## Специальность ИУ7, 3-й курс, 6-й семестр

## Домашнее задание №2 (модуль 2)

## Задача №1 (проверка параметрических гипотез)

Вариант 1. Давление в камере контролируется с использованием двух манометров. Для сравнения точности этих приборов проведено n=10 одновременных замеров, в результате чего установлено, что  $\overline{X}_n=1573~\Pi a,~\overline{Y}_n=1671~\Pi a,~S^2(\overrightarrow{X}_n)=0,72~\Pi a^2,~S^2(\overrightarrow{Y}_n)=0,15~\Pi a^2.$  Считая распределение контролируемого признака нормальным, с использованием одностороннего критерия при уровне значимости  $\alpha=0.1$  проверить гипотезу о равенстве дисперсий этих манометров.

Вариант 2. Точность наладки станка-автомата, производящего некоторые детали, характеризуется дисперсией длины готовых деталей. Если эта величина превышает 400 мкм², то станок останавливается для наладки. После провшерки n=15 деталей получено значение  $S^2(\overrightarrow{X}_n)=680$  мкм². при уровне значимости  $\alpha=0.01$  установить, нужно ли проводить наладку станка, если контролируемый признак имеет нормальное распределение.

Вариант 3. До наладки станка была проверена точность изготовления n=10 втулок и получено значение исправленной выборочной дисперсии их диаметра, равное 5.7 мкм². После наладки станка были измерены диаметры еще 25 втулок и получено соответствующее значение дисперсии, равное 9.6 мкм². Есть ли основания считать, что в результате наладки станка точность изготовления на нем деталей не изменилась? Проверку гипотезы провести при уровне значимости  $\alpha=0.1$  в предположении, что ощибка изготовления распределена по нормальному закону.

Вариант 4. В соответствии с техническими условиями среднее время безотказной работы однотипных приборов из большой партии должно составлять не менее 1000 ч. После проверки n=25 случайно отобранных приборов было получено среднее значение времени их работы  $\overline{X}_n=970$  ч. Предполагая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.01$  проверить гипотезу о том, что вся партия удовлетворяет техническим условиям, если  $S(\overline{X}_n)=10$  ч.

Вариант 5. Из большой партии резисторов одного типа и номинала случайным образом были отобраны n=36 штук. После проверки их сопротивления было установлено, что среднее зачение величины их сопротивления составляет  $\overline{X}_n=9,3$  кОм. С использованием двустороннего критерия при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, что выборка взята из партии с номинальным значением сопротивления 10 кОм, если распределение контролируемого признака нормальное, а дисперсия значения сопротивления известна и равна 4 кОм $^2$ .

Вариант 6. При обработке втулок на станке-автомате ведутся наблюдения за режимом его работы. Для проверки стабильности работы станка через определенные промежутки времени изучается выборка объема n=10 готовых втулок. С использованием двух выборок

$$\overrightarrow{X}_n = (2.060, 2.063, 2.068, 2.060, 2.067, 2.063, 2.059, 2.062, 2.062, 2.060),$$
  
 $\overrightarrow{Y}_n = (2.063, 2.060, 2.057, 2.056, 2.059, 2.058, 2.062, 2.059, 2.059, 2.057)$ 

при уровне значимости  $\alpha=0.01$  проверить гипотезу о стабильности работы станка, считая распределение контролируемого признака нормальным. При проверке считать, что дисперсии обеих генеральных совокупностей совпадают.

**Вариант 7.** До замены кварца в радиопередатчике было произведено  $n_1=10$  замеров несущей частоты, в результате чего была получена оценка среднего квадратичного отклонения ее

значения  $S(\overrightarrow{X}_{n_1})=0.045$  к $\Gamma$ ц. После замены кварца произведено еще  $n_2=8$  замеров частоты и получена оценка среднего квадратичного отклонения  $S(\overrightarrow{Y}_{n_2})=0.02$  к $\Gamma$ ц. Предполагая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.01$  проверить гипотезу о том, что замена кварца привела к уменьшению разброса несущей частоты.

