ANÁLISIS DEL RETO 4

- 1. **reg No.3**, David Elias Forero Cobos, de.foreroc1@uniandes.edu.co, 202310499.
 - 2. **req No.4**, Alejandro Garcia Rojas, a.garciar23@uniandes.edu.co, 202122516.
- 3. **req No.5**, Pablo Andrés Sebastián Parra Céspedes, p.parrac@uniandes.edu.co, 202310768.

Requerimiento 1

Descripción

```
def req1(dataStructs, startPoint, arrivalPoint):
    filtered = lt.newList('ARRAY_LIST')
    foliumMap = lt.newList()
    drawPath = []
   metaData = {'totalVertex': 0, 'totalDistance': 0}
    if isInside(dataStructs, startPoint) and isInside(dataStructs, arrivalPoint):
       startPoint = getClosestVertex(dataStructs, startPoint)
       arrivalPoint = getClosestVertex(dataStructs, arrivalPoint)
       paths = dfs.DepthFirstSearch(dataStructs['distanceGraph'], startPoint['id'])
       path = dfs.pathTo(paths, arrivalPoint['id'])
       if path:
           metaData['totalVertex'] = st.size(path)
           datum = {'Starting Point': 'Satarting point', 'Arrival Point': st.top(path), 'Distance': startPoint['distance']}
           lt.addLast(filtered, datum)
            while st.size(path) > 1:
               startingVertex = st.pop(path)
                arrivalVertex = st.top(path)
               distance = gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'], startingVertex, arrivalVertex)['weight']
               metaData['totalDistance'] += distance
               datum = {'Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': distance}
               lt.addLast(filtered, datum)
               startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex))
               arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex))
                lt.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)
               lt.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)
               drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates']))
           datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']}
            lt.addLast(filtered, datum)
           metaData['totalDistance'] += startPoint['distance']
           metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']
   metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0
   metaData["path"] = "req1"
    req8(foliumMap, "req1", drawPath)
   return filtered, metaData
```

Entrada

Las entradas esperadas en el requerimiento 1 son las siguientes:

- Una estructura de datos con los datos a consultar.
- Un punto de origen (una localización geográfica con latitud y longitud).

	 Un punto de destino (una localización geográfica con latitud y longitud).
Salida	 Las salidas esperadas en el requerimiento 1 son las siguientes: El tiempo que se demora el algoritmo en encontrar la solución (en milisegundos). La distancia total que tomará el camino entre el punto de origen y el de destino. El total de vértices que contiene el camino encontrado. La secuencia de vértices (sus identificadores) que componen el camino encontrado.
Implementado	Sí, el requerimiento fue implementado, desarrollado y completado por el grupo No.1 de la sección No.3 del curso de Estructuras de Datos y Algoritmos.

Pasos	Complejidad
def req1(dataStructs, startPoint, arrivalPoint):	O(1)
filtered = lt.newList('ARRAY_LIST')	O(1)
foliumMap = lt.newList()	O(1)
drawPath = []	O(1)
metaData = {'totalVertex': 0, 'totalDistance': 0}	O(1)
if isInside(dataStructs, startPoint) and isInside(dataStructs, arrivalPoint):	O(1)
startPoint = getClosestVertex(dataStructs, startPoint)	O(V)
arrivalPoint = getClosestVertex(dataStructs, arrivalPoint)	O(V)
<pre>paths = dfs.DepthFirstSearch(dataStructs['distanceGr aph'], startPoint['id'])</pre>	O(V + E)
path = dfs.pathTo(paths, arrivalPoint['id'])	O(M) (donde M <= V)
if path:	O(1)
metaData['totalVertex'] = st.size(path)	O(1)
datum = {'Starting Point': 'Satarting point',	O(1)

