

I:

S: Уравнение $x^3 y' + 8y - x + 5 = 0$ какого порядка

- : Первого порядка
- : Третьего порядка
- : Однородное
- : Линейное

I:

S: Уравнение $x \frac{d^2 y}{dx^2} + xy \frac{dy}{dx} + x^2 = y$ какого порядка

- : Второго порядка
- : Первого порядка
- : Однородное
- : Линейное

I:

S: Уравнение $y^2 \frac{\partial z}{\partial x} + xy \frac{\partial z}{\partial y} = 0$ какое

- : В частных производных
- : Второго порядка
- : Однородное
- : Линейное

I:

S: ... дифференциального уравнения называется такая дифференцируемая функция $y = \varphi(x, C)$, которая при подстановке в исходное уравнение вместо неизвестной функции обращает уравнение в тождество

- : Общим решением
- : Частным решением
- : Порядком
- : Задачей Коши

I:

S: Решение вида $y = \varphi(x, C_0)$ называется ... дифференциального уравнения

- : Частным решением
- : Порядком
- : Задачей Коши
- : Общим решением

I:

S: ... называется нахождение любого частного решения дифференциального уравнения вида $y = \varphi(x, C_0)$, удовлетворяющего начальным условиям $y(x_0) = y_0$

- : Задачей Коши
- : Обыкновенным
- : Порядком
- : Общим решением

I:

S: ... дифференциального уравнения называется любое уравнение, не содержащее производных, для которого данное дифференциальное уравнение является следствием

- : Интегралом
- : Порядком
- : Частным решением
- : Решением

I:

S: Определите тип уравнения $xy' + y = 0$

-: С разделяющимися переменными

-: Линейное

-: Однородное

-: Бернулли

I:

S: ... называется график $y = \varphi(x)$ решения дифференциального уравнения на плоскости xOy

-: Интегральной кривой

-: Интегралом

-: Решением

-: Порядком

I:

S: ... дифференциального уравнения называется такое решение, во всех точках которого условие единственности Коши не выполняется, т.е. в окрестности некоторой точки (x, y) существует не менее двух интегральных кривых

-: Особым решением

-: Общим решением

-: Частным решением

-: Порядком

I:

S: Определите тип уравнения $y' + y = 0$.

-: С разделяющимися переменными

-: Линейное

-: Однородное

-: Бернулли

I:

$$yy' = \frac{-2x}{\cos y}$$

S: Определите тип уравнения

-: С разделяющимися переменными

-: Линейное

-: Однородное

-: Бернулли

I:

$$\frac{y}{y'} = \ln y$$

S: Определите тип уравнения

-: С разделяющимися переменными

-: Линейное

-: Однородное

-: Бернулли

I:

S: Определите тип уравнения $y' = y^{\frac{2}{3}}$.

-: С разделяющимися переменными

-: Линейное

-: Однородное

-: Бернулли

I:

S: Определите тип уравнения $y' = x(y^2 + 1)$.

-: С разделяющимися переменными

- : Линейное
- : Однородное
- : Бернулли
- !:

$$\frac{yy'}{x} + e^y = 0$$

S: Определите тип уравнения

- : С разделяющимися переменными
- : Линейное
- : Однородное
- : Бернулли
- !:

S: Определите тип уравнения $y' + \sin(x + y) = \sin(x - y)$

- : С разделяющимися переменными
- : Линейное
- : Однородное
- : Бернулли
- !:

$$2xe^{-x^2} + \frac{y'}{y} = 0$$

S: Определите тип уравнения

- : С разделяющимися переменными
- : Линейное
- : Однородное
- : Бернулли
- !:

S: Определите тип уравнения $y' = x(y^2 + 1)$

- : С разделяющимися переменными
- : Линейное
- : Однородное
- : Бернулли
- !:

S: Функция $f(x, y)$ называется ... n – го измерения относительно своих аргументов x и y , если для любого значения параметра t выполняется тождество $f(tx, ty) = t^n f(x, y)$.