Вариант 8. По выборке из  $n_1=50$  электроламп завода А получено значение средней продолжительности работы ламп  $\overline{X}_{n_1}=1288$  ч и ее среднее квадратичное отклонение  $S(\overline{X}_{n_1})=80$  ч. По выборке из  $n_2=25$  ламп того же типа, произведенных на заводе Б, получены соответствующие значения  $\overline{Y}_{n_2}=1288$  ч и  $S(\overline{Y}_{n_2})=80$  ч. Считая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, средняя продолжительность работы ламп, произведенных на этих заводах, совпадает.

Вариант 9. Ожидается, что добавление специальных веществ должно уменьшить жесткость воды. По результатам измерений жесткости воды до и после добавления этих веществ были получены соответственно значения  $\overline{X}_{n_1}=4.0,\,\overline{Y}_{n_2}=0.8$  (стандартных единип). Считая, что распределение контролируемого признака является нормальным с дисперсией  $\sigma^2=2.25$  для обеих генеральных совокупностей, при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, что результаты эксперимента подтверждают ожидания, если  $n_1=40,\,n_2=50.$ 

Вариант 10. На двух токарных автоматах изготавливают детали по одному чертежу. Из продукции первого станка было отобрано  $n_1=9$  деталей, а из продукции второго —  $n_2=11$  деталей. Выборочные дисперсии контрольного размера, определенные по этим выборкам, составляют  $S^2(\overline{X}_{n_1})=5.9$  мкм² и  $S^2(\overline{Y}_{n_2})=6.2$  мкм² соответственно. С использованием двустороннего критерия при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о равенстве дисперсий контрольного размера деталей, изготовленных на разных станках.

**Вариант 11.** После n=250 подбрасываний монеты герб появился 140 раз. С использованием двустороннего критерия при уровне значимости  $\alpha=0.1$  проверить гипотезу о том, что монета является симметричной.

**Вариант 12.** Для исследования стабильности температуры в термостате с кварцевым генератором были проведены две серии замеров температуры (в  $^{0}$ C) с интервалом в 15 часов:

$$\overrightarrow{X} = (17.85, 17.98, 18.01, 18.2, 17.9, 18.0),$$
  
 $\overrightarrow{Y} = (18.01, 17.98, 18.05, 17.9, 18.0).$ 

Считая распределение контролируемого признака нормальным со среднеквадратичным отклонением  $\sigma=0.1^{0}\mathrm{C}$ , при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о неизменности температуры в термостате.

Вариант 13. Две партии стальной проволоки изготовлены в разные смены. По результатам испытаний на разрыв  $n_1=10$  образцов 1-ой партии и  $n_2=6$  образцов 2-ой партии получены следующие выборочные значения средней прочности  $\overline{X}_{n_1}=234$  Н и  $\overline{Y}_{n_2}=247$  Н. Можно ли считать, что средняя прочность проволоки 2-ой партии выше, если среднее квадратичное отклонение прочности для обеих партий  $\sigma=10$  Н, закон распределения значения прочности принимается нормальным, а уровень значимости  $\alpha=0.1$ ?

Вариант 14. Для классификации электроизмерительного прибора произведено  $n_1=9$  замеров эталонного источника напряжения, в результате чего получено значение  $S(\overrightarrow{X}_{n_1})=0.1$  В. После  $n_2=15$  измерений этого же напряжения стандартным прибором было получено значение  $S(\overrightarrow{Y}_{n_2})=0.09$  В. Считая, что систематические ошибки измерения отсутствуют, а случайные ошибки подчинены нормальному закону, при уровне значимости  $\alpha=0.1$  проверить гипотезу о принадлежности обоих приборов к одному классу точности.

