



**UNRN**

Universidad Nacional  
de Río Negro



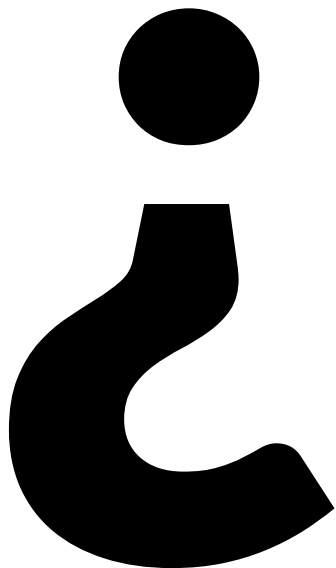
| unrionegro

# Árboles

Martín René Vilugron  
martinvilu@unrn.edu.ar

PROGRAMACIÓN 2  
2023





# **dudas de las correcciones**



**Por qué tengo un  
ClassCastException  
si hice todo bien...**

# La lección aprendida

# Tratar lo que está definido en

```
java.lang.*
```

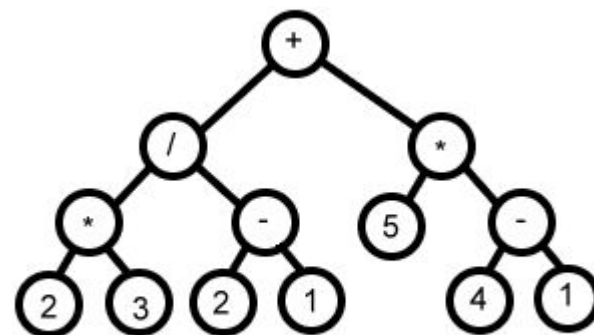
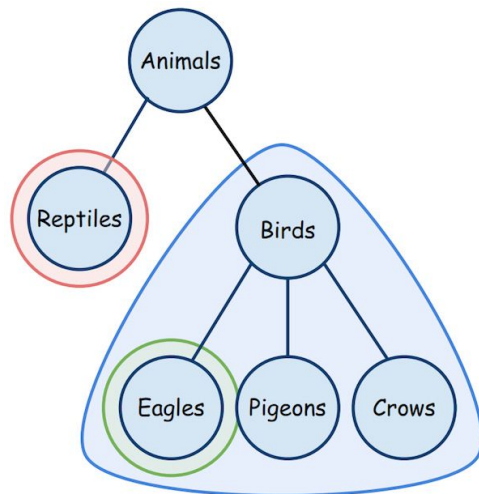
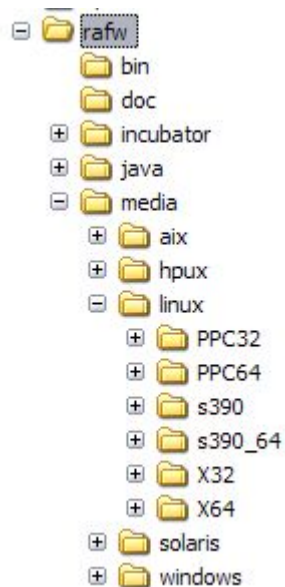
# como palabras reservadas



**¿Preguntas?**

# Estructuras de datos jerárquicas

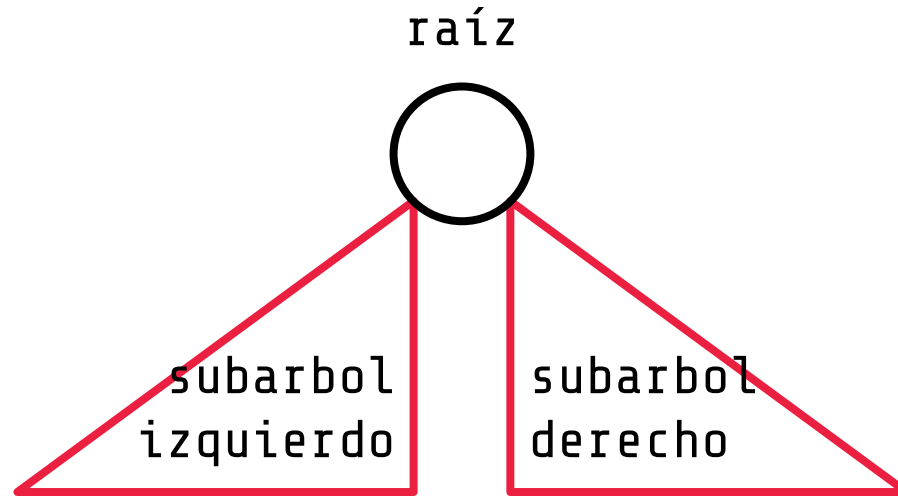




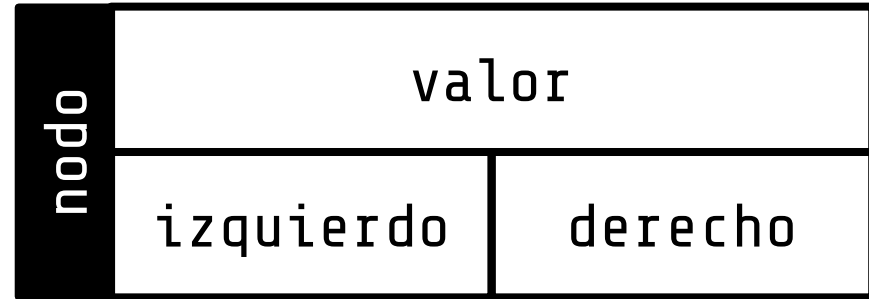
Expression tree for  $2*3/(2-1)+5*(4-1)$

