

 $\begin{cases} f(x) = x; x > 0 \\ f(x) = -x; x < 0 \end{cases}$ $\begin{cases} f(x) = \frac{x^2}{x}; x > 0 \\ f(x) = -\frac{x^2}{x}; x < 0 \end{cases}$

 $\lim_{x \to 0^+} f(x) = \lim_{x \to 0^+} x = 0 = f(0)(2)$

 $x_0 = 0$ ومنه f متصلة على اليمين عند

 $\lim_{x \to 0^{-}} f(x) = \lim_{x \to 0^{-}} -x = 0 = f(0)$

 $x_0=0$ ومنه f متصلة على اليسار عند

و متصلة على اليمين و متصلة على f نلاحظ أن f متصلة على اليسار عند $x_0=0$

 $x_0 = 0$ ومنه :نقول f متصلة عند

تمرین5:لتکن f الدالة العددیة المعرفة بما یلی :

 $\begin{cases} f(x) = \frac{\sin 2x}{x} - 2, x > 0 \\ f(x) = x^3 - x + 1, x \le 0 \end{cases}$

1. أدرس اتصال الدالة f على اليمين و على اليسار في الناطة $x_0=0$

 $x_0 = 0$ هل الدالة $x_0 = 0$ متصلة في النقطة $x_0 = 0$

 $f(0) = 0^3 - 0 + 1 = 1$

 $\lim_{x \to 0^+} f(x) = \lim_{x \to 0^+} \frac{\sin 2x}{x} - 2 = \lim_{x \to 0^+} 2 \frac{\sin 2x}{2x} - 2 = 2 \times 1 - 2 = 0$ (1)

 $\lim_{x \to 0^+} f(x) = 0 \neq f(0)$

 $x_0=0$ عير متصلة على اليمين عند ومنه ومنه

 $\lim_{x \to 0^{-}} f(x) = \lim_{x \to 0^{-}} x^{3} - x + 1 = 1 = f(0)$

 $x_0 = 0$ ومنه f متصلة على اليسار عند

2) نلاحظ أن f غير متصلة على اليمين و متصلة على اليسار

 $x_0 = 0$ عند

 $x_0 = 0$ عير متصلة عند f: ومنه

تمرین6: لتکن f الدالة العددیة المعرفة علی بما یلی

$$\begin{cases} f(x) = ax^2 + 2x + 3, x \le 2 \\ f(x) = \frac{x+3}{x-1}, x > 2 \end{cases}$$

 $x_0=2$ حدد العدد الحقيقي a علما أن الدالة f متصلة في النقطة

 $f(2) = a \times 2^2 + 2 \times 2 + 3 = 4a + 7$

 $x_0=2$ نعلم أن f متصلة في النقطة

 $x_0=2$ متصلة على اليمين و متصلة على اليسار عند ومنه ومنه ومنه ومت

: يتمرين1: لتكن f الدالة العددية المعرفة على $\mathbb R$ بما يلي

 $x_0 = 2$ أدرس اتصال الدالة f في النقطة $f(x) = \frac{x^2 - 4}{x - 2}; x \neq 2$

 $\lim_{x \to 2} f(x) = \lim_{x \to 2} \frac{x^2 - 4}{x - 2} = \lim_{x \to 2} \frac{x^2 - 2^2}{x - 2} = \lim_{x \to 2} \frac{(x - 2)(x + 2)}{(x - 2)} = \frac{1}{x - 2}$

 $x_0=2$: ومنه f دالة متصلة عند = $\lim_{x\to 2} x+2=4=f(2)$

: تمرين2: لتكن f الدالة العددية المعرفة على $\mathbb R$ بما يلي

 $x_0=1$ أدرس اتصال الدالة f في النقطة $f(x)=\frac{x^3-1}{x-1}, x \neq 1$ f(1)=4

 $\lim_{x \to 1} f(x) = \lim_{x \to 1} \frac{x^3 - 1^3}{x - 1} = \frac{1}{12}$

 $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$: نعلم أن

 $\lim_{x \to 1} f(x) = \lim_{x \to 1} \frac{x^3 - 1^3}{x - 1} = \lim_{x \to 1} \frac{(x - 1)(x^2 + x \times 1 + 1^2)}{x - 1}$ ومنه :

 $\lim_{x \to 1} f(x) = \lim_{x \to 1} x^2 + x \times 1 + 1^2 = 3 \neq f(1)$

 $x_0=1$: او متقطعة عند f ومنه f دالة غير متصلة عند $x_0=1$

: يمرين ${f E}$ لتكن f الدالة العددية المعرفة على ${\Bbb R}$ بما يلي

 $x_0=2$ أدرس اتصال الدالة f في النقطة $f(x)=\frac{x^3-8}{x-2}, x \neq 2$ f(2)=12

 $\lim_{x \to 2} f(x) = \lim_{x \to 2} \frac{x^3 - 2^3}{x - 2} : \frac{1}{x - 2}$

 $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$: نعلم أن

 $\lim_{x \to 2} f(x) = \lim_{x \to 2} \frac{(x-2)(x^2 + x \times 2 + 2^2)}{x-2}$: each

 $\lim_{x \to 2} f(x) = \lim_{x \to 2} x^2 + x \times 2 + 2^2 = 12 = f(1)$

 $x_0 = 1$: ومنه f دالة متصلة عند

تمرينf: لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي

 $\begin{cases} f(x) = \frac{x^2}{|x|}; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$

1. أكتب صيغة الدالة دون استعمال رمز القيمة المطلقة

 $\lim_{\substack{x\to 0\\x<0}} f\left(x\right) = \lim_{\substack{x\to 0\\x>0}} f\left(x\right) \quad \text{i.i.} \quad .2$

 $x_0 = 0$ عند $x_0 = 0$ عند 3

الجواب: 1)

