

## **Trabajo 2**

**Ivan Santiago Rojas Martinez**

Estudiante de Pregrado en Estadística

Docente

**Rene Iral Palomino**

Asignatura

**Introducción al Análisis Multivariado**



Sede Medellín  
Octubre 21 de 2023

# Índice

1	Parte A	2
2	Parte B	2

## Índice de figuras

## Índice de cuadros

## Trabajo 2

### 1 Parte A

### 2 Parte B

Para todos los efectos el vector  $X = (P_1, P_7, P_{16}, P_{22}, P_{25}, P_{27}, P_{29}, P_{38})$  contiene las variables continuas de su base de datos. Por notación sea el respectivo  $\mu = (\mu_1, \mu_2, \mu_3, \mu_4, \mu_5, \mu_6, \mu_7, \mu_8)$  vector de medias y  $\Sigma$  su matriz de covarianzas.

Se procede a tomar la muestra aleatoria con la cedula **1020479466** y a seleccionar las variables numéricas.

```
library(splitstackshape)
uno <- read.table("Data/base.txt", header = TRUE)
genera <- function(cedula){
  set.seed(cedula)
  aux <- stratified(uno, "CAT_IMC", 200/2100)
  aux
}

datos <- genera(1020479466)
x <- datos %>% select(P1, P7, P16, P22, P25, P27, P29, P38)
```

- 1. (10 pts.)** Sea  $\mu_0 = (66.1, 58, 81.6, 37, 47, 25, 19.2, 167)'$ . Pruebe la hipótesis:  
 $H_0: \mu = \mu_0$ . Debe especificar todas las condiciones y elementos para probar esta hipótesis.  
 Anexe los códigos en R usados.

Primero procederemos a verificar si el vector de variables se distribuye normal por medio de la prueba estadística Shapiro-Wilk de normalidad multivariada.

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: Z
## W = 0.9307, p-value = 4.09e-08
```

Observando un  $ValorP = 4.09 \times 10^{-8}$ , podemos rechazar la hipótesis nula con un nivel de significancia de  $\alpha = 0.05$  lo que nos permite concluir que  $X$  no cumple normalidad multivariada. Basado en el **Teorema del limite central** sabemos que si se tiene:

$$\bar{\mathbf{X}}_n = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \mathbf{X}_i \text{ y } \mathbf{Z}_n = \sqrt{n} (\bar{\mathbf{X}}_n - \boldsymbol{\mu})$$

Luego:

$$\mathbf{Z}_n \xrightarrow{d} N_p(\mathbf{0}, \Sigma).$$

con  $\Sigma > 0$ :

$$\tilde{\mathbf{Z}}_n = \Sigma^{-\frac{1}{2}} \sqrt{n} (\bar{\mathbf{X}}_n - \boldsymbol{\mu}) \xrightarrow{d} N_p(\mathbf{0}, I_p)$$

y

$$n (\bar{\mathbf{X}}_n - \boldsymbol{\mu})' S^{-1} (\bar{\mathbf{X}}_n - \boldsymbol{\mu}) \xrightarrow{d} \chi^2(p)$$

Bajo  $H_0$  cierta. El estadístico de prueba es:

$$\chi_0^2 = n (\bar{X} - \mu_0)' S^{-1} (\bar{X} - \mu_0)$$

Se define las siguientes pruebas de hipótesis:

$$H_0 : \mu = \mu_0 \text{ vs } H_a : \mu \neq \mu_0$$

Se procede a hallar el vector de medias muestral  $\bar{X}$  y la matriz de covarianzas muestral  $S$  en R.

```
xbar <- colMeans(x)
s <- cov(x)
n <- nrow(x)
p <- length(x)
mu_0 <- as.matrix(c(mu_0))
chi_0 <- as.numeric(n*(t(xbar-mu_0)) %*%solve(s) %*%(xbar-mu_0))
chi_0
```

```
## [1] 1603.695
```

Se plantea una región de rechazo de  $H_0$  dada por:

$$X_0^2 > X_\alpha^2(p)$$

```
## [1] 15.50731
```

Dado que la prueba nos arroja  $X_0^2 = 1603.695 > X_{0.05}^2(8) = 15.50731$  con un nivel de significancia de  $\alpha = 0.05$ . Se rechaza  $H_0$ , lo que nos permite concluir que existen diferencia entre el vector  $\mu$  y  $\mu_0$ .