# Árbol binario

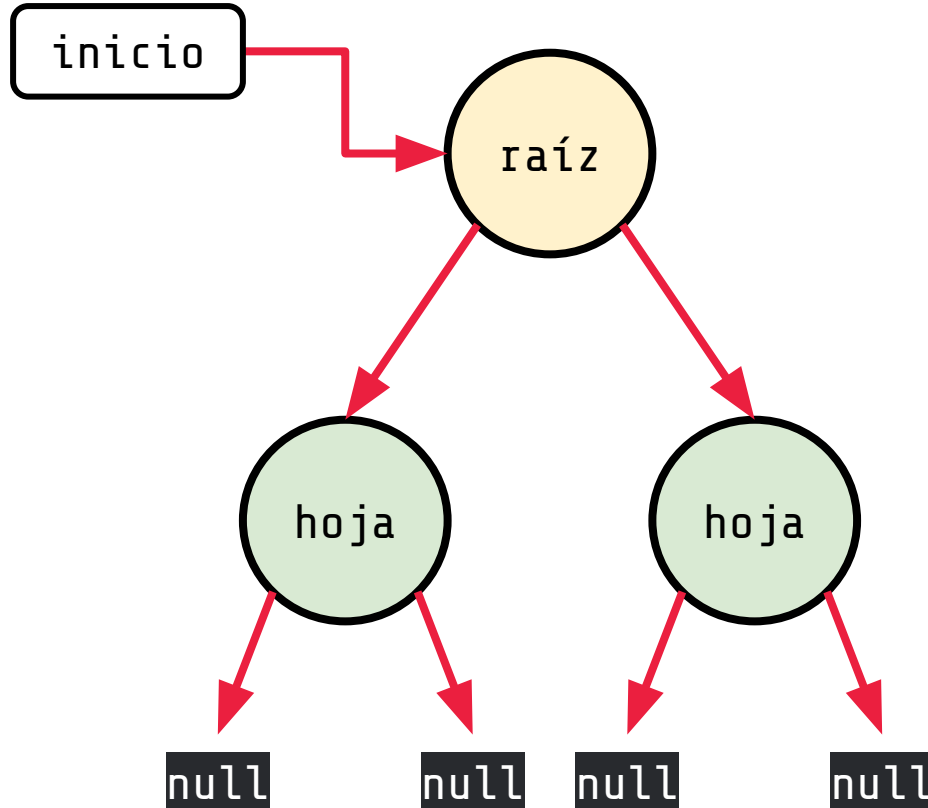
# Definido recursivamente



# En donde cada nodo está compuesto de



# Componentes y estructura de un árbol



# Conceptos

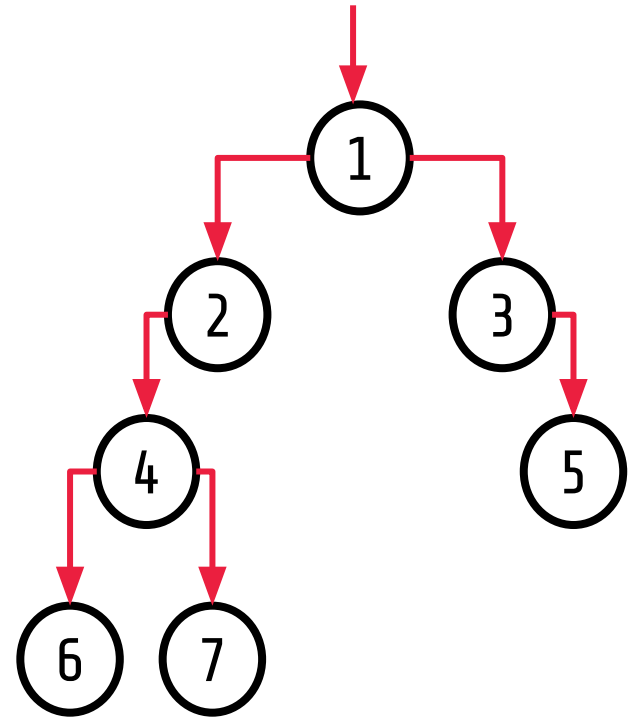
# Arco

La conexión entre dos nodos

Por ejemplo

(1, 2)

(4, 7)



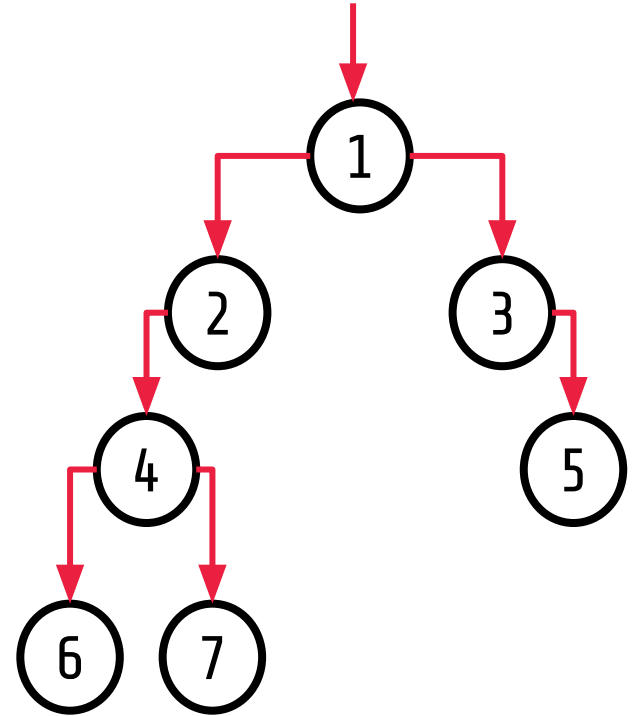
# Camino

Una secuencia entre nodos

Por ejemplo

(1, 2, 4, 7)

