

Университет ИТМО

Факультет программной инженерии и компьютерной техники

Лабораторная работа №2
по «Алгоритмам и структурам данных»
Яндекс контеcт

Выполнил:

Студент группы Р3233

Перевозчиков И. С.

Преподаватели:

Косяков М. С.

Тараканов Д. С.

Санкт-Петербург

2022

Задача Е. Коровы в стойла

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <vector>
#include <set>
#include <map>
#include <stack>

using namespace std;

int main()
{
    int n, k;
    cin >> n >> k;
    vector<int> stalls(n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cin >> stalls[i];
    }

    int l = 0;
    int r = stalls[n - 1] - stalls[0] + 1;

    while (l < r) {
        int mid = (l + r) / 2;
        int previous_stall = stalls[0];
        int num_of_cows = 1;
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            if (stalls[i] - previous_stall >= mid) {
                num_of_cows++;
                previous_stall = stalls[i];
            }
        }
        if (num_of_cows >= k)
            l = mid + 1;
        else
            r = mid;
    }
    cout << l - 1;
}
```

Бинарный поиск по ответу. За наименьшее возможное расстояние берем 0, за наибольшее берем путь между первым и последним стойлом. Берем их среднее арифметическое и в зависимости от результата увеличиваем или уменьшаем максимальное расстояние.

Алгоритмическая сложность: $O(n \cdot \log n)$.

Задача F. Число

```
#include <iostream>
#include <map>
#include <string>
#include <vector>
#include <algorithm>

using namespace std;

string max_string(string s1, string s2) {
    if (s1 == s2)
        return s1;

    if (s1.size() < s2.size())
        swap(s1, s2);

    int size1 = s1.size();
    int size2 = s2.size();

    for (int i = 0; i < size2; i++)
        if (s1[i] > s2[i])
            return s1;
        else if (s1[i] < s2[i])
            return s2;

    string temp = s1.substr(size2, size1 - size2);

    if (temp == max_string(temp, s2))
        return s1;
    else
        return s2;
}

void bubble_sort(vector<string>& str) {
    for (int i = 0; i < str.size(); i++)
        for (int j = i; j < str.size(); j++) {
            if (str[j] == max_string(str[i], str[j])) {
                swap(str[i], str[j]);
            }
        }
}

int main()
{
    string s;
    vector<string> str;
    while (cin >> s)
        str.push_back(s);
    bubble_sort(str);
    for (auto c : str)
        cout << c;
}
```

Если строки одинаковой длины, то сравниваем их как обычные числа, иначе, при каждом сравнении строку один делаем большей по длине и сравниваем строку 2 с подстрокой строки один такой же длины, если равны, то вызываем функцию снова. В итоге получим

Алгоритмическая сложность: $O(l \cdot n^2)$, где n – количество поданных строк, l – длины строк.

Задача G. Кошмар в замке

```
#include <iostream>
#include <map>
#include <string>
#include <vector>
#include <algorithm>

using namespace std;

int main()
{
    string s;
    cin >> s;
    vector<int> weight(26);
    for (int i = 0; i < 26; i++)
        cin >> weight[i];

    vector<int> freq(26, 0);
    for (int i = 0; i < s.size(); i++)
        freq[s[i] - 'a']++;

    multimap<int, char> letters;

    for (int i = 0; i < 26; i++)
        if (freq[i] > 1)
            letters.emplace(weight[i], char('a' + i));

    s = "";

    for (auto letter : letters) {
        s += letter.second;
        int i = letter.second - 'a';
        freq[i] -= 2;
    }

    string end = s;
    reverse(s.begin(), s.end());
    for (int i = 0; i < 26; i++)
        for (int j = 0; j < freq[i]; j++)
            s += char('a' + i);

    s += end;
    cout << s;
}
```

Всегда выгоднее поставить две буквы с наибольшим весом в начало и конец, а остальные такие же буквы в центр строки, в следующую очередь ставим буквы со вторым по счету наибольшим весом. Если буква встречается в строке только один раз, то ее нужно поставить в центр, так как она не приносит веса.

Алгоритмическая сложность: $O(l)$, где l – длина строки.

Задача Н. Магазин

```
#include <iostream>
#include <map>
#include <string>
#include <vector>
#include <algorithm>

using namespace std;

int main()
{
    int n, k;
    cin >> n >> k;
    int total_price = 0;
    vector<int> prices(n);
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cin >> prices[i];
        total_price += prices[i];
    }

    sort(prices.rbegin(), prices.rend());

    for (int i = 0; i < n / k; i++) {
        total_price -= prices[k - 1 + k * i];
    }
    cout << total_price;
}
```

Бесплатно достанутся в любом случае не больше n/k товаров. Сортируем товары в убывающем порядке и убираем каждый k -й. Таким образом мы уберем самый дорогой из самых дешевых товаров каждый раз.

Алгоритмическая сложность: $O(n \cdot \log n)$, так как применяем сортировку.