ي
$$g(3375) = 15$$
 , $x_0 = 3375$: نعتبر $g'(3375) = \frac{1}{675}$

$$\lim_{x \to 3375} f(x) = \lim_{x \to 3375} \frac{g(x) - g(3375)}{x - 3375}$$

$$= g'(3375)$$

$$\lim_{x \to 3375} f(x) = \frac{1}{675}$$

$$f(3375) = \frac{1}{675} : \text{if } (3375) : \text{if } (33$$

$$f(x)=3x+\sqrt{2x-6}$$
 $f(x)=3x+\sqrt{2x-6}$ حدد $I=D_f$ عدد أ- اثبت أن f المعرفة من I نحو I يجب تحديد I) تقبل دالة عكسية I ثم حدد I I ثم حدد I I تقبل حلا وحيدا في ب- استنتج أن المعادلة : I I تقبل حلا وحيدا في المجال I

حل التمرين 3:

$$I = D_f = \begin{bmatrix} 3, +\infty[& -1] \\ 1 & \text{arolis als} \end{bmatrix}$$

$$0 \text{ of } f \text{$$

<u>الاِتصال و در اسة الدوال</u>

الحل:

$$A = \lim_{x \to +\infty} \sqrt[3]{15x^3 + 7x^2 + 10} - \sqrt[3]{15x^3 + 7}$$

$$= \lim_{x \to +\infty} \frac{7x^2 + 9}{\sqrt[3]{15x^3 + 7x^2 + 10}^2 + \sqrt[3]{15x^3 + 7x^2 + 10}} \sqrt[3]{15x^3 + 1} + \sqrt[3]{15x^3 + 1}^2$$

$$= \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2 \left(7 + \frac{9}{x^2}\right)}{x^2 \left(\sqrt[3]{15 + \frac{7}{x} + \frac{10}{x^3}}\right)^2 + \sqrt[3]{15 + \frac{7}{x} + \frac{10}{x^3}} \sqrt[3]{15 + \frac{1}{x^3}} + \sqrt[3]{15 + \frac{1}{x^3}}$$

$$A = \frac{7}{x^2}$$

 $\mathbf{x_0}$ عدد $\mathbf{x_0}$ ثم بین أن \mathbf{y} متصلة في $\mathbf{x_0}$:

$$\begin{cases} f(x) = \frac{\sqrt[3]{x} - 15}{x - 3375} & x \neq 3375 \\ f(3375) = \frac{1}{675} \end{cases}$$

$$\lim_{x \to 3375} f(x) = \lim_{x \to 3375} \frac{\sqrt[3]{x} - 15}{x - 3375}$$

$$= \lim_{x \to 3375} \frac{1}{\sqrt[3]{x^2} + 15\sqrt[3]{x} + 225}$$

$$\lim_{x \to 3375} f(x) = \frac{1}{675}$$

$$f(3375) = \frac{1}{675}$$
 بما أن : $\lim_{x \to 3375} f(x) = f(3375)$: فإن : $f(3375)$ متصلة في 3375

طريقة $\frac{2}{2}$ (العدد المشتق) نعتبر $\frac{3}{2}$ و متلة على $\frac{3}{2}$ قاباة للإشتقاق على نعتبر :

$$\forall x \in \square^*$$
 $g'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}}$ **9**

$$g$$
 متصلة على $\left[\sqrt{\frac{12}{13}};+\infty\right]$ قابلة للإشتقاق على g
$$\left[\sqrt{\frac{12}{13}};+\infty\right]$$

$$\forall x \in \left[\sqrt{\frac{12}{13}};+\infty\right]$$

$$g'(x) = \frac{13x}{\sqrt{13x^2-12}}-1$$

$$g'(1) = 12$$
 e $g(1) = 0$

$$\lim_{x \to 1} f(x) = \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{13x^2 - 12} - x}{x - 1}$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{g(x) - g(1)}{x - 1}$$

$$= g'(1)$$

$$\lim_{x \to 1} f(x) = 12$$

 $\lim_{x \to 1} f(x) = f(1) : \frac{1}{x}$ 1 or a variable in the second of the

ب لنبين أن f قابلة للاشتقاق في 1

$$\lim_{x \to 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{13x^2 - 12 - x}}{x - 1} - 12$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{13x^2 - 12} - (13x - 12)}{(x - 1)^2}$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{(13x^2 - 12) - (13x - 12)^2}{(x - 1)^2}$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{(13x^2 - 12) - (13x - 12)^2}{(x - 1)^2 (\sqrt{13x^2 - 12} + (13x - 12))}$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{-156x^2 + 312x - 156}{(x - 1)^2 (\sqrt{13x^2 - 12} + (13x - 12))}$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{-156(x - 1)^2}{(x - 1)^2 (\sqrt{13x^2 - 12} + (13x - 12))}$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{-156}{\sqrt{13x^2 - 12} + (13x - 12)}$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$$

