Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана



Факультет: Информатика и системы управления

Кафедра: Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии

Дисциплина: Математическая статистика

Домашнее задание №2

Выполнил: Группа: Вариант: 15

Содержание

1 Задача №1. Проверка параметрических гипотез

3

1 Задача №1. Проверка параметрических гипотез

Условие. До наладки станка была проверена точность изготовления $n_1=10$ втулок, в результате чего получено значение $S^2(\overrightarrow{X}_{n_1})=9.6$ мкм². После наладки была проверена партия из $n_2=15$ втулок и получено значение $S^2(\overrightarrow{Y}_{n_2})=5.7$ мкм². Считая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости $\alpha=0.05$ проверить гипотезу о том, что после наладки станка точность изготовления втулок увеличилась.

Решение.

Определим следующие случайные величины учитывая, что по условию распределение нормальное

X — точность изготовления некоторой втулки *до наладки* станка, $X \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$;

Y — точность изготовления некоторой втулки *после наладки* станка, $Y \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$. Введём следующие гипотезы

 $H_0 = \{$ точность изготовления втулок после наладки станка не изменилась $\} = \{\sigma_1 = \sigma_2\}.$

 $H_1 = \{$ точность изготовления втулок после наладки станка yвеличилась $\} = \{\sigma_1 > \sigma_2\}.$ Построим критическое множество W

$$W = \left\{ (\overrightarrow{X}_{n_1}, \overrightarrow{Y}_{n_2}) \colon T(\overrightarrow{X}_{n_1}, \overrightarrow{Y}_{n_2}) \ge F_{1-\alpha}(n_1 - 1, n_2 - 1) \right\}. \tag{1}$$

Вычислим статистику $T(\overrightarrow{X}_{n_1},\overrightarrow{Y}_{n_2})$

$$T(\overrightarrow{X}_{n_1}, \overrightarrow{Y}_{n_2}) = \frac{\max\left\{S^2(\overrightarrow{X}_{n_1}), S^2(\overrightarrow{Y}_{n_2})\right\}}{\min\left\{S^2(\overrightarrow{X}_{n_1}), S^2(\overrightarrow{Y}_{n_2})\right\}} \sim F_{1-\alpha}(n_1 - 1, n_2 - 1). \tag{2}$$

$$T(\overrightarrow{X}_{n_1}, \overrightarrow{Y}_{n_2}) = \frac{9.6}{5.7} = 1.684 \sim F_{0.95}(9, 14).$$
 (3)

Из таблицы квантилей распределения Фишера $F_{0.95}(9,14)=2.65$. Так как $1.684\ngeq 2.65$, то принимаем гипотезу H_0 .

Ответ. $1.684 \ngeq 2.65 \Rightarrow$ точность изготовления втулок после наладки станка ne изменилась.