 $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{\frac{4x+1}{x+3}} = \sqrt{4} = 2$: اذن تمرين10:حدد صورة المجال Iبالدالة f في كل حالة من الحالات التالية: f(x) = 5x - 1 g I = [-2;3] .1 $f(x) = x^2$ g(x) = [-5; -3] .2 $f(x) = 5x - 1(1: \frac{1}{2})$ I = [-2;3]: دالة حدودية اذن متصلة على \mathbb{R} اذن متصلة على fI ومنه وتزایدیة قطعا علی f'(x) = (5x-1)' = 5 > 0f(I) = f([-2;3]) = [f(-2); f(3)] = [-11;14] $f\left(x\right) = x^2 \left(2\right)$ I = [-5; -3]: دالة حدودية اذن متصلة على \mathbb{R} اذن متصلة على f $-5 \le x \le -3$ يعني $x \in [-5; -3]$ لأن $f'(x) = (x^2)' = 2x < 0$ ومنه تناقصية قطعا على 1 وبالتالى: f(I) = f([-5; -3]) = [f(-3); f(-5)] = [9; 25] $f(x) = \frac{1}{x-1}$ (3 دالة جذرية اذن متصلة على مجموعة تعريفها ff iحدد مجموعة تعريف الدالة $D_f = \left\{ x \in \mathbb{R} / x - 1 \neq 0 \right\}$ $D_f = \mathbb{R} - \{1\}$: ومنه x = 1 يعني x - 1 = 0 $D_f = \mathbb{R} - \{1\}$ ومنه f دالة متصلة على وبالتالي f دالة متصلة على كل المجالات التالية: $K =]1; +\infty[\mathfrak{I} =]-\infty; 1[\mathfrak{I} = [-3,1[$ $f'(x) = \left(\frac{1}{x-1}\right)' = -\frac{(x-1)'}{(x-1)^2} = -\frac{1}{(x-1)^2} < 0$ $f(I) = f([-3,1[) = \left| \lim_{x \to 1} f(x); f(-3) \right|$ $f(I) = \left[-\infty; -\frac{1}{4} \right]^{-\infty} f(-3) = -\frac{1}{4} \int_{x \to 1}^{9} \lim_{x \to 1} f(x) = \lim_{x \to 1} \frac{1}{x - 1} = -\infty$ $f(J) = f(]-\infty;1[) = \left| \lim_{\substack{x \to 1 \\ x \neq 1}} f(x); \lim_{\substack{x \to -\infty \\ x \neq 1}} f(x) \right|$ $f(J) = f(]-\infty;1[] =]-\infty;0[$: فينا f(x) = 0 المنا $K =]1; +\infty[$ $f(K) = f(]1; +\infty[) = \left| \lim_{x \to +\infty} f(x); \lim_{x \to 1} f(x) \right| =]0; +\infty[$ تمرين 11: حدد صورة المجال Iبالدالة f في كل حالة من f(x) = -4x + 1 $J = [2; +\infty[I = [1; 2] .1]$ $f(x) = \frac{x-1}{2x-1} \qquad K = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix} + \infty \qquad J = \begin{bmatrix} -\infty \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix} \quad J = \begin{bmatrix} 2 \\ -6 \end{bmatrix} \quad .2$ $f(x) = -4x + 1(1: \frac{1}{2})$

