# ENUNCIADO TAREA 2 ALGORITMOS Y COMPLEJIDAD

# 

Fecha límite de entrega: 21 de abril de 2025

### Equipo Algoritmos y Complejidad 2025-2

6 de octubre de 2025 03:44 Versión 0.0

# Índice

	Objetivos         1.1. Problema          1.2. Entrada y salida	
	Especificaciones 2.1. Implementaciones	<b>4</b> 4
3.	Condiciones de entrega	6
Α.	Casos de prueba	7

# 1. Objetivos

El objetivo de esta tarea 2 es comparar diferentes técnicas de resolución de un mismo problema, evaluando su **tiempo de ejecución** y **uso de memoria**.

Deberán implementar tres enfoques: un **algoritmo de fuerza bruta**, dos **heurísticas greedy subóptimas** (algoritmos que no garantizan la solución óptima) y un **algoritmo de programación dinámica**. Además, se analizará el rendimiento y la calidad de las soluciones, especialmente en los métodos greedy, para determinar qué tan cercanas están al resultado óptimo.

#### 1.1. Problema

En **CppCorp**, una empresa de desarrollo de software fundada en 2001, se busca optimizar la productividad de los desarrolladores. A lo largo de los años, la empresa ha crecido y cuenta con un equipo diverso de programadores con distintos lenguajes favoritos y niveles de experiencia. En el año 2025, Carlos fue nombrado jefe de la empresa y se propuso mejorar la eficiencia y productividad de todos los equipos de desarrollo.

Los empleados están organizados en fila según el orden de ingreso a la empresa, es decir, el empleado i fue el iésimo en entrar. Cada desarrollador i tiene un **lenguaje de programación favorito**  $C_i$  y si programa en su lenguaje favorito su productividad es  $A_i$ , mientras que si programa en otro lenguaje su productividad es  $B_i$ .

Carlos desea formar equipos que maximicen la **productividad total de la empresa**, definida como la suma de las productividades de todos los equipos. Cada desarrollador **pertenece exactamente a un equipo**, y no hay empleados fuera de los equipos. Para ello, los equipos se forman como **segmentos contiguos no vacíos** de la fila de empleados.

La productividad individual de un empleado i dado que programa con el lenguaje L se define como

$$p_i(L) = \begin{cases} A_i & \text{si } C_i = L \\ B_i & \text{si } C_i \neq L \end{cases}$$

La productividad de un equipo se obtiene sumando las productividades individuales de todos los miembros del equipo usando el lenguaje que más miembros prefieren, y en caso de empate se toma la opción que genere la menor productividad posible. Formalmente, para un segmento [l,r], la productividad del equipo se define como:

$$\operatorname{productividad\_equipo}(l,r) = \min_{L \in \operatorname{arg\,m\'{a}x}_{\ell} \mid \{i \in [l,r]: C_i = \ell\} \mid i = l} \sum_{i=1}^{r} p_i(L)$$

Aquí,  $\arg\max_x f(x)$  representa **el conjunto de valores** x **que maximizan** f(x). En nuestra fórmula,  $|\{i \in [l,r]: C_i = \ell\}|$  representa la cantidad de miembros del segmento cuyo lenguaje favorito es  $\ell$ , y por lo tanto

$$\underset{\ell}{\arg\max} |\{i \in [l,r]: C_i = \ell\}|$$

es el conjunto de lenguajes más frecuentes en el segmento.

La **productividad total de la empresa** se obtiene sumando las productividades de todos los segmentos que forman los equipos:

$$ProdTotal = \sum_{\text{segmentos } [l,r]} productividad\_equipo(l,r)$$

Cada segmento [l,r] contribuye con su propia productividad según las reglas descritas, y el objetivo es encontrar la **partición óptima** de la fila que maximice ProdTotal, asegurando que todos los desarrolladores estén incluidos en algún equipo.

#### Dominio de los valores y casos de prueba

Para esta tarea, los valores de los parámetros cumplen las siguientes restricciones:

- n, la cantidad de empleados, es un entero tal que  $1 \le n \le 10^4$ .
- $A_i$  y  $B_i$ , las productividades de cada empleado, son enteros en el rango  $[-10^9, 10^9]$ .
- $C_i$  es un string formado únicamente por letras minúsculas del alfabeto inglés, sin espacios, que indica el lenguaje favorito del empleado i.

#### 1.2. Entrada y salida

#### Formato de entrada

El input se presenta de la siguiente manera:

```
n
A_1 B_1 C_1
A_2 B_2 C_2
...
A_n B_n C_n
```

#### Formato de salida

ProdTotal

donde ProdTotal es la productividad máxima que se puede obtener al formar los equipos de acuerdo a las reglas descritas anteriormente.

#### Ejemplo de entrada

```
5
10 5 cpp
8 3 python
6 4 cpp
7 2 java
5 5 cpp
```

#### Ejemplo de salida

26

#### Explicación

Se pueden formar los siguientes equipos para maximizar la productividad:

- **Equipo 1:** Empleados 1, 2, 3
  - Lenguaje más frecuente: cpp (empleados 1 y 3)
  - Productividad:

$$(10+6) + B_2 = 16 + 3 = 19$$

- **Equipo 2:** Empleados 4 y 5
  - Frecuencia máxima de lenguajes: java y cpp aparecen una vez cada uno
  - Para desempatar, se elige el lenguaje que genere la mínima productividad del equipo (regla del problema)
  - · Productividad:

```
• Lenguaje java: (7) + B_5 = 7 + 5 = 12
• Lenguaje cpp: (5) + B_4 = 5 + 2 = 7
```

• Elegimos el mínimo: 7

La productividad total máxima se obtiene sumando los equipos: 19 + 7 = 26.