$$= \frac{-156}{2}$$

$$\lim_{x \to 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1} = -78$$
 إذن f قابلة للاشتقاق في f

$$9y^2 - 2y\left(3x + 1\right) + \left(x^2 + 6\right) = 0$$

$$\Delta = 4\left(3x + 1\right)^2 - 4\left(x^2 + 6\right) \times 9$$

$$\Delta = 4\left(6x - 53\right)$$

$$6x - 53 > 0 \quad \text{: i.i.} \quad x \ge 9 \text{: i.i.}$$

$$y_1 = \frac{3x + 1 - \sqrt{6x - 53}}{9}$$

$$y_2 = \frac{3x + 1 + \sqrt{6x - 53}}{9}$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad \text{: i.i.} \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad y_1 = 3 \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_1 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_2 \neq 3 \quad x = 9$$

$$y_1$$

$$f^{-1}$$
: $\left[9; +\infty\right[\to \left[3; +\infty\right[\\ x \to \frac{3x+1-\sqrt{6x-53}}{9} \right]$:

 $[3;+\infty[$ ب بما أن f متصلة و رتيبة قطعا على $]\infty+3$ و $[9,+\infty[$ و $f\left([3,+\infty[\right)=[9,+\infty[$ و $f\left(x\right)=10$: المعادلة : $f\left(x\right)=10$

 $\begin{cases}
f(x) = \frac{\sqrt{13x^2 - 12} - x}{x - 1} & x \in \left[\sqrt{\frac{12}{13}}; +\infty\right] - \{1\} \\
f(1) = 12
\end{cases}$

أ- بين أن f متصلة في 1 f بين أن f قابلة للاشتقاق في 1 f ج- احسب f'(x)

 $\begin{cases} f(x) = \frac{\sqrt{13x^2 - 12} - x}{x - 1} & x \in \left[\sqrt{\frac{12}{13}}; +\infty \right[-\{1\} \right] \\ f(1) = 12 \end{cases}$

 $\int \frac{12}{13}; +\infty$ معرفة على $g(x) = \sqrt{13x^2 - 12} - x$ نعتبر:

$$f'(1) = -78$$
: 9

$$\forall x \in \left| \sqrt{\frac{12}{13}}; +\infty \right| -\{1\} \qquad -\varepsilon$$

$$f'(x) = \left(\frac{\sqrt{13x^2 - 12} - x}{x - 1}\right)'$$

$$= \frac{\left(\frac{13x}{\sqrt{13x^2 - 12}} - 1\right)(x - 1) - \left(\sqrt{13x^2 - 12} - x\right)}{(x - 1)^2}$$

$$f'(x) = \frac{\sqrt{13x^2 - 12} - 13x + 12}{(x - 1)^2 \sqrt{13x^2 - 12}}$$

<u>تمرين 5</u> حلل هندسيا ما يلي :

$$\lim_{x \to 3^{-}} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = 0 - 1$$

$$\lim_{x \to 3^{+}} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = -\infty - \frac{1}{2}$$

$$\lim_{x \to 3^{+}} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = +\infty - \mathbf{\xi}$$

$$\lim_{x \to 3^{-}} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = +\infty - 2$$

حل اتمرین5

$$\lim_{x \to 3^{-}} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = 0 - 1$$

3 يقبل نصف مماس أفقي يسار النقطة ذات الأفصول $\left(C_{f}\right)$

$$\lim_{x \to 3^{+}} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = -\infty - -\infty$$

 (C_{i}) يقبل نصف مماس عمودي يمين النقطة ذات الأفصول (C_{i})

ي موجه نحو الأسفل.
$$\lim_{x \to 3^{+}} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = +\infty - \mathbf{E}$$

 (C_f) يقبل نصف مماس عمودي يمين النقطة ذات الأفصول

$$\lim_{x \to 3^{-}} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = +\infty$$

يقبل نصف مماس عمودي يسار النقطة ذات الأفصول $\left(C_{t}
ight)$ موجه نحو الأسفل.