 $\lim_{x \to 2^{+}} \frac{x+3}{x-1} = 4a+7 : \quad \text{i.i.} \quad \begin{cases} \lim_{x \to 2^{+}} f(x) = f(2) \\ \lim_{x \to 2^{+}} f(x) = f(2) \end{cases}$ تمرين7: أدرس اتصال الدوال المعرفة كالتالي: $g(x) = \frac{6x^5 - 7x}{x^2}, f(x) = x^4 - 6x + 9$ $h(x) = \sin x + 2\cos x$ \mathbb{R} دالة حدودية اذن متصلة على الجواب f:fو دالة جذرية اذن متصلة على مجموعة تعريفها نحدد مجموعة تعريف الدالة و $D_{\varrho} = \left\{ x \in \mathbb{R} / x - 3 \neq 0 \right\}$ $D_{g}=\mathbb{R}-\left\{ 3
ight\} :$ ومنه x=3 يعني x-3=0 $D_{\scriptscriptstyle g}=\mathbb{R}-\{3\}$ وبالتالي g دالة متصلة على $\mathbb R$ دالة مكونة من دوال متصلة على $\mathbb R$ اذن h متصلة على hتمرين 8: أدرس اتصال الدوال المعرفة كالتالي: $h(x) = \sqrt{3x+9}$ (3 $g(x) = \frac{3x+1}{2x^2-x-1}$ (2 $f(x) = x^2-16x+1(1$ \mathbb{R} دالة حدودية اذن متصلة على f(1)دالة جذرية اذن متصلة على مجموعة تعريفها gنحدد مجموعة تعريف الدالة g $D_g = \{x \in \mathbb{R} / 2x^2 - x - 1 \neq 0\}$ نحل المعادلة باستعمال المميز $2x^2 - x - 1 = 0$ c = -1 b = -1 a = 2 $\Delta = b^2 - 4\alpha c = (-1)^2 - 4 \times 2 \times (-1) = 1 + 8 = 9 = (3)^2 > 0$ بما أن $0 \prec \Delta$ فان هذه المعادلة تقبل حلين هما: $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$ **9** $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$ $x_2 = \frac{1-3}{2\times 2} = \frac{-2}{4} = -\frac{1}{2}$ **9** $x_1 = \frac{-(-1)+\sqrt{9}}{2\times 2} = \frac{1+3}{4} = \frac{4}{4} = 1$ $D_g = \mathbb{R} - \left\{ -\frac{1}{2}; 1 \right\}$ $D_{\scriptscriptstyle g} = \mathbb{R} - \left\{ -rac{1}{2}; 1
ight\}$ وبالتالي g دالة متصلة على الله جذرية اذن متصلة على مجموعة تعريفها h $D_h = \left\{ x \in \mathbb{R} / 3x + 9 \ge 0 \right\}$ $D_h = [-3, +\infty[$ يعني $3x + 9 \ge 0$ $D_h = [-3, +\infty]$ وبالتالي h دالة متصلة على تمرين 9: أحسب النهايات التالية: $\lim_{x \to +\infty} \sqrt{\frac{4x+1}{x+3}} \quad \mathbf{9} \lim_{x \to +\infty} \sin \left(\frac{\pi x^2 + 3x + 1}{4x^2 + 1} \right) \quad \mathbf{9} \quad \lim_{x \to 0} \cos \left(\frac{\pi x}{\sin 3x} \right)$ $\lim_{x\to 0} \cos\left(\frac{\pi x}{\sin 3x}\right) = \lim_{x\to 0} \cos\left(\pi \frac{3x}{\sin 3x}\right) = \frac{1}{\sin 3x}$ $\lim_{x\to 0} \frac{ax}{\sin ax} = 1$: نعلم أن $\lim_{x\to 0} \frac{\sin ax}{ax} = 1$ اذن $\lim_{x\to 0}\cos\left(\pi\frac{3x}{\sin 3x}\right) = \cos(\pi) = -1$ ومنه $\lim_{x \to +\infty} \sin\left(\frac{\pi x^2 + 3x + 1}{4x^2 + 1}\right) = \lim_{x \to +\infty} \sin\left(\frac{\pi x^2}{4x^2}\right) = \sin\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$ $\lim_{x \to +\infty} \frac{4x+1}{x+3} = \lim_{x \to +\infty} \frac{4x}{x} = 4 :$

```
f(x) = 0 ومنه حسب مبر هنة القيم الوسيطية فان المعادلة
                                 I تقبل حلا على الأقل في المجال
                            \cos x - x = 0 يعنى \cos x = x (2
            f(x) = 0: نضع f(x) = \cos x - x
             I = [0;\pi]: على اذن متصلة على \mathbb{R} دالة متصلة على f
       f(0) \times f(\pi) < 0 : نڬ f(\pi) = -1 - \pi < 0 f(0) = 1 > 0
         f(x) = 0 منه حسب مبر هنة القيم الوسيطية فان المعادلة
                                 تقبل حلا على الأقل في المجال I
 I المعادلة التالية تقبل حلا وحيدا في المجال اI
                              I = [-1;0] x^3 + 2x + 1 = 0
                         f(x) = 0: المعادلة تصبح
I = [-1;0]: دالة حدودية اذن متصلة على \mathbb R اذن متصلة على f
       f(0) \times f(-1) < 0 : i\dot{c} i(-1) = -2 < 0 f(0) = 1 > 0
          ومنه f'(x) = (x^3 + 2x + 1)' = 3x^2 + 2 > 0
                           I = [-1;0] تز ايدية قطعا على المجال
         f(x) = 0 ومنه حسب مبر هنة القيم الوسيطية فان المعادلة
                                     I تقبل حلا وحيدا في المجال
             تمرين15: يبن أن المعادلات التالية تقبل حلا وحيدا
                                 في المجال \overline{I} في الحالات التالية :
                         I = \left| \frac{1}{2}; \sqrt{2} \right|  x^4 + 2x - 3 = 0 .1
                        I = [-2; -1] 2x^3 + 3x + 20 = 0 .2
                      f(x) = x^4 + 2x - 3: idea (1: 1)
                                      f(x) = 0: المعادلة تصبح
I = \left[\frac{1}{2}; \sqrt{2}\right]: دالة حدودية اذن متصلة على اذن متصلة على f
f\left(\frac{1}{2}\right) \times f\left(\sqrt{2}\right) < 0 \dot{\psi} f\left(\sqrt{2}\right) = 1 + \sqrt{2} > 0 f\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{31}{16} < 0
            x \in \left[\frac{1}{2}; \sqrt{2}\right] : \dot{V} f'(x) = (x^4 + 2x - 3)' = 4x^3 + 2 > 0
      I = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix} ومنه f دالة متصلة تزايدية قطعا على المجال
         f(x)=0 منه حسب مبر هنة القيم الوسيطية فان المعادلة
                                      I تقبل حلا وحيدا في المجال
                              f(x) = 2x^3 + 3x + 20: نضع (2)
                                      f(x) = 0: المعادلة تصبح
I = [-2, -1]: دالة حدودية اذن متصلة على اذن متصلة على f
       f(-2) \times f(-1) < 0 : icite{-2} = -2 < 0 f(-1) = 15 > 0
                             f'(x) = (2x^3 + 3x + 20)' = 6x^2 + 3 > 0
     I = [-2; -1] ومنه f دالة متصلة تزايدية قطعا على المجال المجال
         f(x) = 0 منه حسب مبر هنة القيم الوسيطية فان المعادلة
                                      I تقبل حلا وحيدا في المجال
      تمرين16: أدرس اتصال الدوال المعرفة على \ كالتالي:
                                     h(x) = x^3 - x + 1 + \sin x (1)
                                        h(x) = \sin(x^3 - x + 1)(2
```