- : Однородной
- : Линейной
- : Неоднородной
- : Четной
- !:

S: Дифференциальное уравнение вида $y' = f(x, y)$ называется ... , если его правая часть $f(x, y)$ есть однородная функция нулевого измерения относительно своих аргументов

- : Однородным
- : Линейным
- : Неоднородным
- : Бернулли
- !:

S: Уравнение вида $P(x, y)dx + Q(x, y)dy = 0$ является ... , если функции $P(x, y)$ и $Q(x, y)$ – однородные функции одинакового измерения

- : Однородным
- : Линейным

-: Неоднородным

-: Бернулли

I:

S: Чтобы решить однородное уравнение используем подстановку ...

-: $y = ux$

-: $y = uv$

-: $y = z^{1-n}$

-: $y = z'$

I:

$$y' = \frac{y}{x} \left(\ln \frac{y}{x} + 1 \right)$$

S: Определите тип уравнения

-: Однородное

-: С разделяющимися переменными

-: Линейное

-: Бернулли

I:

$$\begin{vmatrix} a & b \\ a_1 & b_1 \end{vmatrix} \neq 0,$$

S: Если определитель $\begin{vmatrix} a & b \\ a_1 & b_1 \end{vmatrix} \neq 0$, то переменные могут быть разделены подстановкой ...

-: $x = u + \alpha; \quad y = v + \beta;$

-: $ax + by = t.$

-: $y = ux$

-: $y = uv$

I:

$$\begin{vmatrix} a & b \\ a_1 & b_1 \end{vmatrix} = 0,$$

S: Если определитель $\begin{vmatrix} a & b \\ a_1 & b_1 \end{vmatrix} = 0$, то переменные могут быть разделены подстановкой ...

-: $ax + by = t.$

-: $x = u + \alpha; \quad y = v + \beta;$

-: $y = ux$

-: $y = uv$

I:

S: Определите тип уравнения $(x - 2y + 3)dy + (2x + y - 1)dx = 0.$

-: Приводящиеся к однородным

-: Однородное

-: С разделяющимися переменными

-: Линейное

I:

S: Определите тип уравнения $2(x + y)dy + (3x + 3y - 1)dx = 0.$

-: Приводящиеся к однородным

-: Однородное

-: С разделяющимися переменными

-: Линейное

I:

S: Чтобы решить линейное уравнение нужно сделать замену переменной ...

-: $y = uv$

-: $y = ux$

-: $y=x+u$

-: $y=x+v$

!:

S: Линейное уравнение решается методом ...

-: Бернулли

-: Ньютона

-: Крамера

-: Гаусса

!:

S: Определите тип уравнения $x^2 y' + y = ax^2 e^{\frac{1}{x}}$.

-: Линейное

-: Приводящиеся к однородным

-: Однородное

-: С разделяющимися переменными

!:

S: Чтобы решить уравнение Бернулли нужно сделать замену переменной ...

-: $z = \frac{1}{y^{n-1}}$

-: $y=uv$

-: $y=ux$

-: $y=x+u$

!:

S: Определите тип уравнения $xy' + y = xy^2 \ln x$.

-: Бернулли

-: Линейное

-: Приводящиеся к однородным

-: Однородное

!:

S: Определите тип уравнения $xy' - 4y = x^2 \sqrt{y}$.

-: Бернулли

-: Линейное

-: Приводящиеся к однородным

-: Однородное

!:

S: Общее решение дифференциального уравнения в полных дифференциалах имеет вид ...

-: $u=C$

-: $u = F(x, y)$

-: $u=xy$

-: $u=x/y$

!:

S: Необходимое и достаточное условие того, что дифференциальное уравнения является уравнением в полных дифференциалах ...

-: $\frac{\partial P}{\partial y} = \frac{\partial Q}{\partial x}$

-: $u = \int P(x, y)dx + C(y)$

$$\frac{\partial u}{\partial y} = P$$

∴

$$\frac{\partial u}{\partial y} = Q$$

∴

!:

S: Определите тип уравнения $(3x^2 + 10xy)dx + (5x^2 - 1)dy = 0$

∴ Уравнение в полных дифференциалах

∴ Бернулли

∴ Линейное

∴ Приводящиеся к однородным

!:

$$y' - \frac{y}{x} = x + 1$$

S: Определите тип уравнения

∴ Линейное

∴ Уравнение в полных дифференциалах

∴ Бернулли

∴ Приводящиеся к однородным

!:

S: Определите тип уравнения $x(y^2 - 1)dx + y(x^2 - 1)dy = 0$

∴ С разделяющимися переменными

∴ Бернулли

∴ Линейное

∴ Приводящиеся к однородным

!:

S: Определите тип уравнения $y' \cos x = (y + 1) \sin x$

∴ С разделяющимися переменными

∴ Бернулли

∴ Линейное

∴ Приводящиеся к однородным

!:

$$y' + y \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x$$

S: Определите тип уравнения

∴ Линейное

∴ Уравнение в полных дифференциалах

∴ Бернулли

∴ Приводящиеся к однородным

!:

S: Определите тип уравнения $20x dx - 3y dy = 3x^2 y dy - 5xy^2 dx$

∴ С разделяющимися переменными

∴ Бернулли

∴ Линейное

∴ Приводящиеся к однородным

!:

$$xy' = y \ln \left(\frac{y}{x} \right)$$

S: Определите тип уравнения

∴ С разделяющимися переменными

∴ Бернулли

- : Линейное
- : Приводящиеся к однородным
- !:

$$y' + e^{\frac{y}{x}} - \frac{y}{x} = 0$$

S: Определите тип уравнения

- : С разделяющимися переменными
- : Бернулли
- : Линейное
- : Приводящиеся к однородным
- !:

S: Если определитель Вронского не равен нулю, то функции называются ...

- : Линейно независимыми
- : Линейно зависимыми
- : Линейными
- : Нелинейными
- !:

S: ... линейного однородного дифференциального уравнения n –го порядка на интервале (a, b) называется всякая система n линейно независимых на этом интервале решений уравнения

- : Фундаментальной системой решений
- : Однородной системой решений
- : Общим решением
- : Частным решением
- !:

S: Если корни характеристического уравнения действительные простые числа, то общее решение имеет вид ...

- : $y = C_1 e^{k_1 x} + C_2 e^{k_2 x} + \dots$
- : $y = (C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + \dots + C_n x^{n-1}) e^{kx}$
- : $y = e^{\alpha x} (C_1 \cos \beta x + C_2 \sin \beta x)$
- : $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + \dots + C_n x^{n-1}$
- !:

S: Если корни характеристического уравнения действительные числа кратности n , то общее решение имеет вид ...

- : $y = (C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + \dots + C_n x^{n-1}) e^{kx}$
- : $y = e^{\alpha x} (C_1 \cos \beta x + C_2 \sin \beta x)$
- : $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + \dots + C_n x^{n-1}$
- : $y = C_1 e^{k_1 x} + C_2 e^{k_2 x} + \dots$
- !:

S: Если корни характеристического уравнения комплексные числа, то общее решение имеет вид ...

- : $y = e^{\alpha x} (C_1 \cos \beta x + C_2 \sin \beta x)$
- : $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + \dots + C_n x^{n-1}$
- : $y = C_1 e^{k_1 x} + C_2 e^{k_2 x} + \dots$
- : $y = (C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + \dots + C_n x^{n-1}) e^{kx}$
- !:

S: Решить уравнение $y^{IV} - y = 0$.

∴ $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} + C_3 \cos x + C_4 \sin x$

∴ $y = C_1 e^{-x} + C_2 e^{2x}$.

∴ $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + C_4 e^{3x} + C_5 e^{-3x}$;

∴ $y = e^{-x} (C_1 \cos 2x + C_2 \sin 2x)$.

I:

S: Решить уравнение $y'' - 4y' + 4y = 0$.

∴ $y = C_1 e^{2x} + C_2 x e^{2x}$.

∴ $y = C_1 e^{-x} + C_2 e^{2x}$.

∴ $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + C_4 e^{3x} + C_5 e^{-3x}$;

∴ $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} + C_3 \cos x + C_4 \sin x$

I:

S: Решить уравнение $y'' + 2y' + 5y = 0$.

∴ $y = e^{-x} (C_1 \cos 2x + C_2 \sin 2x)$.

∴ $y = C_1 e^{-x} + C_2 e^{2x}$.

