

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИТМО»

Отчёт по лабораторной работе № 6
«Задачи на динамическое программирование»

Выполнил работу
Муртазалиев Матвей
Академическая группа
J3110
Принято
Вершинин Владислав

Санкт-Петербург

2024

Структура отчёта:

1. Введение

Цель работы — научиться понимать и правильно применять динамическое программирование в работе. Задача — решить задачу на динамическое программирование

2. Теоретическая подготовка

Необходимо знать концепцию динамического программирования, то есть "разделяй и властвуй"

3. Реализация

Создал двумерный массив dp из `false`, где $dp[i][j]$ это можно ли покрыть префикс длины i строки s префиксом длины j строки p

Заполнил случаи когда префикс s равен 0 а значит его возможно получится покрыть префиксами с `*` так как они позволяют использовать 0 элементов

Начал проходимся по длинам префиксов, всего 2 случая

1. Последний элемент в префиксе `*`, значит мы либо можем его не использовать, либо использовать. В любом случае отталкиваемся от предыдущих значений dp и подходит ли символ (не забываем про точки)

2. Последний элемент в префиксе не `*`, значит пытаемся использовать этот элемент (не забываем про точки)

4. Экспериментальная часть

Подсчёт по памяти (только для циклов и сложных структур) –

dp использует $n * m * 1$ байт так как `bool` - 1 байт

Подсчёт асимптотики (только для циклов и сложных структур) –

$O(2 * n * m + m)$. Заполнение dp + работа алгоритма

5. Заключение

В ходе выполнения работы я решил задачу на динамическое программирование. Именно dp здесь стоило использовать так как мы отталкивались от возможности покрыть строку с помощью префикса меньшей

длины и без этого нам бы пришлось каждый раз заново проверять одно и то же, а могли ли мы это сделать

6. Приложения

ПРИЛОЖЕНИЕ А

```
1 class Solution {
2 public:
3     bool isMatch(string s, string p) {
4         int n = s.size(), m = p.size();
5         vector<vector<bool>> dp(n + 1, vector<bool>(m + 1, false));
6         dp[0][0] = true;
7
8         for (int j = 1; j <= m; j++) {
9             if (p[j - 1] == '*')
10                 dp[0][j] = dp[0][j - 2];
11         }
12
13         for (int i = 1; i <= n; i++) {
14             for (int j = 1; j <= m; j++) {
15                 if (p[j - 1] == '*') {
16                     dp[i][j] = dp[i][j - 2] || (dp[i - 1][j] && (s[i - 1] == p[j - 2] || '.' == p[j - 2]));
17                 } else {
18                     dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1] && (s[i - 1] == p[j - 1] || '.' == p[j - 1]);
19                 }
20                 //cout << "dp: " << i << " " << j << " " << dp[i][j] << "\n";
21             }
22         }
23
24         return dp[n][m];
25     }
26 }
```

```
1 class Solution {
2 public:
3     bool isMatch(string s, string p) {
4         int n = s.size(), m = p.size();
5         vector<vector<bool>> dp(n + 1, vector<bool>(m + 1, false));
6         dp[0][0] = true;
7
8         for (int j = 1; j <= m; j++) {
9             if (p[j - 1] == '*')
10                 dp[0][j] = dp[0][j - 2];
11         }
12
13         for (int i = 1; i <= n; i++) {
14             for (int j = 1; j <= m; j++) {
15                 if (p[j - 1] == '*') {
16                     dp[i][j] = dp[i][j - 2] || (dp[i - 1][j] && (s[i - 1] == p[j - 2] || '.' == p[j - 2]));
17                 } else {
18                     dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1] && (s[i - 1] == p[j - 1] || '.' == p[j - 1]);
19                 }
20                 //cout << "dp: " << i << " " << j << " " << dp[i][j] << "\n";
21             }
22         }
23
24         return dp[n][m];
25     }
26 }
```