## Bestimmung der Spurabstände von optischen Datenträger

Armin Becka, André Berbericha, and Fabian Konrada

<sup>a</sup>Student der DHBW Mosbach

This manuscript was compiled on 16. Februar 2017

This paper presents a revolutionary and repeatable method to prove the track pitch of an optical, laser based, data medium. Using a hand held light emitting pistol, the track pitch of an standard medium was measured to be between 0,73  $\mu m$  and 1,6  $\mu m$ . Results show outstanding agreement with the provided, theoretical values of the manufacturers. The method presented has significant implications for future storage of big data in the cloud and may one day will be the contributing factor for the digitization of the industry.

Laser | CD | DVD | Storage

ie Forschung ist sich einig, dass es wichtig ist, bestehende Technologien zu reflektieren und daraus entsprechende Schlüsse für die Zukunft zu ziehen. Weiterentwicklungen im Speicherbereich dienen als Grundlage für den Weg der Digitalisierung, und der globalen Vernetzung. Die Anforderungen an Speicher, der jederzeit erreichbar, redundant ausgelegt und hochperformant sein muss, steigt mit jedem Tag. Auch Privatanwender sind von diesem "recht abrupte[n] Paradigmenwechsel" betroffen (Ct, 1990, Heft 10/2012 S.102). Die in diesem Artikel vorgestellte Methode ermöglicht es Spurabstände auf optischen Datenträgern mit einfachsten Mitteln zu bestimmen, und zu validieren ohne hierbei einen Computer oder ein Laufwerk zu verwenden. Dadurch wird man in die Lage versetzt, die siginfikanten Unterschiede diverser optischer Medien im Bezug auf die Datenkapazität, zu erklären. Die mit dieser Vorgehensweise ermittelten Werte für handelsübliche CDs und DVDs, sollen als Referenz und Denkanstoß für die Entwicklung von innovativen Speicherlösungen von morgen dienen.

## Technische Grundlagen für die Methode

Bei dieser Methode nimmt man sich die bei einem von elektromagnetischen Wellen bestrahlten Doppelspalt auftretenden Effekte zur Hilfe. Wird eine Lochplatte, beziehungsweise eine Spaltplatte, von einem Laserstrahl getroffen, so verteilt sich das Licht nahezu gleichmäßig hinter der Spaltplatte. Hält man eine Mattscheibe hinter den Doppelspalt, erscheinen mehrere von der Mitte aus in zunehmendem Abstand symmetrisch angeordnete Punkte. Dies würde eigentlich einer gleichmäßigen Verteilung widersprechen. Die Besonderheit ist jedoch, dass zwei Spalten verwendet werden und daher der Lichtstrahl an Beiden gestreut wird. Betrachtet man nun einen Punkt in einem Abstand von beiden Löchern, der sich um jeweils  $n \cdot \lambda$ unterscheidet, ist an diesem die Bestrahlungsstärke höher, da die aus beiden Spalten austretenden Wellen an dieser Stelle nicht zueinander phasenverschoben sind. Ein sogenanntes Interferenzmaximum entsteht aus der Addition der Amplituden beider austretender Wellen. An anderen Stellen tritt eine Phasenverschiebung auf, da die Lichtstrahlen an unterschiedlichen Punkten der Periode zusammentreffen. Somit entsteht eine von der Position abhängige stehende Welle, die durch die Mattscheibe visualisiert wird.

Aufbau und Leseverfahren einer CD und einer DVD. CDs und DVDs bestehen grundsätzlich aus drei Schichten. Die Unterste Schicht ist eine Kunststoffscheibe, auf der die binären Daten in Form vom Löchern im Mikrometerabstand eingeprägt, mit einem starken Laser eingebrannt oder eingeäzt wurden. Ein Loch steht für das Signal 1 und eben kein Loch stellt die 0 dar. Die zweite Schicht ist eine Aluminium- oder Goldfolie, die der Unterseite ihre typische Färbung verleiht. Als dritte Schicht wird eine bedruckte Schutzfolie oben aufgeklebt. Beim Lesen der CD, genauso wie beim Lesen einer DVD, tritt keine Interferenz auf, da das Lasersignal so stark gebündelt ist, dass es nur ein einziges Loch auf einmal trifft. Bei diesen Disks wird das auftreffende Licht mit Hilfe der darüberliegenden Folie gespiegelt. An der Stelle, auf die das Licht zurückgestrahlt werden würde, wenn der aktuell bestrahlte Abschnitt der Disk nicht eingeprägt wäre, befindet sich ein Sensor, der seine Bestrahlungsstärke misst. Jedes mal, wenn der Laserstrahl auf ein Loch in der sich drehenden Disk trifft, wird dieses an eine andere als die ursprüngliche Stelle hin gespiegelt und es kommt kein Signal am Empfänger an. Dieser erzeugt somit eine 1 als Ausgangssignal. Anderenfalls erzeugt er eine 0.