∴ $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + C_4 e^{3x} + C_5 e^{-3x}$;

∴ $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} + C_3 \cos x + C_4 \sin x$

I:

S: Решить уравнение $y''' - 7y'' + 6y' = 0$.

∴ $y = C_1 + C_2 e^x + C_3 e^{6x}$;

∴ $y = C_1 e^{-x} + C_2 e^{2x}$.

∴ $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + C_4 e^{3x} + C_5 e^{-3x}$;

∴ $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} + C_3 \cos x + C_4 \sin x$

I:

S: Решить уравнение $y'' - y' - 2y = 0$.

∴ $y = C_1 e^{-x} + C_2 e^{2x}$.

∴ $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + C_4 e^{3x} + C_5 e^{-3x}$;

∴ $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} + C_3 \cos x + C_4 \sin x$

∴ $y = e^{-x} (C_1 \cos 2x + C_2 \sin 2x)$.

I:

S: Решить уравнение $y^{IV} - 9y''' = 0$.

∴ $y = C_1 + C_2 x + C_3 x^2 + C_4 e^{3x} + C_5 e^{-3x}$;

∴ $y = C_1 e^{-x} + C_2 e^{2x}$.

∴ $y = e^{-x} (C_1 \cos 2x + C_2 \sin 2x)$.

∴ $y = C_1 e^x + C_2 e^{-x} + C_3 \cos x + C_4 \sin x$

I:

$$yy' = \frac{-2x}{\cos y}$$

S: Найти общее решение дифференциального уравнения:

$$\therefore y \sin y + \cos y + x^2 + C = 0$$

$$\therefore y \sin y + \cos y + 2x^2 + C = 0$$

$$\therefore \sin y + \cos y + x^2 + C = 0$$

$$\therefore \sin y + \cos 2y + x^2 + C = 0$$

I:

$$\frac{y}{y'} = \ln y$$

S: Найти решение дифференциального уравнения $\frac{y}{y'} = \ln y$ при условии $y(2) = 1$.

$$\therefore y = e^{\pm\sqrt{2x-4}}$$

$$\therefore y = e^{\pm\sqrt{x-4}}$$

$$\therefore y = e^{\pm\sqrt{2x-2}}$$

$$\therefore y = e^{\pm\sqrt{2x+4}}$$

I:

S: Решить уравнение $y' = x(y^2 + 1)$.

$$\therefore y = \operatorname{tg}\left(\frac{x^2}{2} + C\right);$$

$$\therefore y = \operatorname{ctg}\left(\frac{x^2}{2} + C\right);$$

$$\therefore y = \operatorname{tg}\left(\frac{3x^2}{2} + C\right);$$

$$\therefore y = \operatorname{tg}\left(\frac{x^2}{3} + C\right);$$

I:

$$\frac{yy'}{x} + e^y = 0$$

S: Решить уравнение $\frac{yy'}{x} + e^y = 0$ при условии $y(1) = 0$.

$$\therefore 2e^{-y}(y+1) = x^2 + 1$$

$$\therefore 2e^{-y}(y+2) = x^2 + 2$$

$$\therefore 2e^{-y}(y-1) = x^2$$

$$\therefore 2e^{-y}(y+1) = C$$

I:

S: Решить уравнение $y' + \sin(x+y) = \sin(x-y)$.

$$\therefore \ln \left| \operatorname{tg} \frac{y}{2} \right| = -2 \sin x + C$$

$$\therefore \ln \left| \operatorname{ctg} \frac{y}{2} \right| = -2 \sin x + C$$

$$\therefore \ln \left| \operatorname{tg} \frac{y}{2} \right| = \sin x + C$$

$$\ln \left| \operatorname{tg} \frac{y}{2} \right| = -2 \cos x + C$$

∴

I:

S: Решить уравнение $(x - 2y + 3)dy + (2x + y - 1)dx = 0$.

$$\therefore x^2 - x + xy + 3y - y^2 = C$$

∴

$$\therefore x^2 - x + y + 3 - y^2 = C$$

∴

$$\therefore x^2 - 2x + x + 3y - y^2 = C$$

∴

$$\therefore x^2 - y + xy + x - 2y^2 = C$$

∴

I:

S: Решить уравнение $2(x + y)dy + (3x + 3y - 1)dx = 0$.

$$\therefore 3x + 2y + 2 \ln |x + y - 1| = C;$$

∴

$$\therefore 3x + 2y + \ln |x + y + 1| = C;$$

∴

$$\therefore 3x + y + 2 \ln |x + y - 1| = C;$$

∴

$$\therefore 3x + 2y + \ln |x + y| = C;$$

∴

I:

S: Решить уравнение $x^2 y' + y = ax^2 e^{\frac{1}{x}}$.

$$\therefore y = e^{\frac{1}{x}} (ax + C).$$

∴

$$\therefore y = e^{\frac{1}{x}} (x + C).$$

∴

$$\therefore y = e^{\frac{1}{x}} (2ax + C).$$

∴

$$\therefore y = e^{\frac{1}{x}} (ax^2 + C).$$

∴

I:

S: Решить уравнение $xy' + y = xy^2 \ln x$.

$$\therefore \frac{1}{y} = x \left(-\frac{\ln^2 x}{2} + C \right).$$

∴

$$\therefore \frac{1}{y} = \left(-\frac{\ln^2 x}{2} + C \right).$$

∴

$$\therefore \frac{1}{x} = y \left(-\frac{\ln^2 x}{2} + C \right).$$

∴

$$\therefore \frac{1}{y} = \left(-\frac{\ln^2 3x}{2} + C \right).$$

∴

I:

S: Решить уравнение $xy' - 4y = x^2 \sqrt{y}$.

$$\therefore y = x^4 \left(C_2 + \frac{1}{2} \ln x \right)^2;$$

∴

$$\therefore y = x^4 \left(C_2 + \frac{1}{2} \ln x \right);$$

$$\therefore y = x^4 (C_2 + \ln x);$$

$$\therefore y = x^4 (C_2 + 3 \ln x)^2;$$

!:

S: Решить уравнение $(3x^2 + 10xy)dx + (5x^2 - 1)dy = 0$

$$\therefore x^3 + 5x^2y - y = C.$$

$$\therefore x^3 + 5x^2y + y = C.$$

$$\therefore x^3 + 5x^2 - y = C.$$

$$\therefore x^3 + 5xy^2 = C.$$

!:

S: Решить уравнение с заданными начальными условиями $y' - \frac{y}{x} = x + 1; \quad y(1) = 0.$

$$\therefore y = x^2 + x \ln x - x.$$

$$\therefore 2y = x^2 + x \ln x - x.$$

$$\therefore y = x^2 + x \ln x.$$

$$\therefore y = x^2 + x \ln x + x.$$

!:

S: Найти решение дифференциального уравнения, удовлетворяющее заданным начальным условиям $y' \cos x = (y + 1) \sin x; \quad y(0) = 0.$

$$\therefore y = \frac{1}{\cos x} - 1.$$

$$\therefore y = \frac{1}{\cos x} + 1.$$

$$\therefore y = \frac{2}{\cos x} - 1.$$

$$\therefore y = \frac{1}{\sin x} - 1.$$

!:

S: Решить уравнение $y''' = e^{2x}$ с начальными условиями $x_0 = 0; y_0 = 1; y'_0 = -1; y''_0 = 0.$

$$\therefore y = \frac{1}{8} e^{2x} - \frac{1}{4} x^2 - \frac{5}{4} x + \frac{7}{8}$$

$$\therefore y = \frac{1}{8} e^{2x} - \frac{1}{4} x^2 - \frac{1}{4} x + \frac{3}{8}$$

$$\therefore y = \frac{1}{4} e^{2x} - \frac{1}{4} x^2 - \frac{5}{4} x + \frac{7}{8}$$

$$\therefore y = \frac{1}{8} e^x - \frac{1}{4} x^2 - \frac{1}{4} x$$

!:

S: Найти общее решение уравнения $y''' = \frac{y''}{x}.$

$$\therefore y = Cx^3 + C_2x + C_3;$$

$$\therefore y = Cx^3 + C_2x^2 + C_3x;$$

$$\therefore y = Cx^3 + C_2;$$

$$\therefore y = Cx^2 + C_2x + C_3;$$

l:

S: Решить уравнение $(1 - x^2)y'' - 2xy' + 2y = 0$.

$$\therefore y = C_2x + C_3x \ln \left| \frac{1+x}{1-x} \right| + C_4;$$

$$\therefore y = C_2x + C_3x \ln \left| \frac{1+x}{1-x} \right|;$$

$$\therefore y = C_2x^2 + C_3x \ln \left| \frac{1+x}{1-x} \right| + C_4;$$

$$\therefore y = C_2xe^x + C_3x \ln \left| \frac{1-x}{1+x} \right| + C_4;$$

l:

S: Решить уравнение $3yy'' + y'^2 = 0$.

$$\therefore y = (C_3x + C_4)^{\frac{3}{4}}.$$

$$\therefore y = (C_3x + C_4)^{\frac{1}{4}}.$$

$$\therefore y = (C_3x^2 + C_4)^{\frac{1}{4}}.$$

$$\therefore y = (C_3x^2 + C_4)^{\frac{3}{4}}.$$

l:

S: Решить уравнение $y''' - 4y' = x$.

$$\therefore y = -\frac{x^2}{8} + C_1 + C_2e^{2x} + C_3e^{-2x}.$$

$$\therefore y = \frac{x^2}{8} + C_1 + C_2e^x + C_3e^{-2x}.$$

$$\therefore y = \frac{x^2}{4} + C_1x + C_2e^x + C_3e^{-x}.$$

$$\therefore y = -\frac{x^2}{4} + C_1x + C_2e^{2x} + C_3e^{-2x}.$$

l:

S: Решить уравнение $y'' + y = x - \sin 2x$.

$$\therefore y = \frac{1}{3} \sin 2x + x + C_1 \cos x + C_2 \sin x;$$

$$\therefore y = \frac{1}{3} \sin 2x + C_1 \cos x + C_2 \sin x;$$

$$\therefore y = \frac{1}{2} \sin x + x + C_1 \cos x + C_2 \sin x;$$

$$\therefore y = \frac{1}{3} \sin 2x + x^2 + C_1 \cos 2x + C_2 \sin 2x;$$

l:

S: Решить уравнение $y'' - 2y' + y = 3e^x$.

$$\therefore y = C_1 e^x + C_2 x e^x + \frac{3}{2} x^2 e^x.$$

$$\therefore y = C_1 e^{-x} + C_2 x e^x + \frac{1}{2} x^2 e^x.$$

$$\therefore y = C_1 e^x + C_2 x e^x + 3x^2 e^x.$$

$$\therefore y = C_1 e^{2x} + C_2 x e^{-x} + \frac{1}{2} x^2 e^{-x}.$$

l:

S: Решить уравнение $y''' - y' = x^2 - 1$.

$$\therefore y = C_1 + C_2 e^x + C_3 e^{-x} - \frac{1}{3} x^3 - x.$$

$$\therefore y = C_1 + C_2 e^x + C_3 e^{-x} - \frac{1}{3} x^3 - x^2.$$

$$\therefore y = C_1 + C_2 e^{2x} + C_3 e^{-x} - \frac{1}{3} x^3 + x.$$

$$\therefore y = C_1 + C_2 e^{-x} + C_3 x e^{-x} - \frac{1}{3} x^3.$$

l:

S: Найти общее решение системы уравнений:
$$\begin{cases} x' = 5x + 2y \\ y' = 2x + 2y \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} x = C_1 e^t + 2C_2 e^{6t} \\ y = -2C_1 e^t + C_2 e^{6t} \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} x = C_1 e^t + 2C_2 e^{6t} \\ y = -C_1 e^t + C_2 e^{6t} \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} x = C_1 e^t + C_2 e^{6t} \\ y = C_1 e^t + 2C_2 e^{6t} \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} x = C_1 e^t - C_2 e^{6t} \\ y = 2C_1 e^t + C_2 e^{6t} \end{cases}$$

l:

S: Найти решение системы уравнений
$$\begin{cases} y' = y + z \\ z' = y + z + x \end{cases}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} y = C_1 + C_2 e^{2x} - \frac{1}{4} x(x+1) \\ z = -C_1 + C_2 e^{2x} + \frac{1}{4} (x^2 - x - 1) \end{array} \right.$$