I = [1;2]: دالة حدودية اذن متصلة على اذن متصلة على إدارة fI ومنه f تناقصية قطعا على f'(x) = (-4x+1)' = -4 < 0 $f(I) = f([1;2]) = \lceil f(2); f(1) \rceil = [-7; -3]$ $f(J) = f([2; +\infty[) = \lim_{x \to \infty} f(x); f(2)]$ $f(J) = f([2; +\infty[) =]-\infty; -7]$ each $f(x) = \lim_{x \to \infty} -4x + 1 = -\infty$ دالة جذرية اذن متصلة على مجموعة تعريفها $f(x) = \frac{x-1}{2x-1}$ f نحدد مجموعة تعريف الدالة : ومنه $x=\frac{1}{2}$ يعني 2x-1=0 $D_f=\left\{x\in\mathbb{R}/2x-1\neq 0\right\}$ $D_f = \mathbb{R} - \left\{ \frac{1}{2} \right\}$ ومنه f دالة متصلة على $D_f = \mathbb{R} - \left\{ \frac{1}{2} \right\}$ وبالتالي f دالة متصلة على كل المجالات التالية: $K = \begin{vmatrix} \frac{1}{2}; +\infty \end{vmatrix}$ $J = \begin{bmatrix} -\infty; \frac{1}{2} \end{bmatrix}$ $J = \begin{bmatrix} 2, 6 \end{bmatrix}$ $f'(x) = \left(\frac{x-1}{2x-1}\right)' = -\frac{(x-1)' \times (2x-1) - (x-1) \times (2x-1)'}{(2x-1)^2} = \frac{1}{(2x-1)^2} > 0$ $f(I) = f([2,6]) = [f(2);f(6)] = \left[\frac{1}{3};\frac{5}{11}\right]$ ومنه تز ایدیه قطعا $f\left(J\right) = f\left(\left[-\infty; \frac{1}{2}\right]\right) = \left[\lim_{x \to -\infty} f\left(x\right); \lim_{x \to \frac{1}{2}\atop x \neq 1} f\left(x\right)\right]$ $\lim_{x \to -\infty} f(x) = +\infty \quad \lim_{x \to -\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} \frac{x}{2x} = \frac{1}{2}$ $f(J) = \left| \frac{1}{2}; +\infty \right|$ $f(K) = f\left(\frac{1}{2}; +\infty\right[= \lim_{x \to \frac{1}{2}} f(x); \lim_{x \to +\infty} f(x) = -\infty; \frac{1}{2}$ $K = \frac{1}{2}; +\infty$ I تمرين12بين أن المعادلة التالية تقبل حلا على الأقل في المجال I = [0;1] $x^4 + x^2 + 4x - 1 = 0$ $f(x) = x^4 + x^2 + 4x - 1$: نضع f(x) = 0: المعادلة تصبح I = [0;1]: دالة حدودية اذن متصلة على \mathbb{R} اذن متصلة على f $f(0) \times f(1) < 0$: $\dot{\psi} f(1) = 5$ f(0) = -1ومنه حسب مبر هنة القيم الوسيطية فان المعادلة f(x) = 0 تقبل حلا I = [0;1]على الأقل في المجال تمرين13: بين أن المعادلات التالية تقبل حلا على الأقل في المجال ن الحالات التالية \overline{I} $I = \left[-\frac{\pi}{6}; 0 \right]$ $\sin x + \frac{1}{3} = 0$.1 $I = [0; \pi] \qquad \cos x = x \quad .2$ $f(x) = \sin x + \frac{1}{3}$: نضع (1: الجواب) f(x) = 0: المعادلة تصبح $I = \left | -rac{\pi}{6}; 0
ight]$: دالة متصلة على $\mathbb R$ اذن متصلة على f $f(0) \times f\left(-\frac{\pi}{6}\right) < 0 \quad |\dot{\psi}| f\left(-\frac{\pi}{6}\right) = -\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = -\frac{1}{6} < 0 \quad |f(0)| = \frac{1}{3} > 0$

f نحدد مجموعة تعريف الدالة $D_f = \{x \in \mathbb{R} / x + 1 \neq 0\}$

$$D_f = \mathbb{R} - \{-1\}$$
: ومنه $x = -1$ يعني $x + 1 = 0$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2} : \text{ التالية} \quad f(x) = \frac{3x + 2}{x + 1}$$

$$f'(x) = \left(\frac{3x+2}{x+1}\right)' = \frac{(3x+2)'(x+1) - (3x+2)(x+1)'}{(x+1)^2} = \frac{3(x+1) - 1 \times (3x+2)}{(x+1)^2} = \frac{1}{(x+1)^2} > 0$$

$$\lim_{x \to -1^{-}} \frac{3x+2}{x+1}$$
 و $\lim_{x \to -1^{+}} \frac{3x+2}{x+1}$ نحسب النهايات التالية:

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{3x+2}{x+1} \quad \mathbf{J} \lim_{x \to +\infty} \frac{3x+2}{x+1} \quad \mathbf{J}$$

$$\lim_{x \to -1} x + 1 = 0 = \lim_{x \to -1} 3x + 2 = -1$$

$$\begin{array}{c|cccc} x & -\infty & -1 & +\infty \\ \hline x+1 & - & 0 & + \\ \end{array}$$

$$\lim_{x \to -1^+} \frac{3x+2}{x+1} = -\infty$$
 : ومنه $\lim_{x \to -1^+} x+1 = 0^+$

$$\lim_{x \to -1^{-}} \frac{3x+2}{x+1} = +\infty : \lim_{x \to -1^{-}} x+1 = 0^{-}$$

$$\lim_{x \to -\infty} \frac{3x+2}{x+1} = \lim_{x \to -\infty} \frac{3x}{x} = 3 \text{ s } \lim_{x \to +\infty} \frac{3x+2}{x+1} = \lim_{x \to +\infty} \frac{3x}{x} = 3$$

x	$-\infty$ –	-1 +∞
f'(x)	+	+
f(x)	3 $+\infty$	$-\infty$

 $I =]-\infty; -1[$ هي قصور الدالة f على المجال g (2

 $I =]-\infty;-1$ ومنه g دالة متصلة على المجال g

 $I =]-\infty; -1[$ تزايدية قطعا على المجال g

ومنه g تقبل دالة عكسية g^{-1} معرفة على

 $J = f(I) = f(]-\infty; -1[) =]3; +\infty[$: مجال

$$\begin{cases} g(y) = x \Leftrightarrow \begin{cases} y = g^{-1}(x) \\ y \in I \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = f(I) \end{cases}$$

$$3y+2=x(y+1)$$
 يعني $\frac{3y+2}{y+1}=x$ يعني $\begin{cases} g(y)=x\\ y\in]-\infty;-1[\end{cases}$

$$y(3-x) = x-2$$
 يعني $3y-xy = x-2$

$$g^{-1}(x) = \frac{x-2}{3-x}$$
 : $y = \frac{x-2}{3-x}$

 $g^{-1}:]3; +\infty[\to]-\infty; -1[$ ومنه : $x \to g^{-1}(x) = \frac{x-2}{3-x}$

 $I = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \end{bmatrix}$ لتكن f الدالة العددية المعرفة على الدالة العددية المعرفة على

