## Gradient Descent

Por qué buscer otres formes de entrener nuestro modelo si tenemos une formula?

La complejidad compute cional de invertir

X<sup>T</sup> X esté entre O(n<sup>2.4</sup>) y O(n<sup>3</sup>)

dependiendo de la implemente ción. Esto puede ser muy lento pare grandes datos.

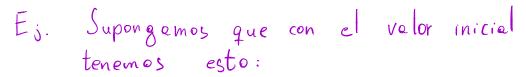
Gradient Descent es un algoritmo que encuentra optimos mediante iteraciones. Así, si nuestra función objetivo es:

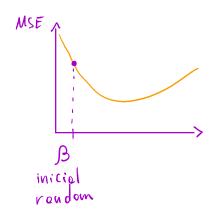
min 
$$\sum_{i=1}^{n} (Y_i - \beta^T x_i)^2$$
 min  $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (Y_i - \beta^T x_i)^2$ 

\*\*Recordenes que

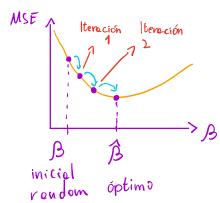
\* Recordenos que B·Xi = BTXi

Nosotros queremos encontrar los valores de B que minimizan el MSE. Este algoritmo inicializa B aleatorio y los empieza a mover en el sentido del gradiente.



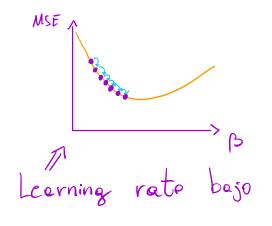


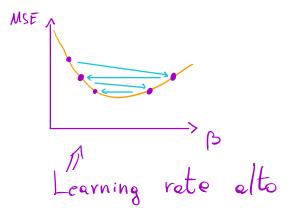
Así, nos moveremos en la dirección en la que decrece la función objetivo.



Esto es analogo o ir descendiendo un cerro por tanteo.

Ademós podemos controlar el tomeño de nuestros saltos. Esto se denomina Leernin rate.





Ojo! este método se puede quedar "estancado" en mínimos locales, pero como la función MSE es convexa, sabemos que llegaró a un mínimo global.

El método se llama bradient Descent porque en cada iteración nos mavemos en la dirección en la que va el gradiente. Precordemos que el MSE en este caso va de Par INTE con K número de features.

$$\nabla_{\!\!\!\beta} MSE = \frac{2}{m} X^{\mathsf{T}} (X\beta - Y)$$