# 2. Especificaciones

En esta sección se describen los pasos a seguir para completar la tarea, la cual consiste en desarrollar código en C++ «Implementaciones» y en realizar un informe «Informe». Se espera que cada uno de los pasos se realice de manera ordenada y siguiendo las instrucciones dadas.

Abra este documento en algún lector de PDF que permita hipervínculos, ya que en este documento el texto en color azul suele indicar un hipervínculo.

- (1) En caso de dudas, enviar preguntas al foro de la Tarea 2 o a los ayudantes del curso. Cualquier modificación o aclaración se informará tanto por aula como por los canales oficiales de GitHub Classroom.
- (2) Todo lo necesario para realizar la tarea se encuentra en el repositorio de GitHub Classroom:

TODO:Linkclassroom

Nota: La estructura de archivos y el template del proyecto se encuentran disponibles en el repositorio generado. El repositorio será automáticamente privado y contendrá toda la estructura necesaria para completar la tarea.

(3) El repositorio generado contiene toda la información oficial y estructura necesaria para completar la tarea.

#### 2.1. Implementaciones

- (1) Implementar cada uno de los algoritmos en C++:
  - Algoritmo Fuerza Bruta: Resolver el problema de forma exhaustiva utilizando fuerza bruta.
     Archivo: code/implementation/algorithms/brute-force.cpp.
  - **Algoritmos Greedy:** Implementar dos heurísticas greedy (*subóptimas*) para el problema. Archivos: code/implementation/algorithms/greedy{1,2}.cpp.
  - Programación Dinámica: Implementar la solución óptima del problema mediante programación dinámica.

Archivo: code/implementation/algorithms/dynamic-programming.cpp.

- (2) Mediciones de tiempo y memoria: Implementar el programa principal en C++ code/implementation/general.cpp y su respectivo makefile que ejecute los algoritmos y genere archivos de salida en los directorios:
  - code/implementation/data/measurements/
  - code/implementation/data/outputs/
- (3) Generación de gráficos: Implementar scripts en Python que lean los archivos de medición y generen gráficos en formato PNG en:
  - code/implementation/data/plots/
  - Scripts de ejemplo: code/implementation/scripts/testcases\_generator.py y plot\_generator.py.
- (4) Documentación: Documentar cada uno de los pasos anteriores:
  - Completar el archivo README.md del directorio code.
  - Documentar en cada uno de sus programas, al inicio de cada archivo, fuentes de información, referencias y bibliografía utilizada.

#### 2.2. Informe

Generar un informe en La que contenga los resultados obtenidos y una discusión sobre ellos. El template oficial se encuentra en el repositorio de GitHub Classroom en el directorio report/y debe utilizarse en esta entrega:

#### TODO:Linkclassroom

- No se debe modificar la estructura del informe.
- Las indicaciones se encuentran en el archivo README.md del repositorio y en la plantilla de LATEX.

# 3. Condiciones de entrega

- (1) La tarea es individual, sin excepciones.
- (2) La entrega debe realizarse vía <a href="http://aula.usm.cl">http://aula.usm.cl</a>, entregando la URL del repositorio de GitHub Classroom donde se encuentra el código fuente de su tarea. Debe aceptar la invitación de GitHub Classroom para obtener su repositorio de trabajo: <a href="https://two.ncbi.nlm.classroom">TODO:Linkclassroom</a> El repositorio generado por GitHub Classroom será automáticamente privado y contendrá toda la estructura y template necesarios para completar la tarea.
- (3) Si se utiliza algún código, idea o contenido extraído de otra fuente, este debe ser citado en el lugar exacto donde se utilice.
- (5) Si usa material adicional al discutido en clases, detállelo. Agregue información suficiente para ubicar ese material (en caso de no tratarse de discusiones con compañeros de curso u otras personas).
- (6) No modifique preamble.tex, report.tex, rules.tex, estructura de directorios, nombres de archivos, configuración del documento, etc. Sólo agregue texto, imágenes, tablas, código, etc. En los códigos fuente de su informe/reporte, no agregue paquetes ni archivos.tex.
- (7) La fecha límite de entrega es el día 21 de abril de 2025.

# A. Casos de prueba

#### A.0.1. Generación de casos de prueba

Los estudiantes deberán implementar un generador de casos de prueba en Python llamado testcases\_generator.py, ubicado en:

code/implementation/scripts/testcases\_generator.py

#### Requisitos del generador:

- Debe generar archivos de entrada válidos para el problema de productividad de desarrolladores.
- Cada archivo de entrada debe llamarse:

donde:

- {n} representa la cantidad de empleados del caso de prueba.
- {i} es un identificador único para diferenciar múltiples casos con la misma cantidad de empleados.
- Formato del archivo de entrada:
  - La primera línea contiene un entero n, la cantidad de empleados, con  $1 \le n \le 10^4$ .
  - Las siguientes *n* líneas contienen tres elementos por empleado:

$$A_i B_i C_i$$

donde:

- $A_i$  es la productividad del empleado i cuando programa con su lenguaje favorito (entero entre  $-10^9$  y  $10^9$ ).
- $B_i$  es la productividad del empleado i cuando programa con un lenguaje distinto al favorito (entero entre  $-10^9$  y  $10^9$ ).
- $\circ$   $C_i$  es el lenguaje favorito del empleado i, representado por un string de letras minúsculas (sin espacios).
- El generador debe permitir crear múltiples casos de prueba de manera automática, variando la cantidad de empleados, los valores de productividad y los lenguajes favoritos.

Los archivos generados serán utilizados por los algoritmos implementados en C++ para probar la corrección y eficiencia de las soluciones de fuerza bruta, greedy y programación dinámica.