(1, 3, 5)



**\*más sobre esto un poco más adelante**

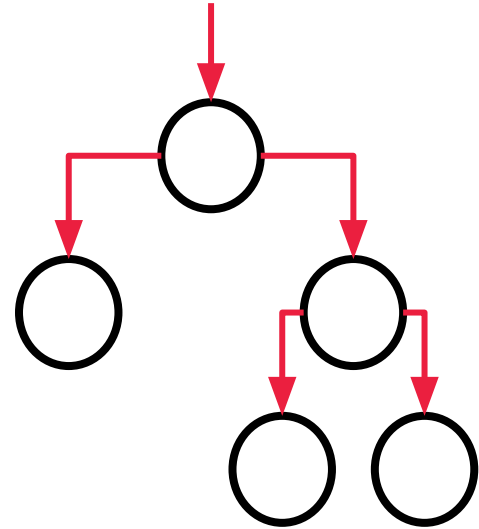


---

# Características

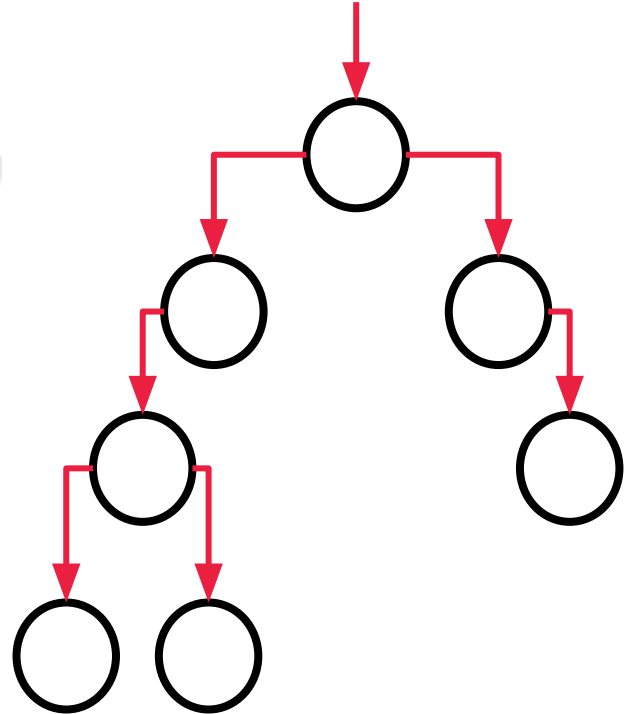
# Árbol 'propio'

Los nodos tienen cero o dos hijos



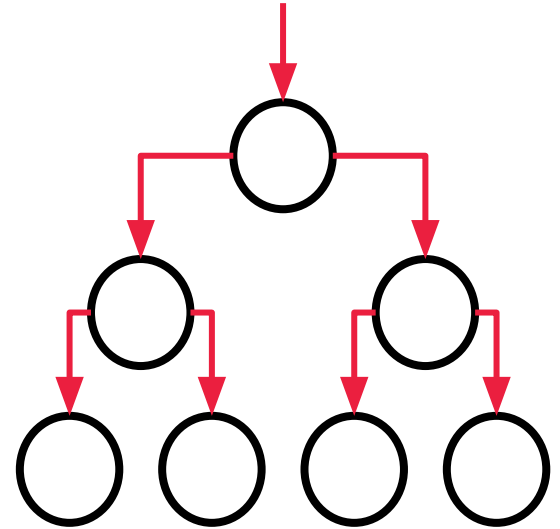
# Árbol 'impropio'

Los nodos pueden no tener ambos hijos



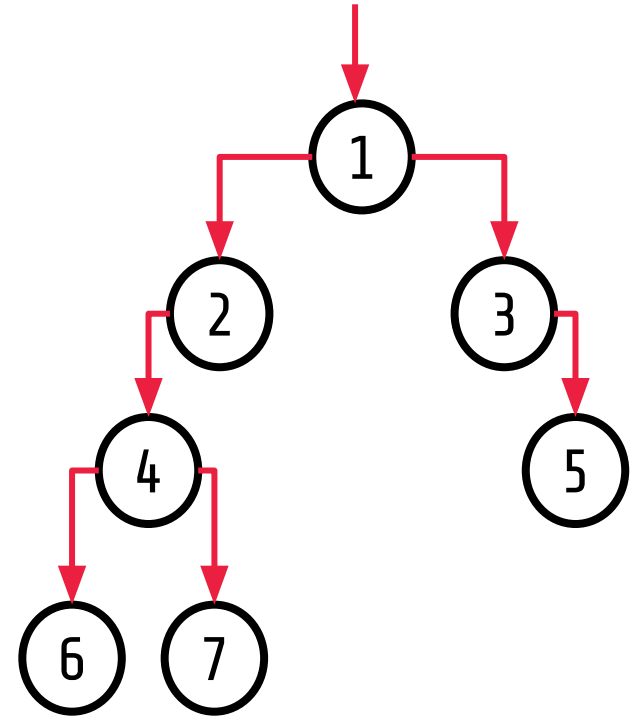
# Árbol 'lleno'

