

Министерство образования Республики Беларусь

Учреждение образования  
БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ИНФОРМАТИКИ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ

Факультет Информационных технологий и управления  
Кафедра Интеллектуальных информационных технологий

**ОТЧЁТ**  
по ознакомительной практике

Выполнил:

И. И. Горячев

Студент группы  
321703

Проверил:

В. В. Голенков

Минск 2024

## СОДЕРЖАНИЕ

Введение . . . . .	3
1 Постановка задачи . . . . .	4
2 Формализация формальной онтологии множеств . . . . .	6
3 Формализация формальной онтологии связок и отношений . . . . .	11
Заключение . . . . .	19
Список использованных источников . . . . .	20

## **ВВЕДЕНИЕ**

### **Цель:**

Закрепить практические навыки формализации информации в интеллектуальных системах с использованием семантических сетей.

### **Задачи:**

- Построение формализованных фрагментов теории интеллектуальных компьютерных систем и технологий их разработки.
- Построение формальной семантической спецификации библиографических источников, соответствующих указанным выше фрагментам.
- Оформление конкретных предложений по развитию текущей версии Стандарта интеллектуальных компьютерных систем и технологий их разработки.

# 1 ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

## **Часть 2 Учебной дисциплины "Представление и обработка информации в интеллектуальных системах"**

⇒ библиографическая ссылка\*:

- Стандарт OSTIS
- Алексеев В.Е. ДМат-2017кн  
⇒ URL\*:  
[<http://85.143.5.226/students/src/Alekseev.pdf>]
- Микони С.В. ДМатДБк:Мн, Отн, Ф, Гр-2021кн  
⇒ URL\*:  
[<https://www.litres.ru/book/s-v-mikoni/diskretnaya-matematika-dlya-bakalavra-mnozhestva-otnosheniya-fu-65997718/>]
- Козлов А.Г. ДМат-2020кн  
⇒ URL\*:  
[<http://e.biblio.bru.by/handle/1212121212/13518>]
- Новиков Ф.А. ДМатДПр-2009кн  
⇒ URL\*:  
[<https://stugum.wordpress.com/wp-content/uploads/2014/03/novikov.pdf>]

⇒ аттестационные вопросы\*:

- {
- Вопрос 14 по Части 2 Учебной дисциплины "Представление и обработка информации в интеллектуальных системах"
  - Вопрос 15 по Части 2 Учебной дисциплины "Представление и обработка информации в интеллектуальных системах"
- }

## **Вопрос 14 по Части 2 Учебной дисциплины "Представление и обработка информации в интеллектуальных системах"**

:= [Смысловое представление и описание (спецификация) множеств в памяти интеллектуальных компьютерных систем нового поколения. Типология множеств. Отношения и параметры, заданные на множествах.]

⇒ библиографическая ссылка\*:

- Представление формальных онтологий базовых классов сущностей в *ostis-системах*  
∈ раздел Стандарта OSTIS
- Алексеев В.Е. ДМат-2017кн  
:= [Дискретная математика]
- Микони С.В. ДМатДБк:Мн, Отн, Ф, Гр-2021кн  
:= [Дискретная математика для бакалавра: МНОЖЕСТВА, ОТНОШЕНИЯ, ФУНКЦИИ, ГРАФЫ]
- Козлов А.Г. ДМат-2020кн  
:= [Дискретная математика]

## **Вопрос 15 по Части 2 Учебной дисциплины "Представление и обработка информации в интеллектуальных системах"**

:= [Смысловое представление и описание (спецификация) кортежей, связей, отношений и соответствий в памяти интеллектуальных компьютерных систем нового поколения. Типология связей, отношений и соответствий. Отношения и параметры, заданные на связках, отношениях и соответствиях. Равные отношения.]

⇒ библиографическая ссылка\*:

- *Представление формальных онтологий базовых классов сущностей в ostis-системах*  
∈ *раздел Стандарта OSTIS*
- *Алексеев В.Е. ДМат-2017кн*  
:= [Дискретная математика]
- *Микони С.В. ДМатДБк: Мн, Отн, Ф, Гр-2021кн*  
:= [Дискретная математика для бакалавра: МНОЖЕСТВА, ОТНОШЕНИЯ, ФУНКЦИИ, ГРАФЫ]
- *Козлов А.Г. ДМат-2020кн*  
:= [Дискретная математика]
- *Новиков Ф.А. ДМатДПр-2009кн*  
:= [Дискретная математика для программистов]

## 2 ФОРМАЛИЗАЦИЯ ФОРМАЛЬНОЙ ОНТОЛОГИИ МНОЖЕСТВ

### *множество*

$\equiv$  [Понятие множества вообще неопределяется, это одно из первичных понятий математики. Его можно пояснить, приводя более или менее близкие по смыслу слова: коллекция, класс, совокупность, ансамбль, собрание.]

