

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ імені ІГОРЯ СІКОРСЬКОГО»
ФАКУЛЬТЕТ ІНФОРМАТИКИ ТА ОБЧИСЛЮВАЛЬНОЇ ТЕХНІКИ

Кафедра інформатики та програмної інженерії

Звіт

З комп'ютерного практикуму № 2 з дисципліни
«Технології паралельних обчислень»

Тема: «Розробка паралельних алгоритмів множення матриць та
дослідження їх ефективності»

Виконав(ла)

ІП-15 Мешков Андрій

(шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

Перевірив

Дифучина О. Ю.

(шифр, прізвище, ім'я, по батькові)

Київ 2024

ЗАВДАННЯ

1. Реалізуйте стрічковий алгоритм множення матриць. Результат множення записуйте в об'єкт класу Result. 30 балів.
2. Реалізуйте алгоритм Фокса множення матриць. 30 балів.
3. Виконайте експерименти, варіюючи розмірність матриць, які перемножуються, для обох алгоритмів, та реєструючи час виконання алгоритму. Порівняйте результати дослідження ефективності обох алгоритмів. 20 балів.
4. Виконайте експерименти, варіюючи кількість потоків, що використовується для паралельного множення матриць, та реєструючи час виконання. Порівняйте результати дослідження ефективності обох алгоритмів. 20 балів.

ХІД РОБОТИ

Лістинг коду:

App.java

```
public class App {

    public static void main(String[] args) {
        Matrix matrix1 = new Matrix(1000);
        Matrix matrix2 = new Matrix(1000);
        test(matrix1, matrix2);
    }

    private static void test(Matrix matrix1, Matrix matrix2) {

        int threadsCount = 2;

        Multiplier multiplier = new Multiplier(matrix1, matrix2);
        RowMultiplier rowMultiplier = new RowMultiplier(matrix1, matrix2, threadsCount);
        FoxMultiplier foxMultiplier = new FoxMultiplier(
            matrix1, matrix2,
            MathUtils.roundToNearest(matrix1.size() / threadsCount),
            threadsCount
        );

        long startTime = System.currentTimeMillis();
        Matrix result = multiplier.optimiseMult();
        long standartAlgoEnd = System.currentTimeMillis();
        System.out.println(standartAlgoEnd - startTime);

        Matrix rowResult = rowMultiplier.mult();
        long rowAlgoEnd = System.currentTimeMillis();
        System.out.println(rowAlgoEnd - standartAlgoEnd);

        Matrix foxResult = foxMultiplier.mult();
        long foxAlgoEnd = System.currentTimeMillis();
        System.out.println(foxAlgoEnd - rowAlgoEnd);

        if (result.isEqual(rowResult) && result.isEqual(foxResult)) {
            System.out.println("Norm");
        } else {
            System.out.println("Not Norm");
        }
    }

}
```

Matrix.java

```
public class Matrix {
```

```

private int[][] matrix;
private int matrixSize;

static Matrix zeroMatrix(int size) {
    int[][] matrix = new int[size][size];
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            matrix[i][j] = 0;
        }
    }
    return new Matrix(matrix);
}

public Matrix(int[][] matrix) {
    this.matrix = matrix;
    this.matrixSize = matrix.length;
}

public Matrix(int size) {
    this.matrixSize = size;
    int[][] matrix = new int[size][size];
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            matrix[i][j] = 1;
        }
    }
    this.matrix = matrix;
}

public int[] getRow(int index) {
    return matrix[index];
}

public int[][] getMatrix() {
    return matrix;
}

public int size() {
    return matrixSize;
}

public void printMatrix() {
    for (int i = 0; i < matrix.length; i++) {
        for (int j = 0; j < matrix[i].length; j++) {
            System.out.print(matrix[i][j] + " ");
        }
        System.out.println();
    }
}

public Matrix transpose() {
    int size = size();

```

```

        int[][] transposedMatrix = new int[size][size];
        for (int i = 0; i < size; i++) {
            for (int j = 0; j < size; j++) {
                transposedMatrix[j][i] = matrix[i][j];
            }
        }
        return new Matrix(transposedMatrix);
    }

    void add(Matrix addedMatrix) {
        int size = size();
        for (int i = 0; i < size; i++) {
            int[] addedRow = addedMatrix.getRow(i);
            for (int j = 0; j < size; j++) {
                matrix[i][j] += addedRow[j];
            }
        }
    }

    boolean isEqual(Matrix matrix) {
        int size = size();
        int[][] matrixValues = matrix.getMatrix();
        for (int i = 0; i < size; i++) {
            for (int j = 0; j < size; j++) {
                if (matrixValues[i][j] != this.matrix[i][j]) {
                    return false;
                }
            }
        }
        return true;
    }
}