**Todos los nodos tienen dos hijos  
(excepto las hojas)**



# Peso

Como la cantidad total de nodos

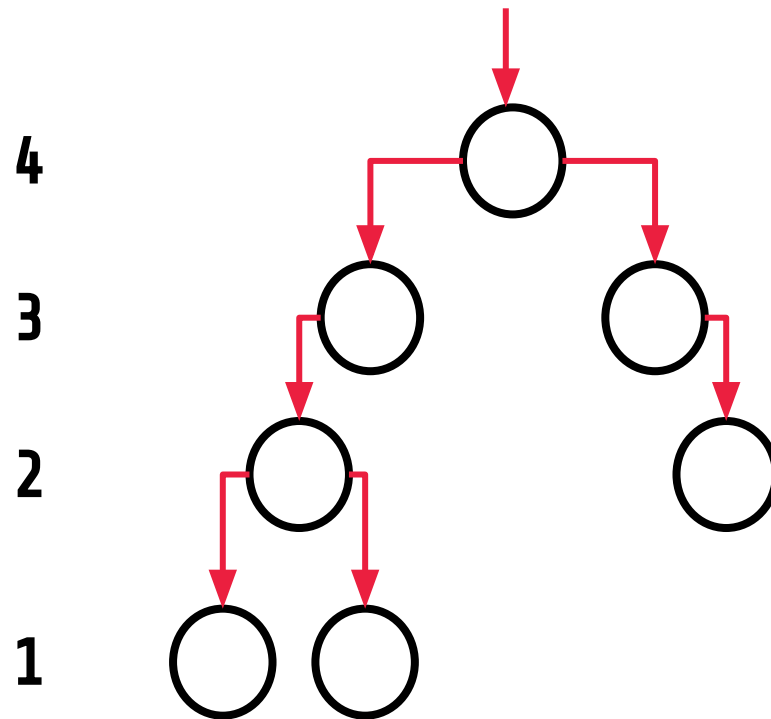


# Cálculo recursivo

```
public static int peso(Arbol raiz){  
    if (raiz == null){  
        return 0;  
    }  
    int izquierda = peso(root.left);  
    int derecha = peso(root.right);  
    return 1 + izquierda + derecha;  
}
```