∴

$$\left\{ \begin{array}{l} y = C_1 + C_2 e^x - \frac{1}{4} x(x+1) \\ z = -C_1 + C_2 e^x + \frac{1}{4} (x^2 - x - 1) \end{array} \right.$$

∴

$$\left\{ \begin{array}{l} y = C_1 + C_2 e^{-x} - \frac{1}{4} x(x+1) \\ z = -C_1 + C_2 e^{-x} + \frac{1}{4} (x^2 - x - 1) \end{array} \right.$$

∴

$$\left\{ \begin{array}{l} y = C_1 + C_2 e^{-2x} - \frac{1}{4} x(x+1) \\ z = -C_1 + C_2 e^{-2x} + \frac{1}{4} (x^2 - x - 1) \end{array} \right.$$

∴

l:

S: Найти изображение функции $\frac{\sin t}{t}$.

$$\frac{\pi}{2} - \operatorname{arctg} p;$$

∴

$$\frac{\pi}{3} + \operatorname{arctg} p;$$

∴

$$\frac{\pi}{2} - \operatorname{arcc} \operatorname{tg} p;$$

∴

$$\frac{\pi}{3} + \operatorname{arcc} \operatorname{tg} p;$$

∴

l:

S: Найти изображение функции $\sin^2 t$.

$$\frac{2}{p(p^2 + 4)}$$

∴

$$\frac{2}{p(p^2 - 4)}$$

∴

$$\frac{1}{p(p^2 + 4)}$$

∴

$$\frac{1}{p(p^2 - 4)}$$

∴

l:

S: Решить уравнение $y'' + 4y = 2$; $y(0) = y'(0) = 0$.

$$y = \frac{1}{2} (1 - \cos 2x)$$

∴

$$\therefore y = \frac{1}{2}(1 - \cos x)$$

$$\therefore y = \frac{1}{2}(1 - \sin 2x)$$

$$\therefore y = \frac{1}{2}(1 - \sin x)$$

l:

S: Решить уравнение $y' - 2y = 0$; $y(0) = 1$.

$$\therefore y = e^{2x};$$

$$\therefore y = e^x;$$

$$\therefore y = e^{-x};$$

$$\therefore y = e^{-2x};$$

l:

S: Решить уравнение: $y''' - 6y'' + 11y' - 6y = 0$; $y(0) = 0$; $y'(0) = 1$; $y''(0) = 0$,

$$\therefore y = -\frac{5}{2}e^x + 4e^{2x} - \frac{3}{2}e^{3x};$$

$$\therefore y = -\frac{5}{2}e^x + 4e^{-x} - \frac{3}{2}e^{2x};$$

$$\therefore y = -\frac{5}{2}e^{-x} + 4e^{2x} - \frac{3}{2}e^{3x};$$

$$\therefore y = -\frac{5}{2}e^x + 4e^{-2x} - \frac{3}{2}e^{3x};$$

l:

S: Решить систему уравнений: $\begin{cases} x' = 3x + 4y \\ y' = 4x - 3y \end{cases}$ при $x(0) = y(0) = 1$

$$\therefore \begin{cases} x = \frac{6}{5}e^{5t} - \frac{1}{5}e^{-5t} \\ y = \frac{3}{5}e^{5t} + \frac{2}{5}e^{-5t} \end{cases};$$

$$\therefore \begin{cases} x = \frac{2}{5}e^{5t} - \frac{1}{5}e^{-5t} \\ y = \frac{1}{5}e^{5t} + \frac{2}{5}e^{-5t} \end{cases};$$

$$\therefore \begin{cases} x = \frac{6}{5}e^{5t} - \frac{2}{5}e^{-5t} \\ y = \frac{3}{5}e^{5t} + \frac{1}{5}e^{-5t} \end{cases};$$

$$\therefore \begin{cases} x = \frac{1}{5}e^{5t} - \frac{2}{5}e^{-5t} \\ y = \frac{3}{5}e^{5t} + \frac{4}{5}e^{-5t} \end{cases};$$