'Arrival Point: st.top(path), 'Distance': startPoint['distance']} It.addLast(filtered, datum) while st.size(path) > 1: startingVertex = st.pop(path) of the startingVertex = st.top(path) distance = gr.getEdge(dataStructs[distanceGraph], startingVertex, arrivalVertex)['weight'] metaData['totalDistance'] += distance of the starting Vertex, arrivalVertex, 'Distance': distance} It.addLast(filtered, datum) of the startingVertex (Distance') startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertexDetails = me.getValu		
while st.size(path) > 1: startingVertex = st.pop(path) orivalVertex = st.top(path) distance = gr.getEdge(dataStructs[distanceGraph], startingVertex, arrivalVertex)[weight] metaData['totalDistance'] += distance other distance other distan		
startingVertex = st.top(path) arrivalVertex = st.top(path) distance = gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'], startingVertex, arrivalVertex)['weight'] metaData['totalDistance'] += distance datum = ('Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': distance) It.addLast(filtered, datum) startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex)) arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex)) It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails) drawPath.append((startingVertexDetails)) datum = ('Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']) It.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	lt.addLast(filtered, datum)	O(1)
arrivalVertex = st.top(path) distance = gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'], startingVertex, arrivalVertex)['weight'] metaData['totalDistance'] += distance datum = {'Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': distance} lt.addLast(filtered, datum) startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex)) arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertexDetails) arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertexDetails) lt.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) O(1) lt.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails] O(1) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point: 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} lt.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	while st.size(path) > 1:	O(1)
distance = gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'], startingVertex, arrivalVertex)['weight'] metaData['totalDistance'] += distance O(1) datum = {'Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': distance} It.addLast(filtered, datum) startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex)) It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) O(1) It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'], o(1) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance'] It.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	startingVertex = st.pop(path)	O(1)
gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'], startingVertex, arrivalVertex)['weight'] metaData['totalDistance'] += distance O(1) datum = {'Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': distance} It.addLast(filtered, datum) O(1) startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex)) arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex)) It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) O(1) It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails]'coor dinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'])) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} It.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] += startPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	arrivalVertex = st.top(path)	O(1)
datum = ('Starting Point': startingVertex, 'Distance': distance) It.addLast(filtered, datum) StartingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex)) arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertexDetails) It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates']) It.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += o(1) arrivalPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'],	O(1)
'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': distance} It.addLast(filtered, datum) StartingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex)) arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex)) It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) O(1) It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'])) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} It.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] += arrivalPoint['distance'] += arrivalPoint['distance']	metaData['totalDistance'] += distance	O(1)
startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex)) arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex)) It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'],) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance'] += startPoint['tidistance'] += metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance'] MetaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance'] MetaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance':	O(1)
me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex)) arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex)) It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'])) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} It.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] += arrivalPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	It.addLast(filtered, datum)	O(1)
me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex)) It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails) O(1) It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) O(1) drawPath.append((startingVertexDetails['coor dinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'])) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} It.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] += arrivalPoint['distance'] += O(1)	me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'],	O(1)
It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails) drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'])) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} It.addLast(filtered, datum) O(1) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] += arrivalPoint['distance'] += arrivalPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'],	O(1)
drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'])) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} lt.addLast(filtered, datum) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] += arrivalPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance'] O(1)	It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)	O(1)
dinates'], arrivalVertexDetails['coordinates'])) datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} It.addLast(filtered, datum) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] += arrivalPoint['distance'] += arrivalPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)	O(1)
Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']} It.addLast(filtered, datum) metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance'] O(1) O(1)		O(1)
metaData['totalDistance'] += startPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += O(1) arrivalPoint['distance']	Point': 'Arrival point', 'Distance':	O(1)
startPoint['distance'] metaData['totalDistance'] += O(1) arrivalPoint['distance']	lt.addLast(filtered, datum)	O(1)
arrivalPoint['distance']		O(1)
metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0 O(1)		O(1)
	metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0	O(1)

metaData["path"] = "req1"	O(1)
req8(foliumMap, "req1", drawPath)	O(M + O) (donde M y O <= V)
return filtered, metaData	O(1)
Total	O(V+E)

Procesador	Apple M1
Memoria RAM	8 GB
Sistema Operativo	macOS Ventura Versión 13.5.2

Entrada	Tiempo (s)	Memoria (MB)
large	1964.817	452.911

Análisis

La solución para el requerimiento 1 tiene una complejidad en el peor caso de V+E, donde V representa los vértices y E los arcos. Esta complejidad se debe a la utilización del algoritmo de Búsqueda en Profundidad (Depth First Search, DFS).

El programa primero asegura que los puntos ingresados estén dentro de los límites de la ciudad. Luego, aproxima estos puntos a los vértices más cercanos en la malla vial, que es representada como un grafo. Utilizando el algoritmo DFS, el sistema busca un camino entre estos vértices. Como resultado, el programa proporciona información detallada que incluye la distancia total del camino, el número total de vértices que lo componen, y una secuencia específica de vértices que forman el camino encontrado.

Requerimiento 2

Descripción

```
def req2(dataStructs, startPoint, arrivalPoint):
   filtered = lt.newList('ARRAY_LIST')
   metaData = {'totalVertex': 0, 'totalDistance': 0}
   foliumMap = lt.newList()
   drawPath = []
   if isInside(dataStructs, startPoint) and isInside(dataStructs, arrivalPoint):
      startPoint = getClosestVertex(dataStructs, startPoint)
      arrivalPoint = getClosestVertex(dataStructs, arrivalPoint)
      paths = bfs.BreathFirstSearch(dataStructs['distanceGraph'], startPoint['id'])
      path = bfs.pathTo(paths, arrivalPoint['id'])
      if path:
          metaData['totalVertex'] = st.size(path)
          datum = {'Starting Point': 'Starting point', 'Arrival Point': st.top(path), 'Distance': startPoint['distance']}
          lt.addLast(filtered, datum)
          while st.size(path) > 1:
             startingVertex = st.pop(path)
             arrivalVertex = st.top(path)
             distance = gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'], startingVertex, arrivalVertex)['weight']
             metaData['totalDistance'] += distance
             datum = {'Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': distance}
             lt.addLast(filtered, datum)
             startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex))
              arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex))
             lt.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)
             lt.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)
             drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates']))
          datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']}
          lt.addLast(filtered, datum)
          metaData['totalDistance'] += startPoint['distance']
          metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']
   metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0
   metaData["path"] = "req2"
   req8(foliumMap, "req2", drawPath)
   return filtered, metaData
Entrada
                     Las entradas esperadas en el requerimiento 2 son las siguientes:
                             Una estructura de datos con los datos a consultar.
                             Un punto de origen (una localización geográfica con latitud y
                             Iongitud).
                             Un punto de destino (una localización geográfica con latitud y
                             longitud).
Salida
                     Las salidas esperadas en el requerimiento 2 son las siguientes:
                             El tiempo que se demora el algoritmo en encontrar la solución (en
                             milisegundos).
                             La distancia total que tomará el camino entre el punto de encuentro
                             de origen y el de destino.
                             El total de vértices que contiene el camino encontrado.
                             La secuencia de vértices (sus identificadores) que componen el
                             camino encontrado.
Implementado
                     Sí, el requerimiento fue implementado, desarrollado y completado por el
                     grupo No.1 de la sección No.3 del curso de Estructuras de Datos y
                     Algoritmos.
```