$\equiv$  [Набор или совокупность каких-либо объектов, обладающих общими свойствами.]

$\ni$  *пример'*:

*экипаж корабля; стая; созвездие*

$\Rightarrow$  *разбиение\**:

$\{ \bullet$  *конечное множество*

$\Rightarrow$  *пояснение\**:

[Конечное множество может быть задано перечислением его элементов, при этом список элементов заключается в фигурные скобки. Элементы могут перечисляться в любом порядке.]

$\ni$  *пример'*:

$\{1, 2, 4, 8, 16\}; \{a, b, c, d\}; \{\text{красный, желтый, зеленый}\}.$

$\bullet$  *бесконечное множество*

$\Rightarrow$  *пояснение\**:

[Бесконечные множества задаются в форме перечисления элементов с использованием многоточия. При этом предполагается, что читающий подобную запись знает, как должен быть продолжен написанный ряд (или его следует предупредить об этом).]

$\ni$  *пример'*:

$\{1, 2, 3, \dots\}; \{1, 3, 5, \dots\}; \{1, 4, 9, \dots\}.$

$\}$

$\Rightarrow$  *разбиение\**:

$\{ \bullet$  *множество без кратных элементов*

$\bullet$  *мультимножество*

$\Rightarrow$  *пояснение\**:

[Мультимножество – это совокупность элементов, в которую каждый элемент может входить больше одного раза.]

$\Rightarrow$  *примечание\**:

[Как и в множестве, порядок элементов в мультимножестве не важен.]

$\ni$  *пример'*:

$\{a, a, b, c, c, c\}$  – мультимножество, состоящее из элементов множества  $\{a, b, c\}.$

$\}$

$\Rightarrow$  *разбиение\**:

*способы задания множеств*

$=$   $\{ \bullet$  *перечислительный способ*

$\Rightarrow$  *пояснение\**:

[Множество задается перечислением его элементов:  $X = \{x_1, x_2, \dots, x_n\}.$ ]

$\Rightarrow$  *примечание\**:

[Этот способ применим к заданию конечных множеств. Согласно

принципу равенства множеств по их объему (содержимому) порядок перечисления элементов множества несуществен.]

⇒ *пример'*:  
 $X1 = \{2, 4, 6\}, X2 = \{4, 2, 6\}, X1 = X2.$

• *описательный способ*

⇒ *пояснение\**:

[Задается описанием свойств его элементов. Оно записывается как  $X = \{x \mid P(x)\}$  или  $X = \{x : P(x)\}$ , здесь  $P(x)$  — одноместный предикат, истинность которого свидетельствует о том, что элемент  $x$  обладает некоторым свойством  $P$ .]

⇒ *примечание\**:

[Множество не обязательно конечное.]

⇒ *пример'*:  
 $X = \{x \mid x \bmod(2) = 0\}.$

}

### ***пересечение\****

:= [Пересечением двух множеств  $A$  и  $B$  называют множество, которое состоит из элементов, принадлежащих множеству  $A$  и множеству  $B$ .  $A \cap B = \{x \mid (x \in A) \text{ и } (x \in B)\}$ .]

⇒ *пример'*:  
 $A = \{0, 1, 3\}, B = \{1, 2, 3\}, A \cap B = \{1, 3\}$

⇒ *примечание\**:

[Если  $A \cap B = \emptyset$ , то говорят, что множества  $A$  и  $B$  не пересекаются.]

### ***объединение\****

:= [Объединением двух множеств  $A$  и  $B$  называется множество, которое состоит из элементов, принадлежащих либо множеству  $A$ , либо множеству  $B$ .  $A \cup B = \{x \mid (x \in A) \text{ или } (x \in B)\}$ .]

⇒ *пример'*:  
 $A = \{0, 1, 3\}, B = \{1, 2, 3\}, A \cup B = \{0, 1, 2, 3\}$

### ***разность\****

:= [Разностью двух множеств  $A$  и  $B$  называют множество, состоящее из элементов, принадлежащих множеству  $A$  и не принадлежащих множеству  $B$ .  $A \setminus B = \{x \mid (x \in A) \text{ и } (x \notin B)\}$ ]

⇒ *пример'*:  
 $A = \{0, 1, 3\}, B = \{1, 2, 3\}, A \setminus B = \{0\}, B \setminus A = \{2\}$

### ***характеристическая функция множества\****

:= [Характеризует факт принадлежности элемента  $x$  множеству  $X$ .]