 $f(x) = \sqrt{2x-1}$: بما یلی

بين أن الدالة f تقبل دالة عكسية معرفة على مجال f

J يجب تحديده f^{-1} للدالة f لكل χ من χ من 2. حدد الدالة العكسية f^{-1} للاالة والأستاذ : عثماني نجيب

اذن هي دالة متصلة على $\mathbb R$ اذن هي دالة متصلة على h(2)

$$h = gof$$
 $g(x) = \sin x$ 9 $f(x) = x^3 - x + 1$

$$f(x) = \frac{x-3}{x+2}$$
: لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي ألتكن ألتكن الدالة العددية المعرفة بما يلي

الدالة f وحدد جدول تغيرات الدالة f

 $I=\left]-2;+\infty\right[$ بين أن الدالة g قصور الدالة f على المجال g

تقبل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده J من χ من f الدالة العكسية g^{-1} عكسية 3

$$f(x) = \frac{x-3}{x+2} (1 - \frac{x-3}{x+2})$$

f نحدد مجموعة تعريف الدالة

$$D_f = \left\{ x \in \mathbb{R} \, / \, x + 2 \neq 0 \right\}$$

$$D_f = \mathbb{R} - \{-2\}$$
: ومنه $x = -2$ يعني $x + 2 = 0$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$
 : نستعمل القاعدة التالية $f(x) = \frac{x-3}{x+2}$

$$f'(x) = \left(\frac{x-3}{x+2}\right)' = \frac{(x-3)'(x+2) - (x-3)(x+2)'}{(x+2)^2} = \frac{1(x+2) - 1 \times (x-3)}{(x+2)^2} = \frac{5}{(x+2)^2} > 0$$

x	$-\infty$ –	-2 $+\infty$
f'(x)	+	+
f(x)	1 $+\infty$	$-\infty$

 $I =]-2;+\infty[$ هي قصور الدالة f على المجال g (2

 $I =]-2;+\infty$ منه g دالة متصلة على المجال

 $I =]-2;+\infty[$ تزايدية قطعا على المجال g

ومنه g تقبل دالة عكسية g^{-1} معرفة على

$$J = f(I) = f(]-2;+\infty[) =]-\infty;1[$$
 مجال:

$$\begin{cases} g(y) = x \iff \begin{cases} y = g^{-1}(x) \\ x \in f(I) \end{cases}$$

$$y-3 = x(y+2)$$
 يعني $\frac{y-3}{y+2} = x$ يعني $g(y) = x$ $y \in]-2;+\infty[$

y(1-x) = 2x + 3 يعني y - xy = 2x + 3

$$g^{-1}(x) = \frac{2x+3}{1-x}$$
 : ومنه $y = \frac{2x+3}{1-x}$

$$g^{-1}:]-\infty; 1[\to]-2; +\infty[$$
 $g^{-1}:]-\infty; 1[\to]-2; +\infty[$
 $\dots x \to g^{-1}(x) = \frac{2x+3}{1-x}$

 $f(x) = \frac{3x+2}{x+1}$: لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي التكن ألدالة العددية المعرفة بما يلي

f وحدد جدول تغیرات f

 $I =]-\infty; -1[$ بين أن الدالة g قصور الدالة f على المجال gتقبل دالة عكسية معرفة على مجال J يجب تحديده

J من χ من f الدالة العكسية g^{-1} من χ

$$f(x) = \frac{3x+2}{x+1} (1: \frac{3x+2}{x+1})$$

 $D_{\epsilon}=\mathbb{R}$: يعني $x^2=-1$ ليس لها حل في $1+x^2=0$ دالة جذرية اذن متصلة على مجموعة تعريفها f(2) $I = [0; +\infty[$ اذن g متصلة على $g'(x) = \left(\frac{x^2}{1+x^2}\right)' = \frac{\left(x^2\right)' \times \left(x^2+1\right) - \left(x^2\right) \times \left(x^2+1\right)'}{\left(x^2+1\right)^2}$ $\forall x \in [0; +\infty[g'(x) = \frac{2x \times (x^2 + 1) - (x^2) \times 2x}{(x^2 + 1)^2} = \frac{2x}{(x^2 + 1)^2} \ge 0$ $I = [0; +\infty]$ تزایدیة قطعا علی المجال g g^{-1} وبالتالي g تقبل دالة عكسية $J = f(I) = g([0,+\infty[) = [0,1[$:معرفة على مجال $\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2}{1 + x^2} = \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2}{x^2} = 1$: \dot{y} $\begin{cases} g(y) = x \Leftrightarrow \begin{cases} y = g^{-1}(x) \\ x \in g(I) \end{cases}$ $x(y^2+1) = y^2$ يعني $\frac{y^2}{1+y^2} = x$ يعني $\begin{cases} f(y) = x \\ y \in [0:1] \end{cases}$ $y^2 = \frac{-x}{x-1} = \frac{x}{1-x}$ $y^2(x-1) = -x$ $y^2 = -x$ $y^2 = -x$ $y \in [0;1[$: يعني $y = \sqrt{\frac{x}{1-x}}$ أو $y = \sqrt{\frac{x}{1-x}}$ ويما أننا نعلم أن $y = \sqrt{\frac{x}{1-x}}$

 $g^{-1}(x) = \sqrt{\frac{x}{1-x}}$: $y = \sqrt{\frac{x}{1-x}}$: $y = \sqrt{\frac{x}{1-x}}$ $g^{-1}:[0;1[\to [0;+\infty[$ ومنه : $x \to g^{-1}(x) = \sqrt{\frac{x}{1-x}}$

تمرين 21: 1) أحسب وبسط التعابير التالية:

 $\sqrt[2]{\sqrt[4]{2}}$ $\sqrt[3]{2}$

$$B = \frac{\sqrt[3]{2} \times \sqrt[3]{16} \times \sqrt{\sqrt[3]{4}} \times \sqrt[15]{2}}{\sqrt[15]{256}} \qquad A = \sqrt[5]{32} - \left(\sqrt[7]{2}\right)^7 + \sqrt[3]{\sqrt[3]{512}} + \frac{\sqrt[5]{96}}{\sqrt[5]{3}}$$
$$D = \sqrt[6]{\frac{2^5 \times 128000000}{27^2}} \qquad C = \frac{\left(27\right)^{\frac{2}{9}} \times \left(81\right)^{\frac{1}{4}} \times 9^{\frac{5}{2}}}{\sqrt[2]{3}}$$

