# Задачи №5 Решение задач

## ЕГЭ

- 1. На числовой прямой даны два промежутка: P=[25;50] и Q=[32;47]. Укажите наибольшую возможную длину промежутка A, для которого выражение  $((x \in P) \leftrightarrow (x \in Q)) \rightarrow \overline{(x \in A)}$  тождественно истинно при любом значении переменной x.7763
- 2. На числовой прямой даны два промежутка: P=[5;30] и Q=[14;23]. Укажите наибольшую возможную длину промежутка A, для которого выражение  $(\overline{(x\in A)}\to (x\in P))\to ((x\in A)\to (x\in Q))$  тождественно истинно при любом значении переменной x.9653
- 3. На числовой прямой даны два промежутка: P=[4;15] и Q=[12;20]. Укажите наименьшую возможную длину отрезка A, для которого выражение  $((x\in P)\land (x\in Q))\to (x\in A)$  тождественно истинно при любом значении переменной x. 9699
- 4. На числовой прямой даны три промежутка:  $P=[10;40],\ Q=[5;15]$  и R=[35;50]. Укажите наименьшую возможную длину отрезка A, для которого выражение  $((x\in A)\vee (x\in P))\vee ((x\in Q)\to (x\in R))$  тождественно истинно при любом значении переменной x. 34535
- 5. На числовой прямой даны три отрезка:  $P = [10; 15], \ Q = [10; 20]$  и R = [5; 15]. Укажите наименьшую возможную длину промежутка A, для которого выражения

$$(x \in Q) \to (x \in R)$$

$$(x \in A) \to (x \in P)$$

принимают равные значения при любом значении переменной х. 34537

6. На числовой прямой даны два отрезка: P = [30; 45] и Q = [40; 55]. Укажите наименьшую возможную длину промежутка A, для которого выражения

$$\overline{x \in A} \to \overline{x \in P}$$

$$(x \in Q) \to (x \in A)$$

тождественно истинны при любом значении переменной х. 34538

## Открытая олимпиада школьников по информатике ИТМО

#### №1 Сплошные следования

Известно, что логическое высказывание  $x \to y$  является истинным, а логическое высказывание  $y \leftrightarrow z$  является ложным. Выберите среди перечисленных ниже высказываний все те, для которых в этом случае можно однозначно определить их логическое значение (истинность или ложность).

1. 
$$(x \to y) \leftrightarrow z$$

2. 
$$((x \wedge \overline{y}) \leftrightarrow (y \wedge z)) \rightarrow (y \leftrightarrow z)$$

3. 
$$(x \to y) \to (y \oplus z)$$

4. 
$$(\overline{z \oplus y}) \to (y \to z)$$

5. 
$$(\overline{y} \wedge z) \rightarrow (y \leftrightarrow \overline{x})$$

### №2 Затухание

Упростите логическое выражение или укажите его результат (при его однозначности). Результат упрощения может содержать только операции инверсии, конъюнкции и дизъюнкции.

$$\left(\left(\left(\left((\bar{A}\wedge B)\leftrightarrow\bar{C}\right)\to C\right)\to\left(\left((\bar{B}\wedge C)\leftrightarrow\bar{D}\right)\to D\right)\right)\to\left(\left((\bar{C}\wedge D)\leftrightarrow\bar{E}\right)\to E\right)\right)\to\left(\left((\bar{D}\wedge E)\leftrightarrow\bar{F}\right)\to F\right)$$

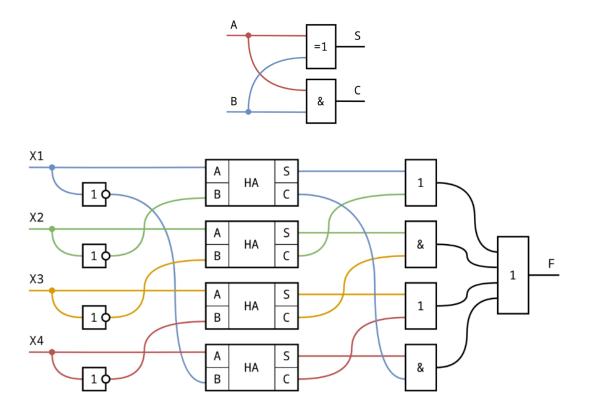
Комментарий по вводу ответа: операнды вводятся большими латинскими буквами; логические операции обозначаются, соответственно как not, and и ог. Скобки используются только для изменения порядка выполнения операций. Если порядок выполнения операций очевиден из их приоритетов — дополнительное использование скобок считается ошибкой. При однозначном ответе — истинный ответ обозначается как 1, а ложный как 0. Пример записи ответа: (A or not B) and C

#### №3 Полусумматоры

Витя увлекается электротехникой и собирает различные логические схемы. На последнем занятии кружка электроники и электротехники руководитель кружка, Николай Александрович, рассказал про полусумматор.

Полусумматор — это логическая схема, которая принимает на вход два логических значения A и B и выдаёт на выходе два логических значения S и C (сумму A и B с учётом переноса). Ниже представлена таблица истинности для такой схемы и пример её реализации с использованием исключающего ИЛИ и  $\Pi$ :

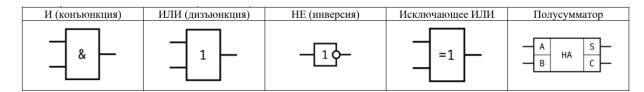
A	B	S	C
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1



Часто полусумматор обозначают на схемах как отдельный элемент. Оставшись после занятия, Витя решил собрать свою схему с использованием нескольких полусумматоров:

Николай Александрович увидел схему и сказал, что эта схема будет выдавать ложь только для одной комбинации значений переменных. Найдите эту комбинацию и в ответе укажите подряд четыре значения 0 или 1, соответствующие значениям логических переменных в порядке возрастания их индексов, где 0 означает ложное значение, а 1 – истинное значение. Если таких комбинаций несколько, укажите любую из них. Если таких комбинаций нет, укажите в ответе NULL. Пример записи ответа: 1101.

Примечание: на схеме используются следующие обозначения логических элементов:



Цвета на схеме предназначены для упрощения чтения и не несут никакой дополнительной информации.