```

ComplexMatrix.java

```

import java.util.ArrayList;

public class ComplexMatrix {

    Matrix[][] matrix;

    ComplexMatrix(Matrix matrix, int blockSize) {
        if (matrix.size() % blockSize != 0) {
            System.out.println(blockSize);
            this.matrix = new Matrix[0][0];
        } else {
            int blocksCount = matrix.size() / blockSize;
            this.matrix = new Matrix[blocksCount][blocksCount];
            for (int blockRowIndex = 0; blockRowIndex < blocksCount; blockRowIndex++) {

```

```

        ArrayList<int[][]> blocks = new ArrayList<int[][]>();
        for (int blockColumn = 0; blockColumn < blocksCount; blockColumn++) {
            blocks.add(new int[blockSize][blockSize]);
        }
        for (int realRowIndex = blockRowIndex * blockSize; realRowIndex <
(blockRowIndex + 1) * blockSize; realRowIndex++) {
            int[] realRow = matrix.getRow(realRowIndex);
            for (int realColumn = 0; realColumn < matrix.size(); realColumn++) {
                int blockColumn = realColumn / blockSize;
                int[][] block = blocks.get(blockColumn);
                block[realRowIndex - blockSize * blockRowIndex][realColumn -
blockSize * blockColumn] = realRow[realColumn];
                blocks.set(blockColumn, block);
            }
        }
        for (int blockColumn = 0; blockColumn < blocks.size(); blockColumn++) {
            int[][] block = blocks.get(blockColumn);
            this.matrix[blockRowIndex][blockColumn] = new Matrix(block);
        }
    }
}

ComplexMatrix(Matrix[][] matrix) {
    this.matrix = matrix;
}

Matrix convertToMatrix() {
    int blocksCount = matrix.length;
    int blockSize = matrix[0][0].size();
    int size = blockSize * blocksCount;
    int[][] result = new int[size][size];
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        for (int j = 0; j < size; j++) {
            result[i][j] = matrix[i / blockSize][j / blockSize].getRow(i % blockSize)[j
% blockSize];
        }
    }
    return new Matrix(result);
}

public int size() {
    return matrix.length;
}

void printMatrix() {
    for (int i = 0; i < matrix.length; i++) {
        for (int j = 0; j < matrix[i].length; j++) {
            matrix[i][j].printMatrix();
            System.out.println();
        }
        System.out.println();
        System.out.println();
    }
}

```

```

    }
}

Matrix[] getRow(int index) {
    return matrix[index];
}
}

```

Multiplier.java

```

public class Multiplier {

    Matrix matrix1;
    Matrix matrix2;

    public Multiplier(Matrix matrix1, Matrix matrix2) {
        this.matrix1 = matrix1;
        this.matrix2 = matrix2;
    }

    public Matrix mult() {
        int[][] result = new int[matrix1.size()][matrix2.size()];
        int[][] matrix1 = this.matrix1.getMatrix();
        int[][] matrix2 = this.matrix2.getMatrix();
        for(int i = 0; i < this.matrix1.size(); i++) {
            for(int j = 0; j < this.matrix2.size(); j++) {
                result[i][j] = 0;
                for(int k = 0; k < this.matrix1.size(); k++) {
                    result[i][j] += matrix1[i][k] * matrix2[k][j];
                }
            }
        }
        return new Matrix(result);
    }

    public Matrix optimiseMult() {
        Matrix transpMatrix2 = matrix2.transpose();
        int[][] result = new int[matrix1.size()][matrix2.size()];
        for(int i = 0; i < matrix1.size(); i++) {
            for(int j = 0; j < matrix2.size(); j++) {
                int[] row = matrix1.getRow(i);
                int[] column = transpMatrix2.getRow(j);
                result[i][j] = 0;
                for(int k = 0; k < matrix1.size(); k++) {
                    result[i][j] += row[k] * column[k];
                }
            }
        }
        return new Matrix(result);
    }
}