Pasos	Complejidad
-------	-------------

def req2(dataStructs, startPoint, arrivalPoint):	O(1)
filtered = It.newList('ARRAY_LIST')	O(1)
metaData = {'totalVertex': 0, 'totalDistance': 0}	O(1)
foliumMap = It.newList()	O(1)
drawPath = []	O(1)
if isInside(dataStructs, startPoint) and isInside(dataStructs, arrivalPoint):	O(1)
startPoint = getClosestVertex(dataStructs, startPoint)	O(V)
arrivalPoint = getClosestVertex(dataStructs, arrivalPoint)	O(V)
<pre>paths = bfs.BreadhtFirstSearch(dataStructs['distance Graph'], startPoint['id'])</pre>	O(V + E)
path = bfs.pathTo(paths, arrivalPoint['id'])	O(M) (donde M <= V)
if path:	O(1)
metaData['totalVertex'] = st.size(path)	O(1)
datum = {'Starting Point': 'Starting point', 'Arrival Point': st.top(path), 'Distance': startPoint['distance']}	O(1)
It.addLast(filtered, datum)	O(1)
while st.size(path) > 1:	O(N)
startingVertex = st.pop(path)	O(1)
arrivalVertex = st.top(path)	O(1)
distance = gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'], startingVertex, arrivalVertex)['weight']	O(1)
metaData['totalDistance'] += distance	O(1)
datum = {'Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': distance}	O(1)
It.addLast(filtered, datum)	O(1)

startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex))	O(1)
arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex))	O(1)
It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)	O(1)
It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)	O(1)
drawPath.append((startingVertexDetails['coor dinates'], arrivalVertexDetails['coordinates']))	O(1)
datum = {'Starting Point': st.top(path), 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Distance': arrivalPoint['distance']}	O(1)
lt.addLast(filtered, datum)	O(1)
metaData['totalDistance'] += startPoint['distance']	O(1)
metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	O(1)
metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0	O(1)
metaData["path"] = "req2"	O(1)
req8(foliumMap, "req2", drawPath)	O(M + O) (donde M y O <= V)
return filtered, metaData	O(1)
Total	O(V + E)

Procesador	Apple M1
Memoria RAM	8 GB
Sistema Operativo	macOS Ventura Versión 13.5.2

Entrada	Tiempo (s)	Memoria (MB)
large	13.118	15.106

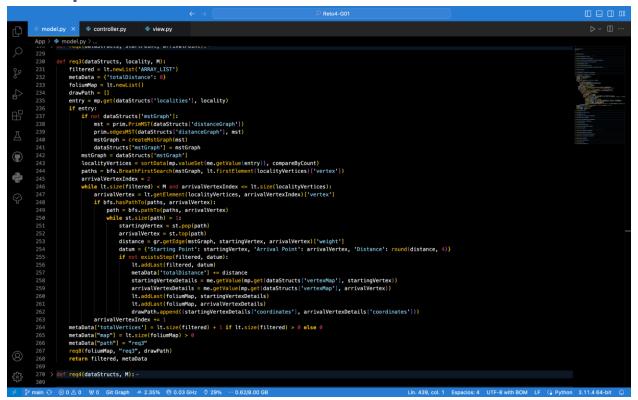
Análisis

La complejidad de este algoritmo es O(V+E), donde V representa los vértices y E los arcos. Esta complejidad se origina del uso de la técnica de Búsqueda en Anchura (Breadth-First Search) implementada para encontrar el camino que cruza el menor número de intersecciones.

El propósito de este requerimiento es hallar una ruta entre dos puntos geográficos en Bogotá que minimice las intersecciones a cruzar. Los usuarios introducen los puntos de origen y destino en forma de coordenadas de latitud y longitud. El sistema verifica que estos puntos se encuentren dentro de los límites urbanos de la ciudad y los aproxima a los vértices más cercanos en la red vial. Como resultado, el algoritmo proporciona la distancia total del camino, el número total de vértices que lo componen y la secuencia específica de estos vértices.

Requerimiento 3

Descripción



Entrada	Las entradas esperadas en el requerimiento 3 son las siguientes: - Una estructura de datos con los datos a consultar.
Salida	Las salidas esperadas en el requerimiento 3 son las siguientes:

	 El tiempo que se demora el algoritmo en encontrar la solución (en milisegundos). El total de vértices de la red. Los vértices incluidos (identificadores). Los arcos incluidos (ld vértice inicial e ld vértice final). La cantidad de kilómetros de fibra óptica extendida. El costo (monetario) final.
Implementado	Sí, el requerimiento fue implementado, desarrollado y completado por David Elias Forero Cobos, código 202310499, del grupo No.1 de la sección No.3 del curso de Estructuras de Datos y Algoritmos.

Pasos	Complejidad
def req3(dataStructs, locality, M):	O(1)
filtered = lt.newList('ARRAY_LIST')	O(1)
metaData = {'totalDistance': 0}	O(1)
foliumMap = It.newList()	O(1)
drawPath = []	O(1)
entry = mp.get(dataStructs['localities'], locality)	O(1)
if entry:	O(1)
if not dataStructs['mstGraph']:	O(1)
mst = prim.PrimMST(dataStructs['distanceGraph'])	O(ElogV)
prim.edgesMST(dataStructs['distanceGraph'], mst)	O(V)
mstGraph = createMstGraph(mst)	O(V)
dataStructs['mstGraph'] = mstGraph	O(1)
mstGraph = dataStructs['mstGraph']	O(1)
localityVertices = sortData(mp.valueSet(me.getValue(entry)), compareByCount)	O(M^(3/2)) (donde M <= V)
paths = bfs.BreadhtFirstSearch(mstGraph,	O(V + E)