⇒ *пример\**:

[

$$\mu_X(x) = \begin{cases} 1, & \text{если } x \in X; \\ 0, & \text{если } x \notin X. \end{cases}$$

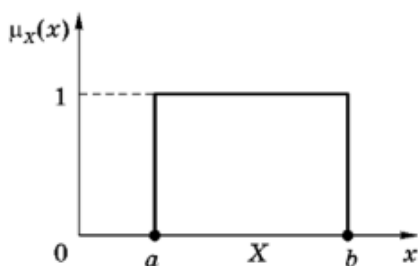
]

⇒ *пример'*:

Показать принадлежность точек отрезка  $[a, b]$  множеству  $X$  (рис 1.1). В более общем случае, предложенном Л. Заде, функция  $\mu_X(x)$  отражает частичную принадлежность элемента  $x$  множеству  $X$ , принимая значения из интервала  $(0, 1]$ :  $0 < \mu_X(x) < 1$ .

⇒ пример\*:

[



**Рис. 1.1**  
Характеристическая  
функция множества  $X$   
на отрезке  $[a, b]$

]

### диаграмма Венна

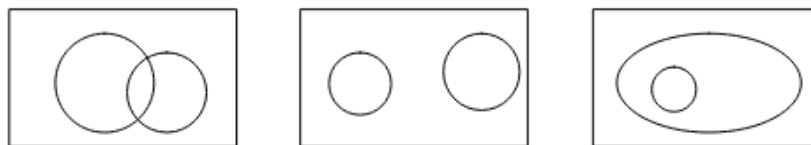
:= [Способ графического представления отношений между множествами и иллюстрации операций над множествами. Множества изображаются в виде кругов или других фигур, а универс, если он есть – в виде прямоугольника, охватывающего другие фигуры.]

⇒ пример\*:

На рисунке 1.1 изображены диаграммы Венна двух множеств с разными типами взаимоотношений между ними. На рисунке 1.2 показаны результаты различных операций над множествами. На рисунке 1.3 представлена диаграмма Венна для трех множеств. На ней представлены всевозможные пересечения этих множеств и их дополнений.

⇒ пример\*:

[



**Рис. 1.1.** Диаграммы Венна для двух множеств: слева – пересекающихся, в центре – непересекающихся, справа – одно включено в другое.

]

⇒ пример\*:

[



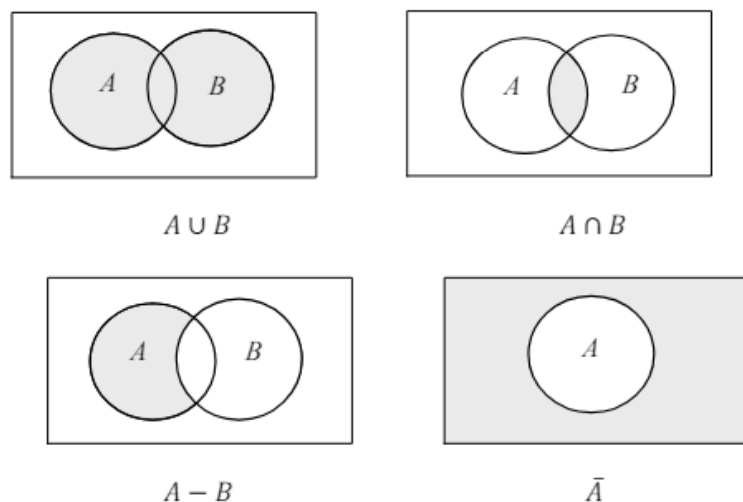


Рис. 1.2. Диаграммы Венна, иллюстрирующие операции над множествами, результат операции выделен цветом

⇒ ]  
 пример\*:  
 [

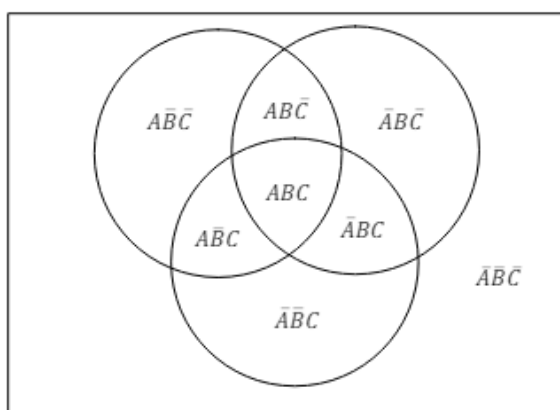


Рис. 1.3. Диаграмма Венна для трех множеств

]

### декартово произведение\*

:= [прямое произведение\*]

:= [Пусть A и B – два множества. Их декартово произведение определяется как множество всех пар (x, y), в которых  $x \in A$ ,  $y \in B$ :  $A \times B = \{(x, y) : x \in A, y \in B\}$ .]