**Вариант 15.** До наладки станка была проверена точность изготовления  $n_1=10$  втулок, в результате чего получено значение  $S^2(\overrightarrow{X}_{n_1})=9.6$  мкм². После наладки была проверена партия из  $n_2=15$  втулок и получено значение  $S^2(\overrightarrow{Y}_{n_2})=5.7$  мкм². Считая распределение

контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, что после наладки станка точность изготовления втулок увеличилась.

**Вариант 16.** После запуска  $n_1 = 5$  однотипных ракет были получены следующие значения дальности их полета (в км):

692.9, 695.7, 691.3, 693.6, 649.4.

После доработки одного из блоков двигательной установки ракет этого типа были запущены еще  $n_2=4$  ракеты, в результате чего получены следующие значения дальности полета (в км):

691.2, 696.2, 693.7, 695.4.

Считая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.1$  проверить гипотезу о том, что доработка двигательной установки не привела к увеличению средней дальности полета ракет.

Вариант 17. Расстояние между двумя подвижными объектами определяется с помощью гамма-дальномера, точность которого характеризуется средним квадратичным отклонением  $\sigma=10$  м. С интервалом 12 минут проведено 2 серии измерений, в результате чего получены значения  $\overline{X}_{n_1}=832$  м,  $n_1=5$ ,  $\overline{Y}_{n_2}=840$  м,  $n_3=3$ . Предполагая, что ошибка измерений подчиняется нормальному закону, при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, что за указанное время расстояние между объектами не увеличилось.

Вариант 18. В соответствии с техническими условиями среднее время безотказной работы для приборов должно составлять не менее m=1000 ч. После проверки n=25 случайно выбранных из партии приборов было получено среднее значение  $\overline{X}_n=970$  ч. Считая распределение контролируемого признака нормальным со средним квадратичным отклонением s=100 ч, при уровне значимости  $\alpha=0.01$  проверить гипотезу о том, что вся партия удовлетворяет техническим условиям.

Вариант 19. Партия ракет, среднее квадратичное отклонение дальности полета которых должно составлять  $\sigma=1.6$  км, длительное время хранилась в полевых условиях. Для проверки их пригодности из партии были отобраны n=10 ракет, по результатам измерения дальности полета которых получено значение  $S(\overrightarrow{X}_n)=3.4$  км. Считая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, что после хранения рассеяние дальности полета ракет в партии не увеличилось.

**Вариант 20.** После n=240 бросков игральной кости "шестерка" выпала 75 раз. При уровне значимости  $\alpha=0.1$  проверить гипотезу о том, что кость правильная.

**Вариант 21.** Утверждается, что шарики, изготовленные станком-автоматом, имеют средний диаметр 10 мм. Считая, что контролируемый признак имеет нормальное распределение, с использованием одностороннего критерия при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить эту гипотезу, если дисперсия известна и равна  $\sigma^2=1$  мм², а после проверки n=16 шариков получено среднее значение диаметра  $\overline{X}_n=10.3$  мм.

Вариант 22. Давление в камере измеряется двумя манометрами. Для сравнения точности этих приборов через некоторые промежутки времени были n=10 раз синхронно сняты их показания, в результате чего получены значения (в единицах шкалы приборов)  $\overline{X}_n=1573$ ,  $S^2(\overrightarrow{X}_n)=0.72$  (для первого прибора) и  $\overline{Y}_n=1671$ ,  $S^2(\overrightarrow{Y}_n)=0.15$  (для второго прибора). Считая распределение ошибок нормальным, с использованим односторонего критерия при уровне знчимости  $\alpha=0.01$  проверить гипотезу о равенстве дисперсий.

Вариант 23. Известно, что точность манометра характеризуется средним квадратичным отклонением  $\sigma=1$  Па. В результате  $n_1=5$  измерений давления в пневмосистеме ракеты было получено среднее значение  $\overline{X}_{n_1}=150$  Па. После шестимесячного хранения ракеты давление в пневмосистеме было измерено  $n_2=3$  раза, в результате чего было получено значение  $\overline{Y}_{n_2}=148$  Па. Считая, что случайные погрешности измерений подчинены нормальному закону, при

уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, что за время хранения давление в пневмосистеме ракеты не изменилось.