## Versuchsaufbau



Fig. 1. vereinfachter Versuchsaufbau
Ein Laserstrahl wird auf den Datenträger gerichtet. Die durch den
Datenträger abgelenkt und reflektierten Strahlen werden auf einer
Mattscheibe sichtbar gemacht.

Aufgrund der Funktionsweise des Leseverfahrens, ist es naheliegend, ein ähnliches Verfahren zur Ermittlung des Spurabstandes von optischen Datenträgern zu nutzen. Dabei können die Vertiefungen in der Kunststoffschicht als Doppelspalt genutzt werden. Um davon auf den Spurabstand schließen zu können, ist es erforderlich, dass mehrere Löcher auf mindestens zwei verschiedenen Spuren simultan bestrahlt werden. Wenn mehrere Spuren bestrahlt werden, treten keine für die Messung negativen Effekte auf KIT (2009b). Wegen des daraus resultierenden Größenverhältnisses zwischen Spurabstand und Strahlgröße ist es notwendig, einen Laserstrahl zu verwenden,

Tabelle 1. Messergebnisse in Abhängigkeit verschiedener Abstände

$\it l$ in cm	10	12	14	16	18	20
$d_{cd}$ in cm	3,8	4,6	5,3	6,1	6,9	7,6
$d_{dVd}$ in cm	17,3	20,8	24,1	27,7	31,1	34,6
$\theta_{cd}$ in Grad	20,8	21,0	20,7	20,9	21,0	20,8
$\theta_{dVd}$ in Grad	60,0	60,0	59,9	60,0	59,9	60,0

Die Tabelle stellt die Messergebnisse in Abhängigkeit des Abstands für die CD und DVD dar

der breit genug ist, um mehrere Löcher auf einmal abzudecken. Ein handelsüblicher Laserpointer erfüllt diese Voraussetzungen. Zur Erfassung der abgelenkten und reflektierten Strahlen wird eine Mattscheibe genutzt, auf welcher die Abstände der Strahlen zueinander gemessen werden können, woraus sich der in Fig.1 vereinfacht dargestellte Versuchsaufbau ergibt.

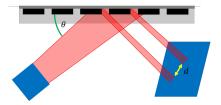


Fig. 2. Doppelspalteffekt am vom Laser angestrahlten optischen Datenträger Der auf den Datenträger flach auftreffende Laserstrahl wird abgelenkt und von Vertiefungen unterschiedlicher Spuren auf die Mattscheibe reflektiert. Der Abstand der Strahlen ist auf der Mattscheibe messbar.

Versuchsergebnisse. Da der Lochabstand von CD und DVD extrem gering ist, kann man die vom Laserpointer beleuchtete Stelle als Doppelspalt betrachten (Siehe Fig.2). Es treten die oben genannten Interferenzeffekte auf, anhand deren gemäß KIT (2009a) das Verhältnis aus der gegebenen Wellenlänge des Lasers  $\lambda$ [nm] und dem Lochabstand berechnet werden kann. Hierbei wird zuerst aus dem gemessenen Abstand der Interferenzmaxima d[cm] und dem Abstand zwischen Mattscheibe und Datenträger l[cm] der Austrittswinkel  $\theta$  berechnet. Die Berechnung hierzu erfolgt über den Arcustangens:

$$\theta = \arctan \frac{d}{l}.$$
 [1]

Aus diesem Winkel lässt sich nun entsprechend Fig.3 mit Hilfe des Gangunterschieds  $\Delta s[\mathrm{nm}]$  der Spurabstand  $g[\mathrm{\mu m}]$  berechnen. Der Gangunterschied kann in diesem Fall gleich der Wellenlänge  $\lambda[\mathrm{nm}]$  gesetzt werden, da ein Interferenzmaximum nur auftritt, wenn die beiden Wellen im gleichen Phasenabschnitt auftreten. Daraus wird nun die Berechnungsformel für den Spurabstand abhängig von Wellenlänge und Winkel abgeleitet:

$$g = \frac{\Delta s}{\sin \theta} = \frac{\lambda}{\sin \theta}.$$
 [2]

Für den Spurabstand einer CD ergibt sich dann mit Eq. (2) und der Wellenlänge des verwendeten Lasers(632nm) sowie