It.firstElement(localityVertices)['vertex'])	
arrivalVertexIndex = 2	O(1)
while It.size(filtered) < M and arrivalVertexIndex <= It.size(localityVertices):	O(1)
arrivalVertex = It.getElement(localityVertices, arrivalVertexIndex)['vertex']	O(1)
if bfs.hasPathTo(paths, arrivalVertex):	O(1)
path = bfs.pathTo(paths, arrivalVertex)	O(M) (donde M <= V)
while st.size(path) > 1:	O(1)
startingVertex = st.pop(path)	O(1)
arrivalVertex = st.top(path)	O(1)
distance = gr.getEdge(mstGraph, startingVertex, arrivalVertex)['weight']	O(1)
datum = {'Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': round(distance, 4)}	O(1)
if not existsStep(filtered, datum):	O(M) (donde M <= V)
lt.addLast(filtered, datum)	O(1)
metaData['totalDistance'] += distance	O(1)
startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex))	O(1)
arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex))	O(1)
It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)	O(1)
It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)	O(1)
drawPath.append((startingVertexDetails['coor dinates'], arrivalVertexDetails['coordinates']))	O(1)
arrivalVertexIndex += 1	O(1)
metaData['totalVertices'] = lt.size(filtered) + 1 if lt.size(filtered) > 0 else 0	O(1)

metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0	O(1)
metaData["path"] = "req3"	O(1)
req8(foliumMap, "req3", drawPath)	O(M + O) (donde M y O <= V)
return filtered, metaData	O(1)
Total	O(ElogV)

Procesador	Apple M1
Memoria RAM	8 GB
Sistema Operativo	macOS Ventura Versión 13.5.2

Entrada	Tiempo (s)	Memoria (MB)
large	4287.925	404.757

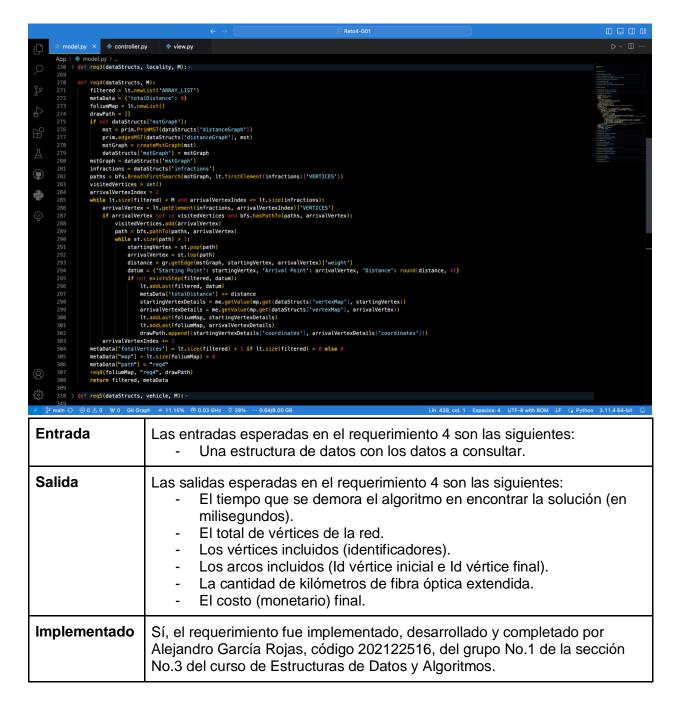
Análisis

La complejidad de este algoritmo es O(ElogV), que surge de la creación y uso de un árbol de expansión mínima de Prim, cuyo propósito es encontrar el costo mínimo para conectar una red de cámaras en la ciudad.

El objetivo del algoritmo es establecer una red de comunicaciones de fibra óptica para instalar cámaras de vídeo en M ubicaciones específicas dentro de una localidad determinada. El usuario proporciona el número M de cámaras a instalar y la localidad objetivo. El sistema, en primer lugar, genera la red de comunicaciones utilizando un árbol de recubrimiento mínimo. A continuación, lleva a cabo una búsqueda por anchura para recorrer los vértices, comenzando por el que tiene el mayor número de comparendos y avanzando hacia otros vértices. Finalmente, identifica y selecciona los vértices de mayor relevancia, es decir, aquellos con el mayor número de comparendos. La salida del algoritmo incluye: el total de vértices de la red, los vértices y arcos que conforman la red, la longitud total de fibra óptica que se instalará, y el costo monetario total de la instalación.

Requerimiento 4

Descripción



Pasos	Complejidad
def req4(dataStructs, M):	O(1)
filtered = lt.newList('ARRAY_LIST')	O(1)
metaData = {'totalDistance': 0}	O(1)

O(1)
O(1)
O(1)
O(ElogV)
O(V)
O(V)
O(1)
O(1)
O(1)
O(V + E)
O(1)
O(M) (donde M <= V)
O(1)

if not existsStep(filtered, datum):	O(M) (donde M <= V)
lt.addLast(filtered, datum)	O(1)
metaData['totalDistance'] += distance	O(1)
startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex))	O(1)
arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex))	O(1)
It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)	O(1)
It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)	O(1)
drawPath.append((startingVertexDetails['coor dinates'], arrivalVertexDetails['coordinates']))	O(1)
arrivalVertexIndex += 1	O(1)
metaData['totalVertices'] = lt.size(filtered) + 1 if lt.size(filtered) > 0 else 0	O(1)
metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0	O(1)
metaData["path"] = "req4"	O(1)
req8(foliumMap, "req4", drawPath)	O(M + O) (donde M y O <= V)
return filtered, metaData	O(1)
Total	O(ElogV)

Procesador	Apple M1
Memoria RAM	8 GB
Sistema Operativo	macOS Ventura Versión 13.5.2