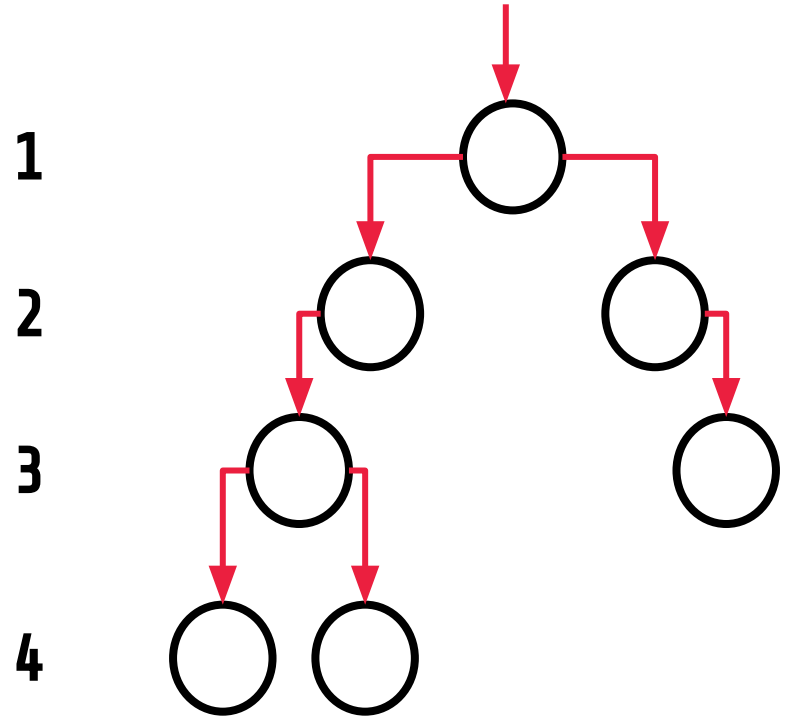
# Altura

Cuantos niveles tiene el árbol



# Profundidad

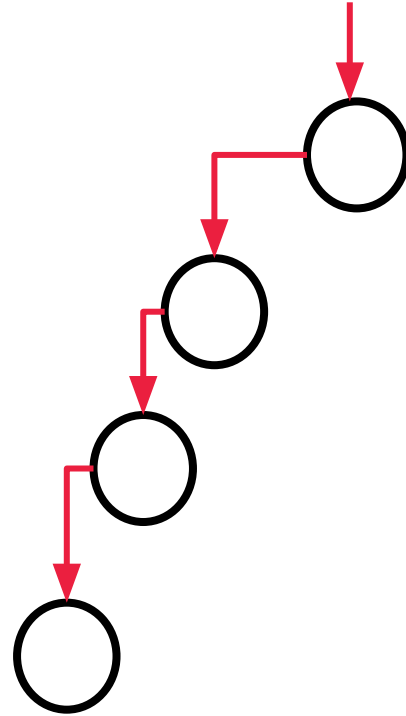
El camino mas largo hacia  
abajo





# Degeneración

A lista enlazada



---

# recorridos

# preorden

1 se *visita* el nodo

2 seguimos con el izquierdo

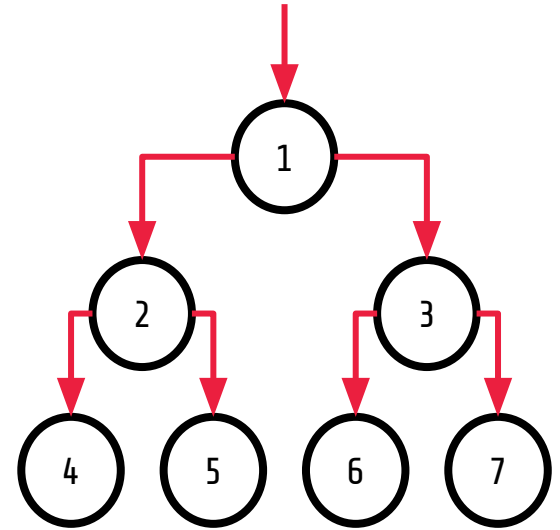
3 seguimos con el derecho

# preorden

1 se *visita* el nodo

2 seguimos con el izquierdo

3 seguimos con el derecho



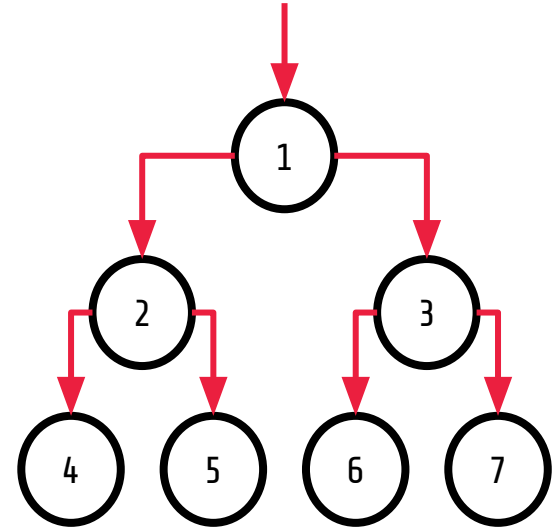
# preorden

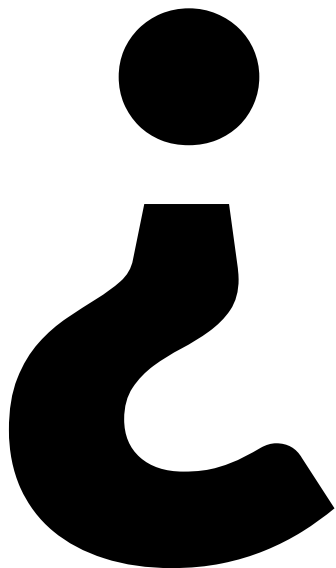
1 se *visita* el nodo

2 seguimos con el izquierdo

3 seguimos con el derecho

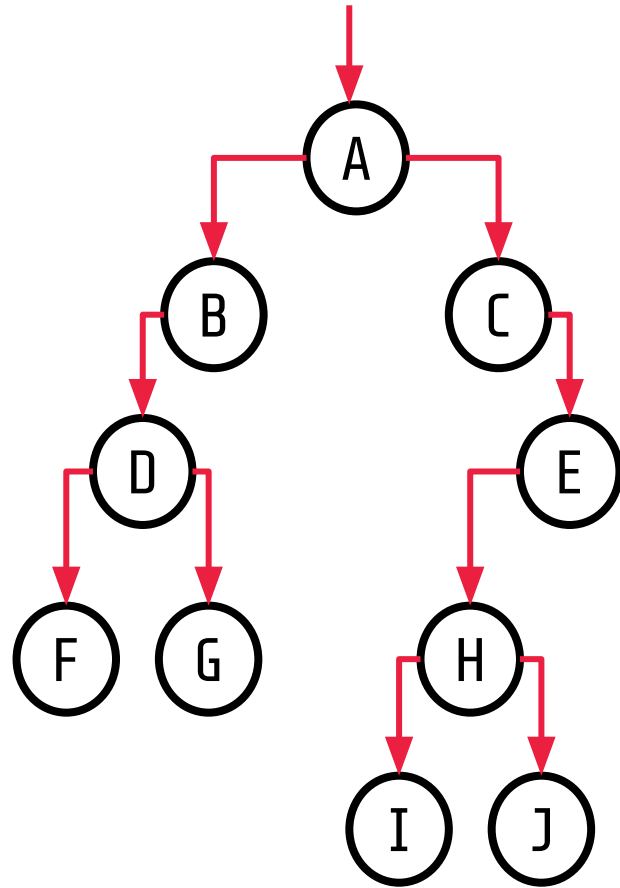
[1,2,4,5,3,6,7]