⇒ примечание\*:

[Отметим, что пары здесь имеются в виду упорядоченные: (x, y) и (y, x) – это разные пары (если  $x \neq y$ ).]

⇒ разбиение\*:

вещественное представление

= { • представление дат  
 ⇒ пояснение\*:

[Множество дат типа «3 марта» можно рассматривать как декартово произведение множеств  $A = \{1, 2, \dots, 31\}$  и  $B = \{\text{январь}, \dots, \text{декабрь}\}$ .]

• *геометрическое представление*

$\Rightarrow$  *пояснение\**:

[Множество всех вещественных чисел, заключенных между 0 и 1, геометрически представляется отрезком  $[0, 1]$  координатной прямой.]

$\ni$  *пример'*:

*Множество  $[0, 1]^2$  состоит из пар чисел, которым соответствуют точки плоскости, заполняющие квадрат*

$\ni$  *пример'*:

*множество  $[0, 1]^3$  геометрически представляет собой множество точек куба в трехмерном пространстве.*

}

$\Rightarrow$  *примечание\**:

[Произведение одинаковых множеств  $A_1 = A_2 = \dots = A_n = A$  называется  $n$ -ой декартовой степенью множества  $A$  и обозначается через  $A^n$ .]

#### **декартовый квадрат множества\***

$:=$  [Множество  $A \times A$  называется декартовым квадратом множества  $A$  и обозначается через  $A^2$ .]

$\subset$  *декартово произведение\**

$\ni$  *пример'*:

*Если  $A = \{a, b, c\}$ , а  $B = \{1, 2\}$ , то  $A \times B = \{(a, 1), (a, 2), (b, 1), (b, 2), (c, 1), (c, 2)\}$ ,  $B^2 = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\}$ .*

### 3 ФОРМАЛИЗАЦИЯ ФОРМАЛЬНОЙ ОНТОЛОГИИ СВЯЗОК И ОТНОШЕНИЙ

#### *отношение*

$\equiv$  [Отношением на множестве  $A$  называется любое подмножество множества  $A^2$ . Если  $R$  - отношение и  $(x, y) \in R$ , то говорят, что элемент  $x$  находится в отношении  $R$  с элементом  $y$ . Тот факт, что элемент  $x$  находится в отношении с элементом  $y$  записывают иногда так:  $xRy$ .]

$\Rightarrow$  *примечание\**:

[Заметим, что элементы множества  $A^2$  – это упорядоченные пары элементов множества  $A$ , поэтому из того, что находится  $x$  в отношении  $R$  с  $y$  не следует, что  $y$  находится в отношении  $R$  с  $x$ .]

$\ni$  *пример'*:

*Неравенство  $<$  является отношением на множестве  $N$  (а также на  $Z$  и на  $R$ ). Число 2 находится в отношении  $<$  с числом 5, но 5 не находится в этом отношении  $>$  с 2.*

$\ni$  *пример'*:

*Равенство  $=$  и неравенство  $\neq$  являются отношениями на любом множестве  $A$ . Каждый элемент находится в отношении  $=$  с самим собой и в отношении  $\neq$  со всеми остальными.*

$\ni$  *пример'*:

*Пусть  $A$  – множество всех прямых на плоскости. Можно определить отношение параллельности  $\parallel$  на  $A$ :  $L1$  и  $L2$  означает, что прямая  $L1$  параллельна прямой  $L2$ .*

$\Rightarrow$  *разбиение\**:

*формы представления*

$=$  { • *матричная форма*

$\Rightarrow$  *пояснение\**:

[Отношение на конечном множестве можно также представить в форме таблицы. Пусть  $R$  — отношение на множестве  $A = \{a_1, \dots, a_n\}$ . Построим таблицу с  $n$  строками и  $n$  столбцами, в которой на пересечении строки с номером  $i$  и столбца с номером  $j$  поставим 1, если  $(a_i, a_j) \in R$ , и 0 в противном случае.]