```

```
}
```

RowMultiplier.java

```
import java.util.ArrayList;
import java.util.concurrent.*;

public class RowMultiplier {

    Matrix matrix1;
    Matrix matrix2;
    Matrix transpMatrix2;
    int threadsCount;
    int columnForTasks;

    public RowMultiplier(Matrix matrix1, Matrix matrix2, int threadsCount) {
        this.matrix1 = matrix1;
        this.matrix2 = matrix2;
        transpMatrix2 = matrix2.transpose(); //
        this.threadsCount = threadsCount;
        this.columnForTasks = MathUtils.roundToNearest(matrix1.size() / threadsCount);
    }

    public int[][] getNewRows(int threadIndex, int iteration) {
        int[][] columns = new int[columnForTasks][matrix1.size()];
        for (int column = 0; column < columnForTasks; column++) {
            int rowIndex = (threadIndex + iteration + column) % matrix2.size();
            columns[column] = transpMatrix2.getRow(rowIndex);
        }
        return columns;
    }

    public Matrix mult() {
        if (matrix1.size() != matrix2.size()) {
            return null;
        }
        int[][] result = new int[matrix1.size()][matrix2.size()];
        ExecutorService executor = Executors.newFixedThreadPool(threadsCount);
        ArrayList<RowMultiplyTask> tasks = new ArrayList<RowMultiplyTask>();
        // ArrayList<Future<int[]>> futures = new ArrayList<Future<int[]>>();
        ArrayList<Future<int[]>> futures = new ArrayList<Future<int[]>>(); //
        for(int iteration = 0; iteration < matrix2.size(); iteration+=columnForTasks) {
            for(int rowIndex = 0; rowIndex < matrix1.size(); rowIndex++) {
                RowMultiplyTask thread = new RowMultiplyTask(
                    rowIndex,
                    iteration,
                    matrix1.getRow(rowIndex),
                    getNewRows(rowIndex, iteration)
                );
                tasks.add(thread);
            }
        }
        try{
```



```

        futures.addAll(executor.invokeAll(tasks));
        tasks.clear();
        for (int taskIndex = 0; taskIndex < futures.size(); taskIndex++) {
            int row = taskIndex % matrix1.size();
            int[] resultRow = futures.get(taskIndex).get();
            for (int column = 0; column < resultRow.length; column++) {
                result[row][(row + iteration + column) % matrix1.size()] =
resultRow[column];
            }
        }
        futures.clear();
    } catch (InterruptedException e) {
        throw new RuntimeException(e);
    } catch (ExecutionException e) {
        throw new RuntimeException(e);
    }
}
executor.shutdown();
try {
    executor.awaitTermination(Long.MAX_VALUE, TimeUnit.NANOSECONDS);
} catch (InterruptedException e) {
    e.printStackTrace();
}
return new Matrix(result);
}
}

```

RowMultiplyTask.java

```

import java.util.concurrent.Callable;

public class RowMultiplyTask implements Callable<int[]> { // Callable<int[]> {

    int index;
    int[] row;
    int[][] columns;
    int iteration;

    public RowMultiplyTask(int index, int iteration, int[] row, int[][] columns) {
        this.index = index;
        this.row = row;
        this.iteration = iteration;
        this.columns = columns;
    }

    @Override
    public int[] call(){
        int[] result = new int[columns.length]; //
        for (int column = 0; column < columns.length; column++) {
            int[] row2 = columns[column];
            for(int columnIndex = 0; columnIndex < row2.length; columnIndex++) {
                result[column] += row[columnIndex] * row2[columnIndex]; //
            }
        }
    }
}