**Y en otro árbol  
más complicado**







**¿Preguntas?**



# En orden

1 vamos al izquierdo

2 se *visita* el nodo

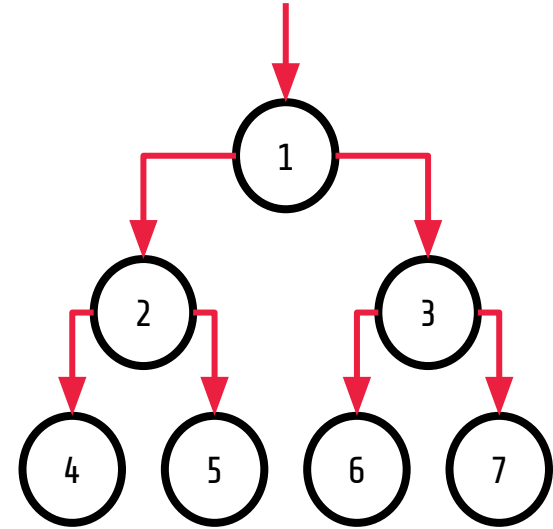
3 vamos al derecho

# En orden

1 vamos al izquierdo

2 se *visita* el nodo

3 vamos al derecho



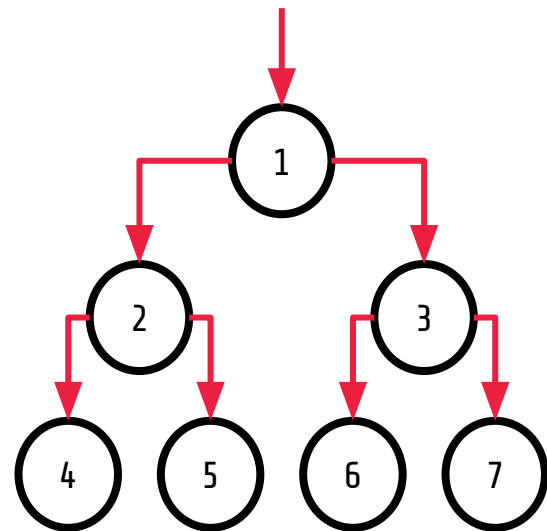
# En orden

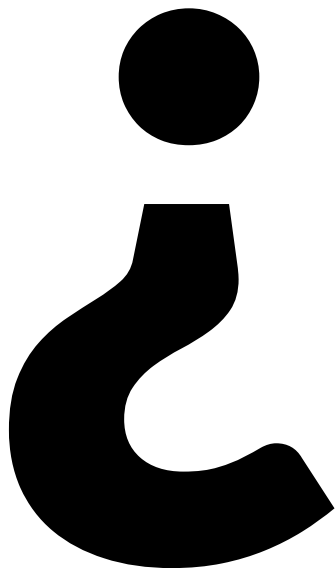
1 vamos al izquierdo

2 se *visita* el nodo

3 vamos al derecho

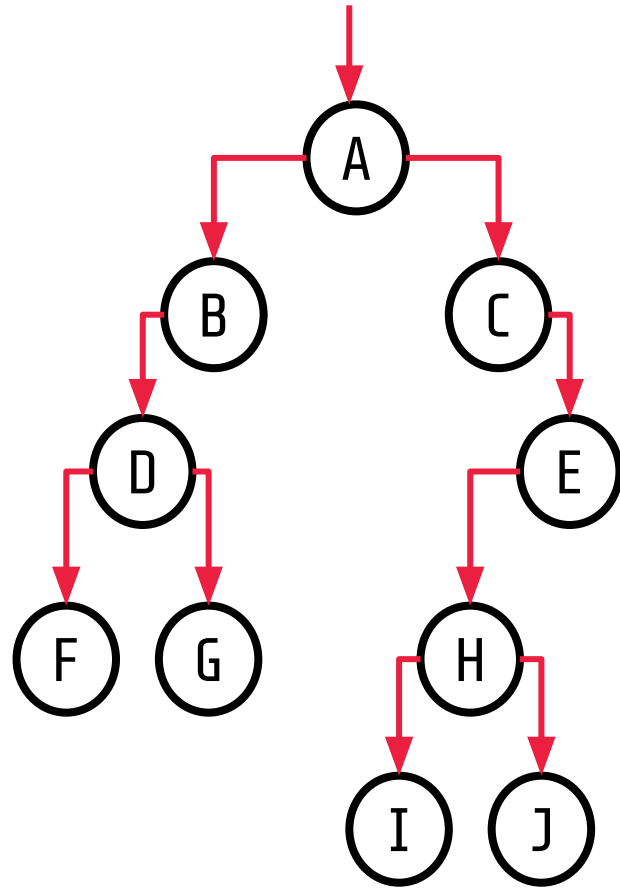
[4, 2, 5, 1, 6, 3, 7]