$\Rightarrow$  *пример\**:

[

	1	2	3	4	5	6
1	1	1	1	1	1	1
2	0	1	0	1	0	1
3	0	0	1	0	0	1
4	0	0	0	1	0	0
5	0	0	0	0	1	0
6	0	0	0	0	0	1

]

• *граф отношения*

$\Rightarrow$  *пояснение\**:

[Это диаграмма, которая строится следующим образом. Пусть  $R$

– отношение на множестве  $A$ . Элементы множества  $A$  изобразим кружками (или любыми другими значками), эти кружки называют вершинами графа. Если  $xRy$ , то рисуем стрелку от  $x$  к  $y$ . На рисунке 2.1 показан граф рассмотренного выше отношения делимости.]

⇒ пример\*:

[

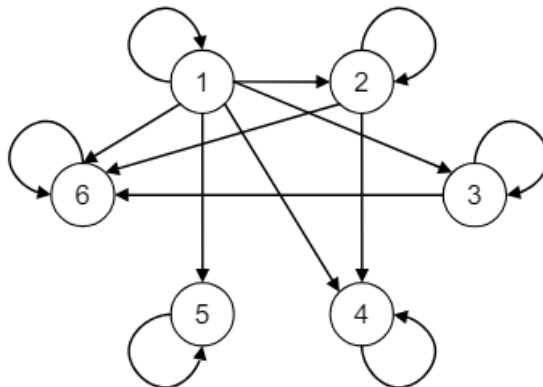


Рис. 2.1. Граф отношения делимости

]

⇒ разбиение\*:  
типы отношений

- = { • отношение эквиваленции
- := [«быть равным»]
- := [«быть похожим»]
- := [«быть одинаковым»]
- := [«быть родственником»]
- ⇒ пояснение\*:

[Бинарное отношение  $R \subseteq (X \times X)$ , удовлетворяющее условиям рефлексивности, симметричности, транзитивности, называют отношением эквиваленции. Отношение эквиваленции принято обозначать знаком  $r(x_i; x_j)$  или  $(x_i; x_j)$ .]

⇒ примечание\*:

[Используя отношение эквиваленции, можно формировать классы эквиваленции  $K(x_a)$  по заданному образцу  $x_a$  в виде подмножеств  $X_a$  множества  $X$ , т. е.  $K(x_a) = X_a = \{x_i \mid r(x_i; x_a) = 1, x_i, x_a \in X\} \subseteq X$ .]

- отношение порядка
- := [«быть не больше»]
- := [«быть не меньше»]
- := [«быть не старше»]
- ⇒ пояснение\*:

[Бинарные отношения  $R \subseteq (X \times X)$ , удовлетворяющие условиям рефлексивности, антисимметричности и транзитивности, называют отношением порядка. Отношение порядка принято обозначать для элементов множества  $r \leq (x_i; x_j)$  или  $\leq (x_i; x_j)$ , а для множеств –  $r \subseteq (x_i; x_j)$  или  $\subseteq (x_i; x_j)$ .]

⇒ примечание\*:

[Использование отношения порядка на одном множестве  $X$  позволяет упорядочить элементы этого множества, т. е., рассматривая отношение на каждой паре элементов множества, устанавливать частичный порядок на всем множестве  $X$ .]

Э *пример'*:

*Множество целых чисел с заданным отношением порядка, т. е.  $\{1; 2; 3; \dots\}$ .*

Э *пример'*:

*Множество действительных чисел, в том числе положительных и отрицательных, счетные множества нематематических объектов, упорядоченные по значениям индексов, т. е.  $X_1, X_2, \dots$ .*

Э *пример'*:

*Счетные множества букв и символов, упорядоченные алфавитом, множество подмножеств универсального множества с отношением включения  $\subseteq (x_i, x_j)$ .*

• *отношение строгого порядка*

:= [«быть больше»]

:= [«быть меньше»]

:= [«быть частью»]

:= [«быть подчинённым»]

⇒ *пояснение\**:

[Бинарное отношение  $R \subseteq (X \otimes X)$ , удовлетворяющее условиям антирефлексивности, асимметричности и транзитивности, называют отношением строгого порядка. Для обозначения отношения строгого порядка приняты символы между элементами множества  $r < (x_i; x_j)$  или  $< (x_i; x_j)$ , между множествами –  $r \subset (x_i; x_j)$  или  $\subset (x_i; x_j)$ .]

⇒ *примечание\**:

[Использование отношения строгого порядка формирует линейную упорядоченность элементов множества  $X$ .]

