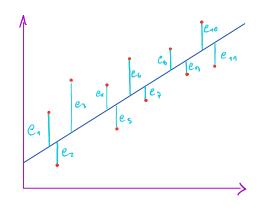
Regresión Lineal

l'ensemos en le versión més sencille del probleme de Regresión Lineal:

Tenemos un conjunto de puntos en un plano: [(x1, 1/2), (x2, 1/2), ..., (xn, 1/n)] y quevemos une recte que pese lo más cerce posible de todos los puntos



Así, nos otros queremos encontrar una recta $\hat{y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 \times \hat{\beta}_1 \times \hat{\beta}_2 + \hat{\beta}_3 \times \hat{\beta}_4 \times \hat{\beta}_4 \times \hat{\beta}_5 \times \hat{\beta}_5 \times \hat{\beta}_5 \times \hat{\beta}_6 \times \hat{\beta}$

Así, en base e nuestros datos, queremos aprender los parémetros so y Br

See Îi = Bo + Bn Xi le predicción basede en el i-ésimo velor de x (xi).

La maremos ei al error $Y_i - \hat{Y}_i$, esto es, le diferencia entre la predicción y el Valor real. Así, nosotros queremos minimizer la suma de los leil (recordemos que ei puede ser negativo). Como no nos queta el valor absoluto, minimizeremos:

$$\sum_{i=1}^{N} e_{i}^{2} = e_{1}^{2} + e_{2}^{2} + ... + e_{n}^{2}$$

$$= (\gamma_{1} - \beta_{0}^{2} - \beta_{1} \times 1)^{2} + ... + (\gamma_{n} - \beta_{0} - \beta_{1} \times 1)^{2}$$

$$= \sum_{i=1}^{N} (\gamma_{i} - \beta_{0} - \beta_{1} \times 1)^{2}$$

Como encontramos los valores que minimizan le expresión?

$$\frac{\left(\sum_{i=1}^{n} \left(Y_{i} - \hat{\beta}_{o} - \hat{\beta}_{1} \times i\right)^{2}}{\left(\sum_{i=1}^{n} \left(Y_{i} - \hat{\beta}_{o} - \hat{\beta}_{2} \times i\right)\right)} = 0$$

$$0 = \sum_{i=1}^{n} \left(\gamma_{i} - \widehat{\beta}_{0} - \widehat{\beta}_{1} \times i \right) = \sum_{i=1}^{n} \gamma_{i} - \sum_{i=1}^{n} \widehat{\beta}_{0} - \widehat{\beta}_{1} \sum_{i=1}^{n} \chi_{i}$$

$$n \widehat{\beta}_{0}$$

Así tenemos:

$$\hat{\beta}_{0} = \underbrace{\sum_{i=1}^{n} Y_{i} - \hat{\beta}_{1} \sum_{i=1}^{n} X_{i}}_{N} = \underbrace{\overline{y} - \hat{\beta}_{1} \overline{\chi}}_{N}$$

Con 7 el promedio de los Yi X el promedio de los Xi

$$\frac{\sum_{i=1}^{n} (Y_i - \hat{\beta}_o - \hat{\beta}_n \chi_i)^2}{\delta \hat{\beta}_n} = \sum_{i=1}^{n} -2\chi_i (Y_i - \hat{\beta}_o - \hat{\beta}_n \chi_i)$$

$$0 = \sum_{i=1}^{n} x_i (Y_i - \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_1 x_i) = \sum_{i=1}^{n} (x_i Y_i - \hat{\beta}_0 x_i - \hat{\beta}_1 x_i^2)$$

Pero recordemos que: Bo = 7 - Bo X

$$0 = \sum_{i=1}^{n} (\chi_i Y_i - (\overline{Y} - \widehat{\beta}_{\Lambda} \overline{\chi}) \chi_i - \widehat{\beta}_{\Lambda} \chi_i^2)$$

$$0 = \sum_{i=1}^{n} (x_i \gamma_i - \overline{\gamma}_{x_i}) - \widehat{\beta}_{\lambda} \sum_{i=1}^{n} (x_i^2 - \overline{x}_{x_i})$$

Y de aqui obtenemos la famosa expresión:

$$\hat{\beta}_{n} = \sum_{i=n}^{n} (\chi_{i} Y_{i} - \overline{Y} \chi_{i})$$

$$\sum_{i=n}^{n} (\chi_{i}^{2} - \overline{\chi} \chi_{i})$$

Asi, tenemos que le reite que buscamos es:

$$\frac{1}{\beta_0} = \frac{\beta_0 + \beta_1 \times}{\sqrt{\beta_1 \times \gamma_1 - \gamma_2}}$$

$$\frac{\beta_0}{\beta_0} = \frac{\sum_{i=1}^{N} (x_i y_i - \overline{y}_{x_i})}{\sqrt{(x_i^2 - \overline{x}_{x_i})}}$$

Ojo! También es frecuente ver Ba

$$\hat{\beta}_{\Lambda} = \sum_{i=1}^{n} (\chi_{i} - \bar{\chi}) (\gamma_{i} - \bar{\gamma})$$

$$\sum_{i=1}^{n} (\chi_{i} - \bar{\chi})^{2}$$

Pero es fócil mostrar que $C\sum_{i=1}^{N}(z_i-\overline{z})$ es O, así que llegare mos a que les identidades son igueles