Entrada	Tiempo	Memoria
large	761078.93	407642

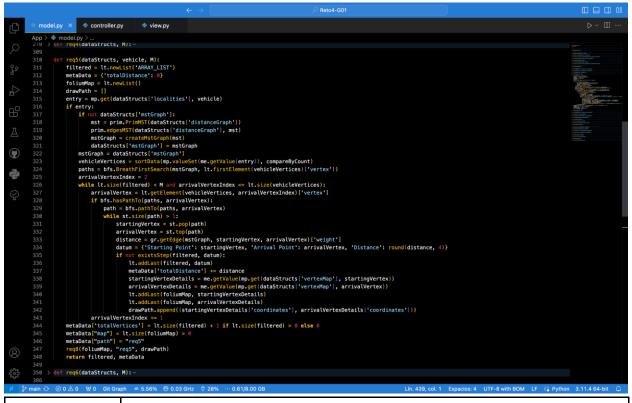
Análisis

La complejidad de este algoritmo es O(ElogV), derivada de la creación y empleo del árbol de expansión mínima de Prim para determinar el costo mínimo de conexión en la localidad.

El propósito del algoritmo es establecer una red de comunicaciones de fibra óptica para instalar cámaras de video en M ubicaciones, dando prioridad a los sitios con comparendos de mayor gravedad. Se utiliza un Árbol de Recubrimiento Mínimo (MST) para conectar los vértices de manera eficiente y económica. El usuario especifica el número M de cámaras a instalar. Inicialmente, el algoritmo genera una red de comunicaciones de costo mínimo a partir del MST. Posteriormente, aplica un algoritmo de búsqueda por anchura para recorrer los vértices, enfocándose en la gravedad de los comparendos, considerando tanto el tipo de servicio como el código de infracción. Durante este proceso, se seleccionan los M vértices más relevantes. Como resultado, el algoritmo proporciona un desglose que incluye el total de vértices de la red, los vértices y arcos incluidos, la longitud en kilómetros de la fibra óptica a instalar, y el costo monetario de la instalación.

Requerimiento 5

Descripción



Entrada

Las entradas esperadas en el requerimiento 5 son las siguientes:

	- Una estructura de datos con los datos a consultar.
Salida	 Las salidas esperadas en el requerimiento 5 son las siguientes: El tiempo que se demora el algoritmo en encontrar la solución (en milisegundos). El total de vértices de la red. Los vértices incluidos (identificadores). Los arcos incluidos (ld vértice inicial e ld vértice final). La cantidad de kilómetros de fibra óptica extendida. El costo (monetario) final.
Implementado	Sí, el requerimiento fue implementado, desarrollado y completado por Pablo Andrés Sebastián Parra Céspedes, código 202310768, del grupo No.1 de la sección No.3 del curso de Estructuras de Datos y Algoritmos.

Pasos	Complejidad
def req5(dataStructs, vehicle, M):	O(1)
filtered = lt.newList('ARRAY_LIST')	O(1)
metaData = {'totalDistance': 0}	O(1)
foliumMap = lt.newList()	O(1)
drawPath = []	O(1)
entry = mp.get(dataStructs['localities'], vehicle)	O(1)
if entry:	O(1)
if not dataStructs['mstGraph']:	O(1)
mst = prim.PrimMST(dataStructs['distanceGraph'])	O(ElogV)
prim.edgesMST(dataStructs['distanceGraph'], mst)	O(V)
mstGraph = createMstGraph(mst)	O(V)
dataStructs['mstGraph'] = mstGraph	O(1)
mstGraph = dataStructs['mstGraph']	O(1)
<pre>vehicleVertices = sortData(mp.valueSet(me.getValue(entry)),</pre>	O(M^(3/2)) (donde M <= V)

compareByCount)	
paths = bfs.BreadhtFisrtSearch(mstGraph, lt.firstElement(vehicleVertices)['vertex'])	O(V + E)
arrivalVertexIndex = 2	O(1)
while It.size(filtered) < M and arrivalVertexIndex <= It.size(vehicleVertices):	O(1)
arrivalVertex = lt.getElement(vehicleVertices, arrivalVertexIndex)['vertex']	O(1)
if bfs.hasPathTo(paths, arrivalVertex):	O(1)
path = bfs.pathTo(paths, arrivalVertex)	O(M) (donde M <= V)
while st.size(path) > 1:	O(1)
startingVertex = st.pop(path)	O(1)
arrivalVertex = st.top(path)	O(1)
distance = gr.getEdge(mstGraph, startingVertex, arrivalVertex)['weight']	O(1)
datum = {'Starting Point': startingVertex, 'Arrival Point': arrivalVertex, 'Distance': round(distance, 4)}	O(1)
if not existsStep(filtered, datum):	O(1)
lt.addLast(filtered, datum)	O(1)
metaData['totalDistance'] += distance	O(1)
startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], startingVertex))	O(1)
arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], arrivalVertex))	O(1)
It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)	O(1)
It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)	O(1)
drawPath.append((startingVertexDetails['coor dinates'], arrivalVertexDetails['coordinates']))	O(1)
arrivalVertexIndex += 1	O(1)

metaData['totalVertices'] = lt.size(filtered) + 1 if lt.size(filtered) > 0 else 0	O(1)
metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0	O(1)
metaData["path"] = "req5"	O(1)
req8(foliumMap, "req5", drawPath)	O(M + O) (donde M y O <= V)
return filtered, metaData	O(1)
Total	O(ElogV)

Procesador	Apple M1
Memoria RAM	8 GB
Sistema Operativo	macOS Ventura Versión 13.5.2

Entrada	Tiempo (s)	Memoria (MB)
large	19.908	27.707

Análisis

Este algoritmo tiene una complejidad de O(ElogV), resultante del uso del algoritmo de Prim para crear un árbol de expansión mínima. El propósito es minimizar el costo de conectar las zonas con más comparendos por vehículo mediante la instalación de cámaras de video.

