (x)
                  (and (not (= x 0))(par? (- x 1))))
  (list (par? 20) (impar? 20))
=> (#t #f)
```



Recursión Mutua

# 6.7 Otras operaciones en Scheme

#### Igualdad - Equivalencia

- (eq? obj<sub>1</sub> obj<sub>2</sub>)
   retorno: #t si son idénticos
- (eqv? obj<sub>1</sub> obj<sub>2</sub>)
   retorno: #t si son equivalentes
- (equal? obj<sub>1</sub> obj<sub>2</sub>)
  retorno: #t si tienen la misma estructura y contenido
- eqv? es similar a eq?, salvo que no es dependiente de la implementación, pero es algo más costoso.
- eq? no permite comparar en forma fiable números.
- equal? es similar a eqv?, salvo que se aplica también para strings, pares y vectores.

## Igualdad - Equivalencia: ejemplos

```
(equal? 'a 'a) => #t

(equal? 3.1 3.1) => #t

(equal? (cons 'a 'b) (cons 'a 'b)) => #t
```

#### Listas asociativas

- Una lista asociativa es una lista propia cuyos elementos son pares, donde cada tiene la forma (clave valor).
- Las asociaciones son útiles para almacenar información (*valor*) relacionada con un objeto (*clave*).

```
(assq obj alist)
retorno: primer elemento de alist cuyo car es equivalente a obj, sino #f
(assv obj alist)
ídem
(assoc obj alist)
ídem
```

### Listas asociativas: ejemplo

```
(define e '((a 1) (b 2) (c 3)))

(assq 'a e) \Rightarrow (a 1)

(assq 'b e) \Rightarrow (b 2)

(assq 'd e) \Rightarrow #f
```

#### eval

#### (eval *obj*)

retorno: evaluación de *obj* como programa Scheme

- *obj* debe ser un programa válido de Scheme.
- El ámbito actual no es visible a *obj*, comportándose éste como si estuviera en un nivel superior de otro ambiente.
- No pertenece al estándar de ANSI/IEEE.

$$(eval '(+ 3 4)) \Rightarrow 7$$

#### apply

```
(apply proc obj ... lista)
```

retorno: resultado de aplicar *proc* a los valores de *obj* ... y a los elementos de la *lista* 

- apply invoca *proc* con *obj* como primer argumento ..., y los elementos de lista como el resto de los argumentos.
- Es útil cuando algunos o todos los argumentos de un procedimiento están en una lista.

#### map

```
(map proc lista<sub>1</sub> lista<sub>2</sub> ...)

retorno: lista de resultados
```

- Las listas deben ser del mismo largo.
- proc debe aceptar un número de argumentos igual al número de listas.
- map aplica repetitivamente proc tomando como parámetros un elemento de cada lista.

#### filter

#### (filter *proc* lista)

retorno: lista de resultados

- Retorna una lista con los elementos que cumplan con el predicado *proc*.
- *proc* es un procedimiento que recibe un solo argumento. Si retorna verdadero, el elemento se mantiene en la lista. Si retorna falso, se elimina.

(filter odd? '(1 2 3 4 5 6))

**=>** (1 3 5)

#### Evaluación Perezosa

(delay exp)

retorno: una promesa

(force promesa)

retorno: resultado de forzar la promesa

- *delay* con *force* se usan juntos para permitir una evaluación perezosa, ahorrando computación.
- La primera vez que se fuerza la promesa se evalúa la expresión exp, memorizando su valor; forzados posteriores retornan el valor memorizado.

#### Evaluación Perezosa: ejemplo

```
(define stream-car ;;; define un stream infinito de números naturales
 (lambda (s) (car (force s))))
(define stream-cdr
 (lambda (s) (cdr (force s))))
(define contadores
 (let prox ((n 1))
   (delay (cons n (prox (+ n 1))))))
(stream-car contadores)
=> 1
(stream-car (stream-cdr contadores))
=> 2
```

#### do: evitar!!

```
(do ((var val nuevo) ...)
(test res ...) exp...)
retorno: valor de último res
```

- Permite una forma iterativa simple.
- Las variables *var* se ligan inicialmente a *val*, y son re-ligadas a *nuevo* en cada iteración posterior.
- En cada paso se evalúa *test*.
  - #t: se termina evaluando en secuencia res ... y retornando valor de última expresión de res ... .
  - **#f**: se evalúa en secuencia **exp** ... y se vuelve a iterar re-ligando variables a nuevos valores.

#### do: ejemplo

```
(do ((var val nuevo) ...)
(test res ...) exp...)
retorno: valor de último res
```

```
(define factorial<br/>(lambda (n)<br/>(do ((i n (- i 1))<br/>(a 1 (* a i)));; variable i<br/>;; variable a<br/>;; test
```

#### Unidad 6

# Programación Funcional y Scheme

FIN

- 6.1 Introducción a la Programación Funcional
- 6.2 Introducción al Lenguaje de Programación Scheme
- 6.3 Condicionales
- 6.4 Recursión
- 6.5 Asignación
- 6.6 Ligado de Variables
- 6.7 Otras operaciones en Scheme