**Y en el árbol más  
complicado**







**¿Preguntas?**

# Pos orden

1 vamos al izquierdo

2 vamos al derecho

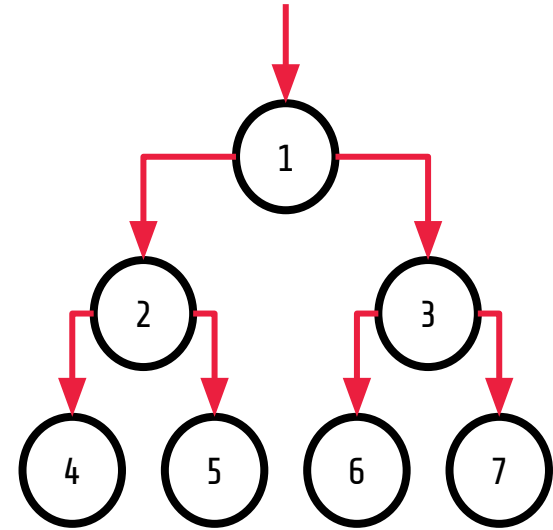
3 se *visita* el nodo

# Pos orden

1 vamos al izquierdo

2 vamos al derecho

3 se *visita* el nodo





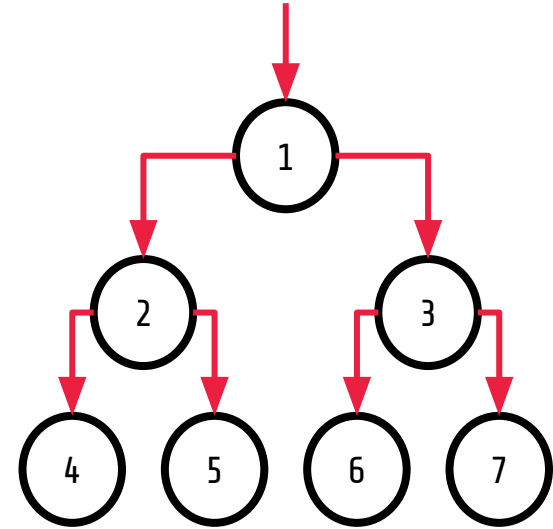
# Pos orden

1 vamos al izquierdo

2 vamos al derecho

3 se *visita* el nodo

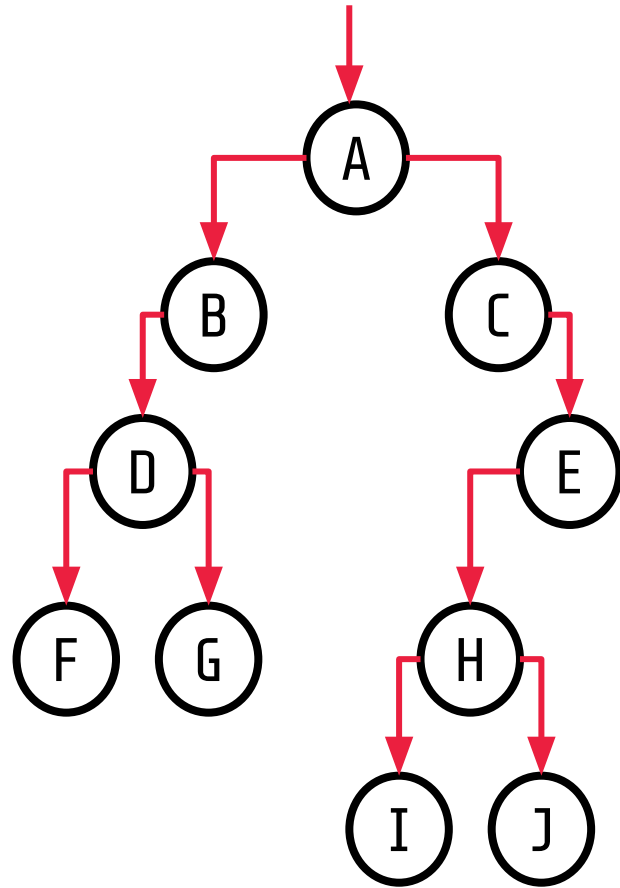
[4,5,2,6,7,3,1]