El algoritmo busca establecer una red eficiente de comunicaciones instalando cámaras en M puntos clave, seleccionados por tener el mayor número de comparendos para un tipo específico de vehículo, y asegurando que la instalación de la fibra óptica sea lo más económica posible. El usuario específica el número M de cámaras y el tipo de vehículo. Inicialmente, se determina el costo mínimo para conectar la ciudad usando un árbol de recubrimiento mínimo. A continuación, se realiza una búsqueda por anchura para identificar los vértices relacionados con el tipo de vehículo seleccionado, y de estos se escogen los M con más comparendos. Finalmente, se genera una lista con los vértices y arcos de la red propuesta. El algoritmo proporciona como resultado el total de vértices de la red, los vértices y arcos involucrados, la distancia total cubierta por la fibra óptica y el costo monetario total de la instalación.

Requerimiento 6

Descripción

```
def reed/dataStructs, M):
    filtered = tt.newList('ARRAY_LIST')
    neclabate = {};
    neclabate = {};
    follumRup = tt.newList('ARRAY_LIST')
    nestation = dataStructs('infractions')
    nostSeverityIndex = instructions = dataStructs('infractions')
    nostSeverityIndex = instruction = dataStructs('infractions')
    nostSeverityIndex = instruction = dataStructs('infraction, nostSeverityIndex)
    nostSeverity = tt.newLast('ARRAY_LIST')
    nostSeverity = dataStructs('infraction', nostSeverityIndex)
    nostSeverity = dataStructs('infraction', nostSeverityIndex)
    nostSeverity = dataStructs('infraction', nostSeverityIndex)
    nostSeverity = dataStructs('infraction', nostSeverity')
    nostSeverity = nostSeverityIndex = nostSeve
```

Entrada	Las entradas esperadas en el requerimiento 6 son las siguientes: - Una estructura de datos con los datos a consultar.
Salida	 Las salidas esperadas en el requerimiento 6 son las siguientes: El tiempo que se demora el algoritmo en encontrar la solución (en milisegundos). El total de vértices del camino. Los vértices incluidos (identificadores). Los arcos incluidos (Id vértice inicial e Id vértice final). La cantidad de kilómetros del camino.
Implementado	Sí, el requerimiento fue implementado, desarrollado y completado por el grupo No.1 de la sección No.3 del curso de Estructuras de Datos y Algoritmos.

Pasos	Complejidad
def req6(dataStructs, M):	O(1)
filtered = lt.newList('ARRAY_LIST')	O(1)
metaData = {}	O(1)
foliumMap = lt.newList()	O(1)
drawPath = []	O(1)

infractions = dataStructs['infractions']	O(1)
mostSeverityIndex = 1	O(1)
while It.size(filtered) < M and mostSeverityIndex <= It.size(infractions):	O(1)
pathDetails = lt.newList('ARRAY_LIST')	O(1)
mostSeverity = It.getElement(infractions, mostSeverityIndex)	O(1)
metaData = {'totalDistance': 0, 'totalVertices': 0, 'infraction': lt.newList()}	O(1)
It.addLast(metaData['infraction'], mostSeverity)	O(1)
<pre>paths = djk.Dijkstra(dataStructs['distanceGraph'], mostSeverity['VERTICES'])</pre>	O(VlogV + ElogV)
closestStation = getClosestStation(dataStructs, paths)	O(V)
if closestStation:	O(1)
path = djk.pathTo(paths, closestStation['VERTICES'])	O(1)
It.addLast(pathDetails, {'Starting Point': 'Severitiest Infraction', 'Arrival Point': st.top(path)['vertexA'] if st.size(path) > 0 else closestStation['VERTICES'], 'Distance': 0})	O(1)
metaData['totalVertices'] = lt.size(path) + 1 if lt.size(path) > 0 else 0	O(1)
while not st.isEmpty(path):	O(1)
step = st.pop(path)	O(1)
<pre>datum = {'Starting Point': step['vertexA'], 'Arrival Point': step['vertexB'], 'Distance': round(step['weight'], 3)}</pre>	O(1)
It.addLast(pathDetails, datum)	O(1)
startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], step['vertexA']))	O(1)
step['vertexA']))	

arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], step['vertexB']))	O(1)
It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)	O(1)
It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)	O(1)
drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates'], arrivalVertexDetails['coordinates']))	O(1)
It.addLast(pathDetails, {'Starting Point': closestStation['VERTICES'], 'Arrival Point': 'Closest Police Station', 'Distance': 0})	O(1)
metaData['totalDistance'] = djk.distTo(paths, closestStation['VERTICES'])	O(1)
pathDetails['metaData'] = metaData	O(1)
It.addLast(filtered, pathDetails)	O(1)
mostSeverityIndex += 1	O(1)
metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0	O(1)
metaData["path"] = "req6"	O(1)
req8(foliumMap, "req6", drawPath)	O(M + O) (donde M + O <= V)
return filtered, metaData	O(1)
Total	O((V+E)logV)