Вариант 24. Согласно техническим условиям, среднее время безотказной работы большой партии однотипных приборов должно составлять не менее  $10\,000$  ч, а его среднее квадратичое отколнение должно быть не более  $\sigma_0=100$  ч. После проверки n=100 случайно выбранных приборов были получены значения  $\overline{X}_n=9720$  ч и  $S^2(\overline{X}_n)=115$  ч. Считая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, что вся партия удовлетворяет техническим условиям.

Вариант 25. Для контроля качества работы молокоперерабатывающего завода были проверены n=5 пачек молока номинальной жирности 3.2%, в результате чего были получены значения  $\overline{X}_n=3.0\%$  и  $S(\overrightarrow{X}_n)=0.1\%$  жирности. Считая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.01$  с использованием одностороннего критерия проверить гипотезу о том, что средняя жирность молока удовлетворяет заявленному показателю.

Вариант 26. В однотипных теплицах взращиваются семена некоторой культуры. Для повышения всхожести семян в  $n_1=5$  теплицах создаются особые условия, а в остальных  $n_2=10$  теплицах условия оставляют стандартными. Считая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.05$  проверить гипотезу о том, что особые условия повышают всхожесть семян, если по результатам посевной получены следующие зачения:  $\overline{X}_{n_1}=70\%,\ S(\overrightarrow{X}_{n_1})=5\%,\ \overline{Y}_{n_2}=60\%,\ S(\overrightarrow{Y}_{n_2})=7\%.$ 

Вариант 27. До осуществения планового обслуживания станка-автомата по розливу сока в литровые пакеты был проконтролирован объем продукта в  $n_1=5$  пакетах, в результате чего получено значение среднего квадратичного отклонения  $S(\overrightarrow{X}_{n_1})=0.05$  л. После проведения обслуживания станка было проконтролировано содержимое  $n_2=3$  пакетов и получено значение  $S(\overrightarrow{Y}_{n_2})=0.15$  л. Считая распределение контролируемого признака нормальным, при уровне значимости  $\alpha=0.01$  проверить гипотезу о том, что мастер, выполнявший обслуживание, сможет объяснить троекратное ухудшение показателя точности малым объемом выборки.

Вариант 28. Величина максимально допустимого внутреннего давления в шине автомобиля "Белаз" 7540A при ее температуре, равной температуре окружающей среды, составляет 5.43 атм. После проведения n=10 измерений одним и тем же манометром получено значение  $\overline{X}_n=5.5$  атм. Считая, что ошибки измерений подчинены нормальному распределению со средним квадратичным отклонением  $\sigma=0.01$ , при уровне значимости  $\alpha=0.01$  с использованием односторннего критерия проверить гипотезу о том, что давление в шине равно максимально допустимому.

Вариант 29. В стене разрушающегося здания по обе стороны от трещины были установлены маячки. По результатам  $n_1=5$  измерений сразу после установки было получено значение  $\overline{X}_{n_1}=90$  мм расстояния между ними. Через неделю было проведено еще  $n_2=4$  измерения, в результате чего получено значение расстояния  $\overline{Y}_{n_2}=93.3$  мм. Считая распеделение ошибок измерения нормальным со среднеквадратичным отклонением  $\sigma=0.5$  мм (систематические ошибки отсутствуют), при уровне значимости  $\alpha=0.01$  с использованием одностороннего критерия проверить гипотезу о том, что за неделю расстояние между маячками не изменилось.

Вариант 30. В некотором крупном населенном пункте в течение года родилось  $12\,535$  детей, среди которых было  $6\,125$  мальчиков. Аналогичное исследование, проведенное через 5 лет, показало, что среди  $14\,432$  рожденных за год детей оказалось  $7\,952$  мальчика. С использованием одностороннего критерия при уровне значимости  $\alpha=0.01$  проверить гипотезу о том, что процент рождающихся мальчиков не увеличился.