}

### **бинарное отношение**

:= [Пусть  $A$  и  $B$  — два множества. Бинарным отношением между множествами  $A$  и  $B$  называется тройка  $(A, B, R)$ , где  $R$  — подмножество прямого произведения  $A$  и  $B$ :  $R \subset A \times B$ ]

⇒ *примечание\**:

[ $R$  называется графиком отношения,  $A$  называется областью отправления, а  $B$  — областью прибытия. Если множества  $A$  и  $B$  определены контекстом, то часто просто говорят, что задано отношение  $R$ . При этом для краткости отношение обозначают тем же символом, что и график.]

⇒ *разбиение\**:

*свойства бинарных отношений*

= { • *рефлексивность*

⇒ *пояснение\**:

[Бинарное отношение рефлексивно, если для любого  $x_i$  имеем  $r(x_i; x_i) = 1$ , т. е. отношение имеет значение «истины» при применении к одному элементу  $x_i$ .]

⇒ *примечание\**:

- [Бинарное отношение антирефлексивно, если для любого  $x_i$  имеем  $r(x_i; x_i) = 0$ , т. е. отношение имеет значение «ложь» применительно к одному элементу  $x_i$ .]
- *симметричность*  
 $\Rightarrow$  *пояснение\**:  
 [Бинарное отношение симметрично, если для любой пары  $(x_i; x_j)$  имеем  $r(x_i; x_j) = r(x_j; x_i) = 1$ .]  
 $\Rightarrow$  *примечание\**:  
 [Бинарное отношение антисимметрично, если для любой пары  $(x_i; x_j)$  при  $i \neq j$  имеем  $r(x_i; x_j) \neq r(x_j; x_i)$ , а при  $i = j$   $r(x_i; x_i) = 1$ .]  
 $\Rightarrow$  *примечание\**:  
 [Бинарное отношение асимметрично, если для любой пары  $(x_i; x_j)$  имеем  $r(x_i; x_j) \neq r(x_j; x_i)$ .]
  - *транзитивность*  
 $\Rightarrow$  *пояснение\**:  
 [Бинарное отношение транзитивно, если для любых трех элементов  $x_i, x_j, x_k$  имеем  $r(x_i; x_j) = 1$  только при условии  $r(x_i; x_k) = 1$  и  $r(x_k; x_j) = 1$ .]
- }

#### **композиция отношений\***

$:=$  [Пусть  $R_1 \subset A \times C$  — отношение между  $A$  и  $C$ , а  $R_2 \subset C \times S$  — отношение между  $C$  и  $S$ . Композицией двух отношений  $R_1$  и  $R_2$  называется отношение  $R \subset A \times S$  между  $A$  и  $S$ , определяемое следующим образом:  $R \stackrel{def}{=} R_1 \circ R_2 \stackrel{def}{=} \{(a, b) \mid a \in A \ \& \ b \in S \ \& \ \exists c \in C (aR_1c \ \& \ cR_2b)\}$

#### **степень отношения\***

$:=$  [Пусть  $R$  — отношение на множестве  $A$ . Степенью отношения  $R$  на множестве  $A$  называется его  $n$ -кратная композиция с самим собой. Обозначение:  $R^n \stackrel{def}{=} R \circ \dots \circ R_n$ .]

#### **функциональное отношение**

$:=$  [Пусть  $f$  — отношение между  $A$  и  $B$ , такое, что  $\forall a ((a, b) \in f \ \& \ (a, c) \in f \Rightarrow b = c)$ . Такое свойство отношения называется однозначностью, или функциональностью, а само отношение называется функцией из  $A$  в  $B$ , причём для записи используется одна из следующих форм:  $f : A \rightarrow B$  или  $A \xrightarrow{def} B$ .]

$\Rightarrow$  *пояснение\**:

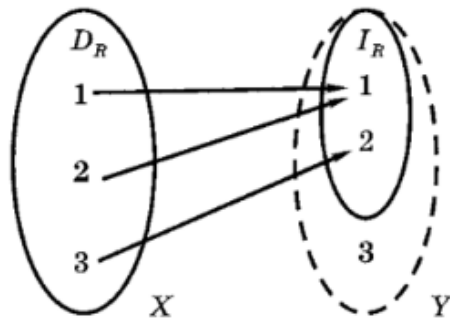
[Функция  $f$  устанавливает соответствие между элементами множеств  $X$  и  $Y$ . Символ  $f$  играет роль правила, сопоставляющего каждому элементу  $x \in X$  однозначно определенный элемент  $y = f(x) \in Y$ .]