Procesador	Apple M1
Memoria RAM	8 GB
Sistema Operativo	macOS Ventura

Entrada	Tiempo (s)	Memoria (MB)
large	1296.644	8.423

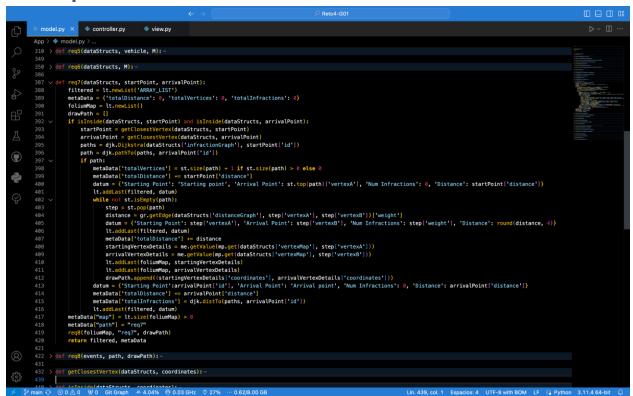
Análisis

La complejidad de este algoritmo es O((V+E)logV), debido a la aplicación del algoritmo de Dijkstra para determinar la ruta más corta desde un punto específico hasta la estación de policía más cercana.

El objetivo del algoritmo es optimizar los tiempos de respuesta de la policía ante los comparendos más graves. Funciona permitiendo que cada comparendo sea atendido por la estación de policía más próxima. El usuario introduce un número M de comparendos a responder y específica la estación de policía más cercana al comparendo de mayor gravedad. Primero, el algoritmo clasifica los comparendos en función de su gravedad, considerando el tipo de servicio y el código de la infracción. Luego, utiliza el algoritmo de Dijkstra para encontrar el camino más corto desde la estación de policía más cercana hasta el comparendo más grave. Posteriormente, el algoritmo recorre los comparendos graves para identificar la estación de policía más cercana a cada uno. Como resultado, el programa ofrece un desglose detallado que incluye el total de vértices del camino, los vértices y arcos involucrados, y la distancia total en kilómetros del camino.

Requerimiento 7

Descripción



Entrada

Las entradas esperadas en el requerimiento 7 son las siguientes:

- Una estructura de datos con los datos a consultar.
- Un punto de origen (una localización geográfica con latitud y longitud).

	 Un punto de destino (una localización geográfica con latitud y longitud).
Salida	 Las salidas esperadas en el requerimiento 7 son las siguientes: El tiempo que se demora el algoritmo en encontrar la solución (en milisegundos). El total de vértices del camino. Los vértices incluidos (identificadores). Los arcos incluidos (ld vértice inicial e ld vértice final). La cantidad de comparendos del camino. La cantidad de kilómetros del camino.
Implementado	Sí, el requerimiento fue implementado, desarrollado y completado por el grupo No.1 de la sección No.3 del curso de Estructuras de Datos y Algoritmos.

Pasos	Complejidad
def req7(dataStructs, startPoint, arrivalPoint):	O(1)
filtered = lt.newList('ARRAY_LIST')	O(1)
metaData = {'totalDistance': 0, 'totalVertices': 0, 'totalInfractions': 0}	O(1)
foliumMap = It.newList()	O(1)
drawPath = []	O(1)
if isInside(dataStructs, startPoint) and isInside(dataStructs, arrivalPoint):	O(1)
startPoint = getClosestVertex(dataStructs, startPoint)	O(V)
arrivalPoint = getClosestVertex(dataStructs, arrivalPoint)	O(V)
<pre>paths = djk.Dijkstra(dataStructs['infractionGraph'], startPoint['id'])</pre>	O(VlogV + ElogV)
path = djk.pathTo(paths, arrivalPoint['id'])	O(M) (donde M <= V)
if path:	O(1)
metaData['totalVertices'] = st.size(path) + 1 if st.size(path) > 0 else 0	O(1)

	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
metaData['totalDistance'] += startPoint['distance']	O(1)
datum = {'Starting Point': 'Starting point', 'Arrival Point': st.top(path)['vertexA'], 'Num Infractions': 0, 'Distance': startPoint['distance']}	O(1)
It.addLast(filtered, datum)	O(1)
while not st.isEmpty(path):	O(1)
step = st.pop(path)	O(1)
distance = gr.getEdge(dataStructs['distanceGraph'], step['vertexA'], step['vertexB'])['weight']	O(1)
datum = {'Starting Point': step['vertexA'], 'Arrival Point': step['vertexB'], 'Num Infractions': step['weight'], 'Distance': round(distance, 4)}	O(1)
It.addLast(filtered, datum)	O(1)
metaData['totalDistance'] += distance	O(1)
<pre>startingVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], step['vertexA']))</pre>	O(1)
<pre>arrivalVertexDetails = me.getValue(mp.get(dataStructs['vertexMap'], step['vertexB']))</pre>	O(1)
It.addLast(foliumMap, startingVertexDetails)	O(1)
It.addLast(foliumMap, arrivalVertexDetails)	O(1)
drawPath.append((startingVertexDetails['coordinates']))	O(1)
datum = {'Starting Point':arrivalPoint['id'], 'Arrival Point': 'Arrival point', 'Num Infractions': 0, 'Distance': arrivalPoint['distance']}	O(1)
metaData['totalDistance'] += arrivalPoint['distance']	O(1)
metaData['totalInfractions'] = djk.distTo(paths, arrivalPoint['id'])	O(1)

It.addLast(filtered, datum)	O(1)
metaData["map"] = lt.size(foliumMap) > 0	O(1)
metaData["path"] = "req7"	O(1)
req8(foliumMap, "req7", drawPath)	O(M + O) (donde M y O <= V)
return filtered, metaData	O(1)
Total	O((V+E)logV)

Procesador	Apple M1
Memoria RAM	8 GB
Sistema Operativo macOS Ventura Versión 13.5.2	

Entrada	Tiempo	Memoria
large	5346614.1	18908.36

Análisis

La complejidad del algoritmo es O((V+E)logV), resultado de implementar el algoritmo de Dijkstra, que se utiliza para determinar la ruta más corta basada en la menor cantidad de comparendos entre dos puntos específicos en Bogotá.

