ISPC INSTITUTO SUPERIOR POLITÉCNICO CÓRDOBA

Sistemas de Control y Servicios

Trabajo practico #6: Preliminares al modelado

Objetivos:

- 1. Comprender y aplicar conceptos de funciones básicas, tanto algebraicas como trascendentales.
- 2. Entender y trabajar con espacios vectoriales, sus bases generadoras y distintos tipos de espacios.
- 3. Analizar y clasificar transformaciones lineales, incluyendo operadores específicos en R^n y C^n[a,b].
- 4. Resolver ecuaciones con operadores, aplicando la teoría para encontrar soluciones en R^n y C^n[a,b].

Desarrollo:

Tema 1: Funciones básicas - Algebraicas, trascendentales y estudio con Geogebra.

- 1.1. Dadas las siguientes funciones, clasifíquelas como algebraicas o trascendentales y grafíquelas utilizando Geogebra: $f(x) = x^3 2x^2$, $g(x) = \sin(x)$, $h(x) = \log(x)$.
- 1.2. Utilizando Geogebra, analice la función $f(x) = x^3 3x^2 + x + 1$. Identifique los intervalos de crecimiento y decrecimiento, así como los puntos críticos.
- 1.3. Encuentre la derivada de la función $f(x) = e^{(2x)} y$ grafique tanto la función original como su derivada en Geogebra.

Tema 2: Espacios vectoriales

- 2.1. Para el espacio R^3 , encuentre una base generadora y determine si los siguientes vectores son linealmente independientes: v1 = (1, 0, 2), v2 = (2, 1, 3), v3 = (3, 2, 4).
- 2.2. Considere el espacio P de polinomios de grado menor o igual a 2. Determine una base para este espacio y demuestre que es una base generadora.

ISPC INSTITUTO SUPERIOR POLITÉCNICO CÓRDOBA

Sistemas de Control y Servicios

2.3. Dado el espacio C[a,b], encuentre una base generadora para el conjunto de funciones continuamente diferenciables en el intervalo [0,1].

Tema 3: Transformaciones lineales

- 3.1. Dada la matriz A = [[2, -1], [1, 1]], clasifique la transformación lineal asociada a A en R^2.
- 3.2. Encuentre la matriz de la transformación lineal que representa una rotación de 90° en sentido antihorario en R^2.
- 3.3. Determine la matriz de la transformación lineal que representa la derivación en el espacio de funciones C^1[a,b], para un intervalo [a,b] dado.

Tema 4: Ecuaciones con operadores

- 4.1. Dada la ecuación matricial Ax = y, con A = [[1, 2], [3, 4]] y y = [5, 6], encuentre la solución general x = xp + xh.
- 4.2. Resolver la ecuación Ax = y en el espacio $C^1[a,b]$ utilizando el teorema dado, considerando A como el operador de derivación y $y(x) = e^x$.
- 4.3. Resolver la ecuación Ax = y en el espacio $C^1[0,1]$ utilizando el teorema dado, considerando A como el operador de integración y $y(x) = x^2$.

Bibliografía:

Stewart, J. (2016). Cálculo de una variable: Trascendentes tempranas.

Larson, R., Edwards, B. H. (2013). Cálculo 1 de una variable. McGraw-Hill.

Anton, H., Rorres, C. (2014). Álgebra lineal con aplicaciones. Limusa Wiley.

Hefferon, J. (2012). Álgebra Lineal. Recuperado de

http://joshua.smcvt.edu/linearalgebra/

Lay, D. C., Lay, S. R., McDonald, J. J. (2016). Álgebra lineal y sus aplicaciones. Pearson.

Geogebra. (s.f.). Software de matemáticas. Recuperado de

https://www.geogebra.org/

Strang, G. (2009). Álgebra Lineal y sus aplicaciones. Limusa Wiley.

Apostol, T. M. (1999). Cálculo, Vol. 1: Un tratamiento riguroso y moderno de la integral y las sumas infinitas. Reverté.



Sistemas de Control y Servicios

Zill, D. G. (2012). Ecuaciones diferenciales con aplicaciones de modelado. Cengage Learning.

Hirsch, M., Smale, S., Devaney, R. (2007). Matemática: Sistemas dinámicos y ecuaciones diferenciales con aplicaciones en ciencias e ingeniería. Pearson Prentice Hall.