$\exists$  *пример'*:

Пусть  $X = Y = \{1, 2, 3\}$ . Отображение  $f: X \rightarrow Y$  задано следующим образом:  $f(1) = 1, f(2) = 1, f(3) = 2$  (рис. 1.3). Каждый элемент из множества  $X$  имеет единственный образ на множестве  $Y$ . Однако не каждый элемент из множества  $Y$  имеет прообраз на множестве  $X$ . Элемент  $1 \in Y$  имеет два прообраза — 1 и 2, элемент  $2 \in Y$  имеет один прообраз — 3, а у элемента  $3 \in Y$  нет прообраза в  $X$ . Этой ситуации соответствуют следующие отношения между множествами  $X$  и  $Y$  и областями определения и значений отображения  $f$ :  $DR = X, IR \subset Y$ .

$\Rightarrow$  *пример\**:

[



**Рис. 1.3**  
Графическое представление  
отображения  $f: X \rightarrow Y$

]

### **фактормножество**

$\equiv$  [Если  $R$  — отношение эквивалентности на множестве  $M$ , то множество классов эквивалентности называется фактормножеством множества  $M$  относительно эквивалентности  $R$  и обозначается  $M / R$ :  $M / R \stackrel{def}{=} \{[x]R\} | x \in M$ .]

$\Rightarrow$  *примечание\**:

[Фактормножество является подмножеством булеана:  $M / R \subset 2^M$ . Функция  $\text{nat } R: M \rightarrow M / R$  называется отождествлением и определяется следующим образом:  $\text{nat } R(x) \stackrel{def}{=} f[x]R$ .]

### **ядро функционального отношения и множества уровня\***

$\equiv$  [Всякая функция  $f$ , будучи отношением, имеет ядро  $f$  и  $f^{-1}$ , которое является отношением на области определения функции.]

$\Rightarrow$  *примечание\**:

[Даже если  $f$  — функция,  $f^{-1}$  отнюдь не обязательно функция, поэтому здесь  $\circ$  — знак композиции отношений, а не суперпозиции функций.]

### **образ множества\***

$\equiv$  [Пусть  $f: A \rightarrow B$  и пусть  $A_1 \subset A$ . Тогда множество  $F(A_1) \stackrel{def}{=} \{b \in B | \exists a \in A_1 (b = f(a))\}$  называется образом множества  $A_1$  (при отображении  $f$ ).]

### **прообраз множества\***

$\equiv$  [Пусть  $f: A \rightarrow B$  и пусть  $B_1 \subset B$ . Тогда множество  $F^{-1}(B_1) \stackrel{def}{=} \{a \in A | \exists b \in B_1 (b = f(a))\}$  называется прообразом множества  $B_1$  (при отображении  $f$ ).]

### **суперпозиция функций\***

$\equiv$  [Поскольку функции являются частным случаем отношений, для них определена композиция. Композиция функций называется суперпозицией. Для обозначения суперпозиции применяют тот же знак  $\circ$ , но операнды записывают в обратном порядке: если  $f: A \rightarrow B$  и  $g: B \rightarrow C$ , то суперпозиция функций  $f$  и  $g$  записывается так:  $g \circ f$ .]

$\Rightarrow$  *примечание\**:

[Такой способ записи суперпозиции функций объясняется тем, что обозначение функции принято писать слева от списка аргументов:  $(f \circ g)(x) \stackrel{def}{=} f(g(x))$ .]

## **граф**

**:=** [Диаграмма, наглядно изображающая отношение на конечном множестве с помощью стрелок, соединяющих элементы множества. Граф состоит из двух множеств – конечного множества  $V$ , элементы которого называются вершинами, и множества  $E$ , состоящего из пар вершин, эти пары называются ребрами. Это записывают так:  $G = (V, E)$ , прочесть эту запись можно так: «граф  $G$  с множеством вершин  $V$  и множеством ребер  $E$ ».]

**⇒** *примечание\**:

[При этом собственно графические подробности несущественны – неважно, какими значками изображены элементы множества, неважно, как выглядят стрелки, важно лишь, какие элементы и в каких направлениях эти стрелки соединяют. Поэтому в математическом определении понятия графа нет ничего графического или геометрического, а говорится лишь о неких элементах и их парах.]

**⇒** *разбиение\**:

*виды графов*

**=** { • *ориентированный граф*

**⇒** *пояснение\**:

[Ребрами являются упорядоченные пары вершин (ориентированные ребра).]

