Systematics errors for $m_{t\bar{t}}$ analysis

Sébastien Brochet Stéphane Perries Viola Sordini 2 janvier 2013

1 $e + \mu$, 2 b-tag

On a $N = N_e + N_\mu$, avec

$$N_e = \sigma_Z \times \mathcal{L}_e \times \Pi_i \left\{ \epsilon_i^e \right\} \times \epsilon_{sel}^{e,2b} \times (SF)_b^2$$
 (1)

$$N_{\mu} = \sigma_Z \times \mathcal{L}_{\mu} \times \Pi_i \left\{ \epsilon_i^{\mu} \right\} \times \epsilon_{sel}^{\mu,2b} \times (SF)_b^2 \tag{2}$$

avec $\Pi_i \{ \epsilon_i \}$ le produit de toutes les efficacités (trigger, isolation, ID, ...) excepté celle de selection, et SF_b le scale factor de b-tagging.

On rappelle que

$$\Delta N^2 = \sum_{i} \left| \frac{\partial N}{\partial a_i} \right|^2 \Delta \left(a_i \right)^2 \tag{3}$$

où la somme i porte sur toutes les variables ayant une incertitude associée.

Dans notre cas, on a

$$N = \sigma_Z \mathcal{L}_{\mu}(SF)_b^2 \left(\Pi_i \left\{ \epsilon_i^e \right\} \times \epsilon_{sel}^{e,2b} + \Pi_i \left\{ \epsilon_i^{\mu} \right\} \times \epsilon_{sel}^{\mu,2b} \right)$$
(4)

En posant

$$M = \Pi_i \left\{ \epsilon_i^{\mu} \right\} \times \epsilon_{sel}^{\mu,2b} \qquad E = \Pi_i \left\{ \epsilon_i^{e} \right\} \times \epsilon_{sel}^{e,2b} \tag{5}$$

on obtiens une équation de la forme

$$N = \sigma_Z \mathcal{L}_{\mu}(SF)_b^2 (M + E) \tag{6}$$

qui donne, en calculant l'incertitude

$$\delta N^2 = \delta \mathcal{L}^2 + 2\delta (SF)_b^2 + \frac{M^2 \delta M^2 + E^2 \delta E^2}{(M+E)^2}$$
 (7)

en ayant posé $\delta A = \frac{\Delta A}{A}$.

2 $e + \mu$, 1 + 2 b-tag

On a $N=N_e^{1b}+N_\mu^{1b}+N_e^{2b}+M_\mu^{2b}$. En demandant un et uniquement un seul jet de b, on complique le calcul des incertitudes. En effet, en demande deux jets b-taggué ou plus, on a

$$\epsilon_{sel}^{raw} = \epsilon_{cut} \times \epsilon_b^2 \tag{8}$$

où ϵ_{sel} est l'efficacité de sélection que l'on mesure, ϵ_{cut} est l'efficacité des coupures, et ϵ_b l'efficacité de b-tagging. L'application des scale factors est trivial et donne

$$\epsilon_{sel} = \epsilon_{cut} \times \epsilon_b^2 \times (SF)_b^2 \tag{9}$$

$$= \epsilon_{sel}^{raw} \times (SF)_b^2 \tag{10}$$

Pour un seul jet b-taggué, la factor sation est plus compliquée. On a en effet $^{\rm 1}$

$$\epsilon_{sel}^{raw} = \epsilon_{cut} \times 2 \times \epsilon_b \times (1 - \epsilon_b) \tag{11}$$

En appliquant les scale factor, on obtient

$$\epsilon_{sel} = \epsilon_{cut} \times 2 \times \epsilon_b(SF)_b \times (1 - \epsilon_b(SF)_b) \tag{12}$$

$$= \epsilon_{cut} \times 2 \times \epsilon_b \times (1 - \epsilon_b) \times (SF)_b \frac{1 - \epsilon_b (SF)_b}{1 - \epsilon_b}$$
 (13)

$$= \epsilon_{sel}^{raw} \times (SF)_b \frac{1 - \epsilon_b (SF)_b}{1 - \epsilon_b} \tag{14}$$

Finalement, on a, en posant $\phi = \epsilon_b$

$$N_e^{1b} = \sigma_Z \times \mathcal{L}_e \times \Pi_i \left\{ \epsilon_i^e \right\} \times \epsilon_{sel}^{e,2b} \times (SF)_b \frac{1 - \phi(SF)_b}{1 - \phi}$$
 (15)

$$N_{\mu}^{1b} = \sigma_Z \times \mathcal{L}_{\mu} \times \Pi_i \left\{ \epsilon_i^{\mu} \right\} \times \epsilon_{sel}^{\mu,2b} \times (SF)_b \frac{1 - \phi(SF)_b}{1 - \phi}$$
 (16)

$$N_e^{2b} = \sigma_Z \times \mathcal{L}_e \times \Pi_i \left\{ \epsilon_i^e \right\} \times \epsilon_{sel}^{e,2b} \times (SF)_b^2 \tag{17}$$

$$N_{\mu}^{2b} = \sigma_Z \times \mathcal{L}_{\mu} \times \Pi_i \left\{ \epsilon_i^{\mu} \right\} \times \epsilon_{sel}^{\mu,2b} \times (SF)_b^2$$
 (18)

^{1.} C'est la probabilité de tagguer un jet multipliée par la probabilité de ne pas tagguer l'autre jet)

On obtient une équation de la forme

$$N = \sigma_Z \times \mathcal{L}_{\mu} \times (M + E) \tag{19}$$

avec

$$M = \Pi_i \left\{ \epsilon_i^{\mu} \right\} (a+b) \qquad E = \Pi_i \left\{ \epsilon_i^{e} \right\} (c+d) \tag{20}$$

et avec,
$$(21)$$

$$a = \epsilon_{sel}^{\mu,2b} (SF)_b^2$$
 $b = \epsilon_{sel}^{\mu,1b} (SF)_b \frac{1 - \phi(SF)_b}{1 - \phi}$ (22)

À noter que c et d sont identique $(\mu \to e)$ On obtient au final

$$\delta N^2 = \delta \mathcal{L}_{\mu}^2 + \frac{M^2 \delta M^2 + E^2 \delta E^2}{(M+E)^2}$$
 (23)

(24)

avec

$$\delta M^2 = \sum_{i} \delta \epsilon_i^{\mu 2} + \frac{a^2 \delta a^2 + b^2 \delta b^2}{(a+b)^2} \quad \delta E^2 = \sum_{i} \delta \epsilon_i^{e 2} + \frac{c^2 \delta c^2 + d^2 \delta d^2}{(c+d)^2}$$
 (25)

(26)

$$\delta a^2 = \delta \left(\epsilon_{sel}^{\mu,2b} \right)^2 + 2\delta (SF)_b^2 \qquad \delta b^2 = \delta \left(\epsilon_{sel}^{\mu,1b} \right)^2 + \left(\frac{1 - 2\phi (SF)_b}{1 - \phi (SF)_b} \right)^2 \delta (SF)_b^2$$
(27)

On obtiens δc^2 et δd^2 en effectuant la transformation $\mu \to e$