 $\sqrt[7]{3}$ و $\sqrt[5]{2}$

3) حل في 🏾 المعادلات التالية :

$$(\sqrt[5]{x})^2 - 5\sqrt[5]{x} + 6 = 0$$
 ($\sqrt[5]{3x - 4} = 2$ ($\sqrt[5]{3x - 4}$

 $\lim \sqrt[5]{x^3 + 24}$: التالية النهايات النهايات (4

 $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt[3]{x+1-1}}{x} \quad \text{g} \quad \lim_{x \to +\infty} \sqrt[3]{x^5 + 2x^3 - x + 4} \quad \text{g}$

$$\sqrt[2]{\sqrt[4]{2}} = \sqrt[2]{\sqrt[4]{2}} = \sqrt[8]{2}$$
 و $\sqrt[8]{2}$ و $\sqrt[4]{2}$

 $A = \sqrt[5]{32} - \left(\sqrt[7]{2}\right)^7 + \sqrt[3]{\sqrt[5]{512}} + \sqrt[5]{96} = \sqrt[5]{2}^5 - 2 + \sqrt[3]{\sqrt[3]{2}}^9 + \sqrt[4]{96} = 2 - 2 + \sqrt[3]{2}^9 + \sqrt[5]{32}$

A=2-2+2+2=4

$$B = \frac{\sqrt[3]{2} \times \sqrt[5]{16} \times \sqrt[6]{4} \times \sqrt[15]{2}}{\sqrt[15]{256}} = \frac{\sqrt[3]{2} \times \sqrt[5]{2^4} \times \sqrt[6]{2^2} \times \sqrt[15]{2}}{\sqrt[15]{256}}$$

 (C_{c-1}) الممثل للدالة f و المنحني الممثل الدالة f $\left(o,\overrightarrow{i},\overrightarrow{j}
ight)$ الممثل للدالة f^{-1} في نفس المعلم المتعامد الممنظم f^{-1}

$$D_f = \left[\frac{1}{2}; +\infty\right] = I\left(\mathbf{1}; \frac{1}{2}; +\infty\right]$$
 دالة متصلة على المجال f

$$I = \left[\frac{1}{2}; +\infty\right[$$
 larell larell area f

$$f'(x) = (\sqrt{2x-1})' = \frac{(2x-1)'}{2\sqrt{2x-1}} = \frac{1}{\sqrt{2x-1}} > 0$$

$$I = \left[\frac{1}{2}; +\infty\right] \text{ the part of } f$$

x		$1/2$ $+\infty$
f'(z)	r)	+
f(x)	c)	0

$$J=f\left(I\right)=f\left(\left[\frac{1}{2};+\infty\right[\right)=\left[0;+\infty\right[\right]$$
على مجال:

$$\begin{cases} f(y) = x \iff \begin{cases} y = f^{-1}(x) \\ x \in f(I) \end{cases}$$
 (2)

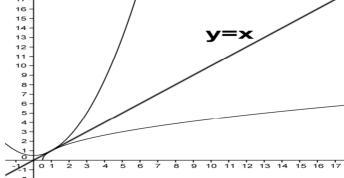
$$2y-1=x^2$$
 يعني $\sqrt{2y-1}=x$ يعني $\begin{cases} f(y)=x\\ y\in[0;+\infty[\end{cases}$

$$f^{-1}(x) = \frac{x^2 + 1}{2}$$
 : ومنه $y = \frac{x^2 + 1}{2}$ يعني $2y = x^2 + 1$ يعني

$$f^{-1}:[0;+\infty[$$
 $\to \left[\frac{1}{2};+\infty\right[$: ومنه

.....
$$x \to f^{-1}(x) = \frac{x^2 + 1}{2}$$

f هو مماثل منحنى الدالة f^{-1} هو مماثل منحنى الدالة بالنسبة للمستقيم : y = x في معلم متعامد ممنظم



 $f(x) = \frac{x^2}{1+x^2}$: لتكن f الدالة العددية المعرفة بما يلي التكن $f(x) = \frac{x^2}{1+x^2}$