• *неориентированный граф*

**⇒** *пояснение\**:

[Ребрами являются неупорядоченные пары вершин (неориентированные ребра).]

• *обыкновенный граф*

**⇒** *пояснение\**:

[Неориентированный граф, не имеющий петель.]

$\subset$  *неориентированный граф*

• *обыкновенный граф*

**:=** [Обобщение понятия графа.]

**⇒** *пояснение\**:

[В мультиграфе могут быть кратные ребра, то есть несколько ребер, соединяющих одну и ту же пару вершин. В мультиграфе ребра – это не пары вершин, а самостоятельные объекты. При этом для каждого ребра должна быть указана пара вершин, которые это ребро соединяет.]

}

**⇒** *разбиение\**:

*способы представления графа*

**=** { • *перечисление элементов*

**⇒** *пояснение\**:

[Исходя из определения, для того, чтобы задать граф, достаточно перечислить его вершины и ребра (т.е. пары вершин).]

$\exists$  *пример'*:

$V = \{a, b, c, d, e, f\}$ ,  $E = \{(a, f), (a, d), (b, c), (c, d), (c, f)\}$ . Тем самым задан граф с 6 вершинами и 5 ребрами.

• *изображение*

**⇒** *пояснение\**:

[Если граф не очень велик, его можно нарисовать. Вершины изображают какими-нибудь значками (кружками, прямоугольниками и



т.п.), ребра – в неориентированном графе ребра линиями, в ориентированном стрелками. На рисунке 5.1 показан граф, заданный выше перечислением вершин и ребер.]

⇒ пример\*:

[

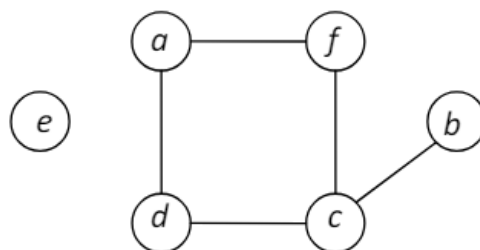


Рис. 5.1. Изображение графа

]

• матрица смежности

⇒ пояснение\*:

[Это квадратная матрица порядка  $n$ . Для ее построения вершины графа нумеруются числами от 1 до  $n$ . Элемент матрицы, стоящий на пересечении строки с номером  $i$  и столбца с номером  $j$ , равен 1, если вершины с номерами  $i$  и  $j$  смежны, он равен 0, если эти вершины не смежны.]

⇒ пример\*:

[

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

]

⇒ примечание\*:

[Отметим две особенности матрицы смежности обыкновенного графа: 1) на главной диагонали стоят нули (нет петель); 2) матрица симметрична относительно главной диагонали (граф неориентированный).]

• список смежности

⇒ пояснение\*:

[Для каждой вершины задается список всех смежных с ней вершин. Для рассматриваемого графа это может выглядеть так (пишется номер вершины и после двоеточия перечисляются номера смежных с ней вершин).]

⇒ пример\*:

[

1: 4, 5  
 2: 3  
 3: 2, 4, 6  
 4: 1, 3  
 5:  
 6: 1, 3

1

}

## **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

Во время ознакомительной практики я приобрёл важные навыки процесса формализации текста:

- Подбор подходящей литературы по теме;
- Тщательный разбор текста и выделение ключевых элементов Внимательное изучение теории Стандарта OSTIS для последующей интеграции своей формализации;
- Правильное использование и соблюдение синтаксических правил оформления формализованной теории;

В ходе практической работы я дополнил уже формализованные понятия в монографии примечаниями, пояснениями и конкретными примерами. Также дополнил информацию в монографии относительно формальной онтологии множеств, связей и отношений.

Таким образом, ознакомительная практика дала мне ценные навыки и знания в области формализации текстовой информации с соблюдением необходимых стандартов и требований.

## СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

[1] Алексеев, В.Е. Дискретная математика / В.Е. Алексеев. — Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского, 2017. — С. 342.

[2] Козлов, А.Г. Дискретная математика / А.Г. Козлов. — Межгосударственное образовательное учреждение высшего образования «Белорусско-Российский университет»., 2020. — С. 43.

[3] Микони, С.В. Дискретная математика для бакалавра: МНОЖЕСТВА, ОТНОШЕНИЯ, ФУНКЦИИ, ГРАФЫ / С.В. Микони. — Лань, 2021. — С. 192.

[4] Новиков, Ф.А. Дискретная математика для программистов / Ф.А. Новиков. — Питер, 2009. — С. 384.