El propósito del algoritmo es identificar la ruta entre dos ubicaciones geográficas en Bogotá con la mínima cantidad de comparendos. Los usuarios introducen los puntos de origen y destino en términos de coordenadas de latitud y longitud. Estos puntos se validan para asegurar que se encuentren dentro de los límites de la ciudad y luego se aproximan a los vértices más cercanos de la red vial. La salida del algoritmo proporciona información detallada que incluye: el total de vértices en la ruta, los identificadores de los vértices y arcos implicados, la cantidad total de comparendos en la ruta, y la distancia total recorrida.

Requerimiento 8

Descripción

```
def req8(events, path, drawPath):
    eventsMap = folium.Map((4.7110, -74.0721), zoom_start= 11)
    mark = MarkerCluster()
    for event in lt.iterator(events):
        mark.add_child(folium.Marker(event['coordinates'], popup= createPopUp(event)))
    eventsMap.add_child(mark)
    for draw in drawPath:
        folium.PolyLine(draw, color="red", weight=2.5, opacity=1).add_to(eventsMap)
    eventsMap.save(f'{path}.html')
Entrada
                 La función acepta una lista de diccionarios, cada uno detallando las
                 coordenadas de los vértices iniciales y finales. Adicionalmente, requiere un
                 parámetro para denominar el elemento resultante. Finalmente, necesita una
                 lista especificando las conexiones esenciales para la construcción de las
                rutas que interconectan los vértices dentro de la estructura del grafo.
Salida
                La función retorna
Implementado
                 Sí, el requerimiento fue implementado, desarrollado y completado por el
                 grupo No.1 de la sección No.3 del curso de Estructuras de Datos y
                 Algoritmos.
```

Pasos	Complejidad
def req8(events, path, drawPath):	O(1)
eventsMap = folium.Map((4.7110, -74.0721), zoom_start= 11)	O(1)
mark = MarkerCluster()	O(1)
for event in lt.iterator(events):	O(M) (donde M <= V)
mark.add_child(folium.Marker(event['coordina tes'], popup= createPopUp(event)))	O(1)
eventsMap.add_child(mark	O(1)
for draw in drawPath:	O(O) (donde O <= V)
folium.PolyLine(draw, color="red", weight=2.5, opacity=1).add_to(eventsMap)	O(1)
eventsMap.save(f'{path}.html')	O(1)
Total	O(M + O)

Procesador	Apple M1
Memoria RAM	8 GB
Sistema Operativo	macOS Ventura Versión 13.5.2

Análisis

La complejidad del algoritmo es O(M+N), derivada de la presencia de dos bucles en el código. Esta complejidad se refleja en el objetivo de visualizar los resultados de los requerimientos anteriores (del 1 al 7) a través de recursos multimedia e interfaces gráficas, mejorando así la comprensión y el análisis de los datos. Se alcanza este objetivo mediante el uso de mapas interactivos que no solo destacan rutas y puntos de interés, sino que también presentan otros datos geográficos de relevancia. Este enfoque facilita una interpretación más intuitiva y detallada de la información geográfica procesada.

Inciso de aclaraciones

- 1. En nuestros experimentos, observamos que la implementación del algoritmo de Búsqueda en Profundidad (DFS) consumió más memoria que la búsqueda en anchura (BFS), lo cual se explica por la naturaleza de la implementación recursiva de DFS. Al aumentar el límite de recursividad para DFS, permitimos que el algoritmo explore caminos más profundos en el grafo, incrementando así la pila de llamadas recursivas. Esto resulta en un mayor uso de memoria, especialmente en grafos con caminos largos y profundos. En contraste, BFS, que se basa en una estructura de cola y no en llamadas recursivas, no experimenta un incremento significativo en el uso de memoria en función de la profundidad del grafo, lo que explica por qué, en este caso específico, DFS utiliza más memoria que BFS.
- 2. Para abordar el reto, se emplearon dos grafos distintos, cada uno con sus propias características. Los vértices de ambos grafos representan intersecciones entre dos calles de una red vial. La principal diferencia entre ellos reside en los pesos asignados a los arcos. En el primer grafo, el peso de cada arco corresponde a la distancia Haversine en kilómetros entre dos vértices. Por otro lado, en el segundo grafo, el peso se define como la suma total de infracciones de tránsito (comparendos) registradas entre dos vértices. Adicionalmente, se destaca el uso de un subgrafo en forma de un árbol de recubrimiento mínimo. Este árbol, una vez generado, se almacena para utilizaciones futuras; este enfoque resulta beneficioso, ya que permite ahorrar tiempo y memoria en procesos subsiguientes. Este método eficiente de almacenamiento y reutilización del árbol de recubrimiento mínimo contribuye significativamente a la optimización del análisis y la gestión de los datos en los grafos.
- 3. Para la implementación del algoritmo en nuestro proyecto, utilizamos estructuras adicionales a los grafos, específicamente mapas y listas, debido a las limitaciones de la librería y como parte de una demostración práctica de los conceptos aprendidos en

clase. Los mapas fueron esenciales para referenciar a los grafos, ya que la librería con la que trabajamos no permitía una manipulación directa de estos. Esta elección no solo se alineó con las restricciones técnicas, sino que también sirvió para demostrar nuestra comprensión de las estructuras de datos vistas en el curso. Además, empleamos listas para organizar y almacenar los datos de manera ordenada e iterable. Esta estructura facilitó la impresión y el manejo comprensible de los datos, permitiéndonos una manipulación eficiente y clara de la información durante la ejecución del algoritmo.