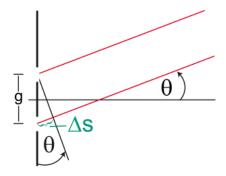


Fig. 3. Ablekungsmodell am Doppelspalt Der Winkel  $\theta$  stellt die Ablenkung des Lichtstrahls gegenüber dem Doppelspalt dar.  $\Delta s=$  ist der Gangunterschied. KIT (2009c)

einem Wert aus Tabelle 1:

$$g_{cd} = \frac{632 \cdot 10^{-9} \text{ m}^2}{\sin 20, 8^{\circ}}$$
$$\approx 1,78 \cdot 10^{-9} \text{m}$$

Analog dazu der Spurabstand der DVD mit Eq. (2):

$$g_{dvd} = \frac{632 \cdot 10^{-9} \text{ m}^2}{\sin 60, 0^{\circ}}$$
$$\approx 0, 73 \cdot 10^{-9} \text{m}$$

## Interpretation der ermittelten Werte

Durch die gewonnen Messergebnisse konnten die Hersteller Angaben von 0,73 µm (DVD) ECMA (1996) und 1,6 µm (CD) ECMA (2004) bestätigt werden.

$$S_{\rm cd} = 1,78 \ \mu \text{m}$$
 [3]

$$S_{\rm dyd} = 0.73 \; \mu \text{m}$$
 [4]

Vergleich Datenkapazität CD und DVD. Der geringere Spurabstand der DVD ist einer der Gründe, warum diese eine höhere Datenkapazität als die CD hat, obwohl beide die gleiche Bauform haben.

Aus Fig.4, das den schematischen Aufbau einer CD oder DVD zeigt, können zwei Radien entnommen werden, über die die Fläche des Datenbereichs berechnet werden kann. Für die folgenden Berechnungen gilt:  $r_{\rm i}=$  innerer Radius und  $r_{\rm a}=$  äußerer Radius

Von einer CD konnten die folgenden Werte abgelesen werden:

$$r_{\mbox{\scriptsize i}_{\mbox{\scriptsize cd}}} = 2, 3 \mbox{ cm}$$
 und  $r_{\mbox{\scriptsize a}_{\mbox{\scriptsize cd}}} = 5, 8 \mbox{ cm}$ 

Mit der Formel für die Fläche eines Kreisringes (Bartsch and Sachs, 2014, Seite 147) kann die Fläche für Daten berrechnet werden:

$$A = \pi((r_a)^2 - (r_i)^2).$$
 [5]

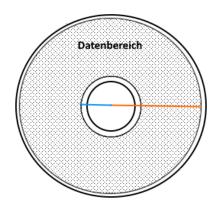
Die Gesamtlänge einer Spur kann folgendermaßen berechnet werden

$$L = \frac{\text{Fläche für Daten}}{\text{Spurbreite}}.$$
 [6]

Die Anzahl der Bits im Datenbereich kann dann anschließend ebenfalls berechnet werden (unter Berücksichtigung eines Spurabstandes)

$$N_{bits} = \frac{L}{0.5 * \text{Spurbreite}}.$$
 [7]

2 | et al.



innerer Radius äußerer Radius

Fig. 4. Schematische Darstellung eines optischen Datenträgers
Ein typischer optischer Datenträger mit gekennzeichneten Radien zur
Darstellung des Datenbereichs

Berechnung CD. Für eine CD ergibt sich folgende Berechnung:

Für die genutzte Datenfläche aus Eq. (5):

$$A_{cd} = \pi \cdot ((r_{a_{cd}})^2 - (r_{i_{cd}})^2)$$

$$= \pi \cdot ((5, 8\text{cm})^2 - (2, 3 \text{ cm})^2)$$

$$= \pi \cdot ((0, 058 \text{ m})^2 - (0, 023 \text{ m})^2) \approx 8,91 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2.$$

Für die Gesamtlänge der Spur aus Eq. (5) ergibt sich mit Eq. (3):

$$\begin{split} L_{cd} &= \frac{\text{Fläche für Daten}}{\text{Spurbreite}} \\ &= \frac{A_{\text{cd}}}{S_{\text{cd}}} \\ &= \frac{8,91 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2}{1,78 \cdot 10^{-6} \text{ m}} \\ &= 5005 \text{ m}. \end{split}$$

Die Anzahl der Bits beträgt dann über Eq. (7):

$$\begin{split} N_{\text{cd-bits}} &= \frac{L_{\text{cd}}}{0, 5 \cdot s_{\text{cd}}} \\ &= \frac{5005 \text{ m}}{0, 5 \cdot 1, 78 \cdot 10^{-6} \text{ m}} \\ &= 55623595506 \\ &\approx 5, 6 \cdot 10^{9}. \end{split}$$

Umgerechnet in MiB:

$$\begin{split} C_{\rm cd} &= \frac{N_{\rm cd\text{-}bits}}{8 \cdot 1024 \cdot 1024} \\ &= \frac{5, 6 \cdot 10^9}{8 \cdot 1024 \cdot 1024} \\ &\approx 668 \text{ MiB.} \end{split}$$

Die Größenordnung entspricht der einer handelsüblichen CD.