**Y en el árbol más  
complicado**

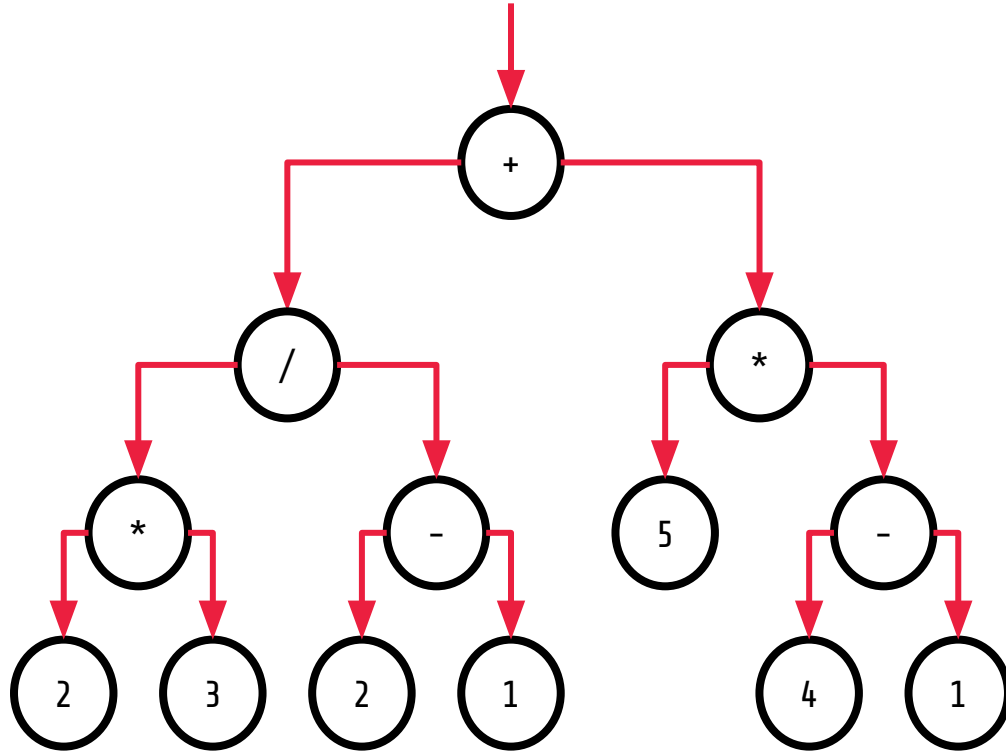




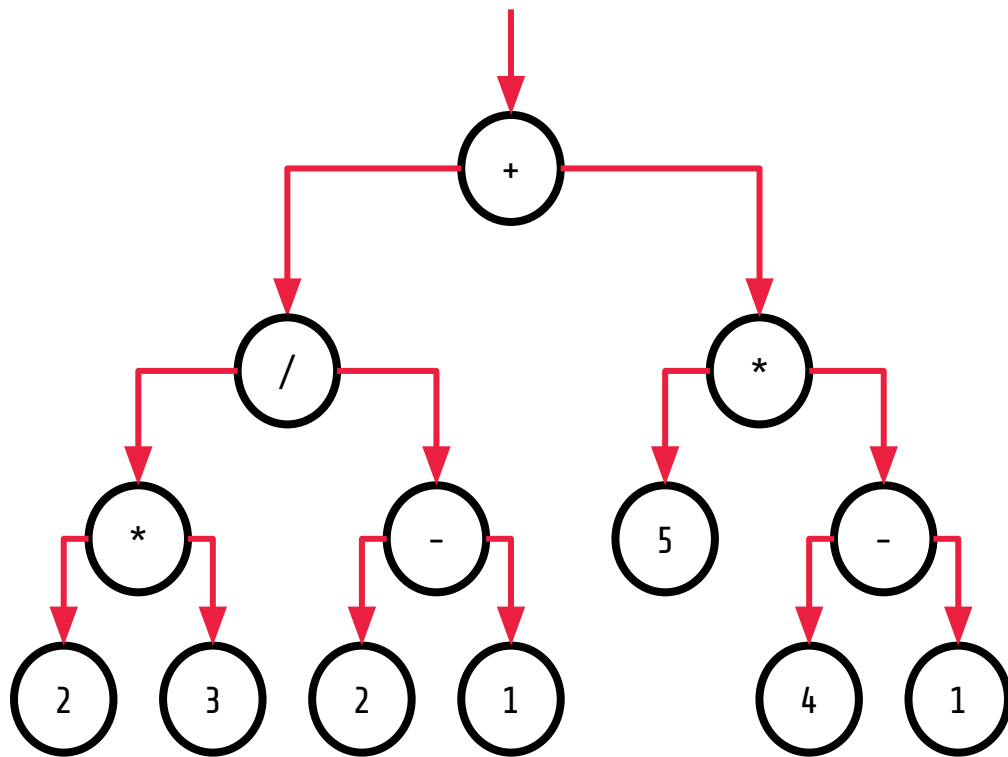


**¿Preguntas?**

**¿Cuál es el recorrido en orden de este árbol?**



# ¿Cuál es el recorrido en orden de este árbol?



$$(2*3)/(2-1)+5*(4-1)$$

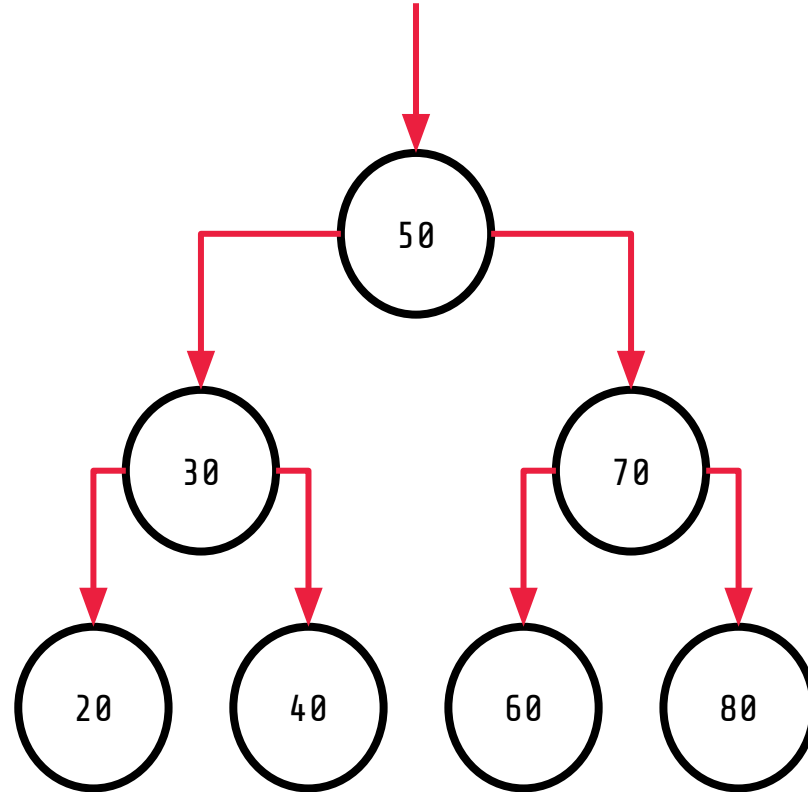


**Una aplicación  
interesante**

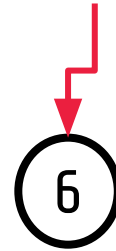
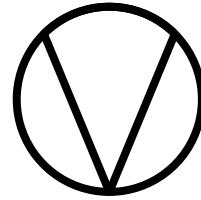
# Árbol de búsqueda



# El menor a la izquierda y el mayor a la derecha



```
void static void enOrden(Nodo nodo, Lista recorrido) {  
    if (nodo == null){  
        return recorrido;  
    }  
    enOrden(nodo.izquierda, recorrido);  
    recorrido.agregar(nodo);  
    printInorder(nodo.right, recorrido);  
}
```



**unrn.edu.ar**