 $I = [0; +\infty]$ قصور الدالة f على المجال g قصور

f حدد مجموعة تعريف الدالة

يجب J بين أن الدالة g تقبل دالة عكسية معرفة على مجال g

J من χ من f الدالة العكسية g^{-1} عكسية 3

f نحدد مجموعة تعريف الدالة

 $\sqrt[4]{3}$ و $\sqrt[5]{4}$ و $\sqrt[5]{4}$ $\sqrt[5]{151}$ و $\sqrt[5]{23}$ و قارن: $\sqrt[5]{28}$ و $\sqrt[5]{151}$ $=\frac{\sqrt[3]{1024}\times\sqrt[5]{3200000}}{\sqrt[4]{64}\times\sqrt[3]{\sqrt{252}}\times\sqrt{18}}=\frac{\sqrt[3]{2^{10}}\times\sqrt[5]{2^{10}}\times\sqrt[5]{2^{10}}\times10^5}{\sqrt[4]{2^6}\times\sqrt[3]{\sqrt{2^8}}\times\sqrt{2\times3^2}}=\frac{2^{\frac{10}{3}}\times2\times10}{2^{\frac{1}{4}}\times2^{\frac{4}{3}}\times3\times2^{\frac{1}{2}}}=20$ $\sqrt[4]{3}$ و $\sqrt[5]{4}$ و $\sqrt[5]{2}$ $\sqrt[n \times m]{x^m} = \sqrt[n]{x}$: نطبق القاعدة $\sqrt[4]{3} = \sqrt[4x5]{3^5} = \sqrt[20]{243}$ $\sqrt[5]{4} = \sqrt[4x5]{4^4} = \sqrt[20]{4096}$ $\sqrt[5]{4} > \sqrt[4]{3}$ ومنه: $\sqrt[3]{406} > \sqrt[3]{243}$ الدينا $\sqrt[3]{406} > \sqrt[3]{243}$ $\sqrt{13}$ و $\sqrt[3]{28}$ و $\sqrt{13}$ $n \times \sqrt[m]{x^m} = \sqrt[m]{x}$: نطبق القاعدة $\sqrt[3]{28} = \sqrt[6]{28^2} = \sqrt[6]{784}$ و $\sqrt[6]{13} = \sqrt[2]{13} = \sqrt[2]{3}$ 2197 > 784: لاينا $\sqrt[8]{2197} > \sqrt[8]{784}$ ؛ لاينا $\sqrt{13} > \sqrt[3]{28}$: ج)مقارنة : $\sqrt[5]{23}$ و $\sqrt[5]{151}$ $\sqrt[5]{23} > \sqrt[15]{151}$ a $\sqrt[5]{23} = \sqrt[15]{23^3} = \sqrt[15]{12167}$ n تمرين23: أكتب على شكل جذر من الرتبة $2^{\frac{3}{4}} = \sqrt[4]{2^3} = \sqrt[4]{8}$ أجوبة: $2^{-\frac{2}{7}} = \sqrt[7]{2^{-2}} = \sqrt[7]{\frac{1}{2^2}} = \sqrt[7]{\frac{1}{4}}$ تمرين 24: 1)أحسب وبسط التعابير التالية $B = \frac{\sqrt[4]{9} \times \sqrt{\sqrt[3]{3^3 \times \sqrt{9}}}}{\sqrt[5]{81} \times \sqrt{\sqrt{\sqrt{3}}}} \quad \mathbf{g} \quad A = \frac{\sqrt[15]{3^5} \times \sqrt[3]{9} \times \left(\sqrt[5]{9}\right)^3}{\sqrt[5]{3}}$: حل في \mathbb{R} المعادلات التالية (2 $x^{\frac{2}{3}} - 7x^{\frac{1}{3}} - 8 = 0$ (\Rightarrow $\sqrt[3]{x - 1} = 3$) 3) أحسب النهابات التالبة: $\lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{\sqrt[3]{x+1} - 1} \quad \text{iii} \quad \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt[3]{x - 1}}{x - 1} \quad \text{o} \quad \lim_{x \to +\infty} \sqrt[5]{x^5 + x^2 + 1}$ $A = \frac{\sqrt[15]{3^5} \times \sqrt[3]{9} \times \left(\sqrt[5]{9}\right)^3}{\sqrt[5]{3}} = \frac{\left(3^5\right)^{\frac{1}{15}} \times \left(3^2\right)^{\frac{1}{3}} \times \left(3^{\frac{1}{5}}\right)^3}{3^{\frac{1}{5}}}$ $A = \frac{3^{\frac{1}{3}} \times 3^{\frac{2}{3}} \times 3^{\frac{3}{5}}}{3^{\frac{1}{5}}} = \frac{3^{\frac{1}{3} + \frac{2}{3} + \frac{3}{5}}}{3^{\frac{1}{5}}}$ $A = \frac{3^{\overline{3}}}{\frac{1}{2}} = 3^{\frac{8}{3} + \frac{1}{5}} = 3^{\frac{37}{15}} = \left(\sqrt[15]{3}\right)^{37}$

