Determinação da densidade de um sólido

Matheus Aparecido Souza Silva, João Vitor Costa, Isabela Santana, Gustavo Pereira

Turma: TA Horário: 6M23 Curso: Engenharia Elétrica

1 Metodologia

A metodologia utilizada visou determinar a densidade de um cilindro contendo um furo circular no centro de sua base, por meio de três modelos experimentais distintos.

1.1 Modelo 1

O primeiro modelo adotado foi:

$$\rho_1 = \frac{m}{V},\tag{1}$$

no qual m representa a massa do sólido, determinada diretamente utilizando uma balança semi-analítica de resolução 1g e V representa o volume de água deslocada quando o cilindro é inserido em um béquer graduado com resolução de 5mL

1.2 Modelo 2

O terceiro modelo adotado foi:

$$\rho_3 = \frac{m}{m_a} \rho a,\tag{2}$$

no qual m e m_a representam a massa do sólido e a massa de água contida no béquer, respectivamente, determinadas diretamente utilizando uma balança semianalítica de resolução 1 g. ρ_a representa o valor da densidade da água, que é obtida como a razão entre sua massa e seu volume.

$$\rho(m, V) = \frac{m}{V} \tag{3}$$

O valor de referência da densidade da água é 1 g/cm³.

Neste modelo, estamos substituindo a medição direta do volume de água deslocado quando o sólido é inserido no béquer pela medição direta da respectiva massa de água deslocada quando diferentes sólidos são inseridos no béquer.

1.3 Modelo 3

O segundo modelo adotado foi:

$$\rho_2 = \frac{4m}{\pi (d_e^2 - d_i^2)h} \tag{4}$$

No qual m representa a massa do sólido, determinada diretamente utilizando uma balança semi-analítica de

resolução 1 g, h representa a altura do cilindro, e d_e e d_i representam seus diâmetros externo e interno, respectivamente. As medições de h, d_e , e d_i foram realizadas utilizando um paquímetro de resolução 0,05 mm.

2 Determinação da densidade da água

A densidade da água foi obtida como a razão entre sua massa e seu volume:

$$\rho(m, V) = \frac{m}{V} \tag{5}$$

Usando a balança e o béquer, obteve-se os seguintes resultados de medição:

$$m = (248, 00 \pm 0, 58)$$
g e $V = (250, 0 \pm 2, 9)$ cm³ (6)

A incerteza deste modelo de medição é dada por:

$$u_{\rho} = \sqrt{\left(\frac{\partial \rho}{\partial m}\right)^{2} \sigma_{m}^{2} + \left(\frac{\partial \rho}{\partial V}\right)^{2} \sigma_{V}^{2}}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{1}{\overline{V}}\right)^{2} \sigma_{m}^{2} + \left(\frac{-\overline{m}}{\overline{V}^{2}}\right)^{2} \sigma_{V}^{2}}$$

$$= \frac{\overline{m}}{\overline{V}} \sqrt{\left(\frac{\sigma_{m}}{\overline{m}}\right)^{2} + \left(\frac{\sigma_{V}}{\overline{V}}\right)^{2}}$$

$$= \frac{248}{250} \sqrt{\left(\frac{0.58}{248}\right)^{2} + \left(\frac{2.9}{250}\right)^{2}}$$

$$\approx 0.01168511303610994$$

$$\approx 0.012 \text{ g/cm}^{3}.$$

Logo, o valor principal será:

$$\rho_{\text{média}} = \frac{\overline{m}}{\overline{V}} = 0.992 \,\text{g/cm}^3. \tag{7}$$

Finalmente:

$$\rho = (0.992 \pm 0.012) \,\mathrm{g/cm}^3.$$
 (8)

2.1 Modelo 1

Este é o conteúdo da Subseção 2.2.