#### متحانات الشهادة الثانوية العامة فرع علوم الحياة

وزارة التربية والتعليم العالي المديرية العامة للتربية دائرة الامتحانات

عدد المسائل : أربع مسابقة في مادة الرياضيات الاسم: المدة: ساعتان الرقم:

ملاحظة: يُسمح باستعمال آلة حاسبة غير قابلة للبرمجة أو اختزان المعلومات أو رسم البيانات. يستطيع المرشح الإجابة بالترتيب الذي يناسبه (دون الالتزام بترتيب المسائل الوارد في المسابقة)

### I- (4 points)

Dans Le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct  $(O; \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v})$ , on donne les points E et F d'affixes  $z_E = \frac{\sqrt{3}+1}{4} - \frac{\sqrt{3}-1}{4}i$  et  $z_F = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}i$ .

- 1) a- Calculer  $(z_E)^2$  et trouver le module et un argument de  $(z_E)^2$ .
  - b- Déterminer le module de  $z_E$  et vérifier que  $-\frac{\pi}{12}$  est un argument de  $z_E$ .
  - c- Déduire les valeurs exactes de  $\cos \frac{\pi}{12}$  et  $\sin \frac{\pi}{12}$ .

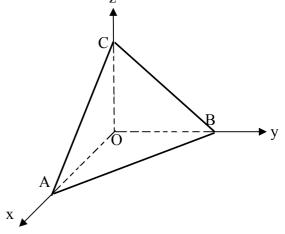
2) Soit 
$$Z = \frac{z_E}{z_F}$$
.

- a- Ecrire sous forme exponentielle  $z_E$ ,  $z_F$  et Z.
- b- Montrer que le triangle OEF est équilatéral.

# II- (4 points)

Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct(O; i, j, k), on donne les points A (4; 0; 0), B (0; 4; 0) et C (0; 0; 4).

- 1) Ecrire une équation du plan (ABC).
- 2) Calculer l'aire du triangle ABC.
- 3) Soit F et G les milieux respectifs de [AC] et [BC].
  - a- Donner un système d'équations paramétriques de la droite (FG).
  - b- Le plan d'équation z = 0 et le plan (OFG) se coupent suivant une droite (d). Démontrer que les droites (d) et (FG) sont parallèles.
  - c- Calculer la distance entre les deux droites (d) et (AB).



#### III- (4 points)

les 80 élèves des classes terminales d'une école sont répartis dans trois sections SG, SV et ES selon le tableau suivant :

	SG	SV	ES
Filles	8	18	10
Garçons	12	14	18

La direction de l'école choisit au hasard un groupe formé de 3 élèves de ces classes pour participer à une émission télévisée.

- 1) Quel est le nombre de groupes possibles ?
- 2) On désigne par X la variable aléatoire égale au nombre de garçons dans le groupe choisi. Déterminer la loi de probabilité de X.
- 3) Montrer que la probabilité de choisir un groupe comprenant une fille de chaque section est  $\frac{18}{1027}$ .
- 4) Le groupe choisi est formé de 3 filles, quelle est la probabilité qu'elles soient d'une même section ?

# IV- (8 points)

Soit f la fonction définie, sur IR, par :  $f(x) = x + 2 - e^{-x}$  et (C) sa courbe représentative dans un repère orthonormé (O; i, j).

- 1) a- Calculer  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  et démontrer que la droite (d) d'équation y = x + 2 est une asymptote à (C).
  - b- Calculer  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  et donner, sous forme décimale, les valeurs de f(-1,5) et f(-2).
- 2) Calculer f'(x) et dresser le tableau de variations de f.
- 3) Ecrire une équation de la tangente (T) à (C) au point A d'abscisse 0.
- 4) Montrer que l'équation f(x) = 0 admet une racine unique  $\alpha$  et vérifier que -0,  $5 < \alpha < -0.4$ .
- 5) Tracer (d), (T) et (C).
- 6) On désigne par g la fonction réciproque de f, sur IR.
  - a- Tracer la courbe représentative (G) de g dans le repère (O;  $\vec{i}$ ,  $\vec{j}$ ).
  - b- On désigne par  $A(\alpha)$  l'aire du domaine limité par la courbe (C), l'axe des abscisses et les deux droites d'équations  $x=\alpha$  et x=0.

Montrer que A(
$$\alpha$$
) =  $(-\frac{\alpha^2}{2} - 3\alpha - 1)$  unités d'aire.

c- Déduire l'aire du domaine limité par la courbe (G), l'axe des abscisses et les deux droites d'équations x=0 et x=1.