**Berechnung DVD.** Für eine DVD ergibt sich analog dazu die folgende Berechnung:

Von einer DVD konnten die folgenden Werte abgelesen werden:  $r_{\rm i_{dvd}}=2,3$  cm und  $r_{\rm a_{dvd}}=5,9$  cm.

Für die genutzte Datenfläche aus Eq. (5):

$$\begin{aligned} A_{\rm dvd} &= \pi \cdot ((r_{\rm a}{}_{\rm dvd})^2 - (r_{\rm i}{}_{\rm dvd})^2) \\ &= \pi \cdot ((5,9 {\rm cm})^2 - (2,3 {\rm ~cm})^2) \\ &= \pi \cdot ((0,059 {\rm ~m})^2 - (0,023 {\rm ~m})^2) \approx 9.27 \cdot 10^{-3} {\rm ~m}^2. \end{aligned}$$

Für die Gesamtlänge der Spur aus Eq. (5) ergibt sich mit Eq. (4):

$$\begin{split} L_{\rm dvd} &= \frac{\text{Fläche für Daten}}{\text{Spurbreite}} \\ &= \frac{A_{\rm dvd}}{S_{\rm dvd}} \\ &= \frac{9,27 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2}{0,73 \cdot 10^{-6} \text{ m}} \\ &\approx 12700 \text{ m}. \end{split}$$

Die Anzahl der Bits beträgt dann über Eq. (7):

$$\begin{split} N_{\rm dvd\text{-}bits} &= \frac{L_{\rm dvd}}{0, 5 \cdot S_{\rm dvd}} \\ &= \frac{12700 \text{ m}}{0, 5 \cdot 0, 73 \cdot 10^{-6} \text{ m}} \\ &\approx 3, 48 \cdot 10^{10}. \end{split}$$

Umgerechnet in GiB:

$$\begin{split} C_{\text{dvd}} &= \frac{N_{\text{dvd-bits}}}{8 \cdot 1024 \cdot 1024} \\ &= \frac{3,48 \cdot 10^{10}}{8 \cdot 1024 \cdot 1024 \cdot 1024} \\ &\approx 4,05 \text{GiB}. \end{split}$$

Auch diese Größenordnung entspricht der einer handelsüblichen DVD.

Mit dieser Methode ist es nun auch möglich, weitere optische Datenträger zu überprüfen. Aufgrund der erhebbaren Daten sind Neuerungen in der Speichertechnik von optischen Medien denkbar, die in der Zukunft eine zentrale Rolle für Speicherlösungen spielen können. Heute sind schon optische Datenträger mit bis zu 1 TB in Entwicklung Sony-Corporation and Panasonic-Corporation (2014).

Bartsch, H.-J. and Sachs, M. (2014). Taschenbuch mathematischer Formeln für Ingenieure und Naturwissenschaftler. Hanser Verlag, München, 23., überarbeitete auflage edition.

Ct (1990). Sturm in die wolke. Ct-Magazin, pages Online-Ressource.

ECMA (1996). Data interchange on read-only 120 mm optical data disks (cd-rom). http://www.ecma-international.org/publications/files/ECMA-ST/Ecma-130.pdf abgerufen am 16.02.2017.

ECMA (2004). 80 mm (1,46 gbytes per side) and 120 mm (4,70 gbytes per side) dvd recordable disk (dvd-r). http://www.ecma-international.org/publications/files/ECMA-ST/Ecma-359.pdf abgerufen am 16.02.2017.

KIT (2009a). Der doppelspalt. http://psi.physik.kit.edu/150.php abgerufen am 16.02.2017.

KIT (2009b). Der dreifachspalt. http://psi.physik.kit.edu/155.php abgerufen am 16.02.2017.

KIT (2009c). Extrema-herleitung. http://psi.physik.kit.edu/img/Extrema-Herleitung.png abgerufen am 16.02.2017.

Sony-Corporation and Panasonic-Corporation (2014). Archival disc standard formulated for professional-use next-generation optical discs. http://www.sony.net/SonyInfo/News/Press/201403/14-0310E/index.html abgerufen am 16.02.2017.

PNAS | 16. Februar 2017 | vol. XXX | no. XX | 3