

وزارة التربية والتعليم العالي المديرية العامة للتربية دائرة الامتحانات	امتحانات الشهادة الثانوية العامة الفرع : علوم الحياة	الدورة الإستثنائية للعام 2011
عدد المسائل: اربع	مسابقة في مادة الرياضيات المدة: ساعتان	الاسم: الرقم:

ارشادات عامة :- يسمح باستعمال آلة حاسبة غير قابلة للبرمجة او اختزان المعلومات او رسم البيانات.
-يستطيع المرشح الإجابة بالترتيب الذي يناسبه (دون الالتزام بترتيب المسائل الوارد في المسابقة).

I-(4 points)

Dans le tableau suivant une des réponses proposées à chaque question est correcte. Ecrire le numéro de chaque question et donner en justifiant la réponse correspondante.

N°	Question	Réponses		
		a	b	c
1	La forme exponentielle de $z = -\sin \theta + i \cos \theta$ est	$e^{i\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)}$	$e^{i\left(\theta - \frac{\pi}{2}\right)}$	$e^{i\left(\frac{\pi}{2} + \theta\right)}$
2	Si $z = \frac{\cos \theta - i \sin \theta}{\cos \theta + i \sin \theta}$ alors $\bar{z} =$	$e^{2i\theta}$	$e^{-2i\theta}$	1
3	Si $z_A = 1 - 2i$, $z_B = 2 + 3i$ et $z_C = 4$ alors le triangle ABC est	rectangle et non isocèle	isocèle et non rectangle	rectangle et isocèle
4	$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\int_0^x \ln(t+1)dt}{e^x - 1} =$	1	0	$+\infty$
5	$\int \cos^2 x dx =$	$\frac{x}{2} - \frac{\sin 2x}{4} + c$	$\frac{\cos^3 x}{3} + c$	$\frac{x}{2} + \frac{\sin 2x}{4} + c$

II- (4 points)

Dans l'espace rapporté au repère orthonormé direct $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère les points A (4 ; 0 ; 0),

B (0 ; 6 ; 0), C (0 ; 0 ; 4) et E (2 ; 3 ; 0).

- 1) Montrer que le point E appartient à la droite (AB).
- 2) Soit (P) le plan passant par E et parallèle aux deux droites (OB) et (AC).
Montrer qu'une équation de (P) est $x + z - 2 = 0$.
- 3) Ecrire un système d'équations paramétriques de la droite (BC).
- 4) Le plan (P) coupe les droites (BC), (OC) et (OA) respectivement en F, G et H.
Montrer que F a pour coordonnées (0 ; 3 ; 2) et préciser les coordonnées respectives de G et H.
- 5) a- Démontrer que EFGH est un rectangle.
b- Soit Γ le cercle circonscrit au rectangle EFGH et (T) la droite du plan (P) tangente en E à Γ .
Déterminer un système d'équations paramétriques de (T).

III- (4 points)

Une urne contient 8 boules :

- 4 boules blanches portant chacune le nombre 0 ;
- 3 boules rouges portant chacune le nombre 5 ;
- 1 boule blanche portant le nombre 2.

On tire simultanément et au hasard 3 boules de l'urne.

Soit les évènements suivants :

A : « les trois boules tirées portent des nombres pouvant former le nombre 200 ».

B : « les trois boules tirées portent des nombres identiques ».

C : « les trois boules tirées sont blanches ».

D : « les trois boules tirées sont de même couleur ».

- 1) Montrer que la probabilité $p(A)$ est égale à $\frac{3}{28}$ et calculer $p(B)$, $p(C)$ et $p(D)$.
- 2) Déterminer la probabilité pour que parmi les trois boules tirées une seule porte le nombre 0.
- 3) Les trois boules tirées sont blanches ; calculer la probabilité que les nombres portés par ces boules peuvent former le nombre 200.
- 4) Soit X la variable aléatoire égale au produit des trois nombres portés par les trois boules tirées.
 - a- Donner les trois valeurs possibles de X .
 - b- Déterminer la loi de probabilité de X .

IV-(8 points)

A- Soit g la fonction définie sur $]0; +\infty[$ par $g(x) = x + \ln x$.

- 1) Calculer $\lim_{x \rightarrow 0} g(x)$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$.
- 2) Dresser le tableau de variations de g .
- 3) Démontrer que l'équation $g(x) = 0$ admet une solution unique α et vérifier que $0,5 < \alpha < 0,6$.
- 4) Déterminer suivant les valeurs de x le signe de $g(x)$.

B- On considère la fonction f définie sur $]0; +\infty[$ par $f(x) = x(2\ln x + x - 2)$.

On désigne par (C) la courbe représentative de f dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

- 1) Calculer $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ et déterminer $f(e)$.
- 2) Démontrer que $f(\alpha) = -\alpha(\alpha + 2)$.
- 3) Vérifier que $f'(x) = 2g(x)$ et dresser le tableau de variations de f .
- 4) Tracer (C) . (On prendra $\alpha = 0,55$).
- 5) Utiliser une intégration par parties pour calculer $\int_{0,5}^1 x \ln x dx$ et déduire l'aire du domaine limité par la courbe (C) , l'axe des abscisses et les deux droites d'équations $x = 0,5$ et $x = 1$.
- 6) La courbe (C) coupe l'axe des abscisses en un point d'abscisse 1,37.

On désigne par F une primitive de f sur $]0; +\infty[$, déterminer suivant les valeurs de x , les variations de F .