 $B = \frac{2^{\frac{1}{3}} \times 2^{\frac{4}{5}} \times 2^{\frac{2}{6}} \times 2^{\frac{1}{15}}}{\frac{15}{2^{8}}} = \frac{2^{\frac{1}{3}} \times 2^{\frac{4}{5}} \times 2^{\frac{1}{3}} \times 2^{\frac{1}{3}} \times 2^{\frac{1}{15}}}{\frac{8}{15}} = \frac{2^{\frac{23}{15}} \times 2^{\frac{8}{15}}}{\frac{8}{15}} = 2^{\frac{15}{15}} = 2$ $C = \frac{(27)^{\frac{2}{9}} \times (81)^{\frac{1}{4}} \times 9^{\frac{5}{2}}}{2^{\frac{17}{3}}} = \frac{(3^3)^{\frac{2}{9}} \times (3^4)^{\frac{1}{4}} \times (3^2)^{\frac{5}{2}}}{2^{\frac{17}{3}}} = \frac{3^{\frac{2}{3}} \times 3^1 \times 3^5}{3^{\frac{17}{3}}}$ $C = \frac{3^{\frac{20}{3}}}{\frac{17}{3}} = 3^{\frac{20}{3} + \frac{17}{3}} = 3^{\frac{3}{3}} = 3^{1} = 3$ $D = \sqrt[6]{\frac{2^5 \times 128000000}{27^2}} = \sqrt[6]{\frac{2^5 \times 2^7 \times 10^6}{\left(3^3\right)^2}} = \sqrt[6]{\frac{10^6}{3^6} \times 2^{12}} = \sqrt[6]{\frac{10^6}{3^6}} \times \sqrt[6]{\left(2^2\right)^6}$ $D = \sqrt[6]{\left(\frac{10}{3}\right)^6} \times \sqrt[6]{\left(2^2\right)^6} = \frac{10}{3} \times 2^2 = \frac{40}{3}$ $\sqrt[n \times m]{x^m} = \sqrt[n]{x}$: نطبق القاعدة $\sqrt[n]{x}$ و $\sqrt[n]{x}$ نطبق القاعدة (2 $\sqrt[5]{2} = \sqrt[7 \times 5]{2^7} = \sqrt[35]{128}$ $\sqrt[3]{3} = \sqrt[7 \times 5]{3^5} = \sqrt[35]{243}$ $\sqrt[7]{3} > \sqrt[5]{2}$ ومنه: $\sqrt[35]{243} > \sqrt[35]{128}$: ليبنا $(\sqrt[5]{3x-4})^5 = (2)^5$ يعني $\sqrt[5]{3x-4} = 2(\sqrt[5]{3})$ يعني x = 12 يعني 3x = 36 يعني 3x - 4 = 32 $S = \{12\}$ $\sqrt[5]{x} = X$ نضع $(\sqrt[5]{x})^2 - 5\sqrt[5]{x} + 6 = 0$ (ب $X^2 - 5X + 6 = 0$: المعادلة تصبح c=6 b=-5 a=1 is a=1 in a=1 $\Delta = b^2 - 4ac = (-5)^2 - 4 \times 1 \times 6 = 25 - 24 = 1 > 0$ بما أن $0 \prec \Delta$ فان هذه المعادلة تقبل حلين هما: $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}$ **9** $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$ $x_2 = \frac{5-1}{2\times 1} = \frac{4}{2} = 2$ **9** $x_1 = \frac{5+1}{2\times 1} = \frac{6}{2} = 3$ ومنه: x = 2 أو x = 3 يعني $\sqrt[5]{x} = 2$ أو $\left(\sqrt[5]{x}\right)^5 = \left(3\right)^5$ $S = \{32, 243\}$: each x = 243 if x = 32 $\lim \sqrt[5]{x^3 + 24} = \sqrt[5]{2^3 + 24} = \sqrt[5]{8 + 24} = \sqrt[5]{32} = \sqrt[5]{2^5} = 2$ (4 $\lim \sqrt[3]{x^5 + 2x^3 - x + 4} = \lim \sqrt[3]{x^5} = \sqrt[3]{+\infty} = +\infty$ نحتفظ بأكبر درجة فقط $r \dot{\xi} \dot{\omega} \lim_{r \to 0} \frac{\sqrt[3]{x+1} - 1}{r} = \left(\frac{0}{0}\right)^{r}$ $a^3-b^3=\left(a-b
ight)\left(a^2+ab+b^2
ight)$: نعلم أن $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt[3]{x+1} - 1}{x} = \lim_{x \to 0} \frac{\left(\sqrt[3]{x+1} - 1\right) \left(\left(\sqrt[3]{x+1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x+1} + 1^2\right)}{x \left(\left(\sqrt[3]{x+1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x+1} + 1^2\right)}$ $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt[3]{x+1} - 1}{x} = \lim_{x \to 0} \frac{\left(\sqrt[3]{x+1}\right)^3 - \left(1\right)^3}{x\left(\left(\sqrt[3]{x+1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x+1} + 1^2\right)} = \lim_{x \to 0} \frac{x + 1 - 1}{x\left(\left(\sqrt[3]{x+1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x+1} + 1^2\right)}$ $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt[3]{x+1} - 1}{x} = \lim_{x \to 0} \frac{1}{\left(\sqrt[3]{x+1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x+1} + 1^2} = \frac{1}{1+1 \times 1 + 1} = \frac{1}{3}$ $A = \frac{\sqrt[3]{1024} \times \sqrt[5]{3200000}}{\sqrt[4]{64} \times \sqrt[3]{\sqrt{252}} \times \sqrt{18}}$ الحسب وبسط: 1) أحسب

$$\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{x - 1} = \lim_{x \to 1} \frac{\left(\sqrt[3]{x} - 1\right)\left(\left(\sqrt[3]{x}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1^2\right)}{\left(x - 1\right)\left(\left(\sqrt[3]{x}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1^2\right)} = \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{(x - 1)\left(\left(\sqrt[3]{x}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1^2\right)} = \lim_{x \to 1} \frac{x - 1}{(x - 1)\left(\left(\sqrt[3]{x}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1^2\right)} = \lim_{x \to 1} \frac{x - 1}{(x - 1)\left(\left(\sqrt[3]{x}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1^2\right)} = \frac{1}{1 + 1 \times 1 + 1} = \frac{1}{3}$$

$$\lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{\sqrt[3]{x + 1}} = \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x} + 1\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{\left(\sqrt[3]{x} + 1\right)\left(\left(\sqrt[3]{x} + 1\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1} - 1\right)\left(\left(\sqrt[3]{x} + 1\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)\right)}{\left(\sqrt[3]{x} + 1\right)^3 - \left(1\right)^3}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x} + 1\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{\left(\sqrt[3]{x} + 1\right)^3 - \left(1\right)^3}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times \sqrt[3]{x} + 1 + 1^2\right)}{x}$$

$$= \lim_{x \to 0} \frac{\sin x\left(\left(\sqrt[3]{x + 1}\right)^2 + 1 \times$$

$$B = \frac{\sqrt[4]{9} \times \sqrt{\sqrt[3]{3^3} \times \sqrt{9}}}{\sqrt[5]{81} \times \sqrt{\sqrt{\sqrt{3}}}} = \frac{(3^2)^{\frac{1}{4}} \times (3^4)^{\frac{1}{6}}}{(3^4)^{\frac{1}{5}} \times (3)^{\frac{1}{8}}} = \frac{3^{\frac{1}{2}} \times 3}{(3^4)^{\frac{1}{5}} \times (3)^{\frac{1}{8}}}$$

$$B = \frac{3^{\frac{3}{2}}}{3^{\frac{4}{5}} \times (3)^{\frac{1}{8}}} = 3^{\frac{3}{2}} \times 3^{\frac{4}{5}} \times (3)^{\frac{1}{8}} = 3^{\frac{3^2}{4^3} + \frac{1}{8}} = 3^{\frac{11-4}{8}} = 3^{\frac{55-32}{40}} = 3^{\frac{23}{40}}$$

$$B = 3^{\frac{3}{40}} = 3^{\frac{4}{40}} = 3^{\frac{23}{40}}$$

$$B = 3^{\frac{23}{40}} = 3^{\frac{4}{40}} = 3^{\frac{23}{40}}$$

$$X - 1 = 27 \quad \text{wise} \quad (\sqrt[3]{x-1})^3 = 3^3 \quad \text{wise} \quad \sqrt[3]{x-1} = 3 \text{ (i } (2 \times 28) = 28)$$

$$\text{wise} \quad x = 28 \quad \text{wise} \quad x = 28 \quad \text{wi$$

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe. c'est en s'entraînant

régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un