```

```

    }
    return result;
}
}

```

FoxMultiplier.java

```

import java.util.ArrayList;
import java.util.concurrent.*;

public class FoxMultiplier {

    ComplexMatrix matrix1;
    ComplexMatrix matrix2;
    int blockSize;
    int threadsCount;

    public FoxMultiplier(Matrix matrix1, Matrix matrix2, int blockSize, int threadsCount) {
        this.matrix1 = new ComplexMatrix(matrix1, blockSize);
        this.matrix2 = new ComplexMatrix(matrix2, blockSize);
        this.blockSize = blockSize;
        this.threadsCount = threadsCount;
    }

    public Matrix mult() {
        Matrix[][] result = new Matrix[matrix1.size()][matrix2.size()];
        for(int i = 0; i < this.matrix1.size(); i++) {
            for (int j = 0; j < this.matrix2.size(); j++) {
                result[i][j] = Matrix.zeroMatrix(blockSize);
            }
        }

        ExecutorService executor = Executors.newFixedThreadPool(threadsCount);
        ArrayList<FoxMultiplyTask> tasks = new ArrayList<FoxMultiplyTask>();
        ArrayList<Future<Matrix>> futures = new ArrayList<Future<Matrix>>();
        for(int iteration = 0; iteration < matrix2.size(); iteration++) {
            for(int rowIndex = 0; rowIndex < matrix1.size(); rowIndex++) {
                Matrix[] row1 = matrix1.getRow(rowIndex);
                Matrix[] row2 = matrix2.getRow((rowIndex + iteration) % matrix2.size());
                int columnRow1Index = (iteration + rowIndex) % matrix2.size();
                for(int columnIndex = 0; columnIndex < row2.length; columnIndex++) {
                    FoxMultiplyTask task = new FoxMultiplyTask(
                        row1[columnRow1Index],
                        row2[columnIndex],
                        rowIndex,
                        columnIndex
                    );
                    tasks.add(task);
                }
            }
        }
        try{
            futures.addAll(executor.invokeAll(tasks));
            for (int taskIndex = 0; taskIndex < futures.size(); taskIndex++) {
                FoxMultiplyTask task = tasks.get(taskIndex);
            }
        }
    }
}

```

```

        Matrix resultElement = futures.get(taskIndex).get();
        result[task.globalRow][task.globalColumn].add(resultElement);
    }
    tasks.clear();
    futures.clear();
} catch (InterruptedException e) {
    throw new RuntimeException(e);
} catch (ExecutionException e) {
    throw new RuntimeException(e);
}
}
}
executor.shutdown();
try {
    executor.awaitTermination(Long.MAX_VALUE, TimeUnit.NANOSECONDS);
} catch (InterruptedException e) {
    e.printStackTrace();
}
return new ComplexMatrix(result).convertToMatrix();
}
}

```

FoxMultiplyTask.java

```

import java.util.concurrent.Callable;

public class FoxMultiplyTask implements Callable<Matrix> {

    Matrix matrix1;
    Matrix matrix2;
    int globalRow;
    int globalColumn;

    FoxMultiplyTask(Matrix matrix1, Matrix matrix2, int globalRow, int globalColumn) {
        this.matrix1 = matrix1;
        this.matrix2 = matrix2;
        this.globalColumn = globalColumn;
        this.globalRow = globalRow;
    }

    @Override
    public Matrix call() {
        Multiplier multiplier = new Multiplier(matrix1, matrix2);
        return multiplier.optimiseMult();
    }
}

```

MathUtils.java

```

public class MathUtils {
    public static int roundToNearest(int number) {
        int[] options = {125, 250, 500};
        int closest = options[0];
    }
}

```

```
for (int option : options) {
    if (Math.abs(number - option) < Math.abs(number - closest)) {
        closest = option;
    }
}
return closest;
}
```

Результат:



Рисунок 1 – Результат запуску програми

В таблиці зображено порівняння алгоритмів.

Розмір	Звичайний, мс	2			
		Стрічковий, мс	Прискорення	Фокс, мс	Прискорення
1000	956	457	2,09190372	303	3,155115512
1500	3375	1573	2,145581691	1009	3,344895937
2000	8566	3782	2,264939186	2291	3,738978612
2500	16838	6603	2,550053006	4369	3,85397116
3000	28085	10423	2,694521731	7266	3,865262868
Розмір	Звичайний, мс	4			
		Стрічковий, мс	Прискорення	Фокс, мс	Прискорення
1000	956	405	2,360493827	298	3,208053691
1500	3375	1234	2,735008104	876	3,852739726
2000	8566	3020	2,836423841	2385	3,591614256

2500	16838	5608	3,002496434	4095	4,111843712
3000	28085	7961	3,527823138	6884	4,079750145
Розмір	Звичайний, мс	8			
		Стрічковий, мс	Прискорення	Фокс, мс	Прискорення
1000	956	495	1,931313131	359	2,662952646
1500	3375	1562	2,160691421	951	3,548895899
2000	8566	3521	2,432831582	2091	4,096604495
2500	16838	6192	2,719315245	4195	4,013825983
3000	28085	10203	2,752621778	8723	3,219649203

ВИСНОВКИ

В результаті роботи над комп'ютерним практикумом було розроблено програму, що реалізує паралельне множення матриць стрічковим алгоритмом та алгоритмом Фокса. В результаті дослідження виявлено, що розпаралелення пришвидшує множення матриць. Алгоритм Фокса показує кращі результати, особливо на великих розмірах матриць.